

Тема 4. Распространение электромагнитных волн в различных средах

Лекция 17. Электромагнитные волны над земной поверхностью.

1. Формула идеальной радиопередачи

Реальные условия распространения сложны и многообразны, поэтому полностью их учесть не представляется возможным. В связи с этим рассмотрим идеализированный случай, т.е. будем рассматривать земную атмосферу как неограниченное свободное пространство. При этом не учитывается ни влияние земли, ни влияние газов атмосферы.

Пусть источником электромагнитной волны в свободном пространстве является антенна. Известны: излучаемая мощность P ; нормированная характеристика направленности $F(\theta)$ и коэффициент направленного действия D . Требуется определить напряженность поля $E(M)$ в точке наблюдения M , находящейся в дальней зоне.

Для решения задачи воспользуемся рис. 6. Вначале определим максимальную напряженность поля $E_{\text{макс}}(M_0)$ в точке M_0 на расстоянии r от антенны.

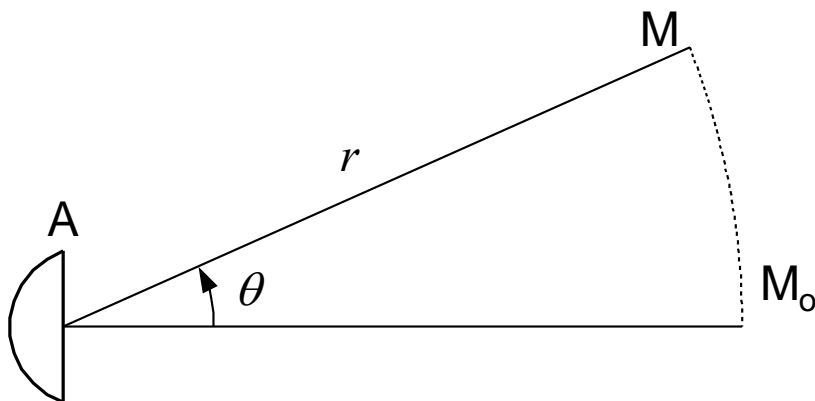


Рис. 6

Такая напряженность может быть создана направленной антенной, если она излучает мощность $P_0 = PD$. Мощность, излучаемую направленной антенной определить по известной средней плотности потока мощности $|\vec{P}|$

$$P_0 = |\vec{P}| S_{cf}, \quad (1)$$

где S_{cf} – площадь сферы с центром в точке стояния антенны и проходящая через точку M_0

$$|\vec{P}| = \frac{E_{\text{макс}}^2}{240\pi},$$

$$P_0 = \frac{E_{\text{макс}}^2}{240\pi} 4\pi r^2 = \frac{E_{\text{макс}}^2 r^2}{60}.$$

Отсюда с учетом $P_0 = PD$

$$E_{\text{макс}}(M_0) = \frac{\sqrt{60PD}}{r}. \quad (2)$$

Теперь определим напряженность поля в точке M

$$E(M) = E_{\text{макс}}(M_0)F(\theta). \quad (3)$$

Если поставить в выражение (3) значение $E_{\text{макс}}(M_0)$ получим

$$E(M) = \frac{\sqrt{60PD}}{r} F(\theta). \quad (4)$$

Это выражение называется формулой идеальной радиопередачи. Необходимо выяснить в каких случаях его можно использовать для расчета напряженности поля в реальных условиях.

Формула (4) не учитывает влияния земли. Его нужно учитывать в тех случаях, когда земля облучается прямой волной, если такого облучения нет земля не будет оказывать влияния на напряженность поля в точке наблюдения. Экранирующее действие земли проявляется при нахождении точки наблюдения в области тени. Ослабление волн в тропосфере можно пренебречь, если $\lambda > 0.03 \dots 0.05$ м. Влияние ионосферы проявляется в возникновении пространственных волн $\lambda > 5 \dots 10$ м.

Выводы:

Формула идеальной радиопередачи применима для расчета амплитуды напряженности поля в реальной атмосфере при выполнении следующих условий.

Длина волны электромагнитных колебаний находится в пределах $(0,03 \dots 0,05) < \lambda < (5 \dots 10)$ м.

Точка наблюдения лежит в области прямой видимости.

Антенна имеет узкую диаграмму направленности и ориентирована так, что не облучает землю (остронаправленные антенны).

2. Область, существенная для распространения радиоволн. Зоны Френеля

С помощью понятия области, существенной для распространения радиоволн, можно установить условия, при выполнении которых предмет,

находящийся в пространстве, окружающим антенну, будет существенно влиять на поле в заданной точке наблюдения.

Областью существенной для распространения радиоволн из точки A в точку M (рис. 7) называется область, охватывающая отрезок прямой AM и обладающая тем свойством, что тело достаточно больших размеров, непрозрачное для радиоволн, находясь внутри этой области, оказывает существенное влияние на значение напряженности поля в точке M и такое же тело вне этой области оказывает несущественное влияние на напряженность поля в точке M .

