VYHLEDÁVACÍ STROMY

AVL strom

Operace Find, Insert, Delete Rotace L, R, LR, RL

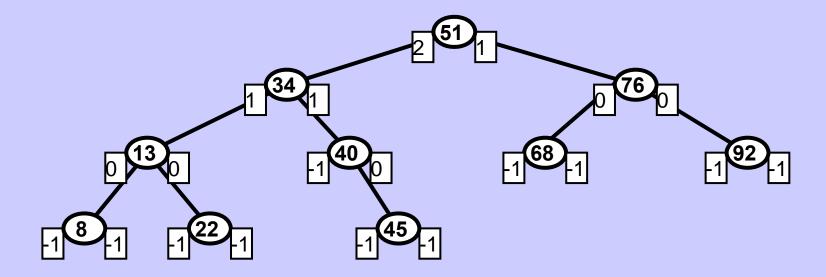
B-strom

Operace Find, Insert, Delete

AVL strom -- G.M. Adelson-Velskij & E.M. Landis, 1962

AVL strom je BVS s přidanými vlastnostmi, které jej udržují (téměř) vyvážený.

AVL má také operace Find, Insert, Delete.

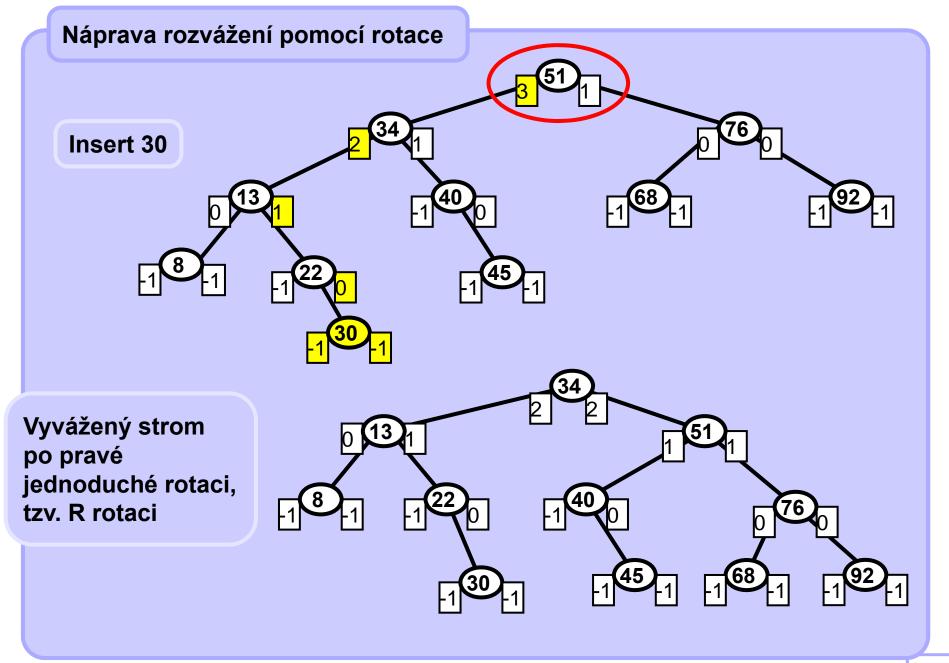


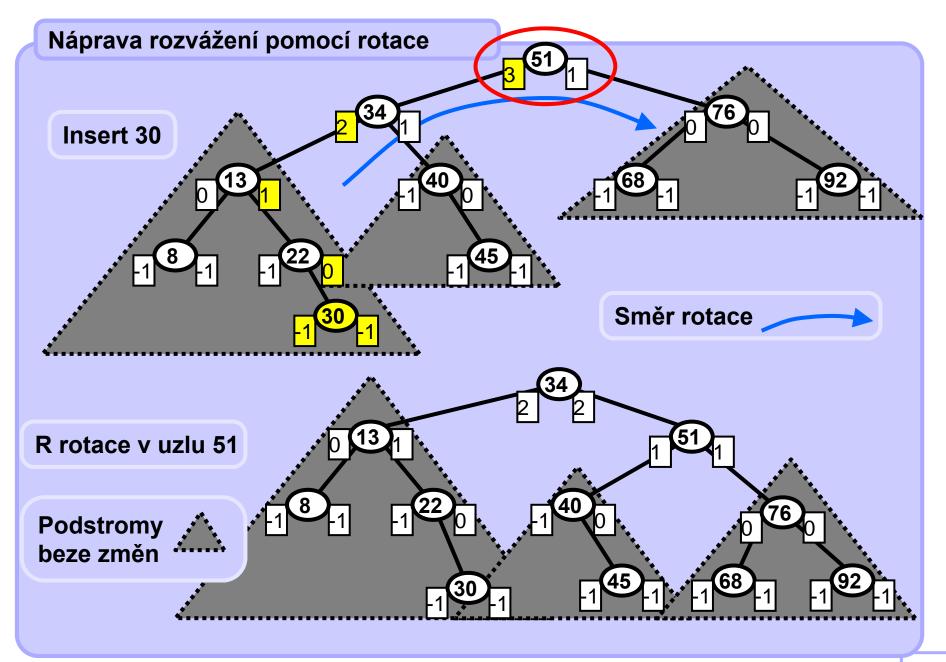
Každý uzel registruje hloubku svého levého a pravého podstromu, hloubka prázdného stromu je -1.

