Для каждого задания проведите моделирование и постройте соответствующие графики. Во всех заданиях постарайтесь рассмотреть невырожденные случаи (например, не берите  $C_2 = 0$ ,  $D_2 = 0$ ).

Задание 1. Компенсирующий регулятор по состоянию. Придумайте объект управления вида  $\dot{x} = A_1x + B_1u + B_2w$  и генератор внешнего возмущения вида  $\dot{w} = A_2w$ . Размерности векторов x и w должны быть различными, каждая – не менее 3. Должны быть выполнены условия:  $\sigma(A_1) \not\subset \mathbb{C}_-$ ,  $\sigma(A_2) \subset \overline{\mathbb{C}_+}$ , пара  $(A_1, B_1)$  стабилизируема.

Задайтесь целевой переменной  $z=C_2x$  и найдите регулятор вида  $u=K_1x+K_2w$ , который обеспечит выполнение целевого условия

$$\lim_{t \to \infty} z(t) = 0.$$

Рассмотрите уравнения объединённой системы с вектором состояния (x, w) и выходом z в двух вариантах: разомкнутую (при  $u \equiv 0$ ) и замкнутую (при  $u = K_1 x + K_2 w$ ). В обоих случаях найдите матрицу наблюдаемости объединённой системы и определите её ранг.

Задание 2. Следящий регулятор по состоянию. Придумайте объект управления вида  $\dot{x} = A_1 x + B_1 u$  и генератор задающего воздействия вида  $\dot{w} = A_2 w$ . Размерности векторов x и w должны быть различными, каждая – не менее 3. Должны быть выполнены условия:  $\sigma(A_1) \not\subset \mathbb{C}_-$ ,  $\sigma(A_2) \subset \overline{\mathbb{C}_+}$ , пара  $(A_1, B_1)$  стабилизируема.

Задайтесь целевой переменной  $z=C_2x+D_2w$  и найдите регулятор вида  $u=K_1x+K_2w$ , который обеспечит выполнение целевого условия

$$\lim_{t \to \infty} z(t) = 0.$$

Рассмотрите уравнения объединённой системы с вектором состояния (x, w) и выходом z в двух вариантах: разомкнутую (при  $u \equiv 0$ ) и замкнутую (при  $u = K_1 x + K_2 w$ ). В обоих случаях найдите матрицу наблюдаемости объединённой системы и определите её ранг.

Задание 3. Регулятор по выходу при различных y и z. Самостоятельно придумайте матрицы для уравнений

$$\dot{x} = A_1 x + B_1 u + B_2 w, \quad \dot{w} = A_2 w, \quad y = C_1 x + D_1 w, \quad z = C_2 x + D_2 w,$$

где измеряемой величиной является y(t), а регулируемой – z(t). Размерность каждого из векторов x и w должна быть не менее 3, при этом они могут быть одинаковыми. Выберите матрицы так, чтобы переменные y и z были различными. Постройте регулятор по выходу, который формирует управляющее воздействие u(t) на основе измеряемой величины y(t) и достигает цели управления

$$\lim_{t \to \infty} z(t) = 0.$$

Представьте уравнения регулятора в форме вход-состояние-выход, найдите его собственные числа, сравните их с собственными числами матрицы  $A_2$ .

Задание 4. Регулятор по выходу при одинаковых y и z. Самостоятельно придумайте матрицы для уравнений

$$\dot{x} = A_1 x + B_1 u + B_2 w, \quad \dot{w} = A_2 w, \quad y = z = Cx + Dw,$$

где измеряемая величина y(t) и регулируемая величина z(t) совпадают. Размерность каждого из векторов x и w должна быть не менее 3, при этом они могут быть одинаковыми. Постройте регулятор по выходу, который формирует управляющее воздействие u(t) на основе измеряемой величины y(t) и достигает цели управления

$$\lim_{t \to \infty} y(t) = 0.$$

Представьте уравнения регулятора в форме вход-состояние-выход, найдите его собственные числа, сравните их с собственными числами матрицы  $A_2$ .

**Задание 5. Тележка и меандр.** Постройте математическую модель простого тела (тележки), в которой измеряемым выходом y(t) является её координата.

Задайте сигнал  $g_{\text{ideal}}(t)$  в виде меандра (англ. square wave) с произвольной амплитудой и периодом. Разложите сигнал  $g_{\text{ideal}}(t)$  в ряд Фурье, возьмите конечное число гармоник и получите соответствующий приближённый сигнал g(t), который и будет являться эталонным сигналом для вашего тела (тележки). Сформируйте конечномерный линейный генератор (систему вида  $\dot{w} = \Gamma w$ ), которая способна порождать сигнал g(t).

Постройте регулятор, который принимает на вход разность g(t) - y(t) и формирует управляющее воздействие u(t), которое обеспечивает выполнение целевого условия

$$\lim_{t \to \infty} (g(t) - y(t)) = 0.$$

Сделайте выводы о достоинствах и недостатках такого регулятора.