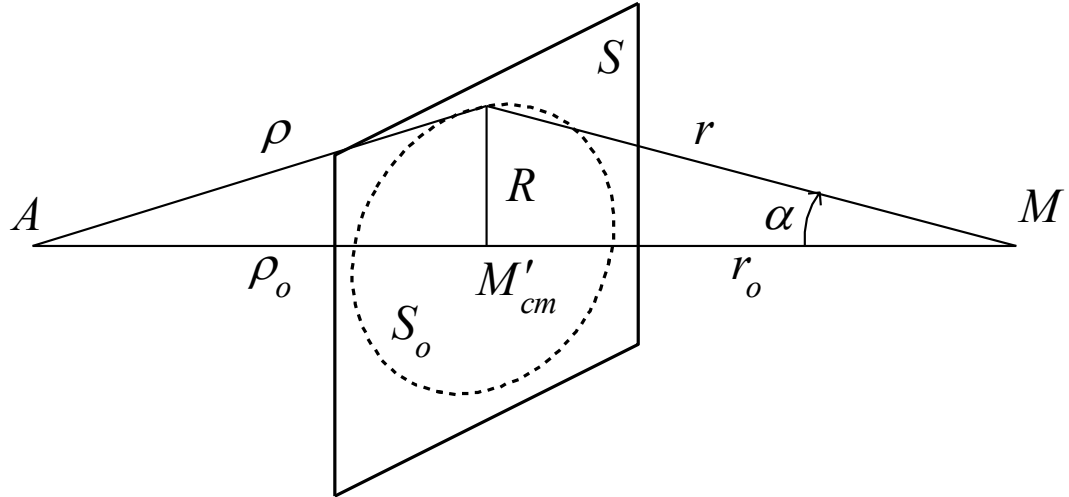


Рис. 7

Определим напряженность поля в точке наблюдения с помощью формулы Кирхгофа для плоскости

$$U(M) = \frac{ik}{2\pi} \int_S U(M') \cos \alpha \frac{e^{-ikr}}{r} ds, \quad (5)$$

где α - угол между нормалью \vec{n} к поверхности S и прямой MM' рис. 7,

$U(M')$ вычисляется по формуле идеальной радиопередачи

$$U(M') = E_0 F(M') \frac{e^{-ik\rho}}{\rho}.$$

Если подставить это выражение в (5) получим:

$$U(M) = \frac{ik}{2\pi} E_0 \int_S F_U(M') e^{-ik\varphi(M')} ds, \quad (6)$$

где $F_U(M') = \frac{F(M') \cos \alpha}{\rho r};$

$$\varphi(M') = -(\rho + r).$$

Анализируя решение (6) можно прийти к выводу, что для любой плоскости S , перпендикулярной линии AM существует участок S_0 в виде

круга (первая зона Френеля), который является существенным для распространения радиоволн, поскольку через этот участок проходит большая часть энергии волны. Радиус участка определяется по формуле

$$R = \sqrt{\frac{\lambda r_o \rho_o}{2(r_o + \rho_o)}}. \quad (7)$$

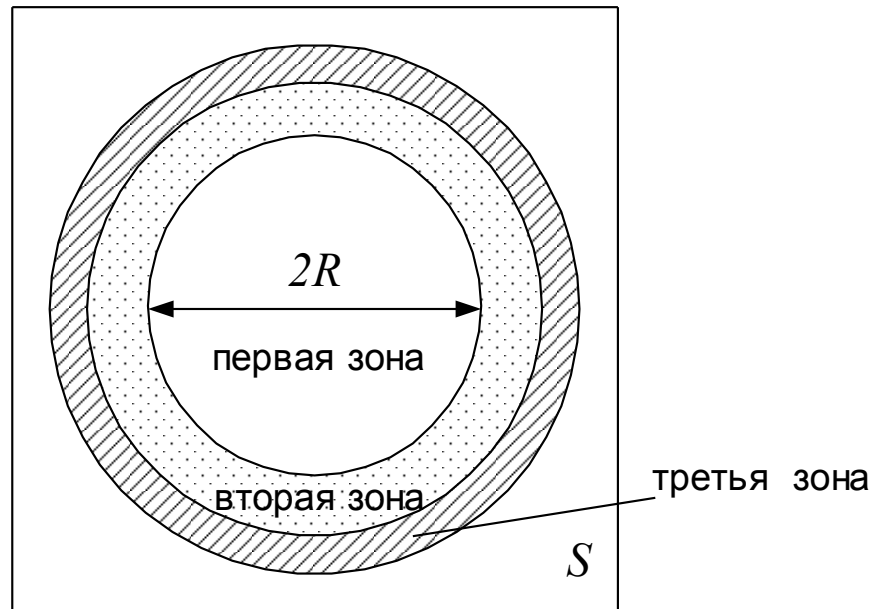


Рис. 8

По мере приближения плоскости S к антенне или точке наблюдения радиус R уменьшается. С другой стороны если рассмотреть плоскость, проходящую через линию AM , то область, в которой распространяется существенная часть энергии, излученной антенной, ограничена эллипсом. Следовательно, область, существенная для распространения радиоволн представляет собой эллипсоид вращения, в одном фокусе которого находится антенна, а в другом – точка наблюдения (рис. 9). Размер поперечного сечения эллипсоида можно определить по формуле (7).

