

Решение задачи про сортировку жидкостей

@medvezhonokok

1 декабря 2025 г.

Для удобства, введем несколько определений:

- \mathcal{F} - множество всех колб
- $a \Rightarrow b$ - возможность перелить жидкость из колбы a , в колбу $b = \{0, 1\}$
- $|f|$ - количество капель в колбе f

Тогда задача не имеет решения, если: не существует колбы, из которой можно перелить жидкость в любую другую колбу:

$$\nexists f \in \mathcal{F} : \nexists g \in \mathcal{F} : g \neq f : (f \Rightarrow g) \equiv 1$$

ТЗ не требует оптимального решения \Rightarrow идем жадным алгоритмом. Запоминаем каждый шаг (*Move m {from, to, color}*) в *Set<Move> moves*. Несложно заметить, что если в *moves* уже есть текущий шаг \Rightarrow цикл \Rightarrow этот шаг не приведет к ответу. Давайте перебирать все **хорошие** шаги, пока решение есть (*can_solve*) или хорошие шаги не кончатся.

```
1: procedure GETGOODMOVES( $\mathcal{F}$ , parent)
2:   moves  $\leftarrow$  []
3:   for  $i \leftarrow 0$  до  $|\mathcal{F}| - 1$  do
4:      $f \leftarrow \mathcal{F}_i$ 
5:     if ISEMPTY( $f$ ) then continue
6:     end if
7:     for  $j \leftarrow 0$  до  $|\mathcal{F}| - 1$  do
8:       if  $i = j$  then continue
9:       end if
10:       $g \leftarrow \mathcal{F}_j$ 
11:      if ISFULL( $g$ ) then continue
12:      end if
13:      if  $f \Rightarrow g \equiv 1$  then
14:        moves  $\leftarrow$  moves  $\cup \{(i, j, \text{LAST}(f))\}$ 
15:      end if
16:    end for
17:  end for
```

```

18:    return moves
19: end procedure

1: procedure CAN SOLVE( $\mathcal{F}$ )
2:   for  $i \leftarrow 0$  до  $|\mathcal{F}| - 1$  do
3:      $f \leftarrow \mathcal{F}_i$ 
4:     if IS EMPTY( $f$ ) then continue
5:     end if
6:     for  $j \leftarrow 0$  до  $|\mathcal{F}| - 1$  do
7:       if  $i = j$  then continue
8:       end if
9:        $g \leftarrow \mathcal{F}_j$ 
10:      if  $f \Rightarrow g \equiv 1$  then
11:        return true
12:      end if
13:    end for
14:  end for
15:  return false
16: end procedure

```

Дальше построим граф шагов, для начального состояния получаем список **хороших шагов**, высчитываем состояние \mathcal{F}_i после применения i -го шага, если для \mathcal{F}_i есть следующие хорошие шаги, то повторяем алгоритм пока задача не решится, если мы понимаем, что задача не может быть решена, то поднимаемся до родителя i -го шага.

```

1: procedure GETSOLUTION( $flasks$ , root, visited)
2:   if IS SOLVED( $flasks$ ) then
3:     return true
4:   end if
5:   state  $\leftarrow$  GETSTATEHASH( $flasks$ )
6:   if state  $\in$  visited then // cycle!
7:     return false
8:   end if
9:   visited  $\leftarrow$  visited  $\cup \{state\}$ 
10:  for move  $\in$  GETGOODMOVES( $flasks$ , root) do
11:    COMMIT(move, flasks)
12:    ADDCHILD(root, move)
13:    if CAN SOLVE( $flasks$ , move, visited) then
14:      return true
15:    end if
16:    ROLLBACK(move, flasks)
17:    REMOVECHILD(root, move)
18:  end for

```

```
19:     visited  $\leftarrow$  visited \ {state}  
20:     return false  
21: end procedure
```

Таким образом, у нас в *root* будет лежать последний шаг, который привел к решению. Тогда восстановить ответ можно просто перебирая его родителей (*root.parent*) пока он есть.

```
1: procedure GETSOLUTION(tail)  
2:     history  $\leftarrow$  []  
3:     while tail  $\neq$  null do  
4:         history  $\leftarrow$  history  $\cup$  {current}  
5:         tail  $\leftarrow$  tail.parent  
6:     end while  
7:     return history.reversed() // т.к. идем с последнего хода до первого  
8: end procedure
```