

ANALISIS ALGORITMA



Disusun oleh :

Meira Dwiana Anjani

140810180015

**PROGRAM STUDI S1 TEKNIK INFORMATIKA
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM
UNIVERSITAS PADJADJARAN**

2020

Studi Kasus 1: MERGE SORT

Setelah Anda mengetahui Algoritma Merge-Sort mengadopsi paradigma divide & conquer, lakukan Hal berikut:

1. Buat program Merge-Sort dengan bahasa C++
2. Kompleksitas waktu algoritma merge sort adalah $O(n \lg n)$. Cari tahu kecepatan komputer Anda dalam memproses program. Hitung berapa running time yang dibutuhkan apabila input untuk merge sort-nya adalah 20?

1. Program C++ Merge Sort

```
/*  
Nama   : Meira Dwiana A  
NPM    : 140810180015  
Deskripsi : Mergesort  
*/  
  
#include <iostream>  
#include <chrono>  
using namespace std;  
  
void satu(int* in, int p, int q, int r){  
    int n1 = q-p+1;  
    int n2 = r-q;  
    int L[n1+1];  
    int R[n2+1];  
    for (int i=1; i<=n1; i++){  
        L[i-1] = in[(p-1)+i-1];  
    }  
  
    for (int j=1; j<=n2; j++){  
        R[j-1] = in[(q-1)+j];  
    }  
  
    int i=0;  
    int j=0;  
    L[n1]=2147483647;  
    R[n2]=2147483647;  
  
    for (int k=(p-1); k<r; k++){  
        if(L[i]<=R[j]){  
            in[k]=L[i];  
            i = i+1;  
        }  
        else{  
            in[k]=R[j];  
            j = j+1;  
        }  
    }  
}
```

```

void msort(int* in, int p, int r){
    int q;
    if(p<r){
        q = (p+r)/2;
        msort(in, p, q);
        msort(in, q+1, r);

        satu(in, p, q, r);
    }
}

void input(int* a, int& n){
    cout << "Input banyak data: "; cin >> n;
    for (int i=0; i<n; i++){
        cout << "Input angka: "; cin >> a[i];
    }
}

int main(){
    int in[100];
    int n;
    input(in,n);
    auto start = chrono::steady_clock::now();
    msort(in,1,n);
    auto end = chrono::steady_clock::now();
    cout << "Hasil: ";
    for(int i=0; i<n; i++){
        cout << in[i] << " ";
    }

    cout<<endl;
    cout << "Elapsed time in nanoseconds : "
        << chrono::duration_cast<chrono::nanoseconds>(end - start).count()
        << " ns" << endl;

    return 0;
}

```

2. Kompleksitas Algoritma merge sort adalah $O(n \lg n)$.

Cari tahu kecepatan komputer Anda dalam memproses program. Hitung berapa running time yang dibutuhkan apabila input untuk merge sort-nya adalah 20?

Untuk di program hasilnya : 2369 ns

Tapi jika sesuai dengan $O \rightarrow T(20 \log_{10} 20) = 26$

Studi Kasus 2: SELECTION SORT

Selection sort merupakan salah satu algoritma sorting yang berparadigma divide & conquer. Untuk membedah algoritma selection sort, lakukan langkah-langkah berikut:

- Pelajari cara kerja algoritma selection sort
- Tentukan $T(n)$ dari rekurensi (pengulangan) selection sort berdasarkan penentuan rekurensi divide & conquer:

$$T(n) = \begin{cases} \theta(1) & \text{if } n \leq c \\ aT\left(\frac{n}{b}\right) + D(n) + C(n) & \text{otherwise} \end{cases}$$

- Selesaikan persamaan rekurensi $T(n)$ dengan **metode recursion-tree** untuk mendapatkan kompleksitas waktu asimptotiknya dalam Big-O, Big-Ω, dan Big-Θ
- Lakukan implementasi koding program untuk algoritma selection sort dengan menggunakan bahasa C++

1. Program C++ Selection Sort

```
/*
Nama      : Meira Dwiana A
NPM       : 140810180015
Deskripsi : Selectionsort
*/
```

```

#include <iostream>
#include<conio.h>

using namespace std;

int data[100],data2[100];
int n;

void tukar(int a, int b)
{
    int t;
    t = data[b];
    data[b] = data[a];
    data[a] = t;
}

void selection_sort()
{
    int pos,i,j;
    for(i=1;i<=n-1;i++)
    {
        pos = i;
        for(j = i+1;j<=n;j++)
        {
            if(data[j] < data[pos]) pos = j;
        }
        if(pos != i) tukar(pos,i);
    }
}

int main()
{
    cout<<"-----"<<endl;
    cout<<"  ALGORITMA SELECTION SORT C++ "<<endl;
    cout<<"-----"<<endl;
    cout << "\n===== ";
    cout<<"\nMasukkan Jumlah Data : ";cin>>n;
    cout << "\n-----" << endl;
    for(int i=1;i<=n;i++)
    {
        cout<<"Masukkan data ke-"<<i<<" : ";
        cin>>data[i];
        data2[i]=data[i];
    }

    selection_sort();
    cout << "\n-----" << endl;