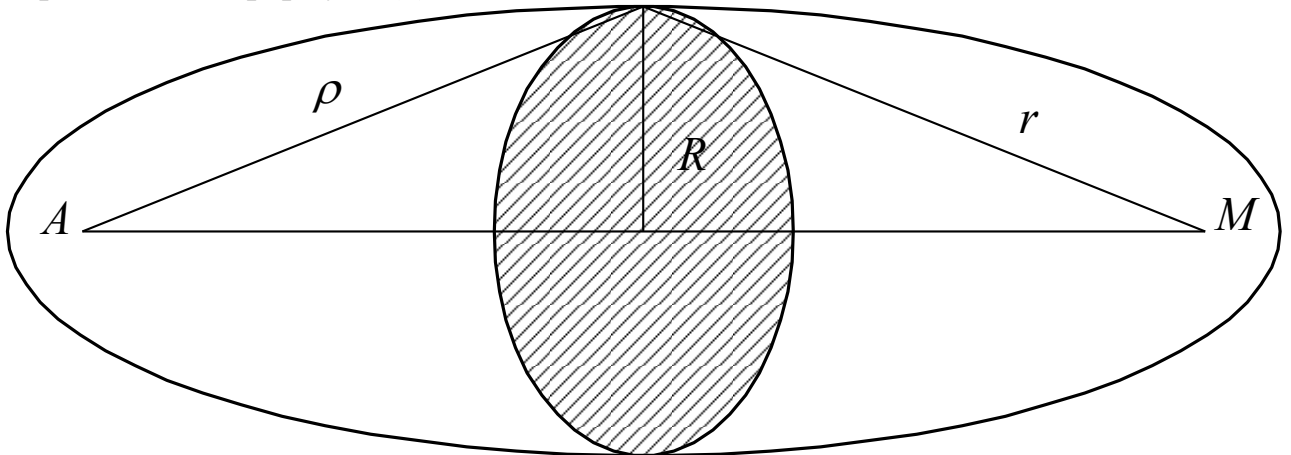


Рис. 9

Тело, непрозрачное для радиоволн, излученной антенной A , окажет существенное влияние на напряженность поля в точке наблюдения M если: оно полностью или частично находится внутри существенной области; размеры сечения части тела плоскостью перпендикулярной AM соизмеримы или равны размерам участка S_0 .

Выводы:

1.) При распространении радиоволн между антенной и точкой находится область существенная для распространения радиоволн. Сечение этой области картинной плоскостью образует окружность, которая называется первой зоной Френеля.

2.) Радиус первой зоны Френеля увеличивается с увеличением длины волны и максимален в точке равноудаленной от антенны и точки наблюдения.

3. Постановка задачи и ее решение при отражении радиоволн от плоской земной поверхности

Рассмотрим идеализированный случай, при котором будем считать земную поверхность плоской. Это позволяет упростить решение задачи РРВ и соответствует реальной ситуации, когда расстояние от РЛС до цели невелико (несколько десятков километров). Пусть над плоской землей в свободном пространстве установлена антенна, излучающая радиоволны.

Известны: P – мощность излучения;

D – КНД;

$F(\theta)$ – нормированная характеристика направленности;

λ – длина волны;

$\epsilon_z, \mu_z, \sigma_z$, – электрические параметры земли;

положение и ориентация антенны;

поляризация;

положение точки наблюдения.

Требуется определить комплексную амплитуду напряженности поля волны, отраженной от земли в точке наблюдения M (рис. 1).

Пусть h_a – высота антенны над землей,

L – наибольший линейный размер антенны.

Будем полагать, что

$$h_a \gg \lambda, h_a \gg L, \quad (1)$$

то есть земля по отношению к антенне находится в дальней зоне. Введение этого условия упрощает решение задачи.

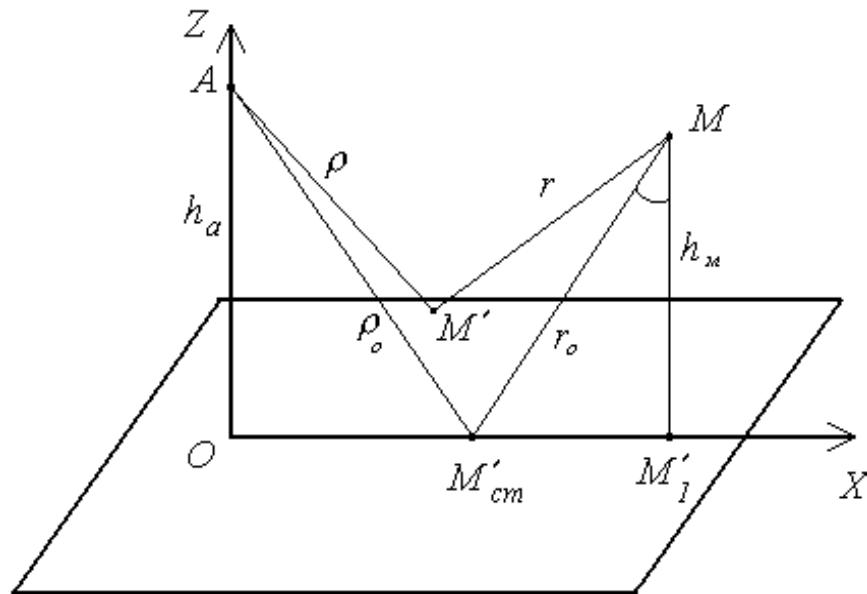


Рис. 1

Решение задачи 1. Определим напряженность поля падающей волны на поверхность земли в точке M' .

$$E_n(M') = \frac{\sqrt{60 \cdot P \cdot D}}{\rho} \cdot F(M'),$$

где $F(M')$ - значение характеристики направленности в направлении на точку M' .

