

Modelos de marcação e recaptura: delineamento robusto

Leonardo Wedekin e Paulo Inácio Prado (<http://ecologia.ib.usp.br/bie5703>)

Contents

Preparação	1
Ajuste dos modelos	1
Seleção de modelos	4
Valores das estimativas	4
Coda: refinando a seleção de modelos	6
Para saber mais	9

-
- [Arquivo em pdf](#)
 - [Arquivo em markdown](#) (para executar os comandos no R studio)
-

Preparação

Vamos usar o *RMark*, que é um pacote do R para usar o programa [MARK](#). Siga as instruções do [site do RMark](#) para instalação.

Com o RMark instalado, abra o R e carregue-o:

```
library(RMark)
```

Usaremos dados de marcação e recaptura de albatrozes (*Phoebastria immutabilis*) no atol de Midway. Foi usado o [delineamento robusto de Pollock](#), com quatro ocasiões primárias com duas ocasiões secundárias cada. [Aqui](#) há mais informações sobre este caso de estudo.

Os dados estão no formato nativo do MARK (*.inp*). Use os comandos abaixo para importá-lo para o R:

```
## Link dos dados na página da disciplina
url <- "http://ecologia.ib.usp.br/bie5703/lib/exe/fetch.php?media=roteiros:albatroz.inp"
## Importa arquivo inp
## use.comments=TRUE usa os rótulos das linhas (id dos indivíduos)
alb.raw <- convert.inp(url, use.comments=TRUE)
```

Ajuste dos modelos

Processamento dos dados

O primeiro passo é usar a função `process.data` para criar um objeto com as informações que o Mark precisa para ajustar o modelo. Uma delas é o tipo de modelo, que é indicado no argumento `model`.

Vamos usar o modelo robusto para populações fechadas, cuja a sigla no RMark é “Robust” ¹.

Para esta classe de modelos indique os intervalos de tempo com um vetor em que os zeros indicam os momentos em que a população é considerada fechada. Os elementos diferentes de zero indicam a duração de cada intervalo. Neste exercício os intervalos entre as ocasiões são todos de um ano, com duas instâncias secundárias cada, o que representamos com um vetor de valores 1 e 0. Note que omitimos o último valor, que é sempre não zero, por definição.

```
## Vetor de intervalos (zero = fechamento)
ti <- c(0, 1, 0, 1, 0, 1, 0)
## Processa os dados
alb <- process.data(data=alb.raw, model="Robust", time.intervals=ti)
```

O objeto resultante é uma lista, na qual podemos conferir o número de ocasiões primárias e secundárias, por exemplo:

```
## N de ocasiões primárias
alb$noacc
```

```
## [1] 4
```

```
## N de ocasiões secundárias em cada primária
alb$noacc.secondary
```

```
## [1] 2 2 2 2
```

Ajuste dos modelos

Para ajustar os modelos, crie listas que especificam a fórmula de cada termo. No modelo **Robust** os nomes parâmetros são:

- **S** : probabilidade de sobrevivência aparente entre capturas (S),
- **p** : probabilidade de recaptura (c),
- **GammaPrime** : probabilidade de permanecer não amostrável entre duas amostragens (γ')
- **GammaDoublePrime** : probabilidade de tornar-se não amostrável entre duas amostragens (emigração temporária, γ'')
- **f0** : número de indivíduos que não foram registrados.

Quando processamos os dados o RMark já cria algumas covariáveis para cada tipo de modelo. No modelo robusto há uma covariável chamada **session**, com um nível para cada ocasião primária de captura, e outra chama **time**, com um nível para cada intervalo entre seções primárias ².

Podemos então criar objetos com as fórmulas para diferentes combinações dessas covariáveis. Algumas possibilidades:

¹A lista de modelos implementados no RMark está no diretório onde o R instalou o pacote. Você pode consultá-lo lá ou no repositório de desenvolvimento do RMark: (<https://github.com/jlaake/RMark/blob/master/RMark/inst/MarkModels.pdf>).

