به نام خدا مهدی فقهی تمرین سوم دادهکاوی

Problem 1)

Trace the results of using the Apriori algorithm on the grocery store example with support threshold s=33.34% and confidence threshold c=60%. Show the candidate and frequent itemsets for each database scan. Enumerate all the final frequent itemsets. Also indicate the association rules that are generated and highlight the strong ones, sort them by confidence

Transaction ID	Items
T1	HotDogs, Buns, Ketchup
T2	HotDogs, Buns
Т3	HotDogs, Coke, Chips
T4	Chips, Coke
T5	Chips, Ketchup
Т6	HotDogs, Coke, Chips

سوال اول)

item	count	support percent
Hotdogs	4	4/6 = 0.66
Buns	2	2/6 = 0.33
Ketchup	2	2/6 = 0.33
Coke	3	3/6 = 0.5
Chips	4	4/6 = 0.66

item	count	support percent
Hotdogs,coke	2	2/6 = 0.33
Hot Dogs,chips	2	2/6 = 0.33
coke,chips	2	2/6 = 0.33

با این نوع حساب کتاب به قانونی نمی رسیم بیاییم 0.34 در نظر بگیرم و به بالا گرد کنیم .

item	count	support percent
Hotdogs	4	4/6 = 0.66
Buns	2	2/6 = 0.34
Ketchup	2	2/6 = 0.34
Coke	3	3/6 = 0.5
Chips	4	4/6 = 0.66

Item	count	support percent
Hotdogs,Buns	2	0.34
Hotdogs,ketchup	1	0.16
Hotdogs,coke	2	0.34
Hotdogs,chips	2	0.34
ketchup,coke	0	0
ketchup,Buns	1	0.16
ketchup,chips	1	0.16

Buns,coke	0	0
Buns,chips	0	0
coke,chips	3	0.50

Item	count	support percent
Hotdogs,coke,chips	2	0.34

قوانين چهارتايي نيز نداريم .

حال confidence قوانین دوتایی را حساب می کنیم .

Hotdogs -> Buns (conf = 2/4 = 0.50)

Buns -> Hotdogs (conf = 2/2 = 1)

Hotdogs -> coke (conf = 2/4 = 0.50)

Coke -> Hotdogs (conf = 2/3 = 0.67)

Hotdogs -> Chips (conf = 2/4 = 0.5)

Chips -> Hotdogs (conf = 2/4 = 0.5)

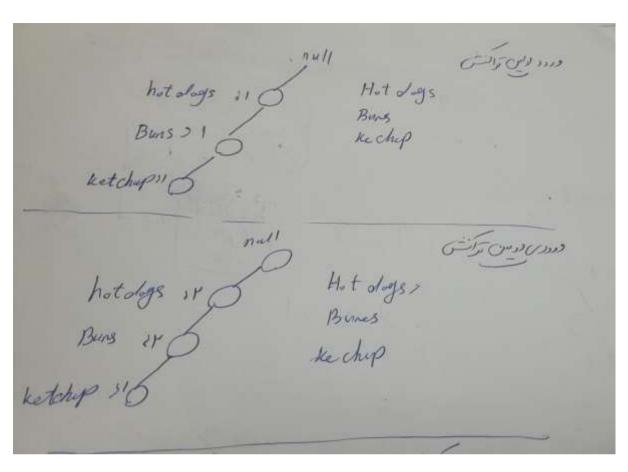
 $cock \rightarrow chips (conf = 3/3 = 1)$

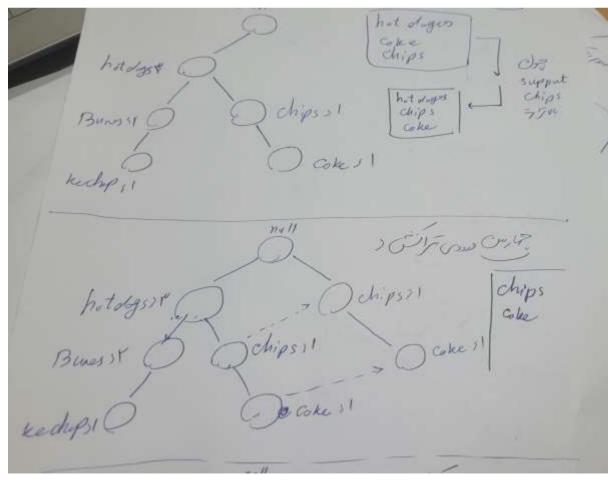
chips -> cock (conf = 3/4 = 0.75)

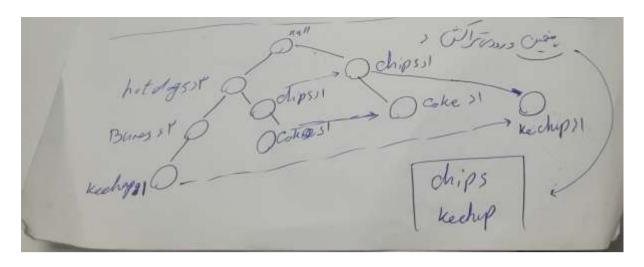
سوال دوم)

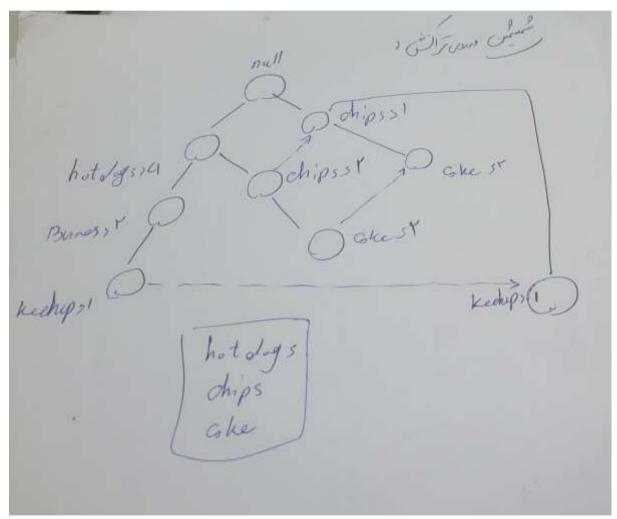
a) Use the transactional database from the previous exercise with same support threshold and build a frequent pattern tree (FP-Tree). Show for each transaction how the tree evolves

Item	support sort
Hotdogs	4
Chips	4
coke	3
Buns	2
Ketchup	2









b) Use Fp-Growth to discover the frequent itemsets from this FP-tree.

ما باید یک conditional tree برای هر آیتم frequent بسازیم که از کمترین تعداد شروع می شود . برای سس کچاپ، ما دو شاخه HotDogs-Buns-Ketchup و Chips-Koce داریم، اما از آنجایی که Ketchup دارای پشتیبانی 1 در هر شاخه است،این همه موارد را حذف می کند (زیرا آستانه پشتیبانی 2 است) فقط <2:Ketchup> باقی می ماند.

این منجر به کشف(2: Ketchup) به عنوان آیتم مکرر می شود.

برای (Buns (B) ما فقط یک شاخه HotDogs-Buns داریم. معامله فرعی {HotDogs, Buns} دو بار ظاهر می شود. بنابراین الگوهای <2:Buns:2، HotDogs> و <2:Buns> را داریم.

این منجر به کشف(HotDogs, Buns) و (Buns) و (Buns) به عنوان مجموعه موارد مکرر می شود.

برای (Coke)، ما دو شاخه داریم: HotDogs-Chips-Coke و Chips-Coke که منجر به درخت

coke(3)-> Chips(3)-> HotDogs عي شود،

بنابراین ما 3 الگو داریم: <Coke:3، Chips:2، HotDogs:2>، <Coke:3، Chips> و <3:Coke:2، Chips:2، HotDogs این منجر به کشف بخوعه های اقلام مکرر زیر می شود: (Coke, Chips) (2) (Coke, Chips, HotDogs) (3) (Coke, Chips, HotDogs) و HotDogs-Chips و Chips داریم که درخت زیر را نشان می دهد (Chips (4)->H) یو مسیر Chips (4)->H) داریم که درخت زیر را نشان می دهد الگوهای <2:Chips:2، HotDogs> و <4:Chips> بنابراین، مجموعه اقلام (Chips, HotDogs) و (4) (Chips) مکرر هستند.

