

#### Mickaël Canouil

mickael.canouil@cnrs.fr

Génomique Intégrative et Modélisation des Maladies Métaboliques (CNRS UMR 8199) Institut de Biologie de Lille

5 février 2016





### Sommaire

- 1 Introduction
- 2 Les bases de Julia
- 3 Mise en pratique
- 4 Calcul parallèle
- 5 Les paquets

- 6 Appel de fonctions
- 7 Aller plus loin avec Julia
- 8 Références

### Sommaire

Introduction

### Présentation

**julia** est un langage (2013) sous licence libre et open source MIT, destiné au calcul scientifique.

- Langage compilé à la volée (JIT compiler).
- Calcul parallèle et distribué.
- Performance proche des langages compilés comme le C.
- Support des caractères Unicode, incluant l'UTF-8.
- Appel de fonctions C et Fortran sans API extérieure (C++ via paquet).
- Appel de fonctions Python via le paquet PyCall.
- Macros et Metaprogrammation.

#### Julia et R : Similarités

- "Julia is a high-level, high-performance dynamic programming language for technical computing."
  - High-level Fonctionne sur des éléments atomiques, des vecteurs, matrices, listes, etc.
  - Dynamic programming Présence de type/classe. Les fonctions peuvent être définies de façon interactive.
- "defining functions and overloading them for different combinations of argument types"
- "syntax that is familiar to users of other technical computing environments"

julia offre les mêmes possibilités que (benchmark à suivre), mais surtout des perfomances proches du C/C++

## Julia et R : Syntaxe

	julia	R
Affectation	=	<-
Vecteur	[1, 2, 3]	c(1, 2, 3)
Transposition	M'	t (M)
Parenthèses	for i in [1, 2, 3] if i==1	for (i in c(1, 2, 3)) if (i==1)
Dimension	size(M, 1) size(M, 2)	nrow(M) ncol(M)
Concatenation	hcat vcat	c rbind cbind
Type NULL	Х	✓
Commentaire	#	#

#### Installer Julia

julia est disponible en téléchargement sur :

http://julialang.org/downloads/

Au 23 juin 2015, la version stable est la version 0.3.9

Windows Self-Extracting Archive (.exe)	32/64-bit
Mac OS X Package (.dmg)	10.7+ 64-bit
Ubuntu packages	32/64-bit
Fedora/RHEL/CentOS packages (.rpm)	32/64-bit
Source	Tarball/GitHub

## Interagir avec Julia: le mode non-interactif

**julia** propose plusieurs options de démarrage aussi bien pour le mode interactif que non-interactif.

```
julia [options] [program] [args...]
   -v. --version
                           Display version information
   -h. --help
                          Print this message
   -q, --quiet
                          Quiet startup without banner
   -H. --home <dir>
                           Set location of julia executable
   -e, --eval <expr>
                           Evaluate <expr>
                         Evaluate and show <expr>
   -E, --print <expr>
   -P, --post-boot <expr> Evaluate <expr>, but don't disable interactive mode
   -L, --load <file>
                           Load <file> immediately on all processors
   -J. --svsimage <file>
                           Start up with the given system image file
   -C --cpu-target <target> Limit usage of cpu features up to <target>
   -p <n>
                            Run n local processes
   --machinefile <file>
                            Run processes on hosts listed in <file>
                            Force isinteractive() to be true
   --no-history-file
                            Don't load or save history
   -f, --no-startup
                            Don't load ~/.juliarc.jl
                           Load ~/.juliarc.jl, then handle remaining inputs
   --color={ves|no}
                            Enable or disable color text
   --code-coverage={none|user|all}, --code-coverage
                         Count executions of source lines (omitting setting is equivalent to
      'user')
   --track-allocation={none|user|all}
                         Count bytes allocated by each source line
   --check-bounds={yes|no} Emit bounds checks always or never (ignoring declarations)
   --int-literals={32|64} Select integer literal size independent of platform
```

## Interagir avec Julia: le mode non-interactif

Les commandes ou scripts (\*.jl) peuvent également être lancés avec **julià** en mode non-interactif.

```
$ julia -e "for x in ARGS; println(x); end" Hello Bye
Hello
Bye
$ echo 'for x in ARGS; println(x); end' > script.jl # sans guillemets sous Windows
$ julia script.jl Hello Bye
Hello
Bye
```

### Interagir avec Julia: le mode interactif

En tapant julia dans un terminal sous Linux, une bannière s'affiche présentant des informations quant à la version installée.

Pour quitter une session interactive julia, il suffit d'utiliser le raccourci clavier Ctrl+D, de taper l'une des commandes : quit () ou exit ([code]).

### Interagir avec Julia: le mode interactif

- help(quit) ?quit afficher l'aide de la fonction quit.
- whos ()
  liste les variables globales et leur type.
- cd("/home/") & pwd()
  change et renvoie le répertoire courant.
- include("script.jl") & require("script.jl")
  exécute le fichier sytématiquement ou s'il ne l'a pas encore été.
- clipboard(X)
  copie X dans le presse-papier.
- workspace ()réinitialise l'espace de travail.