²Para entender completamente isso estude o comando **make.design.data** e o objeto que ele cria, que é a uma lista de matrizes de delineamento do modelo. Se você entender este objeto saberá quais covariáveis estão disponíveis e como manipulá-las. Veja também o [apêndice sobre o RMark](#) no guia *online* do MARK.

```
## Fórmulas estatísticas para cada parâmetro do modelo
## formula para expressar um parâmetro constante
f.dot <- list(formula=~1)
## formula para expressar um parametro que varia em funcao das ocasiões primarias
f.occ <- list(formula=~1+session)
## formula para expressar um parametro que varia a cada ano
f.time <- list(formula=~1+time)
## formula para expressar os parâmetro fixos em zero
f.zero <- list(formula=~1, fixed=0)
```

Para indicar que dois parâmetros devem ser iguais, acrescente à lista `share=TRUE` ³:

```
## Fórmulas estatísticas para parametros relacionados iguais
## (usa-se para fazer
## GammaPrime = GammaDoublePrime e c = p)
## formula para expressar dois parâmetros relacionados constantes
f.dot.s <- list(formula=~1, share=TRUE)
## formula para expressar que os parametros variam em funcao das ocasiões primarias
f.occ.s <- list(formula=~1+session, share=TRUE)
## formula para expressar parametros que variam a cada ano
f.time.s <- list(formula=~1+time, share=TRUE)
## formula para expressar parametros que variam entre ocasioes secundárias
## Para os parametros de captura/recaptura
f.time2.s <- list(formula=~1+session:time, share=TRUE)
```

E usamos a função `mark` para fazer os ajustes, usando os objetos com as fórmulas:

```
alb1 <- mark(alb, model.parameters=
  list(S=f.time, GammaDoublePrime=f.time, GammaPrime=f.time,
    p=f.time2.s, f0=f.occ))
```

```
##
## Note: only 17 parameters counted of 20 specified parameters
##
## AICc and parameter count have been adjusted upward
```

```
alb2 <- mark(alb, model.parameters=
  list(S=f.time, GammaDoublePrime=f.time.s,
    p=f.time2.s, f0=f.occ))
```

```
##
## Note: only 17 parameters counted of 18 specified parameters
##
## AICc and parameter count have been adjusted upward
```

³O RMark permite reduzir pares de alguns parâmetros a uma só estimativa. No caso do modelo robusto, pode-se substituir os parâmetros γ' e γ'' por um só (*random emigration model*); e também substituir os parâmetros p e c por um único (modelo sem resposta comportamental à captura). Veja final da seção C.3 e exemplo na seção C.19 do apêndice sobre o RMark no guia *online* para mais detalhes.

```
alb3 <- mark(alb, model.parameters=
  list(S=f.time, GammaDoublePrime=f.dot, GammaPrime=f.dot,
    p=f.time2.s, f0=f.occ))
alb4 <- mark(alb, model.parameters=
  list(S=f.time, GammaDoublePrime=f.dot.s,
    p=f.time2.s, f0=f.occ))
```

```
##
## Note: only 14 parameters counted of 16 specified parameters
##
## AICc and parameter count have been adjusted upward
```

```
alb5 <- mark(alb, model.parameters=
  list(S=f.time, GammaDoublePrime=f.zero, GammaPrime=f.zero,
    p=f.time2.s, f0=f.occ))
```

Seleção de modelos

A função abaixo retorna a tabela de seleção de modelos:

```
collect.models(lx=c("alb1", "alb2", "alb3", "alb4", "alb5"))
```

```
##
## 3          S(~-1 + time)Gamma'(~1)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)      model
## 4          S(~-1 + time)Gamma'(~1)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
## 2          S(~-1 + time)Gamma'(~-1 + time)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
## 1 S(~-1 + time)Gamma'(~-1 + time)Gamma'(~-1 + time)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
## 5          S(~-1 + time)Gamma'(~1)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
##   npar      AICc  DeltaAICc      weight  Deviance
## 3   17 -103394.1    0.00000 9.999996e-01 -10978.60
## 4   16 -103363.6   30.44502 2.448768e-07 -10946.16
## 2   18 -103363.0   31.03527 1.822955e-07 -10949.57
## 1   20 -103312.9   81.14670 0.000000e+00 -10903.47
## 5   15 -102135.0 1259.01033 0.000000e+00  -9715.58
```

Valores das estimativas

Os objetos dos modelos ajustados são uma lista com todo o output do Mark. Esta lista tem um elemento `results`, com os valores dos coeficientes e muito mais ⁴:

```
names(alb3$results)
```

```
## [1] "lnl"          "deviance"      "deviance.df"
## [4] "npar"         "n"             "AICc"
## [7] "beta"         "real"          "beta.vcv"
## [10] "derived"      "derived.vcv"   "covariate.values"
## [13] "singular"     "real.vcv"
```

⁴Consulte o [apêndice sobre o RMark](#) no guia *online* do MARK.

