# **ИІТМО**Электрический привод

Практика 5. Лабораторная работа «Исследование электропривода с ДПТ независимого возбуждения»

Маматов Александр Геннадьевич, к.т.н., ассистент ф. СУиР, руководитель группы научно-технического развития, НПЦ «Прецизионная Электромеханика»

### Задание 1 «Исследование статических характеристик электропривода с ДПТ НВ»







 $R_{_{a}}$  - активное сопротивление обмотки якоря

 $L_{a}$  - индуктивность обмотки якоря

 $\Psi_{nom}$  - номинальное потокосцепление

 $U_{\it nom}$  - номинальное напряжение

 ${M}_{nom}\,$  - номинальный момент

J - момент инерции вала

#### Задание 1 «Исследование статических характеристик электропривода с ДПТ НВ»



#### Механическая характеристика



$$\omega = \frac{U}{\Psi} - \frac{r}{\Psi^2} M = \omega_0 - M / h$$

- а) Построить семейство механических характеристик  $\omega(M)$  при регулировании напряжения питания: с  $U=-U_{nom}, -0.75 \cdot U_{nom} \dots 0.75 \cdot U_{nom}, U_{nom}$
- б) Построить семейство регулировочных характеристик  $\omega(U)$  при изменении напряжения питания  $U \in [-U_{nom}, U_{nom}]$  и следующих моментах нагрузки:  $M = -M_{start}, -0.75 \cdot M_{start} \dots 0.75 \cdot M_{start}, M_{start}, -M_{nom}, M_{nom}$

#### Задание 1 «Исследование статических характеристик электропривода с ДПТ НВ»







- в) Построить семейство механических характеристик  $\omega(M)$  при регулировании магнитного потока:  $\Psi = -\Psi_{norm}, -0.75 \cdot \Psi_{norm}, \dots 0.75 \cdot \Psi_{norm}, \Psi_{norm}$
- г) Построить семейство регулировочных характеристик  $\omega(\Psi)$  при изменении потокосцепления  $\Psi \in \left[ -\Psi_{nom}, \Psi_{nom} \right]$  и следующих моментах нагрузки:  $M = -M_{start}, -0.75 \cdot M_{start} \dots 0.75 \cdot M_{start}, M_{start}, -M_{nom}, M_{nom}$
- д) Построить семейство механических характеристик  $\omega(M)$  при регулировании сопротивления якоря:  $r = R_a, 1.25 \cdot R_a \dots 3 \cdot R_a$
- e) Построить семейство регулировочных характеристик  $\omega(r)$  при изменении сопротивления якоря  $r \in [R_a, 3 \cdot R_a]$  и следующих моментах нагрузки:  $M = -M_{start}, -0.75 \cdot M_{start} \dots 0.75 \cdot M_{start}, M_{start}, -M_{nom}, M_{nom}$

#### Задание 1 «Исследование статических характеристик электропривода с ДПТ НВ»



$$\omega = \frac{U}{\Psi} - \frac{r}{\Psi^2} M = \omega_0 - M / h$$



Чтобы построить кривую механической характеристики фиксируем регулируемый параметр (напряжение, потокосцепление или сопротивление) на каком-либо значении и варьируем значение момента.

Чтобы построить кривую регулировочной характеристики фиксируем значение момента на каком-либо значении и варьируем регулируемый параметр (напряжение, потокосцепление или сопротивление).

#### Задание 2 «Исследование динамических характеристик электропривода с ДПТ НВ»



#### Динамическая модель ДПТ НВ:

$$\begin{cases} L_{a} \cdot \frac{di_{a}(t)}{dt} = U - r \cdot i_{a}(t) - \Psi \cdot \omega(t) \\ J \cdot \frac{d\omega(t)}{dt} = \Psi \cdot i_{a}(t) - M_{L} \end{cases}$$

- а) Рассчитать передаточную функцию от напряжения якоря к скорости вращения двигателя.
- б) Получить аналитическое выражение для корней характеристического уравнения.