Учитывая условие (1) будем считать падающую на поверхность волну сферической и для нее фазовый множитель будет иметь вид: $e^{-ik\rho}$. Окончательно напряженность поля падающей волны в точке M' определим с помощью выражения:

$$E_n(M') = \frac{\sqrt{60 \cdot P \cdot D}}{\rho} \cdot F(M') \cdot e^{-ik\rho}. \quad (2)$$

2. Определим амплитуду напряженности поля отраженной волны в точке M' на поверхности S .

$$E_{отр}(M') = \frac{\sqrt{60 \cdot P \cdot D}}{\rho} \cdot P(M') \cdot F(M') \cdot e^{-ik\rho}. \quad (3)$$

где $P(M')$ коэффициент отражения в точке M' .

При этом учитываются следующие закономерности отражения:

а) поляризация отраженной волны такая же, как и падающей;

б) вектор $\vec{E}_{отр}$ перпендикулярен к направлению распространения отраженной волны;

в) угол падения волны равен углу отражения.

На рис. 1 показана ориентация вектора \vec{l}^o , который совпадает с направлением $\vec{E}_{отр}$ в точке M' для случаев вертикальной ($\vec{l}^o = \vec{l}^o_e$) и горизонтальной ($\vec{l}^o = \vec{l}^o_z$) поляризации. Теперь перепишем выражение (3) с учетом поляризации отраженной волны.

$$\vec{E}_{отр}(M') = \frac{\sqrt{60 * P * D}}{\rho} * P(M') * F(M') * e^{-ik\rho} \vec{l}^o. \quad (4)$$

3. На основании полученного значения амплитуды напряжённости поля отраженной волны на поверхности S в точке M' определим напряженность поля в точке наблюдения M . Для этого следует использовать формулу Кирхгофа для плоскости

$$U(M) = \frac{ik}{2\pi} \int_{S_n} U(M') \cos \alpha \frac{e^{ikr}}{r} ds, \quad (5)$$

где $U(M)$ - любая составляющая поля в точке наблюдения M' ;

$\alpha = \frac{\pi}{2} - \theta$ - угол, отсчитываемый от оси Z до направления на точку отражения.

Используя выражение (5), подставляя в него значение $\vec{E}_{отр}(M')$ из формулы (4) и применяя метод стационарной фазы, получим выражение, описывающее напряженность поля в точке наблюдения M

$$\vec{E}_{отр}(M) = \sqrt{60PD} * P(M'_{cm}) * F(M'_{cm}) * \frac{e^{-ik(\rho_o + r_o)}}{\rho_o + r_o} \vec{l}^o_{cm}. \quad (6)$$

где M'_{cm} - точка стационарной фазы;

$F(M'_{cm})$ - ДН в направлении на M'_{cm} ;

$P(M'_{cm})$ - коэффициент отражения для точки M'_{cm} ;

\vec{l}^o_{cm} - единичный вектор, направленный вдоль вектора $\vec{E}_{отр}(M'_{cm})$.

Точка M'_{cm} совпадает с точкой отражения, определяемой законами геометрической оптики.

Проанализируем полученное выражение. Определим тип отраженной волны, для чего найдем уравнение поверхности равных фаз. Фаза напряженности поля, с точностью до слагаемого $\arg P(M'_{cm}) = const$

равна $-k(\rho_o + r_o)$, $k = const$. Следовательно, поверхность равных фаз удовлетворяет уравнению $\rho_o + r_o = const$.

Это уравнение описывает поверхность сферы с центром в точке A_I , проходящей через точку наблюдения M (рис. 2). Точка A_I представляет собой точку зеркального отображения положения антенны A относительно поверхности земли. Отсюда следует, что отраженная волна сферическая.

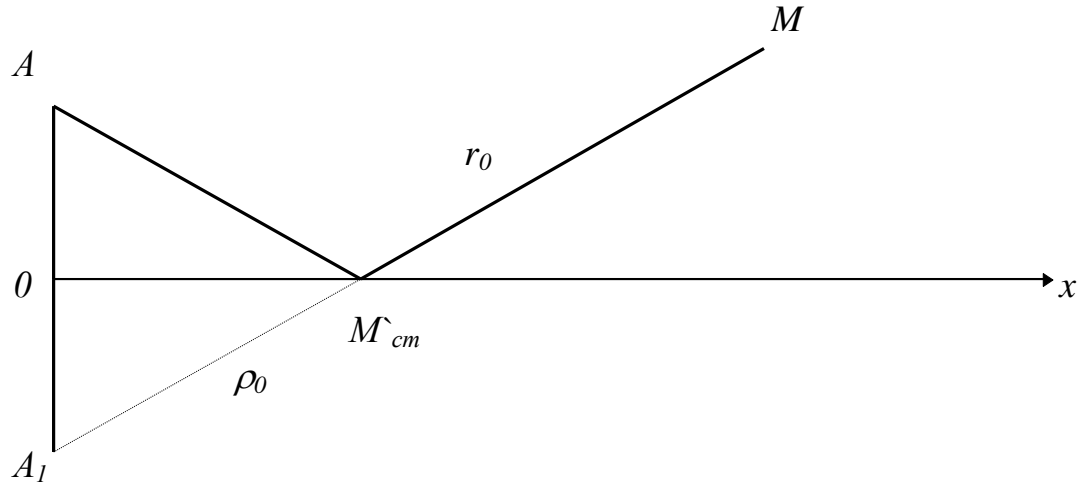


Рис. 2

В силу законов отражения поляризация прямой волны совпадает с поляризацией сферической отраженной волны. Амплитуда напряженности поля отраженной волны определяется значением ХН в направлении на точку стационарной фазы $F(M'_{cm})$ и модулем коэффициента отражения.