پس آیتم های مکرر یا همان frequent برابر است با :

HotDogs}, {Buns}, {Ketchup}, {Coke}, {Chips}

{HotDogs, Buns}, {HotDogs, Coke}, {HotDogs, Chips}, {Coke, Chips}, {HotDogs, Coke, Chips}

سوال سوم)

In this section we have a paper Model Ensemble for Click Prediction in Bing Search Ads, that is an important part of data mining, explain how the ensemble learning technique is utilized in the paper.

در این مقاله از ensemble learning به دو شکل استفاده شده است .

در حالت اول ما یک GBDT (Gradient-Boosted Decision Tree) داریم که یک مدل ensemble از درخت تصمیم است که به صورت گرادیان کاهشی و با اضافه کردن درخت تصمیم های مختلف سعی می کند خطا مسئله را کاهش دهد و به عنوان یکی از مدلهای پایه ما استفاده می شود .

در حالت دوم ما از ensemble learning برای ترکیب مدل پایه خود استفاده می کنیم .

این کار را به دو شکل مختلف در مقاله انجام داده که حاصل آن ۷ مدل مختلف شده است .

روش اول به صورت stacking ensemble و روش دوم به صورت stacking ensemble و روش سوم که همان boosting ensemble hsj.

در روش اول ما چند مدل را به صورت مجزا روی دادههای آموزش، آموزش می دهیم سپس یک meta model به کمک حاصل مدلهای قبل پیش بینی انجام می دهد .

همانند مدل : GBDT+DNN که ابتدا یک شبکه عمیق و یک gradient boosted Decision tree به صورت مجزا بر روی داده ها آموزش داده شده اند و سپس میانگین نتایج حاصل از آنان به عنوان پیش بینی نهایی استفاده شده است. در روش cascading یک مدل پیش بینی انجام می دهد و مدل بعد از پیش بینی مدل قبلی به عنوان یک داده ویژگی به اضافه ویژگی دادهای موجود استفاده می کند و دوباره سعی می کند پیش بینی کند .

همانند مدل : Cascading GBDT to DNN و Cascading LR to GBDT و Cascading GBDT to LR و Cascading GBDT to LR

برای مثال در Cascading DNN to GBDT ابتدا شبکه عمیق ما به صورت کامل بر روی داد آموزش می بینید سپس مدل GBDT ما به کمک حاصل بدست آمده از شبکه عمیق و ویژگی های موجود و دادگان دوباره بر روی مدل آموزش می بییند و پیش بینی نهایی را انجام می دهند .

در روش Boosting با مدل کم برازش که دارای بایاس بالا و واریانس کم است کار می کند، یعنی مدل نمی تواند رابطه ذاتی در داده ها را به طور کامل توصیف کند. با این بینش که باقیمانده های مدل هنوز حاوی اطلاعات مفیدی هستند، تقویت در قلب آن به طور مکرر با مدل جدید بر روی باقیمانده ها مطابقت دارد. نتیجه نهایی با جمع کردن همه مدل ها با هم پیش بینی می شود. GBDT پرکاربرد ترین مدل تقویت کننده است .

• Boosting LR with GBDT و boosting DNN with GBDT

کلا در روش ensemble ما سعی داریم با ترکیب مدل به شکلهای مختلفی که در بالا مشاهده می کنید دقت پایه مدل را افزایش بدیم و همانطور که در قسمت ارزیابی مشاهده می کنید سعی کرده است دقت تمامی این حالتها را بدست آورد و آن را گزارش کند تا در نهایت بهترین مدل با دقت را از این حالتهای مختلف برگزیند .

Using the hash function

 $h(x) = x \mod 3$

construct a hash tree with maximum number of itemsets in inner nodes equal to 4 given the following set of candidates

(1, 9, 11)	(2, 5, 10)	(3, 6, 8)	(4, 7, 9)	(6, 12, 13)	(9, 12, 14)
(1, 10, 12)	(2, 5, 12)	(3, 7, 10)	(4, 7, 13)	(6, 12, 14)	(10, 11, 15)
(2, 4, 7)	(2, 9, 10)	(3, 12, 14)	(5, 7, 9)	(8, 11, 11)	(12, 12, 15)
(2, 5, 8)	(3, 3, 5)	(4, 5, 8)	(5, 7, 13)	(8, 11, 15)	(14, 14, 15)

در گره ریشه، مجموعه آیتم ها بر اساس مقدار هش اولین آیتم در مجموعه آیتم ها تقسیم می شوند. بنابراین، پس از گره ریشه، 3 گره فرزند با محتوا داریم: البته محتوای هر ستون را مرتب می کنیم .اول برحسب عنصر اول بعد دو

No	N1	N2
3,3,5	1,9,11	2,4,7
3,6,8	1,10,12	2,5,8
3,7,10	4,5,8	2,5,10
3,12,14	4,7,9	2,5,12
6,12,13	4,7,13	2,9,10
6,12,14	10,11,15	5,7,9
9,12,14		5,7,13
12,12,15		8,11,11
		8,11,15
		14,14,15

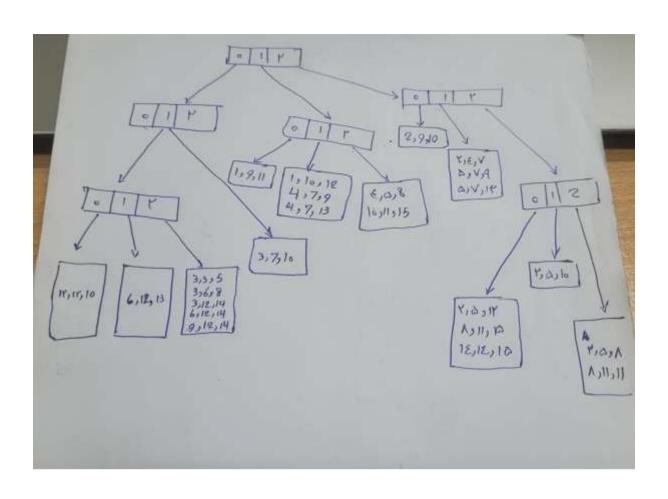
از آنجایی که درجه پر شدن همه گره ها 4 بزرگتر است، اکنون طبق مورد دوم، همه باید تقسیم شوند.

N00	N01	N10	N11	N12	N20	N21	N22
3,3,5	3,7,10	1,9,11	1,10,12	4,5,8	2,9,10	2,4,7	2,5,8
3,6,8			4,7,9	10,11,15		5,7,9	2,5,10
3,12,14			4,7,13			5,7,13	2,5,12
6,12,13							8,11,11
6,12,14							8,11,15
9,12,14							14,14,15
12,12,15							

در اینجا فقط 00N و 22N درجه پر شدن بالاتر از حد مجاز دارند (گره های برگ با * مشخص می شوند). از این رو، آنها دوباره تقسیم می شوند، این بار با استفاده از آیتم سوم. در اینجا، فقط 00N و 2N درجه پر شدن بالاتر از حد مجاز دارند (گره های برگ با * مشخص می شوند). از این رو، آنها دوباره تقسیم می شوند، این بار با استفاده از مورد سوم.