#### Задание 2 «Исследование динамических характеристик электропривода с ДПТ НВ»



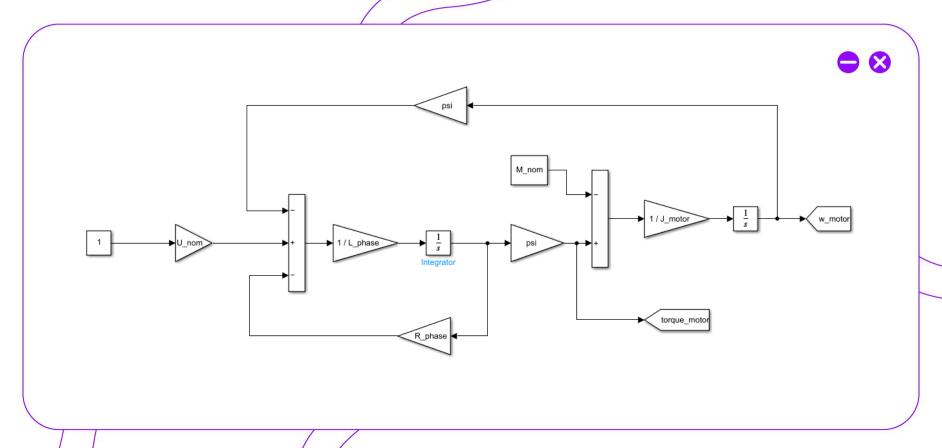
При каком условии переходные процессы по скорости будут иметь  $\bigcirc$   $\bigotimes$  колебательный характер?

Как можно изменить характер переходных процессов в двигателе?

- в) Рассчитать корни характеристического уравнения для вашего двигателя.
- г) Построить модели ДПТ HB в Simulink и Simscape
- д) Построить графики скорости и момента двигателя при скачке управляющего воздействия (напряжения) и при скачке момента нагрузки

#### Модель Simulink





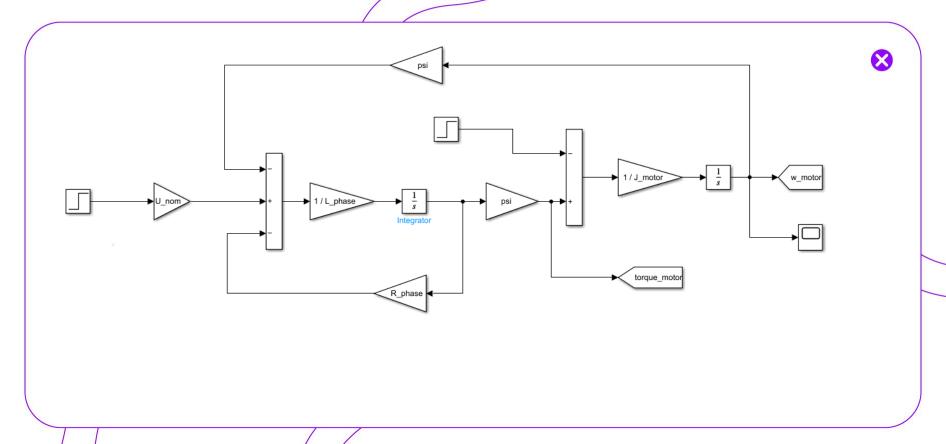
#### Модель Simulink





#### Модель Simulink. Скачки внешних воздействий





#### Модель Simulink. Скачки внешних воздействий



Скачок управления		Скачок нагрузки
Block Parameters: Step	×	Block Parameters: Step1
Step Output a step.		Step Output a step.
Main Signal Attributes		Main Signal Attributes
Step time:		Step time:
1		2
Initial value:		Initial value:
0.5		0.5 * M_nom
Final value:		Final value:
1		M_nom
Sample time:		Sample time:
0		0
✓ Interpret vector parameters as 1-D		✓ Interpret vector parameters as 1-D
☑ Enable zero-crossing detection		☑ Enable zero-crossing detection
OK Cancel Help A	pply	OK Cancel Help Apply