Выводы:

- 1.) Поле отраженной волны определяется по формуле идеальной радиопередачи с учетом умножения на коэффициент отражения.
- 2.) Волна, отраженная от плоской земной поверхности – сферическая.

4. Область, существенная для отражения радиоволн

Ранее полагалось, что отражающая поверхность плоская. Реальная земная поверхность является поверхностью сложной формы с неровностями. Возникает вопрос, при каких условиях влияние неровностей будет мало? Рассмотрим неровность на отражающей поверхности в виде выступа (рис. 3).

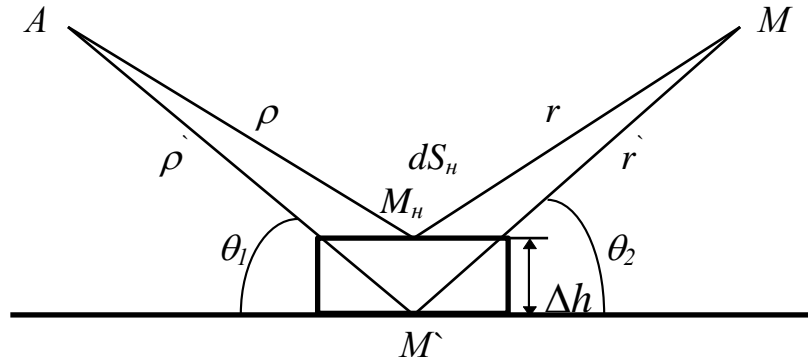


Рис. 3

Теперь определим величину неровности, которая может оказать влияние на поле отраженной волны. В соответствии с принципом Гюйгенса каждый элемент dS_h (рис. 3) может рассматриваться как источник элементарной отраженной сферической волны. Фаза напряженности поля волны в точке M с точностью до слагаемого

$arg p = const$ равна $\Phi_h = -k(\rho + r)$.

Если неровность отсутствует, то фаза равна $\Phi = -k(\rho' + r')$.

Разность фаз волн, отраженных от неровностей и от идеальной отражающей поверхности определяется выражением

$$\Delta\Phi = \Phi_h - \Phi = k[(\rho' - \rho) + (r' - r)]. \quad (7)$$

Неровности оказывают существенное влияние, если выполняется неравенство

$$\Delta\Phi = k[(\rho' - \rho) + (r' - r)] \geq \frac{\pi}{2}.$$

На основании рис. 3 можно записать следующие выражения

$$\rho' - \rho = \Delta h \sin \theta_1; \quad r' - r = \Delta h \sin \theta_2.$$

Так как рассматриваемая неровность лежит в пределах близких к точке отражения, то приближенно можно считать $\theta_1 \approx \theta_2 \approx \theta$. С учетом этого можно записать

$$\Delta h \geq \frac{\lambda}{8 \sin \theta}. \quad (8)$$

На основании выводов, сделанных при рассмотрении области существенной для РРВ, можно считать, что область существенная для отражения представляет собой сечение эллипсоида вращения области существенной для распространения волн в точке A' к точке M плоскостью S рис. 4. Границей области является эллипс.

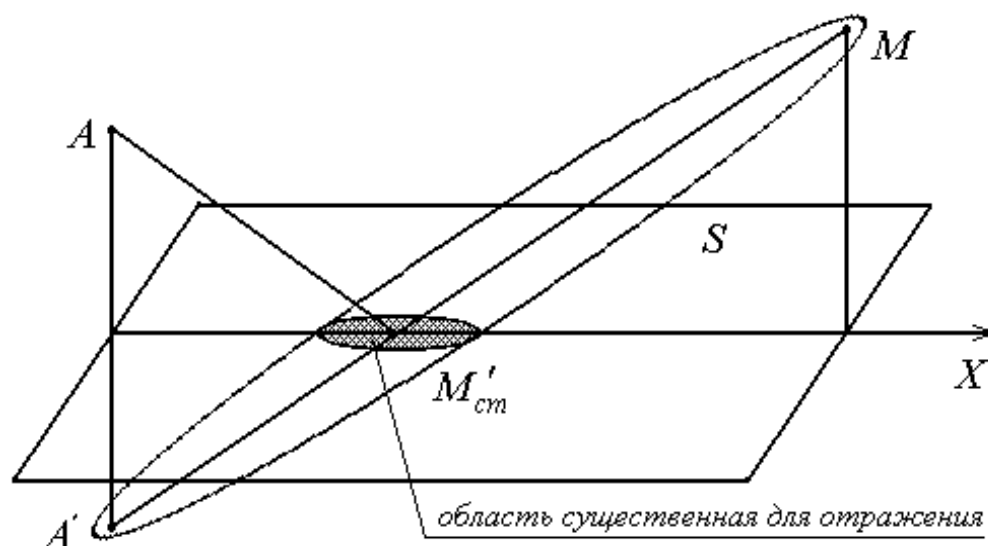


Рис. 4

Выводы:

1. Область существенная для отражения представляет собой часть отражающей поверхности, ограниченной эллипсом. Внутри эллипса лежит точка отражения.

2. Положение и размеры эллипса зависят от положения источника радиоволн и точки наблюдения относительно отражающей поверхности и друг друга.

3. Неровности отражающей поверхности оказывают существенное влияние, если их высота удовлетворяет неравенству (8), и они располагаются в пределах существенной области, а также, если они занимают на существенной области площадь, соизмеримую с ее размерами. Если хотя бы одно из этих условий не выполняется, то землю можно считать плоской.

