动态规划问题要考虑三个层面：dp数组代表什么？动态转移方程？初始条件？

## 经典动态规划问题

### 背包问题

## 区间dp

## 树形dp

所谓树形dp，就是在树上计算某些给定问题的dp,常见是树上子树的计数，一般思路是设dp[i]为以i为根节点的所有满足一定条件的子树的值，用记忆化搜索和递归的方法去求的根节点root的dp值,不同题目dp的转移方程不同，但都是通过子树最终推到根，迭代往往不好做，递归简单一些。

如果直接设置dp[i]为第i个点的答案没思路，可以尝试变通方法

1. 提高维度，对dp数组加一维
2. 设dp[i]为第i个点的答案子问题，已知dp[i]能间接得到答案,还需要ans[i]来接受dp[i]推导出的答案

### 例题

1. <https://ac.nowcoder.com/acm/problem/14394>

需要前置tarjan缩点算法，对给定仙人掌图缩点为一棵树，且舍弃树上非被缩的点。对于处理之后的树找手铐图，显然对于树上任意路径，它代表的手铐图数量为pow(2,点数-2)，如果直接设置dp[i]为第i个点的答案显然不行，因为树从下到上求答案时任意子树的兄弟子树也会影响以当前节点为根的树的答案，不满足动态规划无后效性。

换思路，考虑[变通方法2]：改设dp[i]为第i个点为树根的子树每个点，到第i个点的”半手铐”数量。转移方程为：dp[node]=

其中son.size代表子节点数量。初始条件为dp[ye]=0,即：叶子节点不代表任何”半手铐”。如何根据dp值求出答案？ans[node]为node的所有一个儿子的dp值两两乘积之和，最后把所有点的ans求和即可。有人问了，对于一个点求所有一个儿子的dp值两两乘积之和暴力求解是O(n^2)复杂度时间过大，解决方案：维护前缀和，再进行相乘时间复杂度O(n)，属于老套路，参考基础技能。

## 状态压缩dp

一般是用2进制来储存状态，多出现在图有关的题目中。图的点数一般较少不超过20

### 哈密顿回路和旅行商问题：

旅行商问题(TravelingSalesmanProblem，简称TSP)是一个经典的组合优化问题。经典的TSP可以描述为：一个商品推销员要去若干个城市推销商品，该推销员从一个城市出发，需要经过所有城市后，回到出发地。应如何选择行进路线，以使总的行程最短。

从[图论](https://baike.baidu.com/item/%E5%9B%BE%E8%AE%BA" \t "_blank)的角度来看，该问题实质是在一个带权完全[无向图](https://baike.baidu.com/item/%E6%97%A0%E5%90%91%E5%9B%BE" \t "_blank)中，找一个权值最小的[Hamilton](https://baike.baidu.com/item/Hamilton)回路。由于该问题的可行解是所有顶点的[全排列](https://baike.baidu.com/item/%E5%85%A8%E6%8E%92%E5%88%97" \t "_blank)，随着顶点数的增加，会产生组合爆炸，它是一个[NP完全问题](https://baike.baidu.com/item/NP%E5%AE%8C%E5%85%A8%E9%97%AE%E9%A2%98)。

NP难的问题意思是不存在较快算法的问题，较快算法指多项式时间的算法。（2^n或者n！都不是多项式复杂度算法，n或n^2叫多项式复杂度）

对于n<=15;用动态规划或者搜索求解都行，15<n<=20时只能动态规划，n>20无快速算法。

搜索时间复杂度是n!，空间复杂度是n

动态规划采用了以空间换时间的方式,时间复杂度是n\*n\*2^n,空间复杂度也是n\*2^n;

怎么存图的状态，哪点走了哪点没走，对每个点编号，用二进制表示；

比如0000 0000 0000 001，表示15个点第一个点走了其余没走，

1000 0000 0000 001，表示15个点第一个点和最后一个点走了其余没走，

仅仅这样还不足以做dp，同一个二进制数，对于以不同点为结尾应该算作不同状态。比如同样1000 0000 0000 111,可能是以第一个1结尾，可能是以第二个1结尾可能是以第三个1结尾，可能是以最后一个1结尾

dp[i][j]代表i的状态下，j为当前结尾的状态

怎么转移，首先由于用了数i存储，把十进制数i变成2进制就能知道当前状态哪点走了哪点没走。

K是j能到达的所有点，对于一个状态i和要到的点k,k没走过：

就去走，且那个状态的点应该是原本和当下最小的。

对于所有dp初始值应该是INF

dp[i+2^k][k]=min(dp[i+2^k][k],dis(j,k))

**但还有一个特别需要注意第地方:**

旅行商问题中要求每个点走一次返回起点，怎么处理，可能想到，再开一个dp记录起点，这样不行，你要以不同起点取最小的，以每个点为起点的dp是不同的，正解是进行n次dp，每次重新初始化dp数组，分别以1到n-1为起点，最后算出的min(dp[up][i]+dis[i][b]),是二进制数上限的是进制数值,b是这次判定的起点。i从1到n-1。这仅仅是以一个起点的，算n次去一次总的最小值，得到最后结果

例题：

hdu5067(模板)

图覆盖问题(hdu6321)：

Dp[i][j]代表i下，j状态下