مدارهاي منطقي

پاییز ۱۴۰۳ استاد: دکتر صدیقی، دکتر صاحبالزمانی تدریس یاران: رضا آدینه پور، مرتضی عادلخانی



مهلت ارسال: ١ آبان

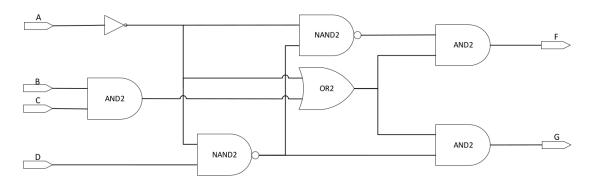
سادهسازي جدول كارنو

تمرين دوم

- مهلت ارسال پاسخ تا ساعت ۲۳:۵۹ روز مشخص شده است. برای انجام تمرین زمان کافی اختصاص داده شده است. انجام آن را به هیچوجه به روزهای پایانی موکول نکنید.
- سوالات خود را از طریق ایمیلهای adinepour@aut.ac.ir و madelkhani@aut.ac.ir و یا در کلاس حل تمرین از تدریسیاران بپرسید.
 - صرفا تمارین آپلود شده در سامانه courses تصحیح می شوند.
 - حتما در نامگذاری فایلهای آپلودی خود از قالب $\{HWx\}_{STD_Number}_{Name}$ تبعیت کنید.
- پاسخهای ارسالی منحصراً باید حاصل تلاشهای فردی شما باشد. در صورت استفاده از منابع خارجی یا همفکری، حتماً این موارد را ذکر کنید.
 - در صورت مشاهده هرگونه تقلب، نمره ۳ سری تمرین برای تمام افراد شرکت کننده، صفر لحاظ خواهد شد.

سوالات اصلی (۲۲۰ نمره)

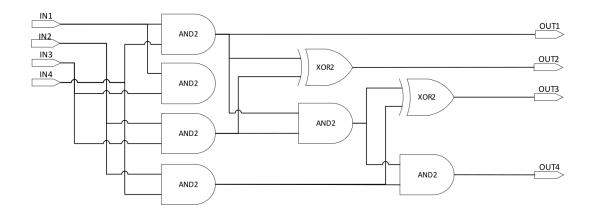
 ۲۰ نمره) مدار زیر را با استفاده از جدول کارنو به ساده ترین فرم ممکن برای هر دو حالت SoP و PoS در آورید و سیس مدار هر یک از دو حالت را رسم کنید.



۲. (۳۰ نمره) تابعهای بولی ۴ متغیری زیر را در نظر بگیرید:

- (a) $f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \sum (1, 3, 4, 5, 9, 13, 15) + d(7, 11, 12, 14)$
- (b) $f(A, B, C, D) = \sum (1, 3, 4, 7, 11) + d(5, 12, 13, 14, 15)$
 - (آ) تمام PI ها و EPI های جدول کارنو تولید شده برای هر تابع را نشان دهید.
 - (ب) با استفاده از جدول کارنو یک عبارت SOP برای هر تابع بهدست آورید.
- ۳. (۴۰ نمره) مدار زیر با ۴ ورودی، ۱۱۸۱، ۱۱۸۲، ۱۱۸۳ و ۴ خروجی OUT۴، OUT۲، OUT۲، OUT۱ و ۴ خروجی OUT۴، OUT۲، OUT۲ و ۲ نمره) مدار زیر با ۴ ورودی، ۱۱۸۱، ۱۱۸۳ و ۲ فروجی

- (آ) جدول صحت این مدار را استخراج کنید.
- (ب) با استفاده از جدول کارنو مدار را برای پیادهسازی POS مستقیماً ساده کنید و سپس آن را دوباره بکشید.



(7 Segment) و یک نمایشگر هفت قطعه ای (A,B,C,D) و یک نمایشگر هفت قطعه ای (A,B,C,D) و یک نمایشگر هفت قطعه ای (A,B,C,D) ای استفاده از چهار ورودی (A,B,C,D) و یک نمایشگر هفت قطعه ای (A,B,C,D) خروجی هایی مطابق جدول زیر مشاهده کنیم (به عبارت دیگر، میخواهیم یک Decoder طراحی کنیم).