5. Постановка задачи и ее решение при РРВ над плоской Землей

Пусть в свободном пространстве над плоской землей S находится передающая антенна A (рис. 1).

Известны: P – излучаемая мощность;

λ – длина волны;

$F(\theta, \varphi)$ – нормированная характеристика направленности;

h_a – высота подъема антенны над землей.

Определим амплитуду напряженности поля волны, излученной волны, в точке наблюдения M . Будем полагать, что

$$h_a \gg \lambda, \quad r \gg h_a. \quad (1)$$

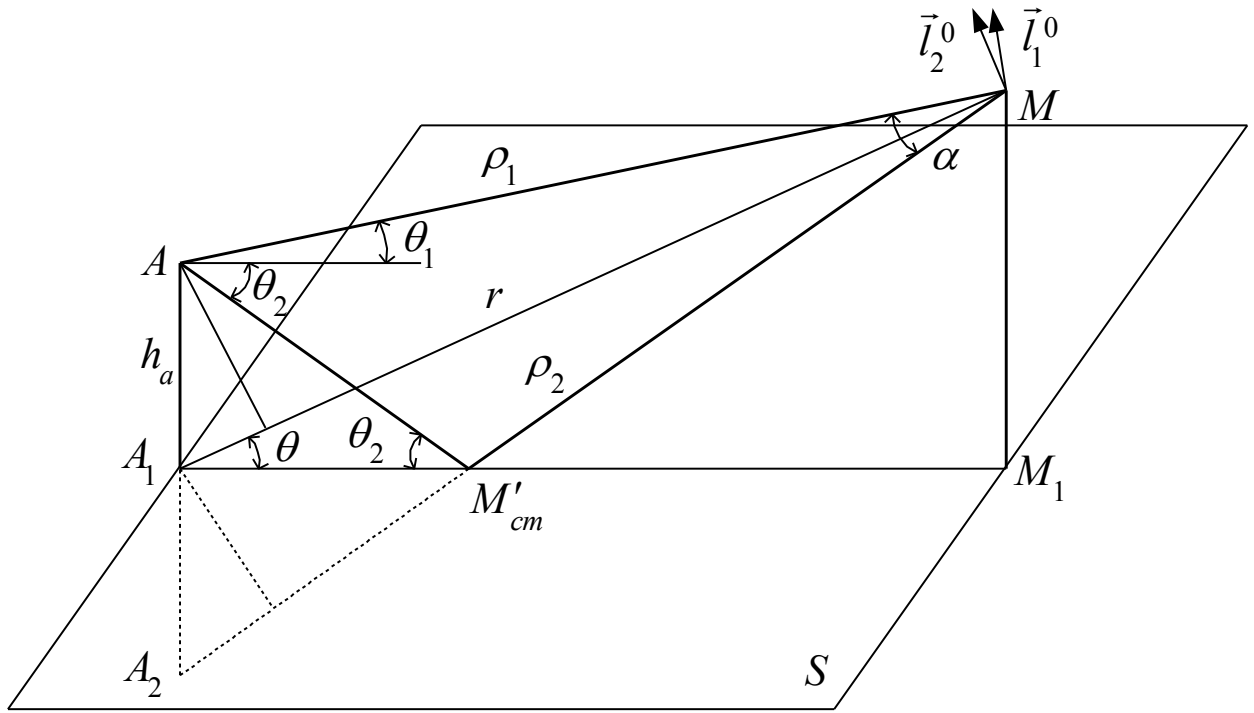


Рис. 1

Решение задачи

Комплексная амплитуда напряженности электрического поля в точке наблюдения M будет равна сумме напряженностей прямой \vec{E}_1 и отраженной волны \vec{E}_2

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2. \quad (2)$$

По формуле идеальной радиопередачи определим амплитуду прямой волны

$$\vec{E}_1 = \frac{\sqrt{60PD}}{\rho_1} F(M) e^{-ik\rho_1} \vec{l}_1^0, \quad (3)$$

где \vec{l}_1^0 – единичный вектор, совпадающий с \vec{E}_1 по направлению.

Величину \vec{E}_2 определим по формуле

$$\vec{E}_2 = \frac{\sqrt{60PD}}{\rho_2} P(M'_{cm}) F(M'_{cm}) e^{-ik\rho_2} \vec{l}_2^0, \quad (4)$$

где $\rho_2 = A_2M$,

\vec{l}_2^0 – единичный вектор, совпадающий с \vec{E}_2 по направлению,

$P(M'_{cm})$ – коэффициент отражения в точке стационарной фазы,

$F(M'_{cm})$ – характеристика направленности в направлении на точку стационарной фазы.

Выражения (3) и (4) можно упростить. Векторы \vec{l}_1^0 и \vec{l}_2^0 в точке наблюдения M в общем случае не совпадают. Однако, учитывая условия (1) будем полагать, что угол α стремится к нулю, поэтому эти векторы можно считать параллельными в дальней зоне.

С учетом условия (1) запишем: $\rho_1 = \rho_2 = r$.