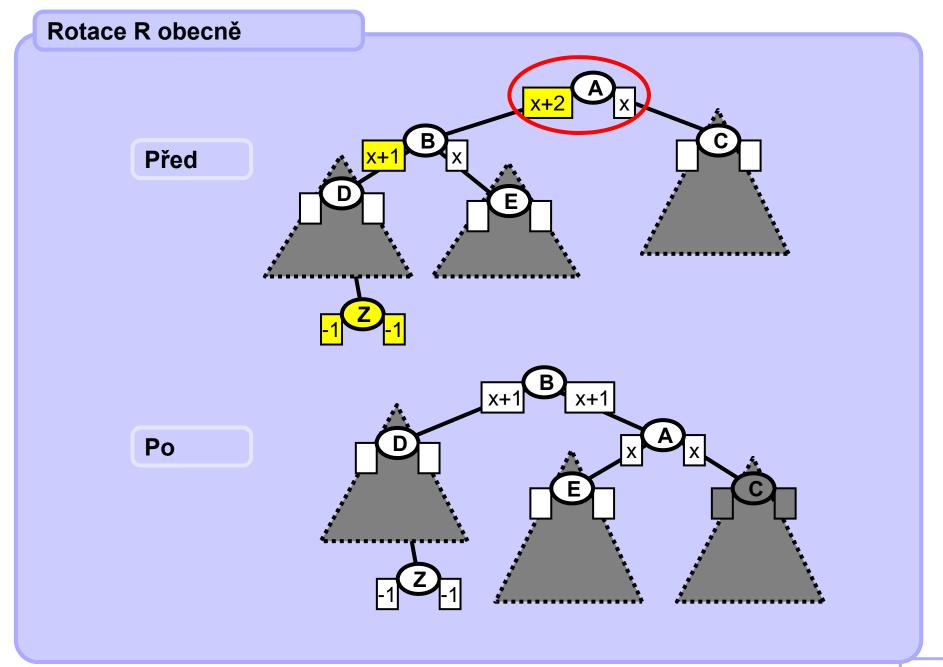
V každém uzlu je rozdíl výšek obou podstromů roven -1, 0, 1.

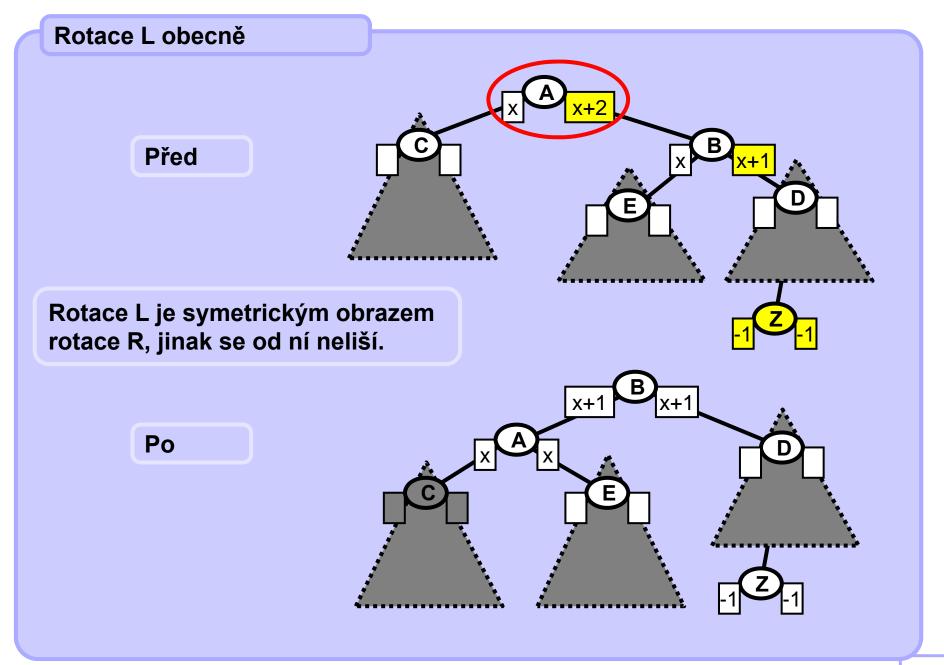
V tomto případě: Výška stromu = hloubka stromu