N000	N001	N002	N220	N221	N222
12,12,15	6,12,13	3,3,5	2,5,12	2,5,10	2,5,8
		3,6,8	8,11,15		
		3,12,14	14,14,15		
		6,12,14			
		9,12,14			

اگرچه درجه پر شدن 002N بزرگتر از 4 است، هیچ موردی باقی نمانده که برای تقسیم بیشتر استفاده شود. از این رو، ساخت و ساز درخت هش به پایان می رسد. درخت هش نهایی در زیر نشان داده شده است:



Given the lattice structure shown in Figure and the transactions given in Table, label each node with the following letter(s

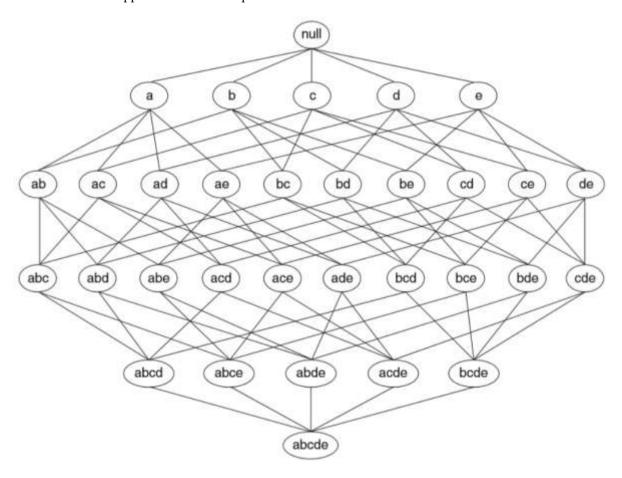
M if the node is a maximal frequent itemset,

C if it is a closed frequent itemset,

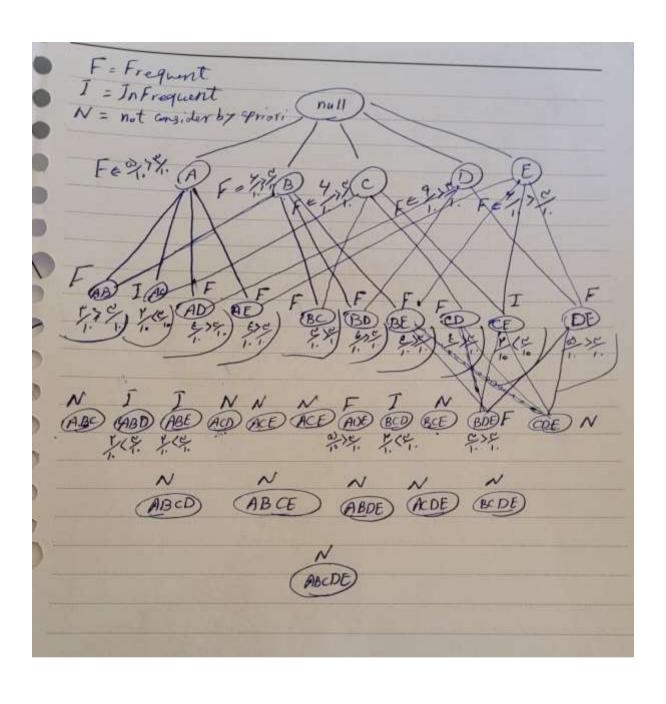
N if it is frequent but neither maximal nor closed, and

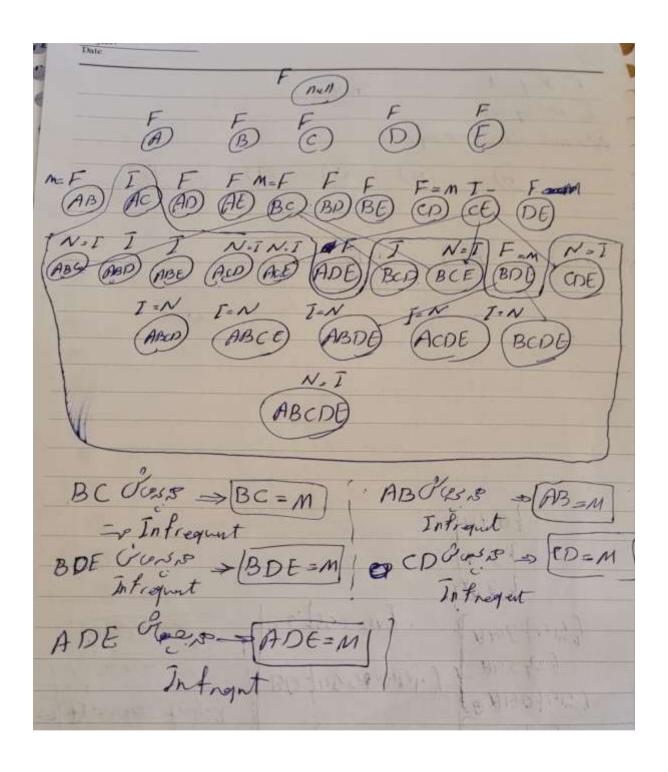
I if it is infrequent.

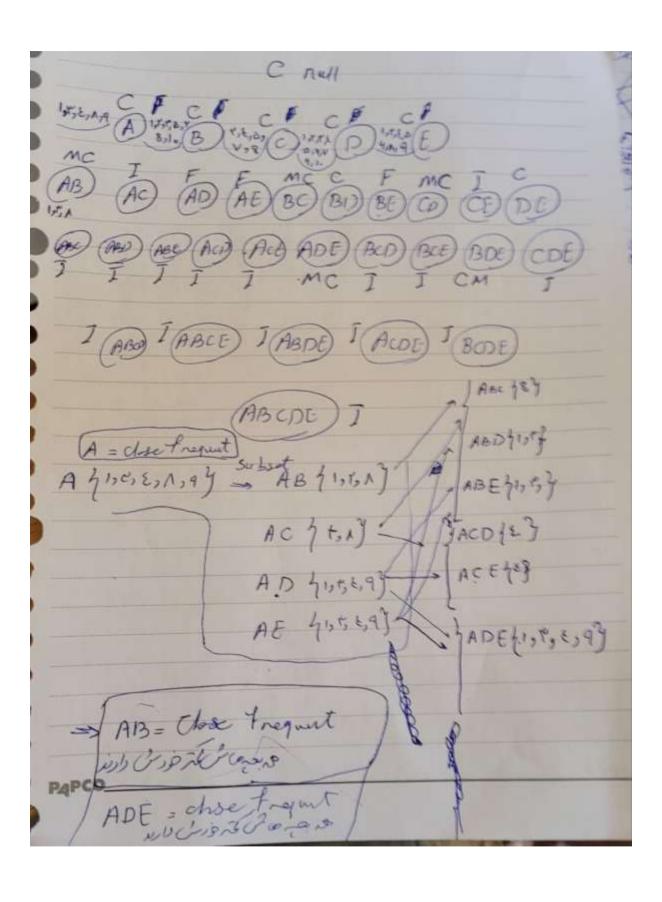
Assume that the support threshold is equal to 30%.



Transaction ID	Items Bought
1	$\{a, b, d, e\}$
2	$\{b, c, d\}$
3	$\{a, b, d, e\}$
4	$\{a, c, d, e\}$
5	$\{b, c, d, e\}$
6	$\{b,d,e\}$
7	$\{c,d\}$
8	$\{a, b, c\}$
9	$\{a, d, e\}$
10	$\{b,d\}$







Subject. Date JABC 189 BCD trio) B= {1,50,00 } BD しいいといういう イリナ、カラう BC = Obje frequet | BED BDE close frogent ACTUAY JABCE YEY ACD YEY C= 17, E, d, BCD Kiny BCE

PAPCO

Description of the fragent

1,5,5,5,5, 2 and the fragent

1,5,5,5,5, 2 and the fragent

1,5,5,5,5,7

1,5,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7

1,5,5,7 E - 1, 4, 2,0,9,93 JAE 41,0,2,99 CE 4209 DE 41,7,0, 6,0,4,99 DE = E C/2

DE | ADE MC 41,0, E, 93

Project = DE | BDE MC 4.1,0,0,93

CDE I

Problem 6)* (Project)

We want to implement the apriori algorithm with python.

In this section, you are going to apply frequent pattern mining on a market transaction dataset via the apriori algorithm. The dataset is available in the assignment folder. First, generate all frequent itemsets in a table (e.g., Figure 1), then print all possible association rules as shown in Figure 2. Write your code in an ipynb notebook format, then answer the following questions:

1. How did you handle Nan values in the dataset?

با تبدیل کردن دیتاست به آرایهای از خریدها و در نظر نگرفتن دادههای nan به هدفم رسیدم . البته جزئیات را در پایین توضیح دادهام .

