# Práctica 5 : Aprendizaje no supervisado

#### Melisa Maidana Capitán

Junio 2013

#### Resumen

## 1. Aprendizaje no supervisado

La diferencia principal entre aprendizaje supervisado y aprendizaje no supervisado radica en el hecho de que en el segundo no hay realimentación a la red respecto a si las respuestas son o no correctas. La red debe descubrir por si misma patrones, características, regularidades, correlaciones o categorias en los datos de entrada y codificarlos en las salidas. En cierta forma, las unidades y conexiones deben mostrar algún grado de auto-organización.

El aprendizaje no supervisado resulta útil cuando hay redundancia en los datos de entrada a la red. El tipo de patrón que detecta una red de aprendizaje no supervisado depende de la estructura de la misma. Una red que aprende no supervisadamente puede decir cosas como

- Familiaridad : La red puede decir que tan parecido es un patrón nuevo, a otros aprendidos en el pasado. Progresivamente, la red va aprendiendo los nuevos patrones.
- Análisis de componentes principales: Construye bases o ejes a lo largo de los cuáles los ejemplos presentados son similares a los anteriores.
- Agrupamiento o clustering: Buscar patrones a partir de correlaciones en las entradas.
- Feature Mapping: Si las salidas tienen una topología determinada se pueden mapear las entradas a diferentes puntos de las salidas. Esto es arreglar una topografía para las entradas. Se espera que las salidas se auto-organicen.

#### 1.1. Análisis de componentes principales

Se realizó análisis de componentes principales de una red de cuatro entradas y una salida. La salida dada por

$$V = \sum_{j=1}^{4} \omega_j \xi_j \tag{1}$$

con distribución de probabilidad de entradas dada por

$$P(\bar{\xi}) = \frac{1}{(2\pi)^2 (\det(\Sigma))^{\frac{1}{2}}} exp(-\frac{1}{2} \bar{\xi}^T \Sigma^{-1} \bar{\xi})$$
 (2)

donde

$$\Sigma = \left(\begin{array}{cccc} 2 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 2 \end{array}\right)$$

El aprendizaje se implemetó utilizando la regla de la Oja.

$$\Delta\omega_j = \eta V(\xi_j - V\omega_j) \tag{3}$$

La Fig.(1) muestra los resultados obtenidos para los pesos asintóticos de la red, que son la dirección principal de la matriz Sigma.

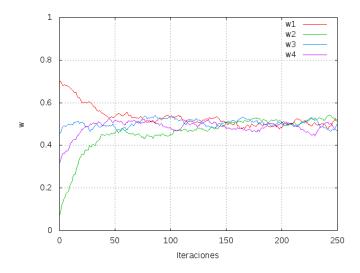


Figura 1: Valores asintóticos de los pesos que son similares a los valores del autovector correspondiente al autovalor más grande de la matriz Sigma.

### 1.2. Red neuronal de Kohonen: Feature Maping

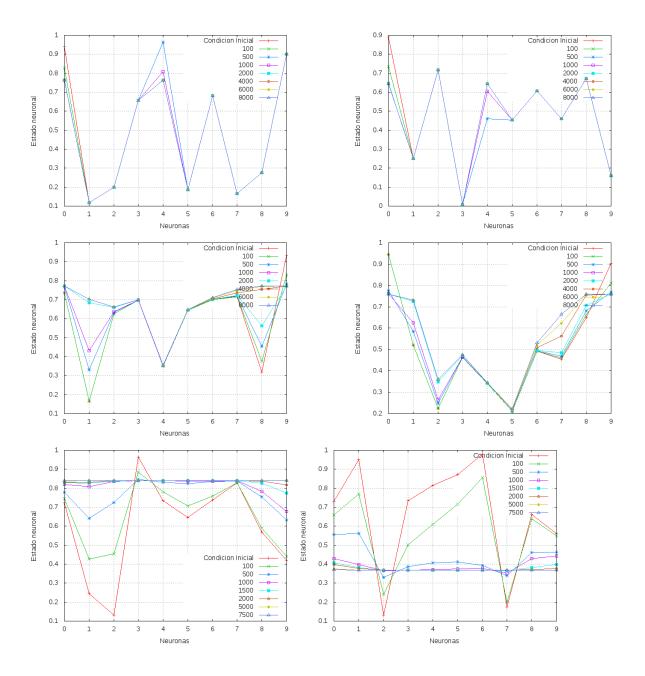
Se implementó una red neuronal de Kohonen con dos neuronas de entrada y diez neuronas de salida. Se alimentó a la red con una entrada con distribución

$$P(\bar{\xi}) = \begin{cases} constante \text{ si } r \in [0,9,0,11], \theta \in [0,\pi] \\ 0 \text{ si no} \end{cases}$$
 (4)

Además se utilizó una función de vecindad gaussina dada por  $exp^{-(i-i*)^2/2\sigma^2}$ .