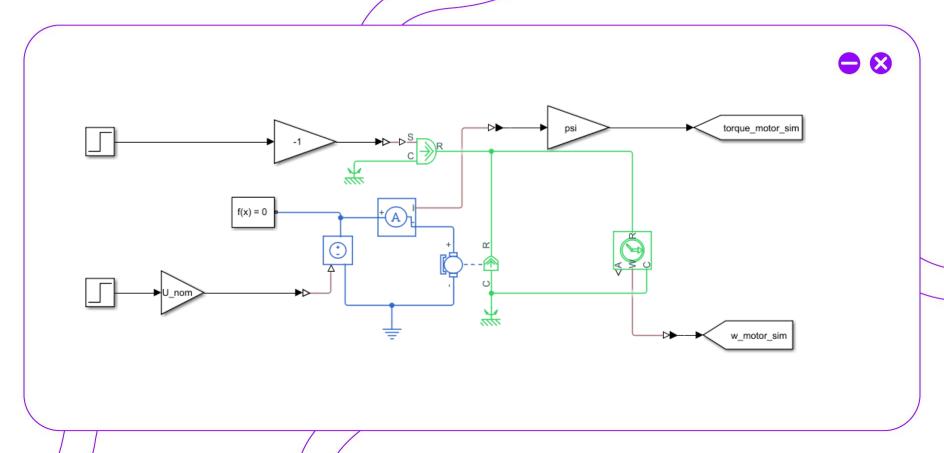
Лучше реализовать двумя отдельными моделированиями





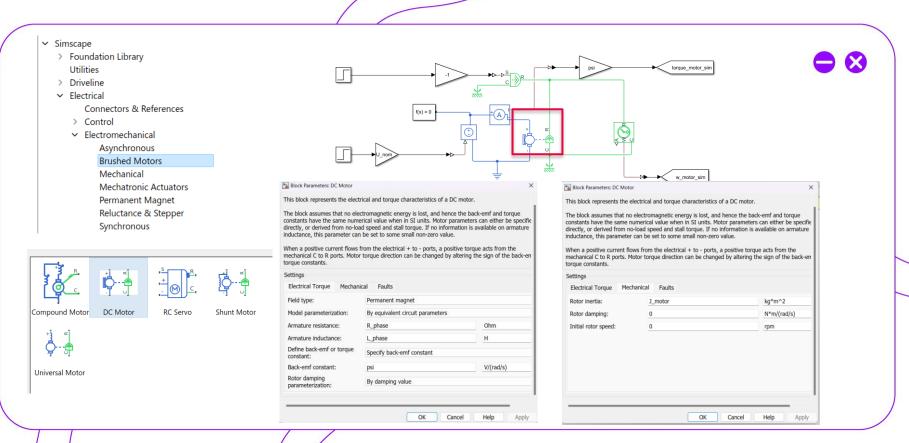
#### Модель Simscape





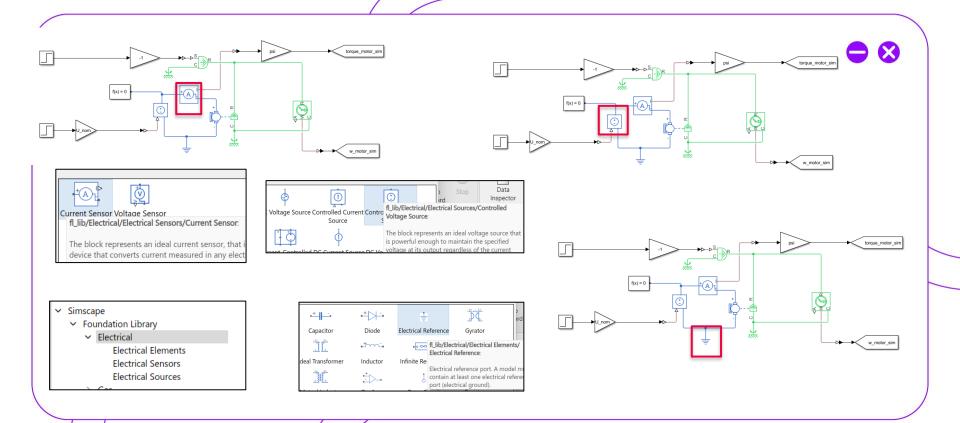
#### Модель Simscape





#### Модель Simscape







Синтезировать одноконтурную систему управления с ПИД-регулятором a)





$$\begin{cases} L_{a} \cdot \frac{di_{a}(t)}{dt} = U - r \cdot i_{a}(t) - \Psi \cdot \omega(t) \\ J \cdot \frac{d\omega(t)}{dt} = \Psi \cdot i_{a}(t) - M_{L} \end{cases} \qquad \qquad \qquad \begin{cases} L_{a} \cdot \frac{di_{a}(t)}{dt} = K_{U} \cdot u - r \cdot i_{a}(t) - \Psi \cdot \omega(t) \\ J \cdot \frac{d\omega(t)}{dt} = \Psi \cdot i_{a}(t) - M_{L} \end{cases}$$

$$K_U$$
 - коэффициент усиления управляющего сигнала, для ДПТ НВ равен напряжению источника питания (номинальному напряжению)