2. In what aspect is this similar to the Naïve Bayes algorithm? Why?

به طور کلی، هم الگوریتم های بیز و هم الگوریتم های قانون انجمن در یادگیری ماشین برای طبقه بندی و مدلسازی روابط بین متغیرها یا ویژگی های مختلف در یک مجموعه داده استفاده می شوند. آنها هر دو شامل محاسبات احتمال و گروه بندی داده ها بر اساس معیارهای خاص هستند. بنابراین، شباهت بین این الگوریتم ها در کاربرد آن ها برای تحلیل و مدلسازی داده ها و استفاده از روش های آماری برای نتیجه گیری در مورد روابط و الگوهای موجود در داده ها است.

همچنین معیار confidence در اینجا همان معیار مورد استفاده احتمالاتی در بیز است .به طوری که در هر دو ما از معیار

$$p(C_k \mid \mathbf{x}) = rac{p(C_k) \ p(\mathbf{x} \mid C_k)}{p(\mathbf{x})}$$
 posterior $= rac{ ext{prior} imes ext{likelihood}}{ ext{evidence}}$

می کنیم در یکی برای پیدا کردن بالاترین مقدار آن برای محاسبه و تقسیم بندی یک داده بین کلاسهای موجود . و در یکی برای اینکه ببینیم قانون بدست آمده چقدر ارزشمند است .

3. How do min_sup and min_conf parameters affect your results?

به کمک min sup ما بسیاری از تراکنش هایی که میدانیم برای استخراج قوانین به کمک ما نمیآیند را حذف می کنیم و به کمک min confidence میتوانیم بر روی قوانینی که از لحاظ احتمالاتی نظر ما جلب نمی کنند را راحت کنار بگذاریم تا بتوانیم نظر و توجه خود را بر روی قوانین با ارزش بالاتر بگذاریم .

In the final part, you are used to support and confidence all the time and maybe the gini index. There are lots of measures proposed in the literature of the class. Some measures are good for certain applications, but not for others.

In this part What about Apriori-style support based pruning? How does it affect these measures?

استفاده از هرس مبتنی بر حمایت به سبک Apriori می تواند تأثیر قابل توجهی بر میزان confidence و Apriori داشته باشد. با حذف مجموعههای اقلام نادر از بررسی، support به معیار معناداری برای قدرت ارتباط بین اقلام تبدیل می شود. confidence نیز تحت تأثیر قرار می گیرد، زیرا هرس مجموعههای اقلام نادر، تعداد ارتباطهای مثبت کاذب را کاهش می دهد و در نتیجه مقادیر confidence بالا تری برای پیوندهای باقی مانده ایجاد می کند. تأثیر هرس مبتنی بر حمایت به سبک Apriori بر شاخص جینی کمتر واضح است، زیرا این معیار معمولاً در استخراج قوانین انجمن استفاده نمی شود. با این حال، ممکن است هرس مجموعههای اقلام نادر می تواند توزیع فرکانس اقلام را تغییر دهد و در نتیجه بر شاخص جینی تأثیر بگذارد. به طور کلی، استفاده از هرس مبتنی بر حمایت به سبک Apriori یک تکنیک مهم برای استخراج قوانین تداعی کارآمد است و می تواند تأثیر قابل توجهی بر تفسیر میزان support و confidence داشته باشد.

So you should use this three important measurements and after results, compare together, which one was better and if you can say why, you can have bonus scores

Interest

Kappa

Gini Index

از نظر من و با توجه به بررسی که بر روی قوانین بدست آمده، معیار interest به نسبت دو تا معیار دیگر قوانین جذاب تر ومعنادار تری را حتی نسبت به confidence پیدا می کند .

همانطور که در انتها و در نتایج آخر برحسب confidence آمده است با بالا بردن میزان confidence و رساندن آن به 0.5 تنها و تقریبا قوانینی باقی می مانند که طرف سمت راست آن آب معدنی هست اما خوب این قوانین قوانین منطقی و خوبی نیستند زیرا به طور معمول در تمامی سبدهای خرید آب معدنی بود و وجود این آیتم ها به معنی اینکه آب معدنی به دلیل برداشتن آیتم های قبلی برداشته شده است بی معنی است .

اماً اگر به جدول زیر که بر حسب معیار interest ساخته شده است می توان به قوانین بهتری دست یافت .علت نیز تقسیم شدن حاصل confidence بر احتمال رخداد سمت راست است که عملا به کمک این تقسیم برای مثال اگر آب معدنی را در نظر بگیریم به دلیل اینکه احتمال رخداد آن در تمامی ترکنش ها بالا است پس با این تقسیم این اثر کاهش پیدا می کند .

pasta pasta pasta herb & pepper,spaghetti herb & pepper,mineral water tomato sauce mushroom cream sauce			0.099787 0.092816 0.086256 0.089120	4.700812 4.506672 4.004360	0.993460 0.994646 0.990082
herb & pepper,spaghetti herb & pepper,mineral water tomato sauce	0.393443	0.006399 0.006666	0.086256	4.004360	
herb & pepper,mineral water tomato sauce	0.390625	0.006666			0.990082
tomato sauce			0.089120		
	0.377358			3.975683	0.990055
mushmom cream sauce		0.005333	0.071968	3,840659	0.990147
mosmodili tremii sauce	0.300699	0.005733	0.088512	3.790833	0.993344
tomatoes.spaghetti	0.318471	0.006666	0.083211	3.341054	0.990476
herb & pepper	0.323450	0.015998	0.161430	3.291994	0.987900
grated cheese.spaghetti	0.322581	0.005333	0.066496	3.283144	0.990073
ground beef,cooking oil	0.571429	0.004799	0.037164	3.281995	0.969615
olive oil,frozen vegetables	0.423529	0.004799	0.048282	3.268410	0.983080
mineral water, shrimp	0.305085	0.007199	0.086520	3.200616	0.990357
spaghetti,frozen vegetables	0.311005	0.008666	0.098273	3.165328	0.989570
cooking oil,spaghetti	0.302521	0.004799	0.058389	3,078982	0.990095
around heef shrimn	0.523256	0.005999	0.044090	3.005315	0.969554
	mineral water,shrimp spaghetti,frozen vegetables cooking oil,spaghetti	mineral water,shrimp 0.305085 spaghetti,frozen vegetables 0.311005 cooking oil,spaghetti 0.302521		mineral water,shrimp 0.305085 0.007199 0.086520 spaghetti,frozen vegetables 0.311005 0.008666 0.098273 cooking oil.spaghetti 0.302521 0.004799 0.058389	mineral water,shrimp 0.305085 0.007199 0.086520 3.200616 spaghetti,frozen vegetables 0.311005 0.008666 0.098273 3.165328 cooking oil,spaghetti 0.302521 0.004799 0.058389 3,078982

توضیحات مربوط به کد:

برای حذف دادههای null من دیتافریم را تبدیل به یک آرایه از آرایهها کردم، که هر کدام از این آرایهها یک transaction است که توی این آرایهها هیچ داده null وجود ندارد .

```
# assume you have a 2D numpy array named "numpay_market_data" containing NaN values
         transcations market = []
          for transaction in numpay market data :
           # create a boolean mask marking the NaN values as True and non-NaN values as False
           # print(transaction)
           mask = transaction!= 'nan'
            # filter the array by selecting only the non-NaN values
           clear transation = transaction[mask]
           transcations_market.append(clear_transation)
          # print the resulting filtered array
         transcations market = np.array(transcations market)
         print(transcations market)
       'spinach', 'olive oil'], dtype=object)
array(['burgers', 'meatballs', 'eggs'], dtype=object)
          array(['chutney'], dtype=object) ... array(['chicken'], dtype=object)
          array(['escalope', 'green tea'], dtype=object)
array(['eggs', 'frozen smoothie', 'yogurt cake', 'low fat yogurt'],
                dtype=object)
سپس شروع می کنیم به پیدا کردن frequent item ها که برای این کار تعداد هر آیتم را بدست آوریم و سپس حاصل را بر
                                                                                   تعداد ترنزكشنها تقسيم كنيم .
    dic of frequent item = {}
        number of transaction = transcations market.shape[0]
        for transaction in transcations_market :
            for item in transaction :
                if item in dic of frequent item.keys():
                    dic_of_frequent_item[item] += 1
                else :
                   dic of frequent item[item] = 1
        print(number of transaction, dic of frequent item)
    7501 {'shrimp': 536, 'almonds': 153, 'avocado': 250, 'vegetables mix': 193, 'green grapes': 68, 'whole
    [ ] data_show_list = []
        list_of_name = dic_of_frequent_item.keys()
        for key in list of name:
            data_show_list.append({'itemsets':key,'support':dic_of_frequent_item[key]/number_of_transaction})
        df = pd.DataFrame.from_dict(data_show_list)
                  itemsets support
          0
                    shrimp 0.071457
                   almonds 0.020397
          1
                   avocado 0.033329
          2
              vegetables mix 0.025730
          3
          4
               green grapes 0.009065
          ...
               burger sauce 0.005866
         115
                   oatmeal 0.004399
         116
                  asparagus 0.000133
         117
         118
                    cream 0.000933
                    panking 0 000667
```

سپس تابع زیر را مینویسیم که frequent آیتم ها را در هر نوع را پیدا می کند یعنی اینکه ابتدا frequent آیتم های قوانین یک آیتمی، سپس بر اساس آن قوانین دو آیتمی و ... تا در انتها هیچ قانونی وجود نداشته باشد. حال ما به ازای هر دسته از قوانین دوتایی، سه تایی و چهارتایی تمامی frequent ها را داریم .

```
def generate_frequent_itemsets(transactions, min_support):
     # Initialize the frequent itemsets of length 1
    frequent_itemsets = []
    infrequent_itemsets_k = []
    candidate_itemsets = []
    for transaction in transactions:
        for item in transaction:
            if not {item} in candidate itemsets:
                candidate itemsets.append({item})
    candidate_itemsets = list(map(frozenset, candidate_itemsets))
    candidate itemsets.sort()
    frequent\_itemsets\_k, infrequent\_itemsets\_k = count\_frequent\_itemsets (candidate\_itemsets, transactions, min\_support)
    print(frequent itemsets k)
    print(infrequent_itemsets_k)
    frequent_itemsets.append(frequent_itemsets_k)
    # Generate frequent itemsets of length k+1 until no new frequent itemsets are identified
    while True:
        candidate_itemsets = generate_candidate_itemsets(frequent_itemsets, k,infrequent_itemsets_k)
        if len(candidate itemsets) == 0:
            break
        frequent itemsets k, infrequent itemsets k = count frequent itemsets (candidate itemsets, transactions, min support)
        if len(frequent_itemsets_k) == 0:
        frequent_itemsets.append(frequent_itemsets_k)
    # Return the frequent itemsets
    return frequent_itemsets
```

سپس براساس frequent آیتم ها سعی می کنیم قوانین را بسازیم .

```
def generate_rules(items):
    rules = {}
    for i in range(1, len(items)):
        for antecedent_items in itertools.combinations(items, i):
            # print(antecedent_items)
            # print(antecedent)
            consequent = items.difference(antecedent_items)
            antecedent = ','.join(antecedent_items)

            consequent = ','.join(consequent)
            # print(consequent)
            rules[antecedent] = consequent
            return rules
```

تابع بالا یک لیست از آیتم ها را می گیرد و سپس تمامی قوانینی که میشود با آن لیست ساخت را برمی گرداند . سپس براساس این تابع تابع زیر را تعریف می کنیم .

```
def find all possible_rule(frequent_item_can_make_rule) :
    return generate_rules(frequent_item_can_make_rule)
def find problit on transaction(left, right, transactions):
  left set = set(left.split(','))
  right_set = set(right.split(','))
  set main = left set.union(right set)
  left sum = 0
  right sum = 0
  main sum = 0
  not sum =0
  for transaction in transactions:
      set transaction = set(transaction)
      if set_main.issubset(set_transaction):
          main_sum += 1
      if left_set.issubset(set_transaction):
          left_sum += 1
      if right_set.issubset(set_transaction):
          right sum += 1
      if not right set.issubset(set transaction) and not left set.issubset(set transaction):
          not sum += 1
 return (left_sum/len(transactions), right_sum/len(transactions), main_sum/len(transactions), not_sum/len(transactions))
```

سپس بر اساس سمت چپ و سمت راست قوانین به ترتیب احتمال رخداد سمت چپ، احتمال سمت راست، اشتراک رخداد هم سمت چپ و هم سمت ، احتمال اینکه کلا نه سمت چپ اتفاق بیفتد و نه سمت راست را حساب می کنیم .

سپس به کمک تابع بالا تمامی قوانین را به کمک تمامی احتمالاتی که دارند در یک دیکشنری ذخیره می کنیم .

```
dic for make_dataframe = {'rule':[], 'left':[], 'conf':[], 'support':[], 'Kappa':[], 'interest':[], 'gini_index':[]}
for key in dic_of_rule.keys():
    for item in dic_of_rule!key]:
        dic_for_make_dataframe['rule'].append(f'{key} -> {item[0]}')
        dic_for_make_dataframe['conf'].append(key)
        dic_for_make_dataframe['conf'].append(item[3]/item[1])
        dic_for_make_dataframe['support'].append(item[3]/(item[1]*item[2]))
        kappa = (item[3]*item[4] - item[1]*item[2] - ((1-item[1])*(1-item[2])))/(3-item[1]*item[2] - ((1-item[1])*(1-item[2])))
        dic_for_make_dataframe['Kappa'].append(kappa)

        gini_index = 1 - ((item[1])**2+(item[2])**2)
        dic_for_make_dataframe['gini_index'].append(gini_index)

df = pd.DataFrame(dic_for_make_dataframe)
```

سپس یک دیتا فریم بر اساس اطلاعات جدید برحسب آن دیکشنری که در بالا ساختیم میسازیم و برحسب احتمالاتی که داریم و gini index ، support ، interest ، kappa را بدست میآوریم . که حاصل یک جدول مانند زیر خواهد شد که براساس support مرتب شده است .

	rule	left	conf	support	Карра	interest	gini_inde
161	mineral water -> spaghetti	mineral water	0.250559	0.059725	0.110619	1.439085	0.91286
894	spaghetti -> mineral water	spaghetti	0.343032	0.059725	0.110619	1.439085	0.91286
1066	chocolate -> mineral water	chocolate	0.321400	0.052660	0.083950	1.348332	0.91633
165	mineral water -> chocolate	mineral water	0.220917	0.052660	0.083950	1.348332	0.91633
467	eggs -> mineral water	eggs	0.283383	0.050927	0.048673	1.188845	0.91088
***	***	***	***	***	***	380	
2099	salmon,mineral water -> chocolate	salmon,mineral water	0.265625	0.004533	0.019813	1.621199	0.97286
55	shrimp -> olive oil,mineral water	shrimp	0.063433	0.004533	0.053849	2.298598	0.99413
2100	salmon,chocolate -> mineral water	salmon,chocolate	0.425000	0.004533	0.016319	1.782956	0.94306
552	eggs -> cooking oil,chocolate	eggs	0.025223	0.004533	0.022174	1.854847	0.96752
925	spaghetti -> white wine	spaghetti	0.026034	0.004533	0.017898	1.574828	0.96941