La idea de este algoritmo es lograr algún tipo de organización en las neuronas de salidas que corresponda con alguna característica de las neuronas de entrada. En particular, el algoritmo . el ganador se lleva todo. aplicado a la arquitectura propuesta, lleva a que todos los pesos se organizacen tomando el valor del más grande. El algoritmo elige un ganador, y modifica las vecindades del mismo.

La Fig.(??) presenta los resultados obtenidos para la red de dos neuronas de entrada y diez de salida. Se presenta la evolución de los pesos para distinto numero de iteraciones, y para distintos valores de  $\sigma$ .



En la Fig.(??) se observa que para valores de sigma pequeños ( $\sigma=0.1$ ), los pesos de las neuronas lejanas al ganados no llegan a converguer a su valor, incluso para muchas iteraciones. Cuando aumenta el valor de  $\sigma$ , aumenta el entorno de influencia del ganador en sus vecino, de modo que afecta a vecinos más lejamos. Por eso se ve en  $\sigma=2$  que luego de un número finito de iteraciones, todos los pesos se alinean en un valor, correspondiente al del ganador (el cuál se modifica muy poco en comparación de los demás).

#### 1.3. Problema del viajante de comercio

Se programó una red neuronal con dos neuronas de entrada y N neuronas de salida, donde la salida se encuentra dispuesta en topología circular. Sin embargo, no se obtuvo un resultado razonable.

### 2. Programas en C

#### 2.1. Análisis de componentes principales

```
#define PI 3.14159
void GeneraPatron(VecDoub &z);
void ProdMatVec (MatDoub & sigma, VecDoub & z);
int main() {
         int N_IN=4;
         double eta = 0.01;
         VecDoub J(N_IN);
         VecDoub z(N_IN);
         MatDoub sigma (N_IN, N_IN);
         double v;
         for (int i=0; i < sigma.nrows(); i++){
                  for(int j=0; j \le sigma.ncols(); j++)
                           sigma[i][j]=0.309;
                  sigma[i][i]+=1;
         srand(time(0));
         for (int i=0; i< J. size(); i++)
                 J[i] = rand() *1.0/RANDMAX;
         double t=0;
         while (t < 10000)
                  v=0;
                  GeneraPatron(z);
                 ProdMatVec(sigma, z);
                  for (int i=0; i< N_IN; i++)
                           v+=J[i]*z[i];
                  for (int i=0; i< N_IN; i++){
                           J[i]+=eta*v*(z[i]-v*J[i]);
                  for (int i=0; i< N_IN; i++)
                           cout << J[i] << endl;
                  t++;
                  }
         for (int i=0; i< N_IN; i++)
                  cout \ll J[i] \ll endl;
         return 0;
void GeneraPatron (VecDoub &z) {
         double p;
         double sigma = 1.0;
         double aleat;
         double r;
```

```
int prueba;
         int n=z.size();
         for (int i=0; i< n; i++){}
                   prueba=0;
                   while (prueba==0)
                            aleat = rand()*1.0/RANDMAX;
                            p=\exp(-a \log t * a \log t / 2 * s \log m a * s \log m a) / (s \log m a * 2 * PI);
                            r=rand()*1.0/RANDMAX;
                            if (r<p)
                                      prueba=1;
                   z[i] = aleat;
                   }
         }
void ProdMatVec (MatDoub & sigma, VecDoub & z) {
         int n=z.size();
         VecDoub aux(n);
         for (int i=0; i < n; i++){
                  aux[i]=0;
                   for (int j=0; j< n; j++)
                            aux[i]+=sigma[i][j]*z[j];
         for (int i=0; i < n; i++)
                   z[i]=aux[i];
```