Os coeficientes na escala da função de ligação estão no dataframe `beta` desta lista. Verifique estes valores para o modelo selecionado:

```
alb3$results$beta
```

##	estimate	se	lcl	ucl
## S:time1	2.7013505	0.1430074	2.4210559	2.9816450
## S:time2	3.0507019	0.3158040	2.4317261	3.6696778
## S:time3	5.1554390	4.3467376	-3.3641668	13.6750450
## GammaDoublePrime:(Intercept)	-0.6237963	0.0384628	-0.6991834	-0.5484093
## GammaPrime:(Intercept)	-1.4274773	0.1773299	-1.7750439	-1.0799106
## p:session1:time1	1.5319579	0.0820834	1.3710745	1.6928413
## p:session2:time1	2.1758749	0.0929148	1.9937620	2.3579878
## p:session3:time1	1.6228651	0.0714047	1.4829119	1.7628183
## p:session4:time1	0.6567499	0.0636220	0.5320508	0.7814491
## p:session1:time2	-0.2980578	0.0456686	-0.3875682	-0.2085474
## p:session2:time2	-0.1161153	0.0409353	-0.1963486	-0.0358820
## p:session3:time2	-0.1888287	0.0401248	-0.2674732	-0.1101842
## p:session4:time2	-0.6902790	0.0455414	-0.7795401	-0.6010180
## f0:session1	5.4922215	0.1085585	5.2794468	5.7049961
## f0:session2	4.9625970	0.1284609	4.7108137	5.2143803
## f0:session3	5.5807784	0.0979334	5.3888290	5.7727279
## f0:session4	6.6183319	0.0779973	6.4654573	6.7712066

Os coeficientes na escala original de probabilidades estão no dataframe `real`

```
alb3$results$real
```

##	estimate	se	lcl	ucl
## S g1 c1 c1 a0 t1	0.9371063	0.0084286	0.9184189	0.9517380
## S g1 c1 c1 a1 t2	0.9548128	0.0136255	0.9192148	0.9751486
## S g1 c1 c1 a2 t3	0.9942651	0.0247850	0.0334343	0.9999988
## Gamma'' g1 c1 c1 a0 t1	0.3489185	0.0087378	0.3319933	0.3662336
## Gamma' g1 c1 c1 a1 t2	0.1934921	0.0276728	0.1449162	0.2535229
## p g1 s1 t1	0.8222926	0.0119946	0.7975537	0.8445974
## p g1 s1 t2	0.4260323	0.0111673	0.4043028	0.4480513
## p g1 s2 t1	0.8980621	0.0085060	0.8801406	0.9135670
## p g1 s2 t2	0.4710037	0.0101994	0.4510700	0.4910305
## p g1 s3 t1	0.8351899	0.0098287	0.8150120	0.8535623
## p g1 s3 t2	0.4529326	0.0099423	0.4335275	0.4724818
## p g1 s4 t1	0.6585299	0.0143066	0.6299613	0.6859923
## p g1 s4 t2	0.3339710	0.0101300	0.3144190	0.3541108
## f0 g1 a0 s1 t0	242.7959700	26.3575680	196.3835600	300.1772700
## f0 g1 a0 s2 t0	142.9645900	18.3653550	111.2570500	183.7085900
## f0 g1 a0 s3 t0	265.2780200	25.9795770	219.0471100	321.2661800
## f0 g1 a0 s4 t0	748.6951800	58.3961820	642.7070500	872.1617000
##	fixed	note		
## S g1 c1 c1 a0 t1				
## S g1 c1 c1 a1 t2				
## S g1 c1 c1 a2 t3				
## Gamma'' g1 c1 c1 a0 t1				
## Gamma' g1 c1 c1 a1 t2				
## p g1 s1 t1				

```
## p g1 s1 t2
## p g1 s2 t1
## p g1 s2 t2
## p g1 s3 t1
## p g1 s3 t2
## p g1 s4 t1
## p g1 s4 t2
## f0 g1 a0 s1 t0
## f0 g1 a0 s2 t0
## f0 g1 a0 s3 t0
## f0 g1 a0 s4 t0
```

