Insegnamento di Metodi Numerici

Corso di Laurea Triennale in Ingegneria e Scienze Informatiche

Docenti: Lucia Romani e Damiana Lazzaro

3 Setten	ıbre	2021	-	9:00
ESAME	IN F	PRES	ΕĪ	VZA

	7	۰	
•		,	

a)	Implementare una function che, presi in inp	out il vettore	contenente le asciss	e dei punti di interpola-
	zione e l'indice k che identifica il k -esimo poli	linomio fondai	mentale di Lagrange	e, ne calcoli il vettore dei
	coefficienti.			
				Punti: 3

b) Implementare una function che, presi in input i vettori contenenti le ascisse e le ordinate dei punti di interpolazione, e i punti di valutazione, restituisca le valutazioni del polinomio di interpolazione espresso nella forma di Lagrange.

Sia assegnata la funzione

$$f(x) = \frac{1}{2 + \sin(\pi x)} - x^2 \cos(\pi x), \qquad x \in [0, 2].$$

Scrivere lo script Matlab/Python es2 in cui

c) facendo uso delle functions implementate precedentemente, si determini il polinomio p che interpola f sui nodi

$$x_0 = 0.5, \quad x_1 = 1, \quad x_2 = 1.5;$$

Punti: 3

Punti: 3

d) si rappresenti in uno stesso grafico la funzione f, il polinomio p e i punti di interpolazione assegnati;

Punti: 2

e) si calcoli il valore assunto dalla funzione resto r(x) := |f(x) - p(x)| su tutto il dominio [0,2] e se ne rappresenti il grafico;

f) si stabilisca qual'è il valore di $x \in [0, 2]$ in cui il valore assunto dal polinomio p differisce maggiormente da f(x).

Punti: 2

Totale: 16

Punti: 3