Задача А. Степени вершин (1 балл) (!)

Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Неориентированный граф задан списком ребер. Найдите степени всех вершин графа.

Формат входного файла

Входной файл содержит числа n $(1 \le n \le 100)$ — число вершин в графе и m $(1 \le m \le n(n-1)/2)$ — число ребер. Затем следует m пар чисел — ребра графа. Гарантируется, что граф не содержит петель и кратных ребер.

Формат выходного файла

Выведите в выходной файл n чисел — степени вершин графа.

Пример

input.txt	output.txt
4 4	2 2 3 1
1 2	
1 3	
2 3	
3 4	

Задача В. Остовное дерево (2 балла)

Имя входного файла: spantree.in Имя выходного файла: spantree.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Даны точки на плоскости, являющиеся вершинами полного графа. Вес ребра равен расстоянию между точками, соответствующими концам этого ребра. Требуется в этом графе найти остовное дерево минимального веса.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит натуральное число n — количество вершин графа ($1 \le n \le 5000$). Каждая из следующих n строк содержит два целых числа x_i, y_i — координаты i-й вершины ($-10\,000 \le x_i, y_i \le 10\,000$). Никакие две точки не совпадают.

Формат выходного файла

Первая строка выходного файла должна содержать одно вещественное число — вес минимального остовного дерева.

Примеры

spantree.in	spantree.out
3	2
0 0	
1 0	
0 1	

Задача С. Остовное дерево 2 (3 балла)

 Имя входного файла:
 spantree2.in

 Имя выходного файла:
 spantree2.out

 Ограничение по времени:
 2 секунды

 Ограничение по памяти:
 64 мегабайта

Требуется найти в связном графе остовное дерево минимального веса.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа n и m — количество вершин и ребер графа соответственно. Следующие m строк содержат описание ребер по одному на строке. Ребро номер i описывается тремя натуральными числами b_i, e_i и w_i — номера концов ребра и его вес соответственно ($1 \le b_i, e_i \le n, 0 \le w_i \le 100\,000$). $n \le 20\,000, m \le 100\,000$.

Граф является связным.

Формат выходного файла

Первая строка выходного файла должна содержать одно натуральное число — вес минимального остовного дерева.

Примеры

spantree2.in	spantree2.out
4 4	7
1 2 1	
2 3 2	
3 4 5	
4 1 4	

Задача D. Алгоритм двух китайцев (5 баллов) (*)

Имя входного файла: chinese.in Имя выходного файла: chinese.out Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный взвешенный граф. Покрывающим деревом с корнем в вершине u назовем множество ребер, таких что из вершины u достижима любая другая вершина v, притом единственным образом. Весом дерева назовем сумму весов его ребер.

Требуется определить, существует ли в данном графе покрыващее дерево с корнем в вершине с номером 1. В случае существование требуется определить его минимальный вес.

Формат входного файла

В первой строке входного файла два числа: n и m ($2 \le n \le 1000, 1 \le m \le 10000$), где n — количество вершин графа, а m — количество ребер.

Следующие m строк содержат описание ребер. Каждое ребро задается стартовой вершиной, конечной вершиной и весом ребра. Вес каждого ребра — целое число, не превосходящее по модулю 10^9 .

Формат выходного файла

Если покрывающее дерево существует, выведите в первой строке выходного файла YES, а во второй строке целое число — его минимальный вес. В противном случае в единственной строке выведите NO.

Примеры

chinese.in	chinese.out
2 1	NO
2 1 10	
4 5	YES
1 2 2	6
1 3 3	
1 4 3	
2 3 2	
2 4 2	