

$$R(A, B, C)$$

|       |       |       |
|-------|-------|-------|
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_1$ |
| $a_2$ | $b_1$ | $c_2$ |

$$S(A, B, C)$$

|       |       |       |
|-------|-------|-------|
| $a_1$ | $b_2$ | $c_1$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_1$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_2$ |

① عملیات  $\cup$ ,  $\cap$  و  $-$  روی روابطی تعریف می شود که دارای همان ساختار باشند

$$R = \{A, B, C\}$$

$$S = \{A, B, C\}$$

$$R \cup S$$

| A     | B     | C     |
|-------|-------|-------|
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_1$ |
| $a_2$ | $b_1$ | $c_2$ |
| $a_1$ | $b_2$ | $c_1$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_2$ |

$$R \cap S$$

| A     | B     | C     |
|-------|-------|-------|
| $a_2$ | $b_2$ | $c_1$ |

$$R - S$$

| A     | B     | C     |
|-------|-------|-------|
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_2$ | $b_1$ | $c_2$ |

$$|R \cup S| = |R| + |S|$$

Selection

Simple Selection (1)

$\theta$ -Selection (2)

Simple-selection

$$\sigma_{A=a}(r) = \{t \in r \mid T(A)=a\} \quad A \subseteq R$$

انتخاب: زیر مجموعه‌ای از چیزهایی که ما برای آن شرط خاص

$$r(A, B, C)$$

|       |       |       |
|-------|-------|-------|
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_1$ | $b_1$ | $c_2$ |
| $a_1$ | $b_3$ | $c_1$ |

$$\sigma_{C=c_1}(r) = \begin{array}{ccc} A & B & C \\ a_1 & b_1 & c_1 \\ a_1 & b_3 & c_1 \end{array}$$

- به صحت تیری ایما در می کند

- دارای خاصیت جابجایی دارد

$$\sigma_{A=a}(\sigma_{A_2=b}(r)) = \sigma_{A_2=b}(\sigma_{A_1=a}(r))$$

$$\sigma_{A \neq a}(r) = \{t \in r \mid T(A) \neq a\}$$

$$\sigma_{A \neq B}(r) = \{T \in r \mid T(A) \neq T(B)\}$$

$\theta$ -Selection

عبر projection : انتفا - بکون

$$\pi_x(r) = \text{انتفا - بکون } X \text{ فاک}$$

$$\pi_{A,B}(r) = \frac{AB}{a_1 b_1, a_2 b_1}$$

$$\frac{r(A, B, c)}{a_1 b_1 c_1, a_1 b_1 c_2, a_2 b_1 c_1}$$

$$\sigma_{A=a}(\pi_x(r)) = \pi_x(\sigma_{A=a}(r))$$

حقایق

$A \subseteq X$  جبر

$$|\pi_x(r)| \leq |r|$$

Join

r MS

Natural Join

(1)

~~MS~~ r[ABB]s

θ-Join

(2)



$(R \cap S) \neq \{ \}$  (Natural Join) Simple Join (1)

$r(A, B, C)$

|       |       |       |
|-------|-------|-------|
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ |
| $a_1$ | $b_2$ | $c_2$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_1$ |
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ |

$s(C, D)$

|       |       |
|-------|-------|
| $c_1$ | $d_1$ |
| $c_1$ | $d_2$ |
| $c_2$ | $d_1$ |

$r \bowtie s =$ 

| $r$   |       |       | $s$   |
|-------|-------|-------|-------|
| A     | B     | C     | D     |
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ | $d_1$ |
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ | $d_2$ |
| $a_1$ | $b_2$ | $c_2$ | $d_1$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_1$ | $d_1$ |
| $a_2$ | $b_2$ | $c_1$ | $d_2$ |
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ | $d_1$ |
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ | $d_2$ |

$R \cap S = \{ \}$  (Natural Join) (Natural Join)

$r(A, B)$

|       |       |
|-------|-------|
| $a_1$ | $b_1$ |
| $a_1$ | $b_2$ |
| $a_2$ | $b_3$ |

$s(C, D)$

|       |       |
|-------|-------|
| $c_1$ | $d_1$ |
| $c_2$ | $d_1$ |

$r \times s =$ 

| A     | B     | C     | D     |
|-------|-------|-------|-------|
| $a_1$ | $b_1$ | $c_1$ | $d_1$ |
| $a_1$ | $b_1$ | $c_2$ | $d_1$ |
| $a_1$ | $b_2$ | $c_1$ | $d_1$ |
| $a_1$ | $b_2$ | $c_2$ | $d_1$ |
| $a_2$ | $b_3$ | $c_1$ | $d_1$ |
| $a_2$ | $b_3$ | $c_2$ | $d_1$ |

②

$$r \bowtie s = s \bowtie r$$

$$a, b, c \rightarrow a, b, c$$

$$\downarrow (r \bowtie s) = \downarrow (r) \times \downarrow (s)$$

$A=a$ 
 $A=a$ 
 $A=a$

$$A \subseteq R, S$$

$$r \bowtie (s \bowtie q) = (r \bowtie s) \bowtie q$$

مرتبه

$$|r \times s| = |r| \cdot |s|$$

$$|r \bowtie s| \leq |r| \cdot |s|$$

$$r[A \theta B] s$$

$\theta$ -Join

$r(A, B, C)$

|       |       |   |
|-------|-------|---|
| $a_1$ | $b_1$ | 1 |
| $a_1$ | $b_1$ | 2 |
| $a_1$ | $b_2$ | 1 |
| $a_1$ | $b_1$ | 4 |

$s(D, E)$

|   |       |
|---|-------|
| 1 | $e_1$ |
| 1 | $e_2$ |
| 2 | $e_1$ |
| 3 | $e_1$ |

$$r[c < d] s$$

| A     | B     | C | D | E     |
|-------|-------|---|---|-------|
| $a_1$ | $b_1$ | 1 | 2 | $e_1$ |
| $a_1$ | $b_1$ | 1 | 3 | $e_1$ |
| $a_1$ | $b_1$ | 2 | 3 | $e_1$ |
| $a_1$ | $b_2$ | 1 | 2 | $e_1$ |
| $a_1$ | $b_2$ | 1 | 3 | $e_1$ |