# ELE-32 Introdução a Comunicações, Relatório da Aula 1 - Códigos de bloco

Gustavo Oliveira, Fábio Moreira, Vitor Pimenta

Abstract—This report describes the implementation and test of a binary simmetric channel for digital communication, a Hamming(4,7) code, and the development of a larger code aiming decreased bit error rate.

Index Terms—Communication, channel, code, Hamming, error

#### I. INTRODUÇÃO

M comunicações digitais, existe uma classe de códigos denominada "códigos de bloco lineares", cuja simplicidade conceitual se presta à introdução do tema de codificação. Este relatório avalia o desempenho, sobre um canal binário simétrico (BSC) de dois desses blocos: um clássico - código de Hamming(4,7), com 4 bits de informação e 3 bits de verificação por palavra-código - e um desenvolvido pelos autores objetivando tamanho de bloco maior e taxa de erro de bit menor que a do anterior.

Para tanto, codificou-se no *software* MATLAB tanto um canal BSC quanto codificadores e decodificadores para os dois códigos mencionados. A taxa de erro foi avaliada estatisticamente para ambos, submetendo-os a várias palavras aleatórias para estimar seus desempenhos, e o código desenvolvido foi analisado quanto à sua complexidade de decodificação.

#### II. CÓDIGO DE HAMMING

Implementou-se um código de Hamming (4,7) - 4 bits de informação e 3 de verificação por palavra-código - usando a matriz geradora  $G_H$  e a de verificação de paridade  $H_H$ :

$$G_H = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$
 (1)

$$H_{H}^{T} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
 (2)

Para decodificá-lo, lançou-se mão de uma particularidade dos códigos de Hamming: Observando  $H_H^T$ , nota-se que as síndromes produzidas por ela têm comprimento 3. Desse modo, há 8 possíveis síndromes, e cada linha da matriz corresponde a uma síndrome diferente - com exceção da

Alunos de Engenharia da Computação no Instituto Tecnológico de Aeronáutica

síndrome  $\mathbf{0}$ , a qual é desprezada por significar ausência de erro. Em outras palavras, dado um erro qualquer e, sua síndrome  $s = e \cdot H^T$  é garantidamente idêntica a alguma linha  $l_i$  de  $H_H^T$ . Consequentemente, decodificar optando pelo erro de menor peso é imediato: tal erro é o vetor com 0 em todas as posições exceto a de índice  $l_i$ .

#### A. Subsection Heading Here

Subsection text here.

1) Subsubsection Heading Here: Subsubsection text here.

#### III. CONCLUSION

The conclusion goes here.

# APPENDIX A PROOF OF THE FIRST ZONKLAR EQUATION

Appendix one text goes here.

#### APPENDIX B

Appendix two text goes here.

### ACKNOWLEDGMENT

The authors would like to thank...

## REFERENCES

- H. Kopka and P. W. Daly, A Guide to <u>BTEX</u>, 3rd ed. Harlow, England: Addison-Wesley, 1999.
- [2] megatron0000. megatron0000/ELE-32-codigos-de-bloco 1.1 (Versão 1.1).Zenodo. http://doi.org/10.5281/zenodo.1403884

Michael Shell Biography text here.

PLACE PHOTO HERE

John Doe Biography text here.

Jane Doe Biography text here.