سپس برحسب confidence بالای 0.3 و 0.5، قوانین را بدست میآوریم.

```
thershold_conf = 0.3

mask = df['conf'] <= thershold_conf # Create a boolean mask for the rows that need to be removed new_df = df[-mask] # Select only the rows that don't match the mask

new_df.sort_values(by=['conf'],ascending = False)
```

	rule	left	conf	support	Карра	interest	gini_index
2261	frozen vegetables,soup -> mineral water	frozen vegetables.soup	0.633333	0.005066	0.026050	2.656954	0.943117
2297	pancakes, cooking oil -> mineral water	pancakes.cooking oil	0.593220	0.004666	0.023021	2.488672	0.943119
2118	soup,olive oil -> mineral water	soup,alive oil	0.582090	0.005199	0.025264	2.441976	0.943101
2126	frozen vegetables,olive oil -> mineral water	frozen vegetables.olive oil	0.576471	0.006532	0.031366	2.418404	0.943052
2353	cooking oil,ground beef -> spaghetti	cooking all,ground beef	0.571429	0.004799	0.037164	3.281995	0.969615
***							***
2004	green tea,pancakes -> spaghetti	green tea,pancakes	0.300813	0.004933	0.022486	1.727717	0.969417
799	soup -> milk	soup	0.300792	0.015198	0.103591	2.321232	0.980655
1688	mushroom cream sauce -> escalope	mushroom cream sauce	0.300699	0.005733	0.088512	3.790833	0.993344
2253	frozen vegetables,french fries -> milk	frozen vegetables,french fries	0.300699	0.005733	0.045401	2.320520	0.982845
1983	mineral water, french fries -> spaghetti	mineral water, french fries	0.300395	0.010132	0.043443	1.725318	0.968548

311 rows × 7 columns

2368 rows × 7 columns

thershold_conf = 0.5

mask = df['conf'] <= thershold_conf # Create a boolean mask for the rows that need to be removed new_df 50 = df(-mask) # Select only the rows that don't match the mask new_df_50.sort_values(by=['conf'],ascending = False)

	rule	left	conf	support	Карра	interest	gini_index
2261	frozen vegetables,soup -> mineral water	frozen vegetables,soup	0.633333	0.005066	0.026050	2.656954	0.943117
2297	pancakes,cooking oil -> mineral water	pancakes,cooking oil	0.593220	0.004666	0.023021	2.488672	0.943119
2118	soup,olive oil -> mineral water	soup,ofive oil	0.582090	0.005199	0.025264	2.441976	0.943101
2126	frozen vegetables,olive oil -> mineral water	frozen vegetables.olive oil	0.576471	0.006532	0.031366	2.418404	0.943052
2353	cooking oil.ground beef -> spaghetti	cooking oil.ground beef	0.571429	0.004799	0.037164	3.281995	0.969615
2233	soup,milk -> mineral water	soup.milk	0.561404	0.008532	0.039863	2.355194	0.942950
1699	olive oil,shrimp -> mineral water	olive oil,shrimp	0.557377	0.004533	0.021385	2.338303	0.943114
2264	soup.chocolate -> mineral water	soup,chocolate	0.552632	0.005599	0.026135	2.318395	0.943078
2361	frozen vegetables,spaghetti,milk -> mineral water	frozen vegetables.spaghetti.milk	0.548387	0.004533	0.021117	2.300588	0.943112
2183	cooking oil,eggs -> mineral water	cooking oil,eggs	0.545455	0.006399	0.029469	2.288286	0.943043
2178	soup.eggs -> mineral water	soup,eggs	0.544118	0.004933	0.022802	2.282677	0.943098
2269	frozen vegetables,ground beef -> mineral water	frozen vegetables,ground beef	0.543307	0.009199	0.041767	2.279277	0.942894
2219	turkey,milk -> mineral water	turkey.milk	0.541176	0.006133	0.028092	2.270338	0.943052
2316	pancakes,chicken -> mineral water	pancakes.chicken	0.529412	0.004799	0.021706	2.220983	0.943098
2262	soup.spaghetti -> mineral water	soup.spaghetti	0.523364	0.007466	0.033075	2.195614	0.942977
1864	ground beef,shrimp -> spaghetti	ground beef,shrimp	0.523256	0.005999	0.044090	3.005315	0.969554
2265	soup,ground beef -> mineral water	soup,ground beef	0.520548	0.005066	0.022560	2.183798	0.943086
2298	chicken,chocolate -> mineral water	chicken,chocolate	0.518182	0.007599	0.033355	2.173871	0.942966
2320	pancakes,ground beef -> mineral water	pancakes,ground beef	0.513761	0.007466	0.032539	2.155327	0.942969
2271	frozen vegetables,ground beef -> spaghetti	frozen vegetables,ground beef	0.511811	0.008666	0.061764	2.939582	0.969399
2355	chicken,ground beef -> spaghetti	chicken,ground beef	0.507042	0.004799	0.034961	2.912193	0.969596
2207	eggs.ground beef -> mirieral water	eggs.ground beef	0.506667	0.010132	0.043123	2.125563	0.942781
2128	frozen vegetables,olive oil -> spaghetti	frozen vegetables.olive oil	0.505882	0.005733	0.041429	2.905531	0.969557
2097	salmon.spaghetti -> mineral water	salmon.spaghetti	0.504950	0.006799	0.029253	2.118363	0.942999
2130	olive oil.chocolate -> mineral water	plive oil,chocolate	0.504065	0.008266	0.035285	2.114649	0.942912

Problem 7

In this part, you have to know that a data analyzer has to learn how to use data mining toolkits. One of the most important toolkits is RapidMiner. According to the previous part, you have to deal with dataset of previous problem. There is an introduction to RapidMiner in link below that you can use to do this problem (https://docs.rapidminer.com/latest/studio/getting-started/), and you can download the software in this link (https://my.rapidminer.com).

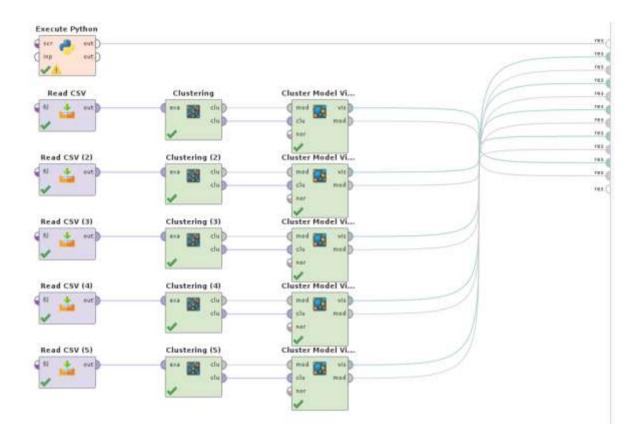
In this project, you will use RapidMiner to perform customer segmentation on a dataset. The goal of the project is to segment customers based on their purchasing behavior, demographics, and other relevant variables. You will need to perform the following tasks:

- 1. Data preparation: You will need to clean and preprocess the dataset, handle missing values, and convert categorical variables to numerical ones.
- 2. Exploratory Data Analysis: You will explore the dataset to gain insights into the variables, perform statistical analysis, and visualize the data using different charts and graphs.
- 3. Feature Engineering: You will create new features based on the existing variables or domain knowledge to improve the model performance.
- 4. Model Selection and Evaluation: You will choose appropriate clustering algorithms.
- 5. Interpretation: Finally, students will interpret the results of the clustering algorithm and create customer profiles based on the segments identified.

After learning these parts and a brief document about that, you have to create association rules and compare it with your previous results.

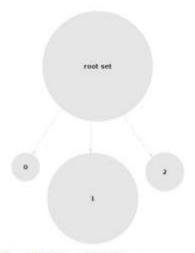
خوب من در ابتدا یک کد پایتون را اجرا کردم که توسط آن preprocese اولیه انجام می شود و به یک csv تبدیل می شود که فقط در آن transaction ها وجود دارند .

سپس در مرحله بعد از این csv جدید میخوانم و به بخش clustering حاصل را میدهم و در ادامه کمک csv سپس در مرحله بعد از این visualisation حاصل مدل را نشان میدهیم که به توصیف پذیری مدل کمک می کند که در ادامه خواهید دید .