```

```

        cout<<"Data Setelah di Sort : "<<endl;
        for(int i=1; i<=n; i++)
        {
            cout<<" "<<data[i];
        }

        cout << "\n=====\\n";
        getch();
    }
}

```

```

D:\Kuliah\Semester 4\Analgo\AnalgoKu\AnalgoKu4\Selectionsort.exe
ALGORITMA SELECTION SORT C++
=====
Masukkan Jumlah Data : 7
=====
Masukkan data ke-1 : 2
Masukkan data ke-2 : 9
Masukkan data ke-3 : 4
Masukkan data ke-4 : 212
Masukkan data ke-5 : 99
Masukkan data ke-6 : 433
Masukkan data ke-7 : 1
=====
Data Setelah di Sort :
1 2 4 9 99 212 433
=====
- Errors: 0

```

2.

```

for i ← n downto 2 do {pass sebanyak n-1 kali}
    imaks ← 1
    for j ← 2 to i do
        if xj > ximaks then
            imaks ← j
        endif
    endfor
    {pertukarkan ximaks dengan xi}
    temp ← xi
    xi ← ximaks
    ximaks ← temp
endfor

```

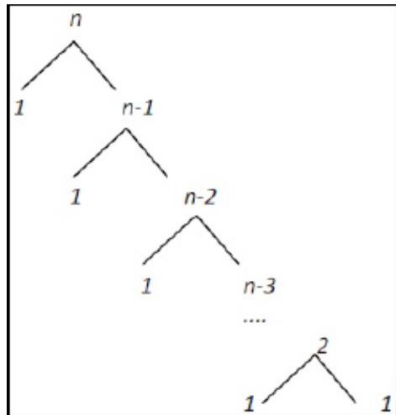
Subproblem = 1

Masalah setiap subproblem = n-1

Waktu proses pembagian = n

Waktu proses penggabungan = n

$$T(n) = \{\theta(1) T(n-1) + \theta(n)\}$$



$$\begin{aligned} T(n) &= cn + cn-c + cn-2c + \dots + 2c + cn \\ &= c((n-1)(n-2)/2) + cn \\ &= c((n^2-3n+2)/2) + cn \\ &= c(n^2/2) - (3n/2) + 1 + cn \\ &= O(n^2) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} T(n) &= cn + cn-c + cn-2c + \dots + 2c + cn \\ &= c((n-1)(n-2)/2) + cn \\ &= c((n^2-3n+2)/2) + cn \\ &= c(n^2/2) - (3n/2) + 1 + cn \\ &= \Omega(n^2) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} T(n) &= cn^2 \\ &= \Theta(n^2) \end{aligned}$$

Studi Kasus 3: INSERTION SORT

Insertion sort merupakan salah satu algoritma sorting yang berparadigma divide & conquer. Untuk membedah algoritma insertion sort, lakukan langkah-langkah berikut:

- Pelajari cara kerja algoritma insertion sort
- Tentukan $T(n)$ dari rekurensi (pengulangan) insertion sort berdasarkan penentuan rekurensi divide & conquer:

$$T(n) = \begin{cases} \theta(1) & \text{if } n \leq c \\ aT\left(\frac{n}{b}\right) + D(n) + C(n) & \text{otherwise} \end{cases}$$

- Selesaikan persamaan rekurensi $T(n)$ dengan **metode substitusi** untuk mendapatkan kompleksitas waktu asimptotiknya dalam Big-O, Big-Ω, dan Big-Θ
- Lakukan implementasi koding program untuk algoritma insertion sort dengan menggunakan bahasa C++

1. Program C++ Insertion Sort

```
/*
Nama      : Meira Dwiana A
NPM       : 140810180015
Deskripsi : Insertionsort
*/
#include <iostream>
#include <conio.h>

using namespace std;

int data[100],data2[100],n;

void insertion_sort()
{
    int temp,i,j;
    for(i=1;i<=n;i++){
        temp = data[i];
        j = i -1;
        while(data[j]>temp && j>=0){
            data[j+1] = data[j];

            j--;
        }
        data[j+1] = temp;
    }
}

int main()
{
    cout<<"-----"<<endl;
    cout<<"  ALGORITMA INSERTION SORT C++ "<<endl;
    cout<<"-----"<<endl;
    cout << "\n===== "<<endl;
    cout<<"Masukkan Jumlah Data : "; cin>>n;
    cout<<endl;
    cout << "\n-----" << endl;
    for(int i=1;i<=n;i++)
    {
        cout<<"Masukkan data ke-"<<i<<" : ";
        cin>>data[i];
        data2[i]=data[i];
    }
    cout << "\n-----" << endl;
    insertion_sort();
    cout<<"\nData Setelah di Sort : "<<endl;
    for(int i=1; i<=n; i++)
    {
```



```

        cout<<data[i]<<" ";
    }
    cout << "\n===== "<<endl;
    getch();
}

```

```

D:\Kuliah\Semester 4\Analgo\AnalgoKu\AnalgoKu4\Insertionsort.exe
=====
ALGORITMA INSERTION SORT C++
=====
Masukkan Jumlah Data : 8

Masukkan data ke-1 : 12
Masukkan data ke-2 : 14
Masukkan data ke-3 : 23
Masukkan data ke-4 : 42
Masukkan data ke-5 : 10
Masukkan data ke-6 : 76
Masukkan data ke-7 : 16
Masukkan data ke-8 : 32

Data Setelah di Sort :
10 12 14 16 23 32 42 76
=====

```

2.