### 2.2. Algoritmo de Kohonen

```
void GeneraPatronUniforme(VecDoub &z);
double ProbPolar (VecDoub &z);
void InitWeigh(MatDoub &matrix);
void CalculoH (MatDoub &J, VecDoub &z, VecDoub &h);
int MaxVectorPosition(VecDoub &vec);
double Lambda(int i1, int i2, double sigma);
void CalculoDeltaJ (double eta, MatDoub & J, VecDoub & z, MatDoub & AJ, int
   winner, double sigma);
void ModificoPesos (MatDoub & pesos , MatDoub & delta);
int main(){
        int N_IN=2,N_OUT=10;
        double eta = 0.01;
        double sigma=1;
        MatDoub J(N_OUT, N_IN);
        VecDoub z(N_IN);
        MatDoub AJ(N_OUT, N_IN);
        VecDoub h(N_OUT);
        double prob=0;
```

```
srand(time(0));
        InitWeigh(J);
        while (prob==0){
                 GeneraPatronUniforme(z);
                 prob=ProbPolar(z);
                 // cout << prob << endl;
        FILE *datos;
        int winner;
        int tiempo=0;
        int tmax=10000;
        while (tiempo<tmax) {
                 CalculoH(J,z,h);
                 if (tiempo \%100 == 0){
                 string output=to_string(tiempo)+to_string("_")+to_string(
                     sigma)+to_string(".dat");
        if((datos = fopen(output.c_str(), "w")) == NULL)
             printf("No puedo abrir el archivo %.\n", output.c_str());
             exit(1);
        }
                 for (int i = 0; i < J. nrows(); i++){
                          for (int j=0; j< J. ncols(); j++)
                                   fprintf(datos," % lf \ t ", J[i][j]);
                                   fprintf(datos,"\n");
                                   }
                 winner = MaxVectorPosition(h);
                 CalculoDeltaJ (eta, J, z, AJ, winner, sigma);
                 ModificoPesos (J, AJ);
        tiempo++;
        return 0;
}
void GeneraPatronUniforme(VecDoub &z){
        int n=z.size();
    for (int i = 0; i < n; i++)
                 z[i] = rand() *1.0/RAND_MAX;
double ProbPolar (VecDoub &z) {
        int n=z.size();
        double r=0, theta;
        double p=0;
        for (int i = 0; i < n; i++)
                 r+=z[i]*z[i];
        r = sqrt(r);
        theta=atan(z[1]/z[0]);
         if (r>0.9 \&\& r<1.1 \&\& theta>0 \&\& theta<atan(1))
```

```
p=1;
        }
void InitWeigh(MatDoub &matrix){
        int n = matrix.nrows();
        int m = matrix.ncols();
        for (int i=0; i< n; i++)
                 for (int j=0; j \le m; j++)
                          matrix[i][j] = rand()*1.0/RANDMAX;
                 }
        }
void CalculoH (MatDoub &J, VecDoub &z, VecDoub &h) {
        int n=J.nrows();
        //cout << "n=" << n << endl;
        int m=J.ncols();
        //cout << "m=" << m << endl;
        for (int i=0; i < n; i++){
                 for (int j=0; j < m; j++)
                          h[i]+=J[i][j]*z[j];
                 }
        }
int MaxVectorPosition (VecDoub &vec) {
        int pos;
        int n=vec.size();
        double max;
        pos=0;
        \max = \text{vec} [0];
        for (int i=0; i < n; i++){
                 if(vec[i]>max){
                          pos=i;
                          max=vec[i];
        return pos;
        }
double Lambda(int i1, int i2, double sigma) {
        double resultado;
        double exponente;
        exponente=(i1-i2)*(i1-i2);
        exponente=sqrt (exponente);
```

```
resultado = exp(-exponente/(2*sigma*sigma));
        return resultado;
void CalculoDeltaJ(double eta, MatDoub &J, VecDoub &z, MatDoub &AJ, int
   winner, double sigma) {
        int n=J.nrows();
        int m=J.ncols();
        for (int i=0; i < n; i++)
                  for (int j=0; j \le m; j++)
                           AJ[i][j] = eta*Lambda(i, winner, sigma)*(z[j]-J[i][j]
                              ]);
        }
void ModificoPesos (MatDoub & pesos , MatDoub & delta ) {
        int n=pesos.nrows();
        int m=pesos.ncols();
        for (int i=0; i < n; i++)
                  for (int j=0; j \le m; j++)
                           pesos [i][j]+=delta[i][j];
```