E os tamanhos populacionais a cada ocasião (um parâmetro derivado) estão no dataframe `derived`:

```
alb3$results$derived
```

```
##      estimate      se      lcl      ucl
## 1 2384.796 26.35757 2338.384 2442.177
## 2 2659.965 18.36536 2628.257 2700.709
## 3 2947.278 25.97958 2901.047 3003.266
## 4 3293.695 58.39618 3187.707 3417.162
```

Coda: refinando a seleção de modelos

As probabilidades de sobrevivência por ocasião estimadas pelo modelo selecionado são muito parecidas. Isso sugere que este parâmetro não varie entre ocasiões. Vamos incluir modelos com S constante em nossa seleção para verificar:

```
alb6 <- mark(alb, model.parameters=
  list(S=f.dot, GammaDoublePrime=f.time, GammaPrime=f.time,
    p=f.time2.s, f0=f.occ))
alb7 <- mark(alb, model.parameters=
  list(S=f.dot, GammaDoublePrime=f.time.s,
    p=f.time2.s, f0=f.occ))
alb8 <- mark(alb, model.parameters=
  list(S=f.dot, GammaDoublePrime=f.dot, GammaPrime=f.dot,
    p=f.time2.s, f0=f.occ))
alb9 <- mark(alb, model.parameters=
  list(S=f.dot, GammaDoublePrime=f.dot.s,
    p=f.time2.s, f0=f.occ))
alb10 <- mark(alb, model.parameters=
  list(S=f.dot, GammaDoublePrime=f.zero, GammaPrime=f.zero,
    p=f.time2.s, f0=f.occ))
```

E repetimos a seleção de modelos:

```
collect.models(lx=c("alb1", "alb2", "alb3", "alb4", "alb5",
  "alb6", "alb7", "alb8", "alb9", "alb10"))
```

```
##                                                                 model
## 3      S(~-1 + time)Gamma'(~1)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
```

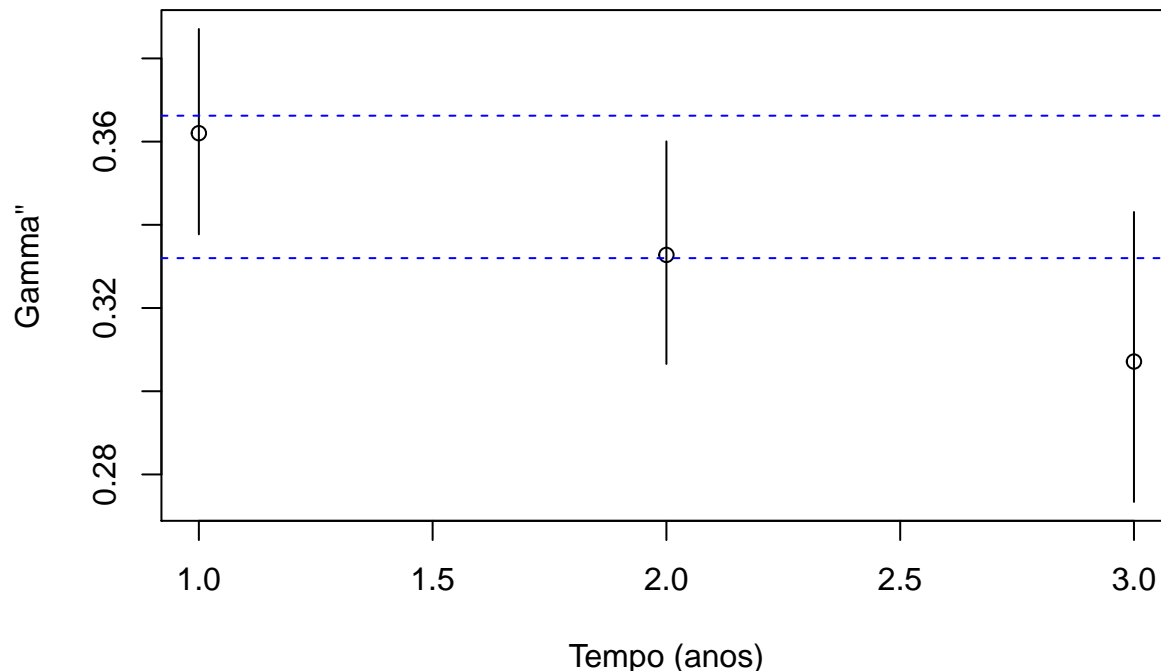
```
## 6      S(~1)Gamma'(~-1 + time)Gamma'(~-1 + time)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
## 8      S(~1)Gamma'(~1)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
## 4      S(~-1 + time)Gamma'(~1)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
## 2      S(~-1 + time)Gamma'(~-1 + time)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
## 7      S(~1)Gamma'(~-1 + time)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
## 9      S(~1)Gamma'(~1)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
## 1 S(~-1 + time)Gamma'(~-1 + time)Gamma'(~-1 + time)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
## 5      S(~-1 + time)Gamma'(~1)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
## 10     S(~1)Gamma'(~1)Gamma'(~1)p(~-1 + session:time)c()f0(~-1 + session)
##      npar      AICc    DeltaAICc      weight  Deviance
## 3      17 -103394.1      0.000000 4.690098e-01 -10978.60
## 6      18 -103393.7      0.315273 4.006095e-01 -10980.29
## 8      15 -103391.5      2.560334 1.303804e-01 -10972.03
## 4      16 -103363.6     30.445021 1.148497e-07 -10946.16
## 2      18 -103363.0     31.035273 8.549841e-08 -10949.57
## 7      16 -103362.1     31.945021 5.425114e-08 -10944.65
## 9      14 -103353.6     40.415942 7.851844e-10 -10932.17
## 1      20 -103312.9     81.146700 0.000000e+00 -10903.47
## 5      15 -102135.0    1259.010334 0.000000e+00 -9715.58
## 10     13 -102033.3    1360.751842 0.000000e+00 -9609.83
```