С учетом указанных упрощений, подставляя (3) и (4) в (2) получим:

$$\vec{E} = \frac{\sqrt{60PD}}{r} \left[F(M) + P(M'_{cm}) F(M'_{cm}) e^{-ik(\rho_2 - \rho_1)} \right] e^{-ik\rho_1} \vec{l}_1^0. \quad (5)$$

Анализируя рис. 1 можно выразить $(\rho_2 - \rho_1)$ в следующем виде: $\rho_2 \approx r + h_a \sin \theta_2$; $\rho_1 = r - h_a \sin \theta_1$; $\rho_2 - \rho_1 = 2h_a \sin \theta$. Учитывая условия (1) считаем, что $\theta_1 \approx |\theta_2| \approx \theta$. Поскольку точки M и M'_{cm} имеют одинаковый азимут, то $F(M) = F(\theta)$, $F(M'_{cm}) = F(\theta_2)$. С учетом последних замечаний и, используя формулу модуля суммы двух комплексных величин, получим новый вид выражения (5)

$$\vec{E} = \frac{\sqrt{60PD}}{r} \sqrt{F^2(\theta) + |P|^2 F^2(\theta_2) + 2|P|F(\theta)F(\theta_2) \cos\left(\frac{4\pi h_a}{\lambda} \sin \theta + \arg P\right)} \vec{l}_1^0. \quad (6)$$

Формула (6) является решением поставленной задачи. Она описывает напряженность поля в точке наблюдения. Для вычисления основных закономерностей распространения радиоволн над плоской землей необходимо проанализировать выражение (6).

Выводы: Напряженность поля в точке наблюдения образованная прямой и отраженной волной зависит от:

- * характеристики направленности антенны,
- * коэффициента отражения от земной поверхности,
- * от отношения высоты антенны и длины волны.

6. Отражательные формулы и область их применения

Рассмотрим частные случаи, позволяющие упростить формулу (6).

Случай А.

Пусть ширина диаграммы направленности антенны больше чем $\theta_2 + \theta_1$, диаграмма симметрична и ее максимум направлен параллельно земле. В этом случае считаем, что и выражение (6) при $F(\theta) \approx F(\theta_2)$ примет вид

$$\vec{E} = \frac{\sqrt{60PD}}{r} F(\theta) \sqrt{1 + |P|^2 + 2|P| \cos\left(\frac{4\pi h_a}{\lambda} \sin \theta + \arg P\right)} \vec{l}_1^0. \quad (7)$$

Случай Б.

Если $\theta \leq 45...60^\circ$ при всех возможных параметрах земли можно считать

$$|P| \approx 1, \arg P \approx \pi.$$

При этом выражение (7) преобразуется следующим образом

$$\vec{E} = \frac{\sqrt{60PD}}{r} F(\theta) \sqrt{2 - 2 \cos\left(\frac{4\pi h_a}{\lambda} \sin \theta\right)} \vec{l}_1^0.$$

Учитывая, что

$$1 - \cos\left(\frac{4\pi h_a}{\lambda} \sin \theta\right) = 2 \sin^2\left(\frac{2\pi h_a}{\lambda} \sin \theta\right),$$

имеем

$$\vec{E} = \frac{2\sqrt{60PD}}{r} F(\theta) \sin\left(\frac{2\pi h_a}{\lambda} \sin \theta\right) \vec{l}_1^0. \quad (8)$$

Полученные выражения (6), (7) и (8) называются отражательными или интерференционными формулами.

Выводы:

Отражательные формулы применимы для расчета напряженности поля в реальных условиях, если выполняются следующие требования.

Точка наблюдения находится в пределах области прямой видимости относительно антенны.

Длина волны $\lambda > 3...5$ см, когда можно пренебречь ослаблением и рассеянием радиоволн в тропосфере.

Высота антенны $h_a \gg \lambda$ и расстояние между антенной и точкой наблюдения $r \gg h_a$.

Угол возвышения точки наблюдения удовлетворяет неравенству $\theta > \frac{0.5...0.7}{\sqrt{\pi a / \lambda}}$, где a – радиус земли.

В пределах области существенной для отражения, неровности земной поверхности Δh достаточно малы, т.е. $\Delta h \leq \frac{\lambda}{8 \sin \theta}$.

Удовлетворяются требования, соответствующие случаям А и Б (\Rightarrow ширина диаграммы направленности антенны больше чем $\theta_2 + \theta_1$, диаграмма симметрична и ее максимум направлен параллельно земле; $\Rightarrow \theta \leq 45...60^\circ$ и $|P| \approx 1, \arg P \approx \pi$).

7. Влияние Земли на характеристику направленности антенны

Поскольку распределение напряженности поля, излученного антенной, описывается характеристикой направленности, рассмотрим влияние земли на РРВ как влияние на характеристику направленности.

Воспользуемся выражением (6). Если в нем опустить множители, не зависящие от θ , получим уравнение характеристики направленности антенны с учетом влияния земли

$$f_{a+z}(\theta) = \sqrt{F^2(\theta) + |P|^2 F^2(\theta_2) + 2|P|F(\theta)F(\theta_2)\cos(\frac{4\pi h_a}{\lambda}\sin\theta + \arg P)}. \quad (9)$$

Из этой формулы следует, что в общем, случае характеристика направленности (ХН) с учетом влияния земли представляет собой сложную функцию, зависящую от ХН в вертикальной плоскости без учета влияния земли $F(\theta)$, а также от отношения h_a/λ , модуля и фазы коэффициента отражения от земли. Анализ функции $f_{a+z}(\theta)$ затруднителен, поэтому рассмотрим простой частный случай, соответствующей формуле (8). Выведем нормированную ХН

$$F_{a+z}(\theta) = \frac{f_{a+z}(\theta)}{f_{a+z \max}(\theta)} = \frac{E(\theta)}{E_{\max}(\theta)}. \quad (10)$$

Из выражения (8) следует, что

$$E_{\max} = \frac{2\sqrt{60PD}}{r}. \quad (11)$$

Подставим в (10) значение $E(\theta)$ из (8), а $E_{\max}(\theta)$ из (11) получим ХН с учетом влияния земли

$$F_{a+z}(\theta) = F(\theta)F_z(\theta), \quad (12)$$

$$F_z(\theta) = \left| \sin\left(\frac{2\pi h_a}{\lambda}\sin\theta\right) \right|, \quad (13)$$

где $F(\theta)$ – ХН антенны в свободном пространстве;

$F_z(\theta)$ – множитель, учитывающий влияние земли.