Vložení uzlu může způsobit rozvážení AVL stromu. V každém uzlu má být rozdíl výšek obou podstromů roven -1, 0, 1!! **Insert 30** Levý podstrom uzlu 51 je příliš hluboký, strom přestal být AVL. Změněné hloubky

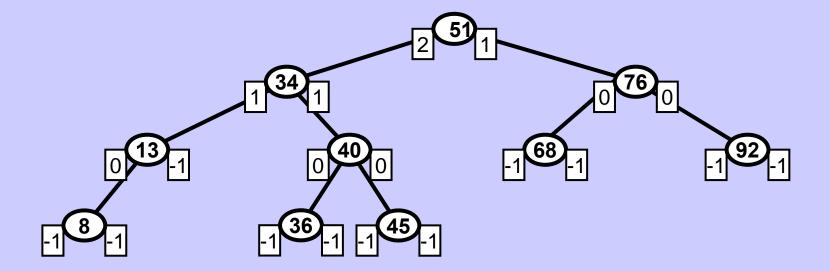






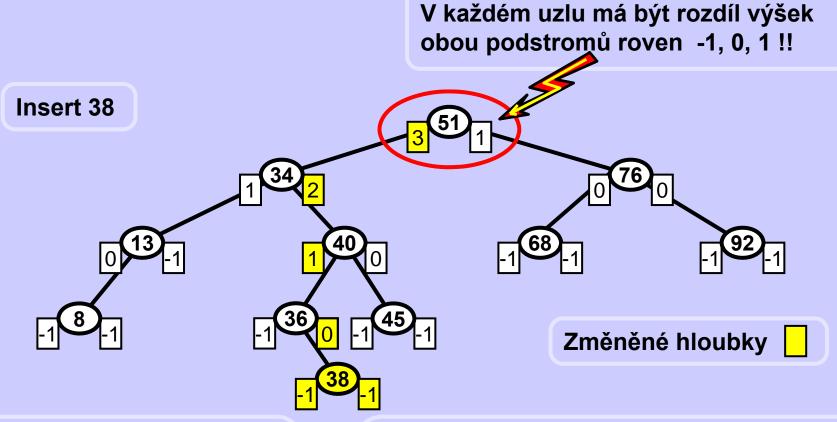


AVL strom



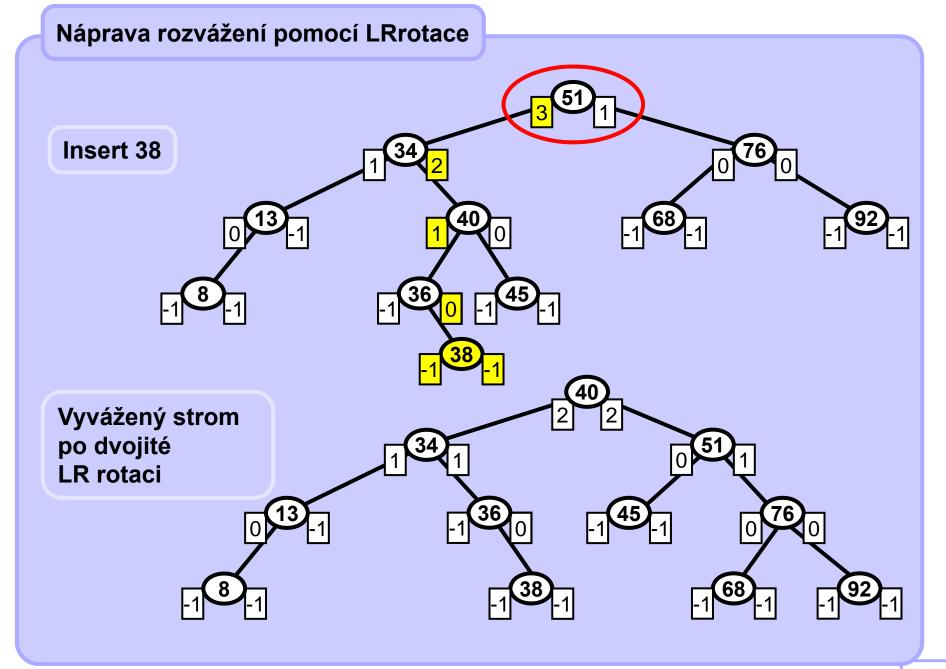
Strom pro demonstraci LR rotace

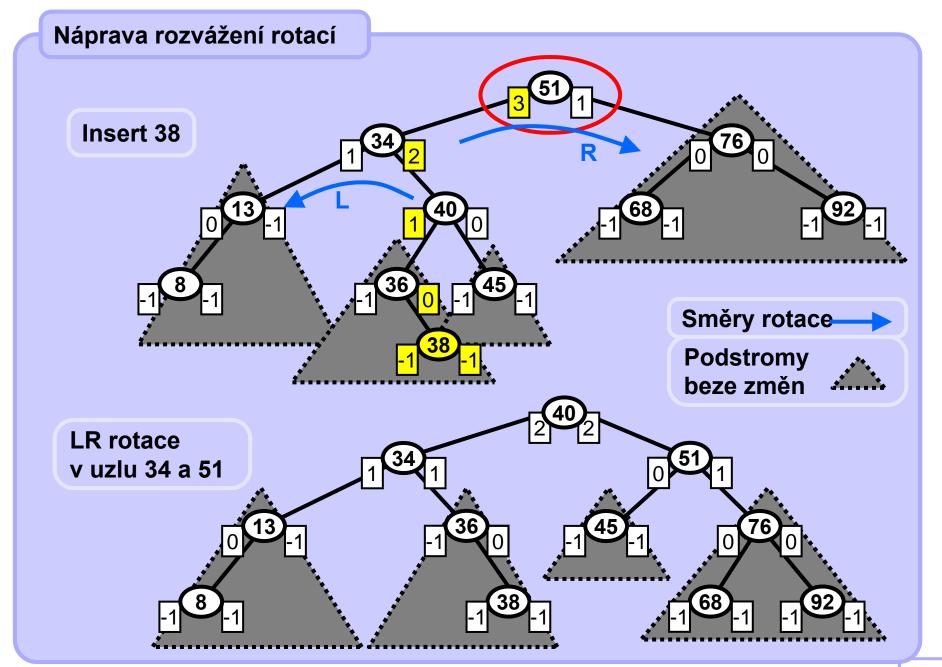
Vložení uzlu může způsobit rozvážení stromu.

