計算力学 課題 1 ME2208 髙橋尚太郎

2 次元物体の定常状態の温度分布の解析に関して、ガウス・ザイデル法による数値解析プログラムをソースコード 1 に示す。また、分割数が 6 の場合と 12 の場合の実行結果を図 1(a)、図 1(b) に示す。

ソースコード 1: ガウス・ザイデル法による数値解析プログラム

```
1 #include <stdio.h>
2 | #include <stdlib.h>
3 #include <math.h>
5 int N; // メッシュ数
6 float L;// 正方形の辺の長さ
7 #define Tm 50
8 #define dx (L / N) // メッシュの間隔
  #define dy (L / N)
9
10 | #define TO 0.0 // 境界条件 1
11 //#define T1 10.0 // 境界条件 2 → sin 関数
12 #define T2 0.0 // 境界条件 3
13 #define T3 0.0 // 境界条件 4
14 #define eps 1e-5 // 収束判定の閾値
15
16
17 int main()
18 {
19
    printf("width?<sub>□</sub>[m]:<sub>□</sub>");
    scanf("%f", &L);
20
    printf("mesh?:□");
21
    scanf("%d", &N);
22
23
    int i, j;
    int ITER = 0;
24
    double T[N+1][N+1] = {0}; // 未知数の温度分布
25
    double T_true[N+1][N+1] = {0};
    double diff = eps + 1.0; // 収束判定の差分 (1回目のループ条件を満たすための初期化)
27
28
    //境界条件の設定
29
    for (i = 0; i < N+1; i++) {</pre>
30
      T[i][0] = TO; // 左辺
31
      T[i][N] = T2; // 右辺
32
33
    for (j = 0; j < N+1; j++) {
34
      T[0][j] = Tm*sin((M_PI/L)*j*dx);// 上辺
35
      T[N][j] = T3; // 下辺
36
    }
37
38
    // ガウスザイデル法の反復
39
    while (diff > eps) {
40
      diff = 0.0;
41
      for (i = 1; i < N; i++) {</pre>
42
        for (j = 1; j < N; j++) {
43
         double T_old = T[i][j];
44
         T[i][j] = 0.25*(T[i+1][j] + T[i-1][j] + T[i][j+1] + T[i][j-1]);
45
          diff += fabs(T[i][j] - T_old); //1サイクル分の誤差
46
47
```

計算力学 課題 1 ME2208 髙橋尚太郎

```
}
48
49
        ITER++;
      }
50
51
      // 厳密解
52
      for (i = 0; i < N+1; i++) {</pre>
53
        for (j = 0; j < N+1; j++) {</pre>
54
55
             T_{true}[i][j] = Tm/sinh(M_PI)*sin(M_PI/L*j*dx)*sinh(M_PI/L*i*dy);
        }
56
      }
57
58
      // 結果の出力
59
      printf("Result:_{\sqcup\sqcup}Gauss-Seidel_{\sqcup}Approximate_{\sqcup}Solution_{\sqcup}(Exact_{\sqcup}Solution) \setminus n");
60
61
      printf("Cycle: \d\n", ITER);
      for(i = 0; i < N+1; i++){</pre>
        for (j = 0; j < N+1; j++) {</pre>
63
             printf("_{\square}%f_{\square\square}", T[i][j]);
64
65
        }
        printf("\n");
66
67
        for (j = 0; j < N+1; j++){
               printf("(%f)<sub>□</sub>", T_true[N-i][N-j]);
68
69
        printf("\n");
70
71
      }
      return 0;
72
73
```

計算力学 課題 1 ME2208 髙橋尚太郎

```
width? [m]: 0.12
mesh?: 6
Result: 1
Cycle: 55
0.000000
           Gauss-Seidel Approximate Solution (Exact Solution)
                                                         25.000000
(25.000000)
14.924511
(14.758371)
8.848033
                              43.301270
(43.301270)
25.850012
(25.562249)
15.325244
                                               50.000000
                                                                                               0.000000
(0.000000)
                                              (50.000000)
                                                                                             (0.000000)
                                           29.849023
9) (29.516742)
17.696067
) (17.312242)
10.284760
(9.963420) (8
0.000000
                                                                                              0.000000
(0.000000)
                                                                                             (0.000000)
0.000000
              (8.656121)
5.142380
                             (14.992841)
(0.000000)
                              8.906863
0.000000
              (4.981710)
2.814<u>62</u>3
(0.000000)
                             (8.628575)
0.000000
                             4.875071
(4.684423)
                                            5.629247
(0.000000)
              (2.704553)
                                           (5.409106)
                1.241043
                                                           2.149550
                                                                        1.241044
(1.185959)
0.000000
                              2.149550
                                             2.482087
                                                         (2.054142)
                             (2.054142)
                                           (2.371919)
(0.000000)
              (1.185959)
                                                                                       (0.000000)
0.000000
               0.000000
                              0.000000
                                            0.000000
                                                           0.000000
                                                                         0.000000
                                                                                        0.000000
(0.000000)
              (0.000000)
                             (0.0000000)
                                           (0.000000) (0.000000)
                                                                        (0.0000000)
                                                                                       (0.000000)
```

(a) 分割数:6

```
width? [m]F 0.12
mesh?: 172
Result: Gauss-Seidel Approximate Solution (Exact Solution)
Sycle: 225
0.000000 12,940952 25,000000 35,355339 43,301270 48,296291 50,000000 48,296291 43,301270 35,355339 25,000000 12,940952 0,000000
0.000000 172,940952 25,000000 35,355339 43,301270 48,296291 50,000000 48,296291 43,301270 35,355339 25,000000 12,940952 0,000000
0.000000 9,861771 9,244683 7,216083 33,32734 37,177834 38,489328 37,177834 27,216083 19,244688 9,981771 0,000000
0.000000 18,947831) (19,216864) (27,176750) (33,224595) (37,124131) (38,433728) (37,124131) (33,234585) (27,176750) (19,216864) (9,447831) (10,00000) (7,681467 4,800318 2),93157 25,66768 28,559249 28,601682 26,685769 21,93157 1,4800318 7,661467 0,000000
0.000000 (7,681467 4,800318 2),93157 25,66768 28,559249 26,601682 26,685769 21,93157 1,4800318 7,661467 0,000000
0.000000 (7,683495) (14,758371) (20,871489) (25,56249) (28,510984) (29,516742) (28,510984) (25,562249) (20,871489) (14,758371) (7,633495) (1,000000) (0,000000) (7,683495) (14,758371) (20,871489) (25,56249) (28,510984) (29,516742) (28,510984) (25,56249) (20,871489) (14,758371) (7,633495) (1,000000) (0,000000) (5,856210) (11,317192) (16,004426) (19,601951) (21,663136) (22,63436) (19,601951) (16,004426) (11,317192) (5,855210) (10,000000) (0,000000) (4,480738) (8,656121) (11,241604) (14,992841) (16,722341) (17,312242) (14,992841) (12,241604) (8,56121) (4,480738) (10,000000) (0,000000) (4,480738) (8,656121) (12,241604) (14,992841) (16,722341) (14,392841) (12,241604) (8,56121) (4,480738) (0,000000) (0,000000) (3,42129) (6,591727) (3,32110) (14,758271) (12,734240) (11,417207) (3,24120) (1,480738) (0,000000) (0,000000) (3,42129) (6,591727) (3,32110) (14,492841) (13,33456) (1,32742) (3,43856) (1,32742) (3,43856) (3,43856) (3,000000) (0,000000) (3,42129) (6,591727) (3,44202) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738) (4,480738)
```

(b) 分割数:12

図 1: 実行結果