 $u \in [-1;1]$ - управляющий сигнал - выходной сигнал регулятора



Уравнение «реального» ПИД регулятора:



$$u(s) = K_p \cdot \varepsilon(s) + \frac{K_i}{s} \cdot \varepsilon(s) + \frac{K_d \cdot s}{T_\delta s + 1} \cdot \varepsilon(s)$$

$$K_{p},K_{i},K_{d}$$
 - настраиваемые коэффициенты регулятора

$$\varepsilon(s) = \omega_z(s) - \omega(s)$$
 - ошибка регулирования

Настроить коэффициенты можно подбором, встроенными средствами MATLAB, методом Циглера-Николса (https://microtechnics.ru/nastrojka-pid-regulyatora-metod-cziglera-nikolsa/)



#### б) Синтезировать двухконтурную систему управления



Настройка контура тока:

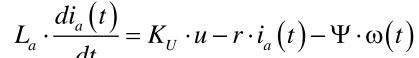
Настраиваем на апериодическое звено (т.н. «линейный оптимум»). Используем ПИ-регулятор

$$u(s) = K_p \cdot \varepsilon(s) + \frac{K_i}{s} \cdot \varepsilon(s)$$

$$\frac{u(s)}{\varepsilon(s)} = K_p + \frac{K_i}{s} = \frac{K_i \left(\frac{K_p}{K_i} \cdot s + 1\right)}{s}$$

$$\varepsilon(s) = i_{a_{-}z}(s) - i_{a}(s)$$









обратную ЭДС считаем внешним возмущением

$$L_a \cdot s \cdot i_a(s) = K_U \cdot u(s) - r \cdot i_a(s)$$

Передаточная функция от управляющего сигнала к току якоря:

$$\frac{i_a(s)}{u(s)} = \frac{K_U}{L_a \cdot s + r} = \frac{K_U/r}{L_a/r \cdot s + 1} = \frac{K_U/r}{T_e \cdot s + 1}$$

 $T_e$  - электромагнитная постоянная времени



Передаточная функция разомкнутого контура регулирования:





$$W_{ol}(s) = \frac{K_i \binom{K_p}{K_i} \cdot s + 1}{s} \cdot \frac{K_U/r}{T_e \cdot s + 1}$$

Желаемая передаточная функция разомкнутого контура регулирования:

$$W_{ol_{-g}}(s) = \frac{1}{T_{T}s}$$

$$T_{T}\;\;$$
 - желаемая постоянная времени контура тока  $\;T_{T} < T_{e}\;\;$ 



Настройка контура скорости:



Передаточная функция от задания по току якоря к скорости вращения:

$$J \cdot s \cdot \omega(s) = \Psi \cdot i_a(s)$$

$$\frac{\omega(s)}{i_a(s)} = \frac{\Psi}{J \cdot s}$$

$$\frac{\omega(s)}{i_{a_z}(s)} = \frac{\Psi}{J \cdot s \cdot (T_T \cdot s + 1)}$$





Настраиваем на технический оптимум. Используем П-регулятор

$$i_{a_z}(s) = K_p \cdot \varepsilon_{\omega}(s)$$

$$\frac{i_{a_{-}z}(s)}{\varepsilon_{\omega}(s)} = K_{p}$$

$$\varepsilon_{\omega}(s) = \omega_{z_{-1}}(s) - \omega(s)$$

Передаточная функция разомкнутого контура регулирования:

$$W_{ol}(s) = \frac{K_p}{s} \cdot \frac{\Psi/J}{T_T \cdot s + 1}$$

Желаемая передаточная функция разомкнутого контура регулирования:

$$W_{ol_{-g}}(s) = \frac{1}{2 \cdot T_{\mu} \cdot s \cdot (T_{\mu} \cdot s + 1)}$$

$$T_{\mu} = T_{T}$$



в) Промоделировать полученные системы управления при: скачке задания по скорости; скачке момента нагрузки. Построить графики: задания по скорости, скорости двигателя, ошибки по скорости, момента двигателя.



- г) Оценить порядок астатизма полученных систем управления по заданию и по возмущению (моменту нагрузки).
- д) Дополнить двухконтурную систему управления скоростью дополнительным контуром регулирования с И-регулятором, промоделировать полученную СУ, оценить порядки астатизма.