A	В	С	D	Display
0	0	0	0	0
0	0	0		1
0	0	1	1 0	2
0	0	1		A
0	1	0	0	3
0	1	0	1	4
0	1		0	P
0 0 0 0 0 0 0	1	1 1	1	5
1	0	0	0	6
1	0	0	1	C
1 1	0		0	7
1	0	1 1	1	8
1	0 0 0 1 1 1 1 0 0 0 0 1 1 1	0	1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1	2 A 3 4 P 5 6 C 7 8 U 9
1	1	0	1	9
1	1	1	0	Е
1	1	1	1	F

- (آ) جدول صحت برای نمایش وضعیت تمامی خروجیها (وضعیت هر قطعه از 7segment) را بر اساس اسمگذاریهای اسلاید ۱۸ از مجموعه اسلاید ۶ رسم کنید. راهنمایی: این جدول باید مشابه جدول اسلاید ۱۹ از همان مجموعه اسلاید باشد.
- (ب) با استفاده از جدول کارنو توابع ساده شده هر یک از خروجیهای هفتگانه را تعیین کنید (مشابه اسلاید ۲۰).
- ۵. (۲۰ نمره) سوالهای ۵.۵۰ و ۵.۴۵ واقع در صفحه ۱۶۵ و ۱۶۶ کتاب مرجع درس مدارهای منطقی را حل
 کرده و پاسخ آن را بنویسید.

[\]Truth Table

۲۰) نمره) توابع زیر را از فرم استاندارد به فرم کاننیکال تبدیل کنید:

(a)
$$f(A, B, C) = AC' + BC' + ABC$$

(b)
$$f(A, B, C) = (C + A')(B + C')(A + B + C)(A' + B')$$

(c)
$$f(A, B, C, D, E) = B \cdot D' \cdot E + A \cdot B' \cdot D + A \cdot C \cdot D' \cdot E + A \cdot C' \cdot E$$

 ۷. (۲۰ نمره) توابع زیر را بدون سادهسازی یک بار فقط با استفاده از NANDهای ۲_ورودی و یک بار فقط با استفاده از NORهای ۲_ورودی پیادهسازی کنید:

(a)
$$F = A'[B' + C'D' + DE]$$

(b)
$$F = A + BCD' + BCE' + BDE'$$

سوالات امتیازی (۴۰ نمره)

۱. (۲۵ نمره) یک تصویر 4×4 با ۱۶ پیکسل را در نظر بگیرید. هر پیکسل میتواند یکی از دو حالت سیاه (1) یا سفید (0) باشد (تصویر به صورت سیاه و سفید است). در این تصویر یک مربع 1×1 وجود دارد که میخواهیم آن را تشخیص دهیم.

همانطور که گفته شد، تصویر سیاه و سفید است و مربع ایجاد می شود که ۴ پیکسل در کنار هم یک مقدار (۰ یا ۱) داشته باشند و دیگر پیکسلها مقدار دیگری داشته باشند. با توجه به این موضوع می توان دریافت که در حالتی که بیشتر از یک مربع در تصویر ایجاد شود، مربع تشخیص داده نمی شود. نمونه های حضور مربع در زیر نمایش داده شده است:

					\checkmark				\checkmark				
١	١	١	١		١	•	•	١		•	•	•	•
١	•	•	١		١	•	•	١		•	•	•	•
١	•	•	١		١	١	١	١		•	•	١	١
١	١	١	١		١	١	١	١		•	•	١	١
	x x)	(
١	١	•	•		١	١	١	١		١	١	١	١
١	١	•	•		١	•	•	١		١	١	١	١
				4					4				

تصویر از 4 بلوک 7 7 تشکیل شده است که هر کدام از این بلوکها تنها میتوانند یکی از چهار حالت زیر را داشته باشند.

		١	١	•	•
		١	١	•	•
		١	١	•	•
		•	•	١	١

با توجه به توضیحات داده شده مداری طراحی کنید که حالات موجود در تصویر را دریافت کند بتواند مربع تولید شده در تصویر را تشخیص دهد. در صورت وجود یک مربع مقدار یک در خروجی ایجاد کند و در غیر این صورت مقدار صفر تولید کند.

برای این کار مراحل زیر را انجام داده و گزارش دهید:

- (آ) ابتدا جدول صحت مدار مورد نظر را بنویسید.
- (ب) تابع بولی به دست آمده از جدول صحت را بنویسید (بدون سادهسازی).
 - (ج) با استفاده از جدول کارنو تابع را ساده کنید.
 - (د) مدار متناظر با تابع ساده شده را رسم کنید.

۲. (۲۵ نمره)

Given $F_1 = \prod M(0,4,5,6)$ and $F_2 = \prod M(0,3,4,6,7)$, find the maxterm expansion for F_1F_2 . State a general rule for finding the maxterm expansion of F_1F_2 given the maxterm expansion of F_1 and F_2 . Prove your answer by using the general form of the maxterm expansion.