Semestrální projekt MI-PDP 2016/2017:

Paralelní algoritmus pro řešení problému maximálního bipartitiního podgrafu

${\it Martin~Melka}$ magisterské studium, FIT ČVUT, Thákurova 9, 160 00 Praha 6 ${\it May~2,~2017}$

1 Definice problému a popis sekvenčního algoritmu

1.1 Definice problému

Řešení problému maximálního bipartitního podgrafu (MBG) znamená nalézt takový podgraf H daného grafu G, který je bipartitní a jeho počet hran je maximální, tj. neexistuje žádný další bipartitní podgraf grafu G, který by měl větší počet hran než H. Množinu hran grafu H označme F.

Graf je bipartitní právě tehdy, když lze všechny jeho uzly obarvit dvěma barvami.

Jelikož je vstupní graf souvislý, lze určit spodní mez počtu hran řešení. Tou bude |F|=n-1, kde n je počet hran grafu. Toto řešení je dáno tím, že pro každý souvislý graf lze najít kostru, tedy takový podgraf, který je strom. Kostru pak stačí "zakořenit", uzly uspořádat do úrovní, jak je u stromů zvykem, a každou úroveň obarvit jinou barvou než tu předchozí.

1.2 Formát vstupních dat

Formát vstupních dat je daný zadáním:

- ullet Na prvním řádku je číslo n, určující počet hran grafu G
- \bullet Na následujících n řádcích je vždy n číslic 0 nebo 1, které reprezentují matici sousednosti grafu 1 znamená, že odpovídající uzly mezi sebou mají hranu, 0 že nemají.

1.3 Formát výstupních dat

Formát výstupních dat má následující strukturu:

```
0 <-> 8
```

Computation time: 13.0867

Kde:

- Ohraničená hodnota udává počet hran nalezeného grafu,
- množiny čísel pod Bipartite subsets ukazují, do které ze dvou množin ten který uzel patří (tj. kterými barvami jsou uzly obarveny),
- seznam dvojic čísel udává, mezi kterými uzly jsou ve výsledném grafu hrany,
- a nakonec je uveden čas v sekundách, jež byl potřeba pro dokončení výpočtu.

1.4 Popis sekvenčního algoritmu

Algoritmus řešící problém MBG sekvenčně využívá prohledávání do hloubky, případně do šířky. Detailní popis těchto metod není předmětem tohoto předmětu, jelikož už byly popsány dříve (BI-PA2, BI-ZUM, BI-EFA, BI-GRA).

K reprezentaci uzlů prohledávaného stavového prostoru jsem zvolil matici sousednosti. Z hlediska implementace to znamená to, že každý stav je reprezentován třídou Graph, jež si uchovává vlastní kopii dvourozměrného pole – matici sousednosti. Kromě toho má některé pomocné metody, například pro ověření, zda je tento graf bipartitní, spojitý, či nespojitý (metoda vrací hodnoty 1, 0, resp. –1 jako příznak těchto vlastností).

Popiste problem, ktery vas program resi. Jako vychozi pouzijte text zadani, ktery rozsirte o presne vymezeni vsech odchylek, ktere jste vuci zadani behem implementace provedli (napr. upravy heuristicke funkce, organizace zasobniku, apod.). Zminte i pripadne i takove prvky algoritmu, ktere v zadani nebyly specifikovany, ale ktere se ukazaly jako dulezite. Dale popiste vstupy a vystupy algoritmu (format vstupnich a vystupnich dat). Uvedte tabulku namerenych casu sekvencniho algoritmu pro ruzne velka data.

2 Popis paralelního algoritmu a jeho implementace v OpenMP

Popiste paralelni algoritmus, opet vyjdete ze zadani a presne vymezte odchylky, zvlaste u algoritmu pro vyvazovani zateze, hledani darce, ci ukonceni vypoctu. Popiste a vysvetlete strukturu celkoveho paralelniho algoritmu na urovni procesuu v OpenMP a strukturu kodu jednotlivych procesu. Napr. jak je naimplemtovana smycka pro cinnost procesu v aktivnim stavu i v stavu necinnosti. Jake jste zvolili konstanty a parametry pro skalovani algoritmu. Struktura a semantika prikazove radky pro spousteni programu.

3 Popis paralelniho algoritmu a jeho implementace v MPI

Popiste paralelni algoritmus, opet vyjdete ze zadani a presne vymezte odchylky, zvlaste u algoritmu pro vyvazovani zateze, hledani darce, ci ukonceni vypoctu. Popiste a vysvetlete strukturu celkoveho paralelniho algoritmu

na urovni procesuu v MPI a strukturu kodu jednotlivych procesu. Napr. jak je naimplemtovana smycka pro cinnost procesu v aktivnim stavu i v stavu necinnosti. Jake jste zvolili konstanty a parametry pro skalovani algoritmu. Struktura a semantika prikazove radky pro spousteni programu.

4 Namerene vysledky a vyhodnoceni

- 1. Zvolte tri instance problemu s takovou velikosti vstupnich dat, pro ktere ma sekvencni algoritmus casovou slozitost kolem 5, 10 a 15 minut. Pro mereni cas potrebny na cteni dat z disku a ulozeni na disk neuvazujte a zakomentujte ladici tisky, logy, zpravy a vystupy.
- 2. Merte paralelni cas pri pouziti $i=2,\cdot,32$ procesoru na siti Ethernet.
- 3. Z namerenych dat sestavte grafy zrychleni S(n, p). Zjistete, zda a za jakych podminek doslo k superlinearnimu zrychleni a pokuste se je zduvodnit.
- 4. Vyhodnodte komunikacni slozitost dynamickeho vyvazovani zateze a posudte vhodnost vami implementovaneho algoritmu pro hledani darce a deleni zasobniku pri reseni vaseho problemu. Posudte efektivnost a skalovatelnost algoritmu. Popiste nedostatky vasi implementace a navrhnete zlepseni.
- 5. Empiricky stanovte granularitu vasi implementace, tj., stupen paralelismu pro danou velikost reseneho problemu. Stanovte kriteria pro stanoveni mezi, za kterymi jiz neni ucinne rozkladat vypocet na mensi procesy, protoze by komunikacni naklady prevazily urychleni paralelnim vypoctem.

5 Zaver

Celkove zhodnoceni semestralni prace a zkusenosti ziskanych behem semestru.

6 Literatura

A Navod pro vkladani grafu a obrazku do Texu

Nejjednodussi zpusob vytvoreni obrazku je pouzit sunovsky graficky editor xfig, ze ktrereho lze exportovat latex formaty (v poradi prosty latex, latex s macry epic, eepic, eepicemu) a postscript formaty, uvedene poradi odpovida rustu komplikovanosti obrazku (postscript umi jakykoliv obrazek, prosta latex macra pouze jednoduche, epic makra neco mezi, je treba vyzkouset). Nasleduji priklady pro vsechny pripady.

Obrazek v postscriptu, vycentrovany a na celou sirku stranky, s popisem a cislem. Vsimnete si, jak ridit velikost obrazku.

Vypustenim zavorek figure dostanete opet pouze ramecek v textu bez cisla a popisu.

ktere meni meritko rastru obrazku, Tyto prikazy je ale soucasne nutne vyhodit ze souboru, ktery xfig vygeneroval.

Pro vytvareni grafu lze pouzit program gnuplot, ktery umi generovat postscriptovy soubor, ktery vlozite do Texu vyse uvedenym zpusobem.