Передаточная функция от задания по скорости к скорости вращения:





$$\frac{\omega(s)}{\omega_{z_{-1}}(s)} = \frac{1}{2 \cdot T_{\mu}^2 \cdot s^2 + 2 \cdot T_{\mu} \cdot s + 1}$$



Можно упрощенно принять

$$\frac{\omega(s)}{\omega_{z_{-1}}(s)} = \frac{1}{2 \cdot T_{\mu} \cdot s + 1}$$





Настраиваем на технический оптимум. Используем И-регулятор:

$$\omega_{z_{-1}}(s) = \frac{K_i}{s} \cdot \varepsilon_{\omega_{-2}}(s) \qquad \varepsilon_{\omega_{-2}}(s) = \omega_{z_{-2}}(s) - \omega(s)$$

$$\frac{\omega_{z_{-1}}(s)}{\varepsilon_{\omega_{-2}}(s)} = \frac{K_i}{s}$$

Передаточная функция разомкнутого контура регулирования:

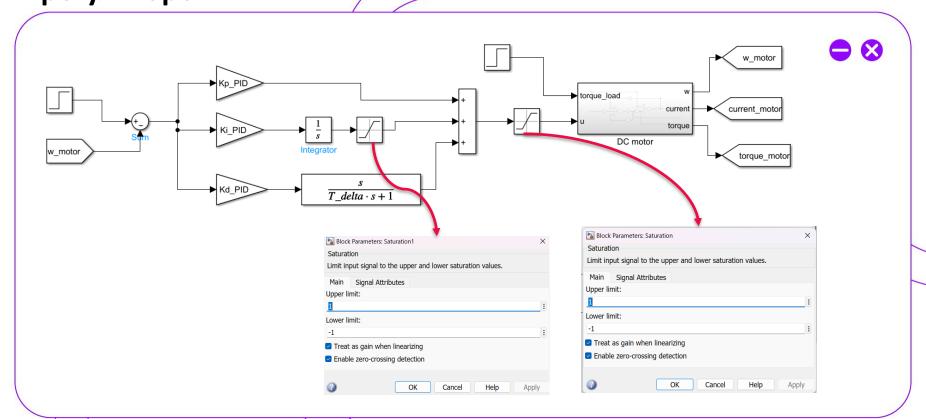
Желаемая передаточная функция разомкнутого контура регулирования:

$$W_{ol}(s) = \frac{K_i}{s} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{u} \cdot s + 1}$$

$$W_{ol_{-g}}(s) = \frac{1}{2 \cdot T_{\mu 1} \cdot s \cdot (T_{\mu 1} \cdot s + 1)} \qquad T_{\mu 1} = 2 \cdot T_{\mu}$$

Структура системы управления с ПИД регулятором



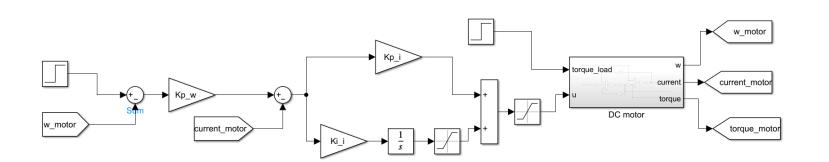


#### Структура двухконтурной СУ







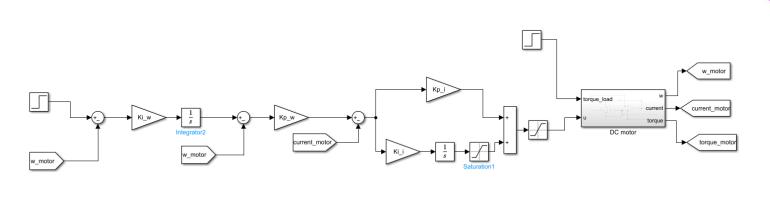


### Структура двухконтурной СУ с дополнительным контуром











Ввести в модели ДПТ широтно-импульсный преобразователь по мостовой схеме с симметричным управлением.