E agora temos o empate com um modelo com S constante mas parâmetros de migração variando com o tempo.

Será que os dois modelos plausíveis dão estimativas similares dos parâmetros de interesse? Vamos verificar.

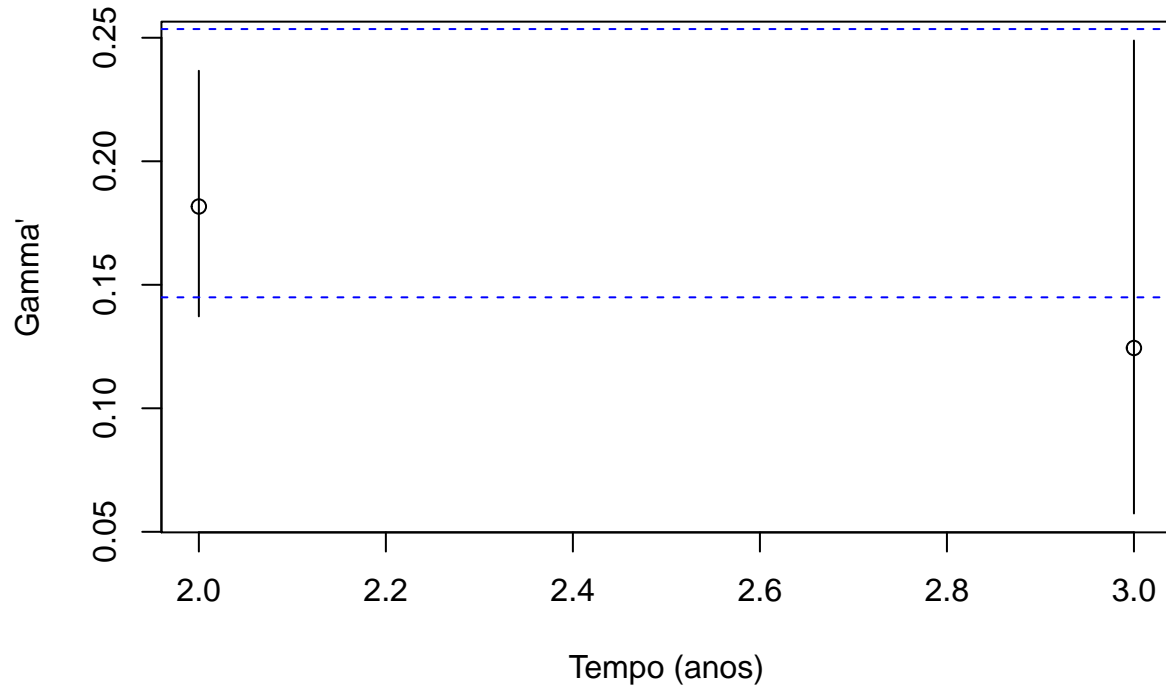
O gráfico a seguir mostra os intervalos de confiança dos valores de γ'' estimados para cada tempo pelo modelo 6 (barras pretas) e o intervalo de confiança da estimativa de γ'' constante pelo modelo 3 (linhas azuis):

```
plot(1:3, alb6$results$real[2:4,1], xlab="Tempo (anos)", ylab="Gamma'",
     ylim=range(alb6$results$real[2:4,3:4]))
segments(x0=1:3, y0=alb6$results$real[2:4,3], x1=1:3, y1=alb6$results$real[2:4,4])
abline(h=alb3$results$real[4,3:4], lty=2, col="blue")
```