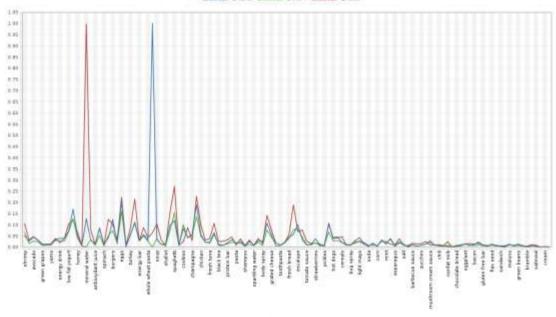


در ادامه حاصل را به ازای تعداد تقسیم بندیهای مختلف مشاهده می کنیم که باید براساس این نگاه بدست آمده بهترین k را انتخاب کنیم .

k means (k = 3):



Cluster 0 mm Cluster 1 mm Cluster 2 mm



Cluster Model

Cluster 0: 1178 items Cluster 1: 4577 items Cluster 2: 1646 items Total number of items: 7501

Number of Clusters: 3

Cluster 0 1,178

french fries is on average 485.10% larger, body spray is on average 114.72% larger, shallot is on average 108.59% larger

Cluster 1 4,677

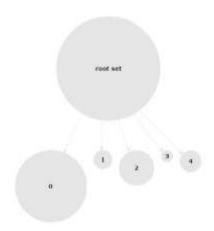
mineral water is on average 100.00% smaller, french fries is on average 100.00% smaller, asparagus(1) is on average 60.38% larger

Cluster 2 (1,646)

mineral water is on average 317.73% larger, mayonnaise is on average 127.86% larger, nonfat milk is on average 122.01% larger



k means (k = 5):



Cluster Model

Cluster 0: 3639 items Cluster 1: 818 items Cluster 2: 1585 items Cluster 3: 515 items Cluster 4: 944 items Total number of items: 7501

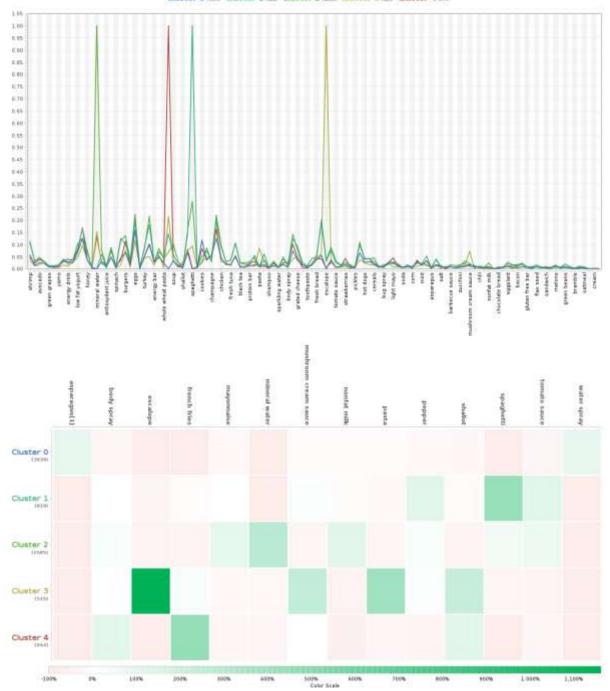
Number of Clusters: 5

Cluster 4

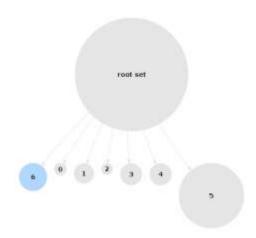
944



french fries is on average 485.10% larger, shallot is on average 132.90% larger, body spray is on average 121.75% larger



k means (k = 7):



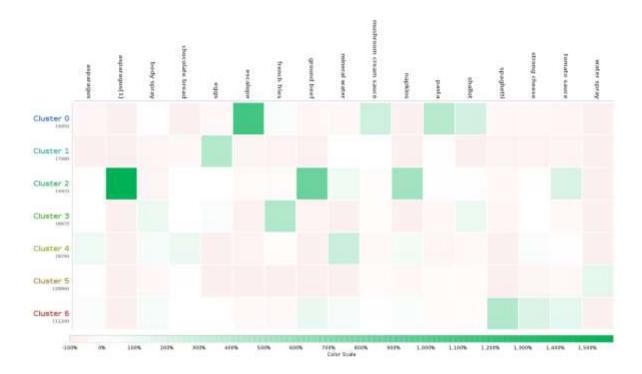
Cluster Model

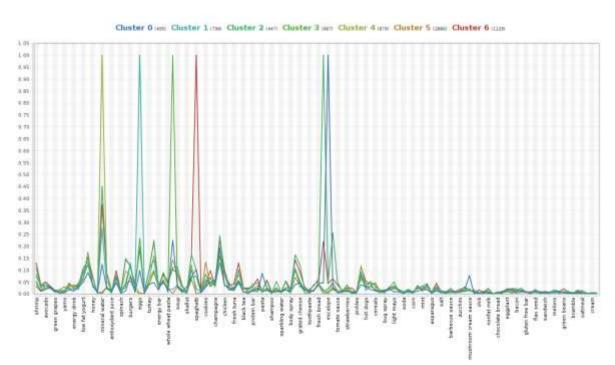
Cluster 0: 495 items
Cluster 1: 798 items
Cluster 2: 447 items
Cluster 3: 867 items
Cluster 4: 879 items
Cluster 5: 2886 items
Cluster 6: 1129 items
Total number of items: 7501

Number of Clusters: 7

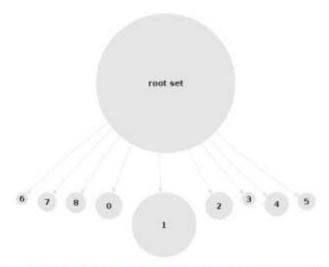


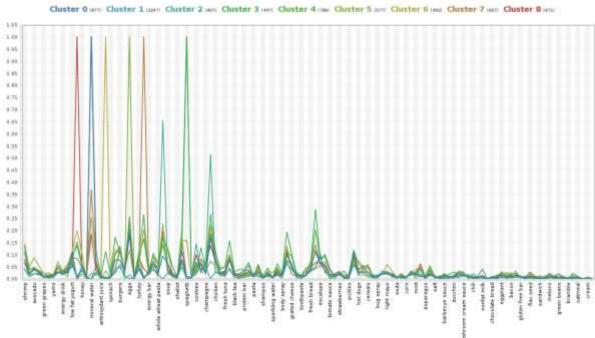
spaghetti is on average 474.35% larger, strong cheese is on average 209.29% larger, tomato sauce is on average 163.25% larger





k means (k = 9):





Cluster Model

Cluster 0: 877 items
Cluster 1: 2247 items
Cluster 2: 897 items
Cluster 3: 447 items
Cluster 4: 786 items
Cluster 5: 577 items
Cluster 6: 392 items
Cluster 7: 607 items
Cluster 8: 671 items
Total number of items: 7501



Number of Clusters: 9

Cluster 8

Cluster 0 877
mineral water is on average 319.52% larger, green tea is on average 100.00% smaller, frozen smoothie is on average 100.00% smaller

Cluster 1 2,247
water spray is on average 122.55% larger, green tea is on average 100.00% smaller, mineral water is on average 100.00% smaller

Cluster 2 897
asparagus(1) is on average 736.23% larger, french fries is on average 282.24% larger, chocolate is on average 212.99% larger

Cluster 3 449
cream is on average 619.18% larger, spaghetti is on average 474.35% larger, mineral water is on average 319.52% larger

Cluster 4 786
spaghetti is on average 474.35% larger, strong cheese is on average 130.35% larger, tea is on average 130.35% larger

Cluster 5 577
eggs is on average 456.45% larger, barbecue sauce is on average 108.64% larger, green tea is on average 100.00% smaller

Cluster 6 392
frozen smoothie is on average 1,479.16% larger, sparkling water is on average 307.13% larger, tea is on average 229.92% larger

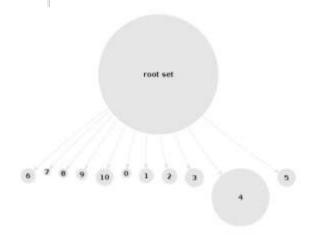
green tea is on average 656.91% larger, pickles is on average 198.10% larger, flax seed is on average 195.91% larger

milk is on average 671.71% larger, mint green tea is on average 164.80% larger, soup is on average 151.06% larger

k means (k = 11):