#### Теория:

Электрический привод. Усольцев А.А. стр.84

Системы управления электроприводов. Анучин А.С. Глава 2

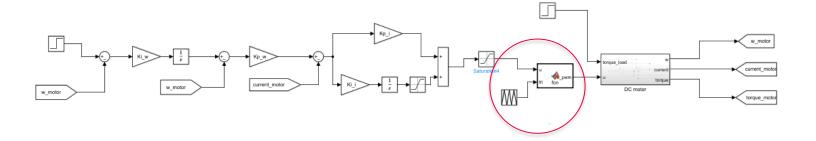
Electric Motor Control DC, AC, and BLDC Motors. Sang-Hoon Kim. Глава 2



Реализация для модели Simulink:



Модель двигателя и СУ не изменяется. Добавляется блок формирования управляющего напряжения между выходом регулятора тока и моделью ДПТ НВ

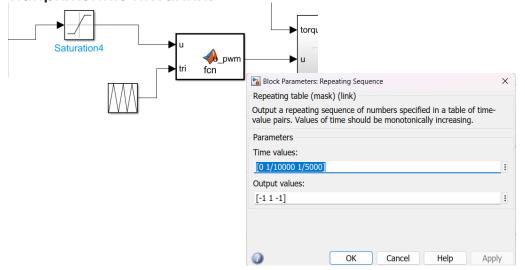




Реализация для модели Simulink:



Управляющий сигнал сравнивается с опорным пилообразным сигналом и формируются импульсы управляющего напряжения амплитудой 1 или -1. Затем в модели двигателя управляющий сигнал усиливается на коэффициент равный напряжению питания.



```
MATLAB Function

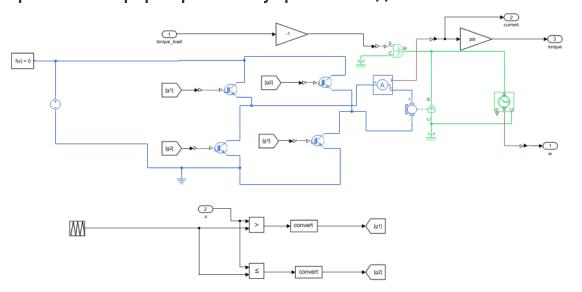
function u_pwm = fcn(u, tri)
if u >= tri
    u_pwm = 1;
else
    u_pwm = -1;
end
```



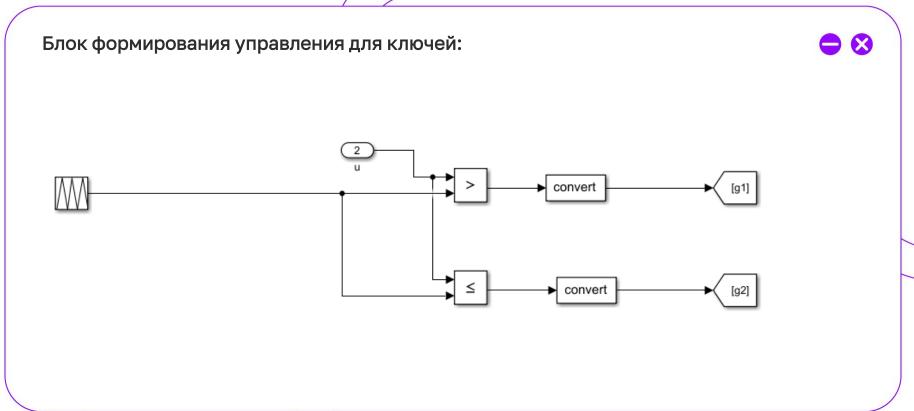
Реализация для модели Simscape:



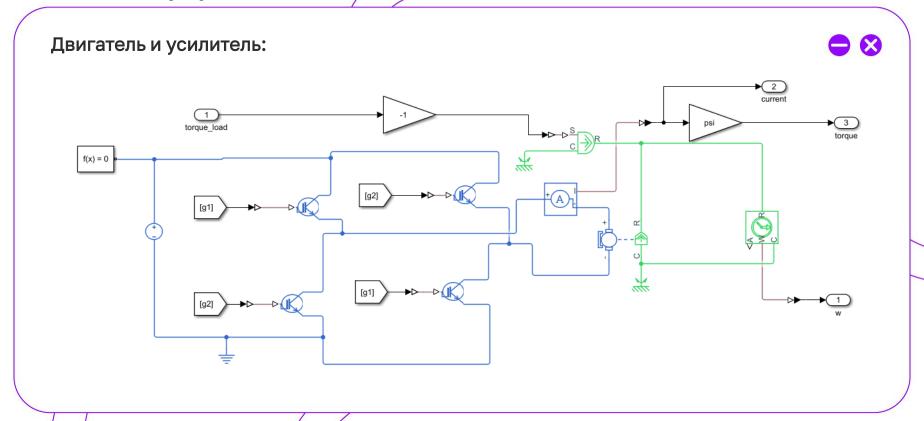
В модель двигателя добавляется мостовой ШИП типа H-мост на MOSFET или IGBT транзисторах и блок формирования управления для ключей