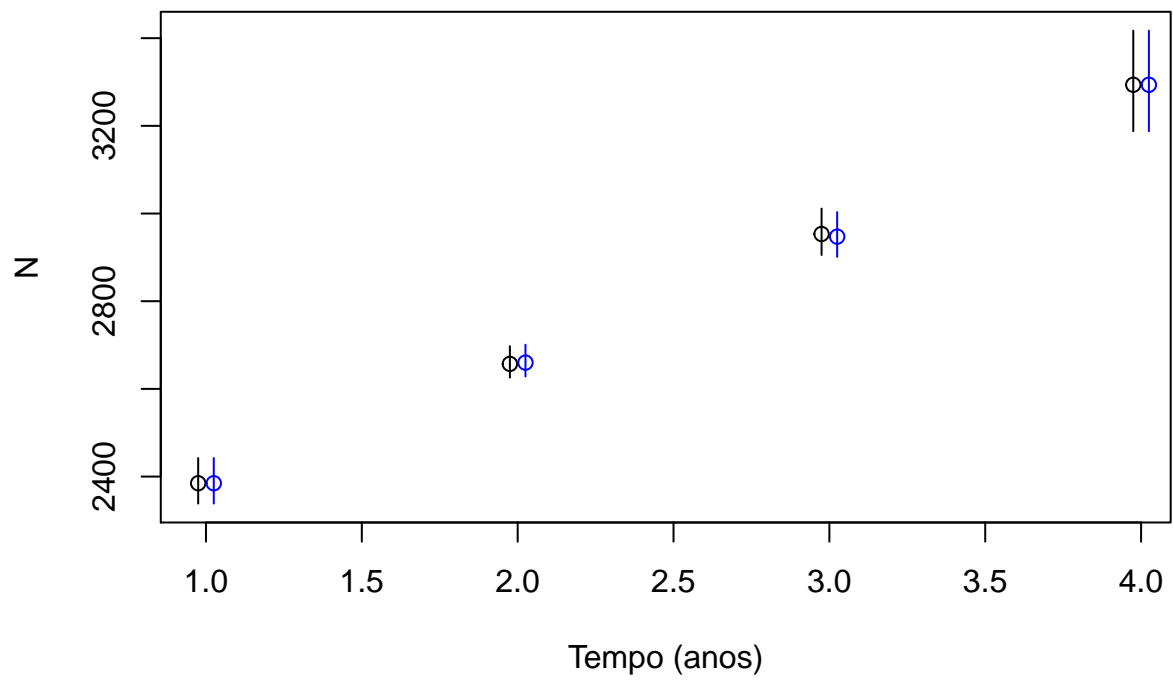
A mesma comparação para o parâmetro γ' :

```
plot(2:3, alb6$results$real[5:6,1], xlab="Tempo (anos)", ylab="Gamma'",
     ylim=range(alb6$results$real[5:6,3:4]))
segments(x0=2:3, y0=alb6$results$real[5:6,3], x1=2:3, y1=alb6$results$real[5:6,4])
abline(h=alb3$results$real[5,3:4], lty=2, col="blue")
```



E por fim comparamos as estimativas dos tamanhos populacionais

```
tempo <- (1:4) -0.025
plot(tempo, alb6$results$derived[,1], xlab="Tempo (anos)", ylab="N",
     ylim=range(alb6$results$derived[,3:4]))
segments(x0=tempo, y0=alb6$results$derived[,3], x1=tempo, y1=alb6$results$derived[,4])
tempo <- tempo + 0.05
points(tempo, alb3$results$derived[,1], col="blue")
segments(x0=tempo, y0=alb3$results$derived[,3], x1=tempo, y1=alb3$results$derived[,4], col="blue")
```

Para saber mais

- Para outro exemplo de ajuste do modelo robusto e outras funções úteis do RMark digite `?robust`
- Veja também o pacote Rcapture