

Tema 2 laborator SDA

Problema Find-median-from-data-stream (40p)

Procesul gândirii:

Ideea Centrală:

Se utilizează două heap-uri, un max-heap și un min-heap, pentru a împărți setul de numere în două jumătăți aproximativ egale. Max-heap-ul conține jumătatea inferioară a numerelor, iar min-heap-ul conține jumătatea superioară.

Adăugarea unui Număr:

Întotdeauna se adaugă noul număr în max-heap (înmulțit cu -1 pentru a transforma min-heap-ul implicit oferit de Python în max-heap).

Se asigură că cel mai mare număr din max-heap este mai mic sau egal cu cel mai mic număr din min-heap.

Se echilibrează dimensiunile heap-urilor astfel încât să difere cu cel mult 1.

Găsirea Mediane:

Dacă unul dintre heap-uri este mai mare, mediana este elementul de top din acel heap. Dacă sunt de aceeași mărime, mediana este media celor două valori din varful heap-urilor.

Complexitate:

- 1) Complexitatea Spațiului: $O(n)$ - se păstrează toate elementele în cele două heap-uri.
- 2) Complexitatea Timpului:
 - adăugare (addNum): $O(\log n)$ - Adăugarea într-un heap este $O(\log n)$
 - găsirea Mediane (findMedian): $O(1)$ - Accesul la elementul de varf din heap se face în timp constant.

Motivația Alegerii Structurii de Date - Heap (Min-Heap si Max-Heap):

Două Heap-uri pentru Echilibru: Utilizarea a două heap-uri diferite (max și min) permite menținerea unui echilibru între jumătatea inferioară și superioară a setului de numere. Acest lucru este esențial pentru calculul rapid al mediane.

Heap-uri pentru performanță: Heap-urile sunt ideale pentru operații frecvente de inserare și obținere a maximului/minimului, așa cum este necesar pentru a rezolva eficient această problemă.