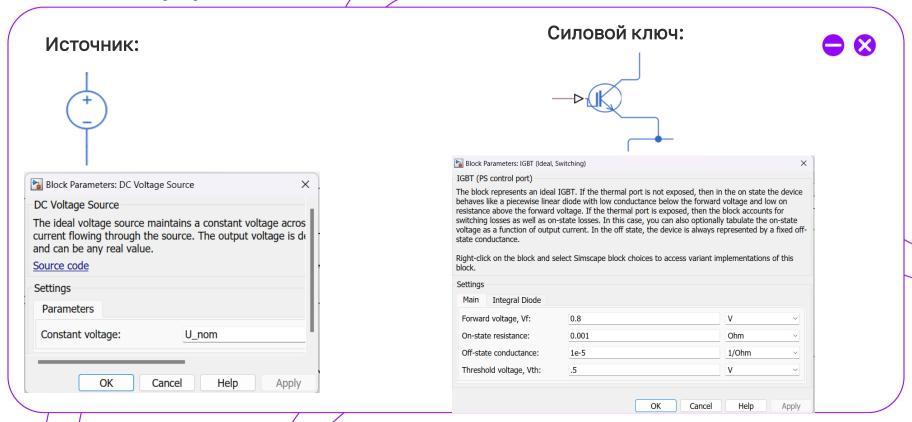












#### Дополнительное задание 2 «Идентификация параметров двигателя с использованием МНК»



Произвести экспериментальную оценку электрических параметров ДПТ (сопротивление, индуктивность, потокосцепление) с использованием метода наименьших квадратов.





Рассматривается дифференциальное уравнение, описывающее работу электрической части ДПТ HB

$$L_a \cdot \frac{di_a(t)}{dt} = U - r \cdot i_a(t) - \Psi \cdot \omega(t)$$

Идентификация выполняется без СУ. В качестве тестового сигнала используется меандр напряжения. Данные регистрируются с периодом Td = 0.0001 с.

#### Дополнительное задание 2 «Идентификация параметров двигателя с использованием МНК»



Принцип оценки параметров методом МНК

$$\frac{dy}{dt} = K_1 x_1 + K_2 x_2 + K_3 x_3$$

$$\frac{d}{dt} = s$$

$$sy = K_1 x_1 + K_2 x_2 + K_3 x_3$$

$$\int \int s = \frac{2 \cdot (1 - z^{-1})}{T_d \cdot (1 + z^{-1})}$$

$$y_{n} - y_{n-1} = K_{1} \cdot \frac{T_{d}}{2} \cdot \left(x_{1n} + x_{1n-1}\right) + K_{2} \cdot \frac{T_{d}}{2} \cdot \left(x_{2n} + x_{2n-1}\right) + K_{3} \cdot \frac{T_{d}}{2} \cdot \left(x_{3n} + x_{3n-1}\right)$$

#### Дополнительное задание 2 «Идентификация параметров двигателя с использованием МНК»







$$y_n - y_{n-1} = K_1 \cdot \frac{T_d}{2} \cdot \left(x_{1n} + x_{1n-1}\right) + K_2 \cdot \frac{T_d}{2} \cdot \left(x_{2n} + x_{2n-1}\right) + K_3 \cdot \frac{T_d}{2} \cdot \left(x_{3n} + x_{3n-1}\right)$$



$$\hat{y}_n = K_1 \cdot \hat{x}_{1n} + K_2 \cdot \hat{x}_{2n} + K_3 \cdot \hat{x}_{3n}$$



 $\mathbf{Y}_{n\times 1} = \mathbf{X}_{n\times 3} \cdot \mathbf{K}_{3\times 1}$ 



$$\mathbf{K} = \left(\mathbf{X}^T \cdot \mathbf{X}\right)^{-1} \cdot \mathbf{X}^T \cdot \mathbf{Y}$$

#### Спасибо за внимание!

ITSMOre than a UNIVERSITY

amamatov@itmo.ru