Algoritma

```

for i ← 2 to n do
    insert ← xi
    j ← i
    while (j < i) and (x[j-i] > insert) do
        x[j] ← x[j-1]
        j ← j-1
    endwhile
    x[j] = insert
endfor

```

Subproblem = 1

Masalah setiap subproblem = n-1

Waktu proses penggabungan = n

Waktu proses pembagian = n

$$T(n) = \{\theta(1) T(n-1) + \theta(n)\}$$

$$T(n) = cn + cn - c + cn - 2c + \dots + 2c + cn \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= c((n-1)(n-2)/2) + cn \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= c((n^2 - 3n + 2)/2) + cn \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= c(n^2/2) - c(3n/2) + c + cn \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= O(n^2)$$

$$T(n) = cn \leq cn$$

$$= \Omega(n)$$

$$T(n) = (cn + cn^2)/n$$

$$= \Theta(n)$$

Studi Kasus 4: BUBBLE SORT

Bubble sort merupakan salah satu algoritma sorting yang berparadigma divide & conquer. Untuk membedah algoritma bubble sort, lakukan langkah-langkah berikut:

- Pelajari cara kerja algoritma bubble sort
- Tentukan $T(n)$ dari rekurensi (pengulangan) insertion sort berdasarkan penentuan rekurensi divide & conquer:

$$T(n) = \begin{cases} \theta(1) & \text{if } n \leq c \\ aT\left(\frac{n}{b}\right) + D(n) + C(n) & \text{otherwise} \end{cases}$$

- Selesaikan persamaan rekurensi $T(n)$ dengan **metode master** untuk mendapatkan kompleksitas waktu asimptotiknya dalam Big-O, Big-Ω, dan Big-Θ
- Lakukan implementasi koding program untuk algoritma bubble sort dengan menggunakan bahasa C++

1. Program C++ Bubble Sort

```
/*
Nama      : Meira Dwiana A
NPM       : 140810180015
Deskripsi : Bubblesort
*/
#include <iostream>
#include <conio.h>

using namespace std;

int main(){
    cout<<"-----"<<endl;
    cout<<"  ALGORITMA BUBBLE SORT C++ "<<endl;
    cout<<"-----"<<endl;
    int arr[100],n,temp;
    cout << "\n===== "<<endl;
    cout<<"Masukkan banyak elemen yang akan diinputkan : ";cin>>n;
    cout << "\n-----" << endl;

    for(int i=0;i<n;++i){
        cout<<"Masukkan Elemen ke- "<<i+1<<" : ";cin>>arr[i];
    }

    for(int i=1;i<n;i++){
        for(int j=0;j<(n-1);j++){
            if(arr[j]>arr[j+1]){
```

```

        temp=arr[j];
        arr[j]=arr[j+1];
        arr[j+1]=temp;
    }
}
cout << "-----" << endl;
cout<<"\nHasil dari Bubble Sort : "<<endl;
for(int i=0;i<n;i++){
    cout<<" "<<arr[i];
}
cout << "\n===== "<<endl;
}

```

```

D:\Kuliah\Semester 4\Analgo\AnalgoKu\AnalgoKu4\Bubblesort.exe
ALGORITMA BUBBLE SORT C++
=====
Masukkan banyak elemen yang akan diinputkan : 4
=====
Masukkan Elemen ke-1 : 23
Masukkan Elemen ke-2 : 11
Masukkan Elemen ke-3 : 2
Masukkan Elemen ke-4 : 45
=====
Hasil dari Bubble Sort :
2 11 23 45
=====
Process exited after 7.104 seconds with return value 0
Press any key to continue . . .

```

2. Subproblem = 1

Masalah setiap subproblem = $n-1$

Waktu proses pembagian = n

Waktu proses penggabungan

$$T(n) = \{\theta(1) T(n-1) + \theta(n)\}$$

$$T(n) = cn + cn - c + cn - 2c + \dots + 2c + c \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= c((n-1)(n-2)/2) + c \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= c((n^2 - 3n + 2)/2) + c \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= c(n^2/2) - c(3n/2) + 2c \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= O(n^2)$$

$$T(n) = cn + cn - c + cn - 2c + \dots + 2c + c \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= c((n-1)(n-2)/2) + c \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= c((n^2 - 3n + 2)/2) + c \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= c(n^2/2) - c(3n/2) + 2c \leq 2cn^2 + cn^2$$

$$= \Omega(n^2)$$

$$T(n) = cn^2 + cn^2$$

$$= \Theta(n^2)$$