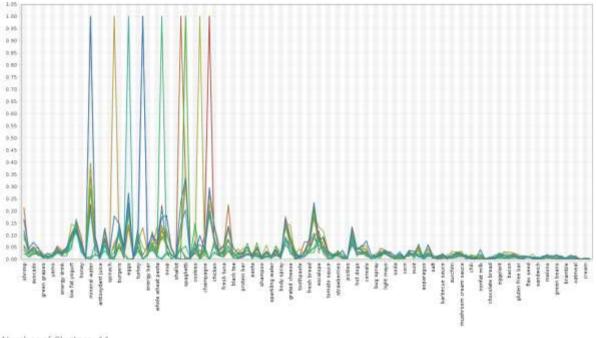
Cluster Model

Cluster 0: 361 items
Cluster 1: 543 items
Cluster 2: 587 items
Cluster 3: 706 items
Cluster 4: 2350 items
Cluster 5: 684 items
Cluster 6: 560 items
Cluster 7: 279 items
Cluster 8: 353 items
Cluster 9: 425 items
Cluster 10: 653 items
Total number of items: 7501





Chaster 6 Chaster 2 Chaster 2 Chaster 3 Chaster 4 Chaster 5 Chaster 6 Chaster 7 Chaster 6 Chaster 5 Chaster 10



Number of Clusters: 11

Cluster 0

milk is on average 671.71% larger, strong cheese is on average 365.72% larger, mineral water is on average 318.36% larger

Cluster 1 543

milk is on average 671.71% larger, cider is on average 197.26% larger, mint green tea is on average 196.01% larger

Cluster 2 587

eggs is on average 456.45% larger, barbecue sauce is on average 105.09% larger, antioxydant juice is on average 100.00% smaller

Cluster 3 706

french fries is on average 485.10% larger, body spray is on average 110.02% larger, chutney is on average 100.00% smaller

Cluster 4 (2,350

mineral water is on average 100.00% smaller, olive oil is on average 100.00% smaller, eggs is on average 100.00% smaller

Cluster 5 684

spaghetti is on average 474.35% larger, cream is on average 369.99% larger, napkins is on average 338.65% larger

Cluster 6 560

mineral water is on average 319.52% larger, eggplant is on average 102.95% larger, olive oil is on average 100.00% smaller

Cluster 7 279

cooking oil is on average 1,858.49% larger, toothpaste is on average 428.89% larger, hand protein bar is on average 313.62% larger

Cluster 8

olive oil is on average 1,418.42% larger, whole wheat pasta is on average 342.29% larger, extra dark chocolate is on average 254.15% larger

Cluster 9 42

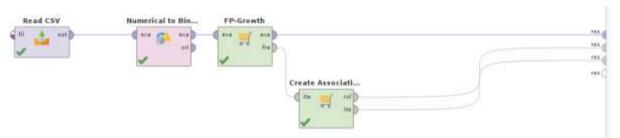
frozen vegetables is on average 949.09% larger, water spray is on average 488.31% larger, tea is on average 265.16% larger

Cluster 10 653

asparagus(1) is on average 1,048.70% larger, chocolate is on average 510.33% larger, water spray is on average 282.90% larger

Association Rule:

After learning these parts and a brief document about that, you have to create association rules and compare it with your previous results.



حاصل csv بدست آمده از قسمت قبل را ابتدا به کمک Numerical to binary به صورت لیستی از boolean ها می کنیم که هر true یا false نشان دهنده وجود یک آیتم در سبد خرید در آن تراکنش خاص هست سپس به کمک سلول growth حاصل را به ازای تمامی حالتهای ممکن پیدا می کنیم و سپس به کمک growth توانین مربوطه را پیدا می کنیم که در پایین مشاهده می نمایید همانطور که مشاهده می کنید حاصل شبیه به حاصل بدست آمده از قسمت قبل است با در نظر گرفتن confidence بزرگتر از 0.5 که البته به صورت از کوچک به بزرگ مرتب شده است حاصل در ایخا.

و سپس گراف ارتباط را به شکل زیرین نشان خواهیم داد .

			ر یم ۱۰	٠٠ ال ريدين - ال			
itre	Support	Rem 1	tion 2	Hem 3	item t		
	0.006	French frees	chocolete	Trozen vegetables			
2	0.005	french frees	shocolate	pancakes			
9	0.005	french fries	chocolate	burgers			
2	0.005	franch free	shocslete	estalope			
	0.005	trench fries	greentea	pancakes			
	0.005	tranch from	green tea	burgers			
	0.005	french from	green tea	cookies			
	0.006	trench fries	160	Nozen vegetables			
i	0.006	franch free	esk	burgers			
	0.005	chocolote	green toa	mik			
	0.006	chocoliele	mik	ground beef			
i	0.008	chocolate	mik	frazen vegetablea			
3	0.005	chocolota	mik	pancakes			
1	0.005	chocolate	mik	burgens			
	0.005	chosolate	mik	shring			
1	0.005	chocolete	mik	alter of			
	0.005	chocolete	nik	chicken			
3	0.006	shorolete	ground beef	Prozen wegetables			
1	0.005	chocolate	from vegetables.	shring			
	0.006	mik	ground beef	frozen wegetables			
i	0.005	mit.	ground beef	silve of			
	0.005	mik.	frozen vegetalzies	shring			
3	0.005	milk.	frozen vegetaldes	other oil.			
	0.005	reneral water	eggs	epaghetti	chocolate		
	0.005	moneral water	spagfietti	chocolate	nek		
	0.005	mineral water	spaghetts	mile	frozen vegetables		

No.	Premises	Conclusion	Support	Confidence	LaPlace	Gain	p-s	Lift	Convi
10	ground beef, pancakes	mineral water	0,007	0.514	0.993	-0.022	6.004	2:155	1.566
11	chocolate, chicken	mineral water	0,008	0.518	0.993	0.022	0.004	2.174	1,581
12:	ground beef, soup	mineral water	0.005	0.521	0.995	0.014	0.003	2.184	1,589
13	ground beef, shrimp	spaghetti	0.006	0.923	0.995	0.017	0.004	3,005	1.732
14	spaghetti, soup	mineral water	0,007	0.923	0.993	0.021	0.004	2.196	1,598
15	pancakes, chicken	mineral water	0.005	0.529	0.996	0.013	0.003	2.221	1.618
16	mik, turkey	mineral water	0.006	0.541	0.995	0.017	0.003	2.270	1.660
17	ground beef, frozen vegetables	mineral water	0.009	0.543	0.992	0.025	0.005	2,279	1.668
18	eggs, saup	mineral water	0,005	0.544	0.996	0.013	E00.0	2.283	1.671
19	eggs, cooking oil	mineral water	0,006	0.545	0.995	-0.017	0.004	2.288	1,676
20	spaghetti, mik, frozen vegetables	mineral water	0.005	0.548	0.996	-0.012	0.003	2.301	1,686
21	chocolate, soup	mineral water	0.006	0.553	0.996	0.015	0,003	2.318	1.702
22	shrimp, olive oil	mineral water	0.005	0.557	0.996	-0.012	0.003	2.338	1,721
23	mik, soup	mineral water	0.009	0.561	0.993	-0.022	0.005	2.355	1.737
24	ground beef, cooking all	spaghetti	0.005	0.571	0.996	-0.012	0.003	3.282	1.927
25	frozen vegetables, olive oil	mineral water	0.007	9.576	0.995	-0.016	0.004	2.418	1.798
26	olive oil, soup	mineral water	0.005	0.582	0.996	-0.013	0.003	2.442	1.822
27	pancakes, cooking oil	mineral water	0.005	0.593	0.997	-0.011	0.003	2.489	1,872
28	frozen vegetables, soup	mineral water	0.005	0.633	0.997	-0.011	0.003	2.657	2,077