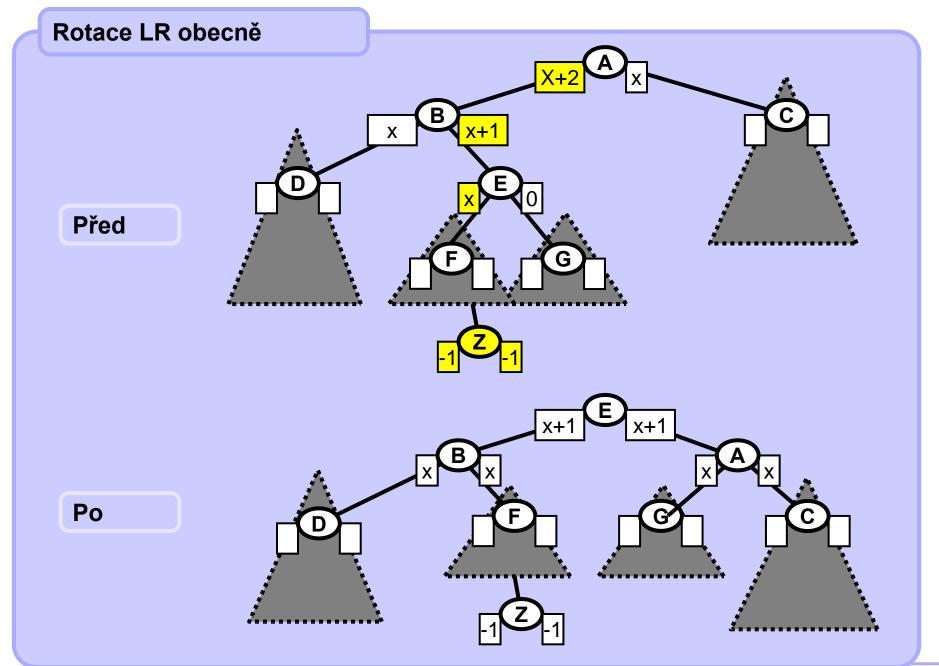


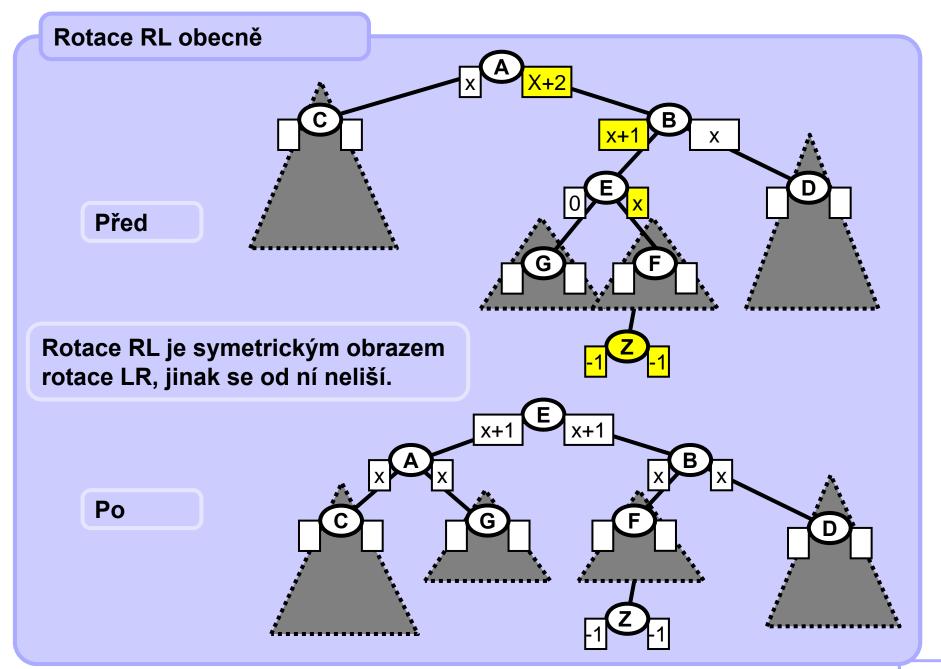
Levý podstrom uzlu 51 je příliš hluboký, strom přestal být AVL.

Použití rotace R by nepomohlo, příliš hlubokým by se stal původní pravý podstrom uzlu 34 díky tomu, že by se jeho hloubka vůbec nezměnila a hloubka levého podstromu 51 by klesla.









Pravidla pro aplikaci L, R, LR nebo RL rotací

Od přidaného uzlu postupujeme směrem ke kořeni a aktualizujeme hloubky podstromů v každém navštíveném uzlu.

Když narazíme na rozvážený uzel, do kterého jsme bezprostředně došli

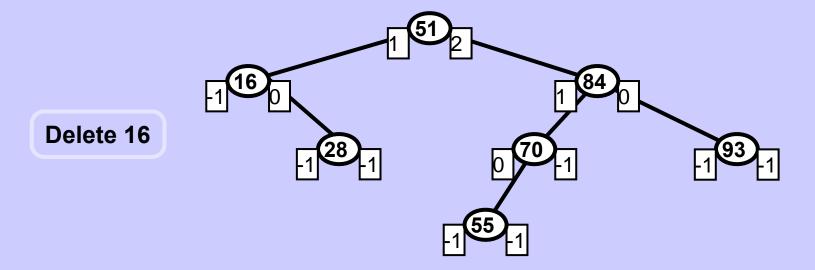
- * dvěma hranami doprava nahoru provedeme v tomto uzlu R rotaci.
- * dvěma hranami *doleva* nahoru, provedeme v tomto uzlu L rotaci.
- * hranami *doleva a pak doprava* nahoru, provedeme v tomto uzlu LR rotaci.
- * hranami *doprava a pak doleva* nahoru, provedeme v tomto uzlu RL rotaci.

Po provedení jedné rotace po operaci Insert je AVL strom opět vyvážen.

Po provedení jedné rotace po operaci Delete (viz dále) strom vyvážen být nemusí, je nutno kontrolovat a případně aktualizovat vyvážení až ke kořeni včetně.