#### 2.3. Problema del viajante de comercio

```
void GeneraCoordenadas(MatDoub &mat);
void InitWeigh(MatDoub &matrix);
int MaxVectorPosition(VecDoub &vec);
void OrdenaVector(VecDoub &vector, MatDoub &mat);
double Calculo Distancia (const MatDoub &mat);
int main(){
        int N_IN=2,N_OUT;
        double alpha=0.8;
        for (N_OUT=50;N_OUT<=100;N_OUT++){
                 double d = N_OUT;
                 MatDoub J(N_OUT, N_IN);
                 VecDoub z(N_IN);
                 VecDoub angulo (N_OUT);
                 VecDoub ord_ciudades (N_OUT);
                 MatDoub ciudades (N_OUT, N_IN);
                 GeneraCoordenadas (ciudades);
                 for (int i=0; i < N_OUT; i++)
                          angulo [i] = i * 4 * 1.0 * asin (1) / N_OUT;
```

```
/*FILE *coordenadas;
coordenadas=fopen("coordenadas.dat","w");
for (int i=0; i< N_OUT; i++)
         fprintf (coordenadas," %i\t %lf\t %lf\n",i,ciudades [i
            [0], ciudades[i][1]);*/
srand(time(0));
InitWeigh(J);
int winner;
int tiempo=0;
int tmax=1;
double d0=d;
while (tiempo<=tmax) {
         for (int i=0; i < ciudades.nrows(); i++){
                 VecDoub h(N_OUT);
                 for (int k=0; k< N_OUT; k++){
                          for (int j=0; j< N_IN; j++)
                                   h[k]+=J[k][j]*ciudades[i
                                       ][j];
                                   /* if (tiempo==tmax && i
                                      ==2)
                                            cout << h[k] <<
                                               endl;*/
                 winner = MaxVectorPosition(h);
                 for (int k=0; k< N_OUT; k++){
                          double dist = ((k-winner) %N_OUT);
                          if(dist \leq d)
                                   for (int j=0; j< N_IN; j++)
                                            J[k][j] = J[k][j]
                                               + alpha*(
                                               ciudades [i][j
                                               ]-J[k][j];
                                   }
         if (tiempo=tmax) {
                 double prom_cos=0,prom_sin=0,prom=0;
                 for (int j=0; j< N_OUT; j++)
                          prom_cos+=h[j]*cos(angulo[j]);
                          prom_sin+=h[j]*sin(angulo[j]);
                 prom=atan2(prom_sin, prom_cos);
                 if(prom < 0)
                          prom+=4*asin(1);
                 ord_ciudades[i]=prom;
                 }
        alpha = 0.01;
        d = d - (d0 - 1) / tmax;
        tiempo++;
}
Ordena Vector (ord_ciudades, ciudades);
double distancia = CalculoDistancia (ciudades);
```

```
cout << NLOUT << " " << distancia << endl;
         }
         return 0;
void GeneraCoordenadas(MatDoub &mat){
         int n=mat.nrows();
         int m=mat.ncols();
    for (int i = 0; i < n; i++)
                  for (int j=0; j \le m; j++)
                           \text{mat}[i][j] = \text{rand}() *1.0/\text{RAND\_MAX};
         }
void InitWeigh(MatDoub &matrix){
         int n = matrix.nrows();
         int m = matrix.ncols();
         for (int i=0; i< n; i++)
                  for (int j=0; j \le m; j++)
                           matrix[i][j] = rand()*1.0/RAND_MAX;
                  }
int MaxVectorPosition (VecDoub &vec) {
         int pos;
         int n=vec.size();
         double max;
         pos=0;
         \max = vec[0];
         for (int i=0; i < n; i++){
                  if (vec [i]>max) {
                           pos=i;
                           max=vec[i];
         return pos;
         }
void OrdenaVector(VecDoub &vector, MatDoub &mat) {
         double a, x, y;
         int n=vector.size();
         for (int j=1; j < n; j++)
                  for (int i=0; i< n-j; i++)
                           if(vector[i]>vector[i+1]){
                                    a=vector[i+1];
                                    vector[i+1] = vector[i];
```

```
vector[i]=a;
                                x=mat[i+1][0];
                                mat[i][0] = x;
                                y=mat[i+1][1];
                                mat[i+1][1] = mat[i][1];
                                mat[i][1] = y;
                        }
        }
double CalculoDistancia(const MatDoub &mat){
        int n=mat.nrows();
        double dist=0;
        for (int i=0; i< n-1; i++)
                dist = sqrt((mat[i][0] - mat[i+1][0])*(mat[i][0] - mat[i][0])
                   +1][0])+(mat[i][1]-mat[i+1][1])*(mat[i][1]-mat[i]
                   +1][1]);
        return dist;
```

## Referencias

[1] Introduction to the theory of neural computation. John Hertz, Anders Krogh, Richard G. Palmer. Westview Press (1991).