Průběžný test z matematiky

Příjmení: Fiveiskii

Cvičení:

Datum:

Počet bodů:

Úloha 1. (3 body) Nalezněte řešení soustavy rovnic a zapište ho ve vektorovém tvaru.

$$x + y - 2u = 3$$

$$y + z = 1$$

$$x + 2y + z + u = 4$$

$$x - z - 2u = 2$$

$$3x + y - 2z - 6u = 7$$

Úloha 2. (2 body)

Vypočítejte determinant:

$$\begin{vmatrix}
-5 & 0 & -2 & 1 \\
1 & 1 & 3 & -5 \\
-2 & 0 & -1 & 2 \\
2 & -1 & 0 & 1
\end{vmatrix}$$

Úloha 3. (3 body)

Vypočítejte limitu:

$$\lim_{x \to -\infty} \arctan\left(\frac{x^{55} + 2x^5 - 1}{5x^{22} + x^2 + 1}\right) \cdot e^{x^6}$$

Úloha 4. (4 body) Mějme funkci danou předpisem

$$f(x) = \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2}.$$

- Určete D_f , f'(x) a f''(x).
- Určete, na jakých intervalech je funkce rostoucí a klesající.
- Nalezněte minimum a maximum funkce na uzavřeném intervalu [1,6].
- Řešením rovnice f''(x) = 0 nalezněte inflexní bod funkce.