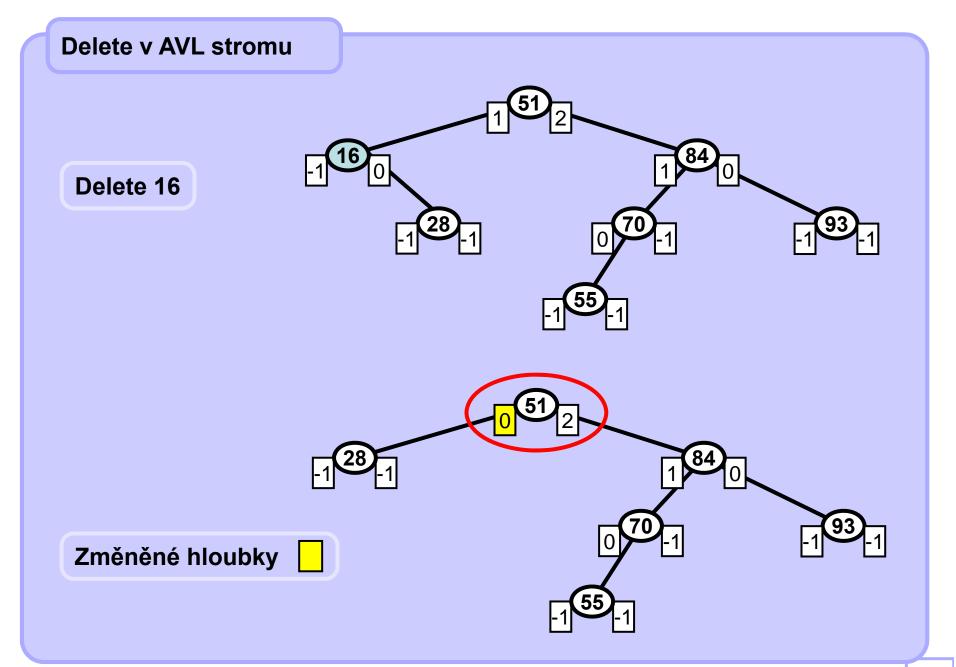
Delete v AVL stromu

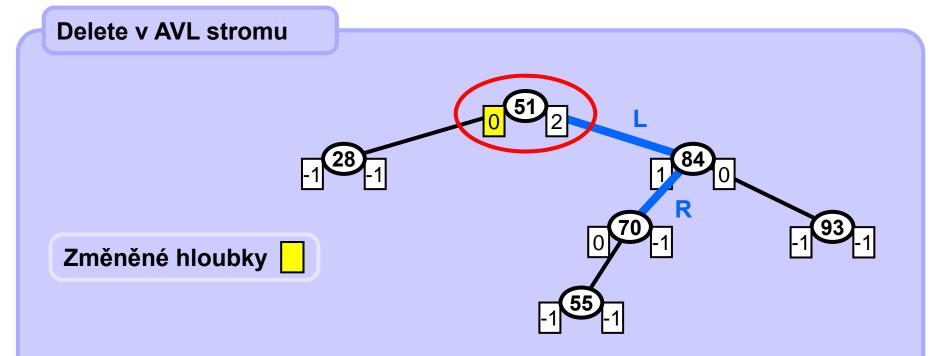
Strom pro demonstraci rotace po smazání uzlu



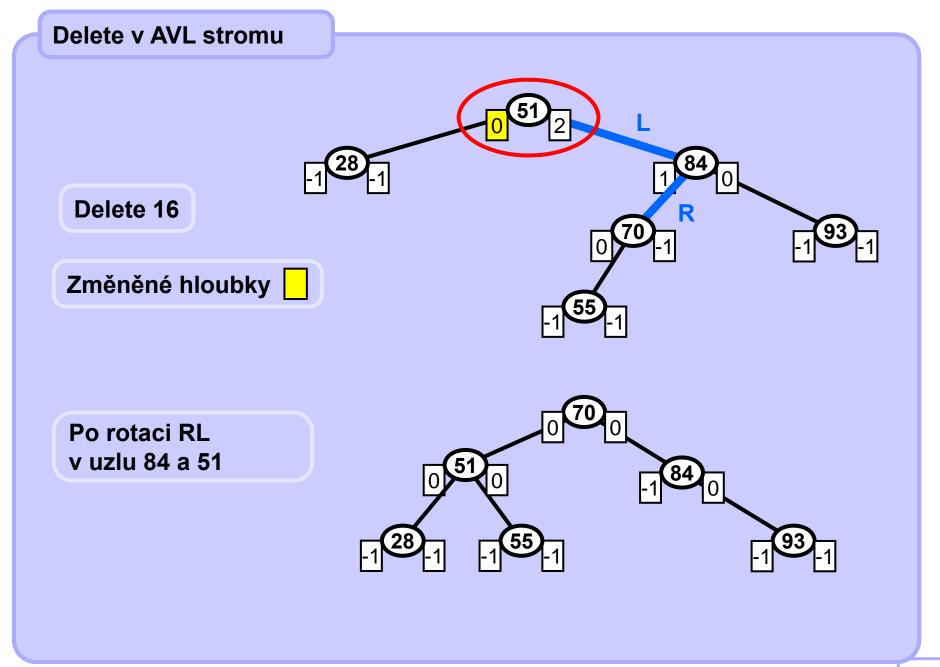
Delete proběhne standardně jako v obyčejném BVS.