Чтобы составить представление о влиянии земли построим ХН в полярной (рис. 2) и декартовой (рис. 3) системах координат. При этом вначале зададимся ХН без влияния земли (рис. 2, 3)

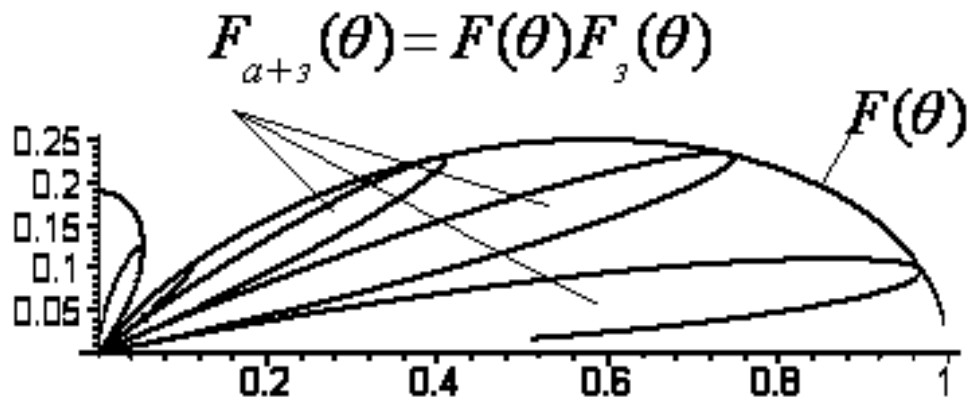


Рис. 2

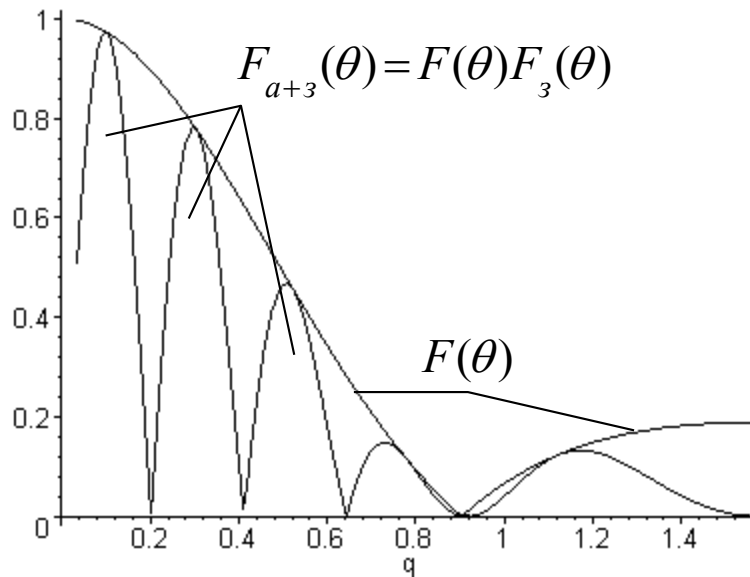


Рис. 3

Функция $F_1(\theta)$ (13) изменяется в зависимости от угла θ , т.е. она имеет максимумы при

$$\frac{2\pi h_a}{\lambda} \sin \theta_{\max} = (2n+1)\frac{\pi}{2}, \quad n=0,1,2,\dots \quad (14)$$

$$\frac{2\pi h_a}{\lambda} \sin \theta_{\min} = m\pi, \quad m=0,1,2,\dots \quad (15)$$

Таким образом, диаграмма направленности имеет многолепестковый характер с провалами до нуля (рис. 2).

Проанализируем выражение (9). Если антенны ориентирована так, что излучение в направлении земли мало, а в направлении на точку наблюдения значительно, то

$$F(\theta_2) \ll F(\theta).$$

Пренебрегая слагаемым содержащим $F(\theta_2)$, получим

$$F_{a+3}(\theta) = F(\theta),$$

это положение справедливо для РЛС сопровождения целей.

Выводы:

1. Земля оказывает влияние на ХН антенны, если она облучается главным лепестком.
2. За счет влияния земли диаграмма направленности антенны приобретает многолепестковый характер. Причем провалы в диаграмме достигают нулевого уровня, если земля облучается главным лепестком.
3. В направлении линии горизонта характеристика направленности равна нулю, что затрудняет обнаружение низколетящих целей.
4. При горизонтальном полете цели в направлении РЛС ее угол места увеличивается. Так как ХН имеет многолепестковый характер, это приводит к флуктуации отраженного сигнала.
5. Направление первого лепестка ДН антенны с учетом влияния земли определяется соотношением (14) при $n=0$ и зависит от отношения h_a/λ . Чтобы прижать первый лепесток к земле необходимо либо поднимать антенну над поверхностью земли либо уменьшать λ . С другой стороны это приводит к увеличению лепестков ХН или изрезанности ХН.