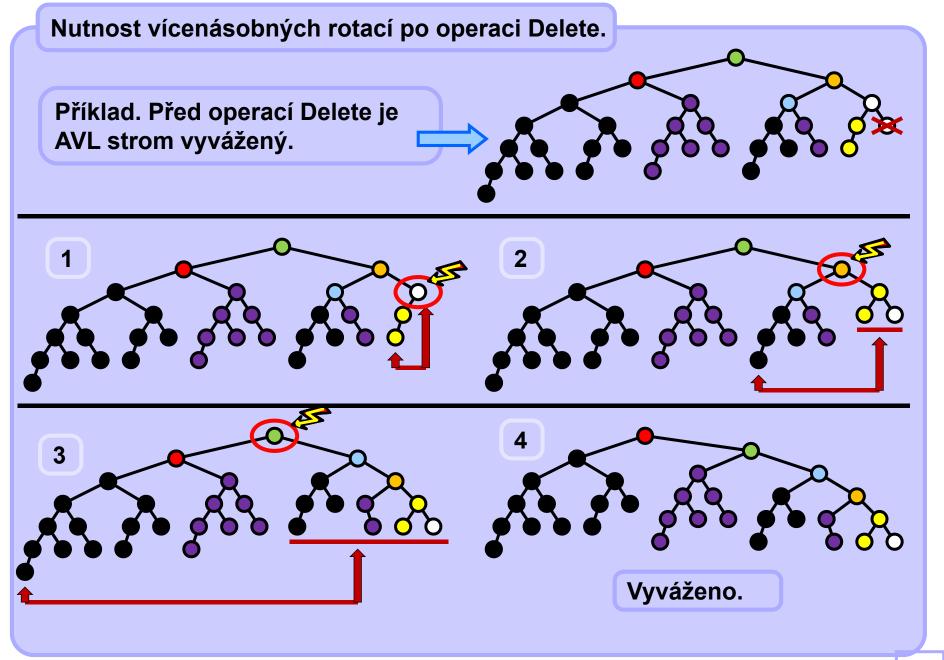
Poté postupujeme od místa smazání nahoru ke kořeni a aktualizujeme výšky podstromů v každém uzlu. Při rozvážení aplikujeme rotaci podobně jako při vkládání.





Z rozváženého uzlu 51 prozkoumáme kořen sousedního podstromu, než ze kterého jsme přišli, v tomto případě uzel 84. Má-li tento oba své podstromy stejně hluboké použijeme jednoduchou L nebo R rotaci. Má-li je různě hluboké (nejvýše se liší o 1), rozhodneme, zda použijeme L, R, LR, RL rotaci, jako kdyby rozvážení (uzel 51) vzniklo naopak přidáním uzlu do tohoto sousedního podstromu (s kořenem 84). V tomto případě použijeme RL.





Implementace operací v AVL stromu

.. // homework...

Asymptotické složitosti operací Find, Insert, Delete v BVS a AVL

	BVS s n uzly		AVL strom s n uzly
Operace	Vyvážený	Možná nevyvážený	Vyvážený
Find	O(log(n))	O(n)	O(log(n))
Insert	Θ(log(n))	O(n)	Θ(log(n))
Delete	O(log(n))	O(n)	Θ(log(n))

B-strom -- Rudolf Bayer, Edward M. McCreight, 1972

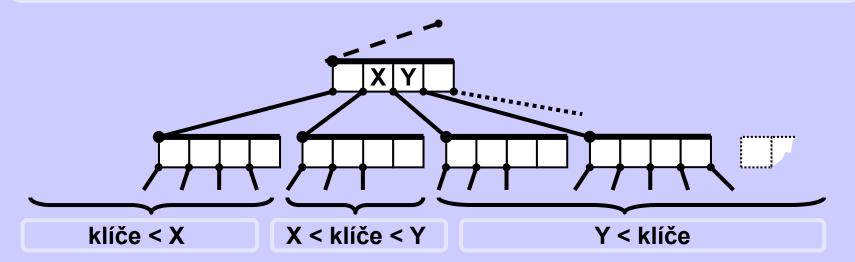
Všechny cesty z kořene do listu jsou stejně dlouhé tj. B-strom je ideálně vyvážený.

Klíče jsou v uzlu seřazené.

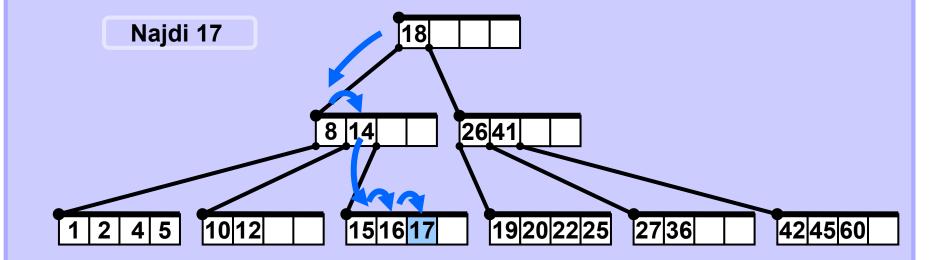
Fixní k > 1 pro celý strom určuje velikost všech uzlů.

Každý uzel kromě kořene má nejméně k a nejvýše 2k klíčů, každý vnitřní uzel tedy má nejméně k+1 a nejvýše 2k+1 potomků.

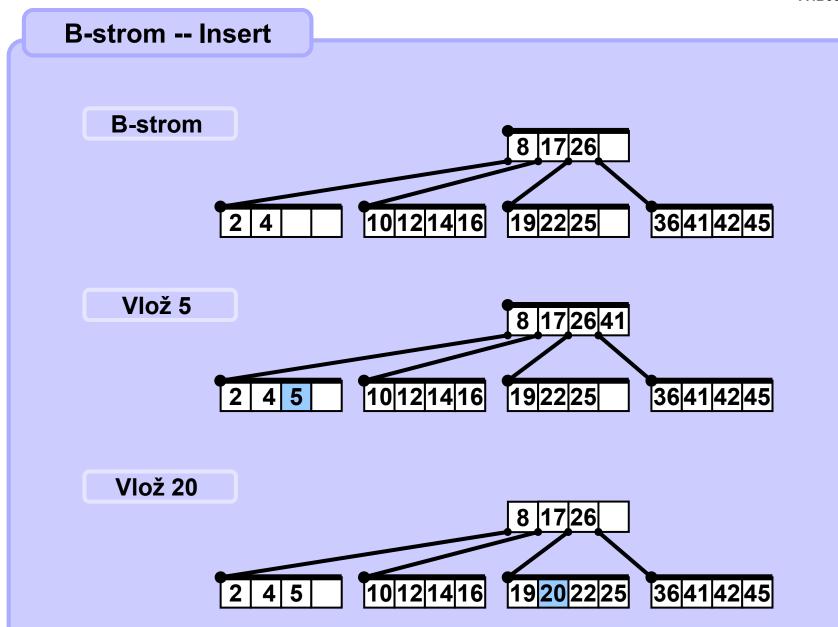
Kořen může mít libovolný počet klíčů. Není-li zároveň listem, má alespoň 2 potomky.



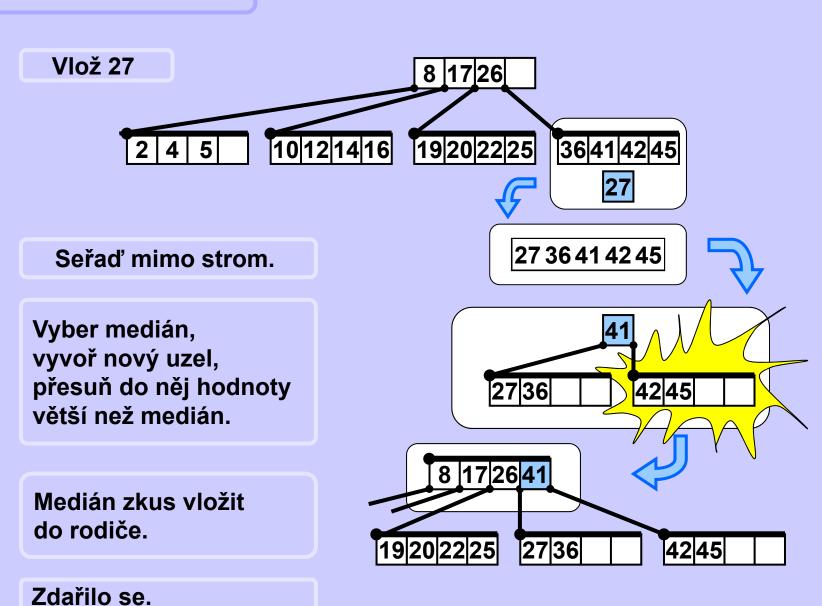
B-strom -- Find



V uzlu se vyhledává sekvenčně (lze také využít půlení intervalu apod).
Pokud uzel není listem a klíč v něm není, hledání pokračuje v odpovídajícím potomku.
Pokud uzel je listem a klíč v něm není, nenalezeno.



B-strom -- Insert



B-strom -- Insert Vlož 15 8 17 26 41 19 20 22 25 27|36 15 10 12 14 15 16 Seřaď mimo strom. Vyber medián, vyvoř nový uzel, přesuň do něj hodnoty 10 12 15 16 větší než medián. Medián zkus vložit 8 17 26 41 do rodiče.

B-strom -- Insert

Bylo vloženo 15 do listu...

8 17 26 41 ... nutno vložit 14 do rodiče.

2 4 5 10 12 15 16 19 20 22 25 27 36 42 45

Rodič je zaplněn – Analogický další postup směrem ke kořeni.

Seřaď mimo strom.

Vyber medián, vyvoř nový uzel, přesuň do něj hodnoty větší než medián.

Medián nelze vložit do rodiče, žádný není, tedy se zřídí nový kořen.