### Interagir avec Julia: le mode interactif

Les caractères ? et ; permettent d'ouvrir l'aide et l'invite de commande (bash linux). julià permet l'autocomplétion.

```
help?> quit
INF6 Loading help data...
Base.quit()
  Quit the program indicating that the processes completed
  successfully. This function calls "exit(0)" (see "exit()").
shell> echo 'x = 1; for x in ["A" 2]; println(x); end' > script.jl
```

## Le style, c'est important!

**julia** étant sensible à la casse et afin de limiter les problèmes de syntaxe avec les noms de variables, types et fonctions, une convention de nommage est recommandée:

- Noms de variables en minuscule (ex: mavariable).
- Le underscore \_ peut être utilisé (non recommandé) dans les noms de variables (ex : ma\_variable\_est\_complique\_et\_longue).
- Les mots composant le nom d'un type, commencent par une majuscule (ex : MonTypePerso).
- Le nom des fonctions et des macros est en minuscule (ex : somme).
- Les fonctions modifiant leurs arguments doivent finir par un! (ex : plusun!).

### Sommaire

2 Les bases de Julia

# Les opérateurs

Opérateur	Description
+-	Addition, soustraction
* /	multiplication, division
%	modulo
&&	ET, OU
== !=	EGAL, DIFFERENT
<>	INFERIEUR, SUPERIEUR
.Op Or broadcast (Op, x, y)	Distribution de Op (vectoriel)

### Les opérateurs

```
julia> x = [1 2 3]
1x3 Array{Int64,2}:
1 2 3
julia> 2x + 1 # le signe de multiplication
      optionnelle (cf. perl)
1x3 Array (Int 64, 2):
3 5 7
julia> v = [10, 5, 21]
3-element Array{Int64,1}:
julia> x + y
ERROR dimensions must match
 in + at array.j1:723
julia> x + y'
1x3 Array { Int 64, 2 }:
 2 4 6
```

```
julia> x .+ y
3x3 Array { Int 64, 2 }:
3 4 5
4 5 6
julia> broadcast (+, x, y)
3x3 Array { Int 64, 2 }:
2 3 4
3 4 5
julia> true || false
true
julia> true && true
true
julia > 1 < 2 < 3
true
julia> [1 2 3] .< [4 1 6]
1x3 BitArray{2}:
true false true
```

### Les numériques

### julia fonctionne sur un système d'évaluation d'expressions :

```
julia> 2 + 2
julia> 1/3
julia> 1//3 # Nombre rationnel
julia > 1/3 == float (1//3)
true
julia> eps(Float64)
2.220446049250313e-16
```

#### Les numériques spéciaux : Inf, NaN

- ➤ isequal (x, y) x et y sont identiques
- > isinf(x) x est infini
- ➤ isfinite(x) x est un nombre fini
- isnan(x) x n'est pas un nombre

#### Les variables

Les variables peuvent être nommées de façon très (trop?) flexible dans julia.

```
iulia valeurPI = "Oue j'aime a faire connaitre un nombre utile aux sages"
"Oue j'aime a faire connaître un nombre utile aux sages"
julia> valeurpi = 3.1415926535
iulia> \pi
\pi = 3.1415926535897...
julia> pi
\pi = 3.1415926535897...
iulia> ans
\pi = 3.1415926535897...
```

Attention à ne pas utiliser des noms de fonctions existantes comme nom de variables. (Le message d'avertissement ne s'affiche pas sur tous les systèmes.)

```
julia> pi = 1
Warning imported binding for pi overwritten in module Main
```

### Les chaînes de caractères

julia permet également d'interpoler et d'intégrer des calculs dans une chaîne de caractères.

```
julia> x = 8; machaine = "Le sens de la vie? $(2(x-1)^2 - 3(x+9) - 5)"
"Le sens de la vie? 42"

julia> string(machaine," (H2G2)")
"Le sens de la vie? 42 (H2G2)"

julia> "machaine" * " (H2G2)"
"Le sens de la vie? 42 (H2G2)"
```

Quelques fonctions utiles pour manipuler les chaînes de caractères :

- > search(str, substr) Renvoie l'indice (position) de substr.
- ➤ length(str) Renvoie le nombre de caractères.
- ➤ endof(str) Renvoie le dernier indice (byte) utilisé dans str.
- ➤ start (str) Renvoie le premier indice valide

### Les tuples

julià dispose de la structure "tuple". Chaque valeur est séparée par une virgule, et délimitée par des parenthèses (et).

```
julia> ()
julia> x = (1, 2)
(1.2)
julia> x[3]
ERROR BoundsError()
```

Il est possible de réattribuer les valeurs d'un tuple à plusieurs variables.

```
julia> a, b = x
iulia> a
julia> b
```

### Construire des tableaux

La création d'un tableau peut s'exécuter de plusieurs façons.

```
julia> [1, 2, 3, 4, 5]
5-element Array{Int64,1}:
1
2
3
4
5
julia> [i for i = 1:5] # ou [1:5]
5-element Array{Int64,1}:
1
2
3
4
5
```

```
julia> [1 2 3 4 5]
1x5 Array(Int64,2):
1 2 3 4 5

julia> [i+j for i = 1:5, j = 1:5]
5x5 Array(Int64,2):
2 3 4 5 6
3 4 5 6 7
4 5 6 7 8
5 6 7 8 9
6 7 8 9 10
```

Concaténer des tableaux avec : cat, hcat, vcat et [...].

```
julia> [[1:5] [6:10]]
5x2 Array(Int64,2):
1    6
2    7
3    8
4    9
5    10
```

```
julia> cat(2, [1:5], [6:10])
5x2 Array(Int64,2):
1    6
2    7
3    8
4    9
5    10
```

### Accèder au contenu des tableaux

L'accès au contenu s'effectue avec des indices numériques et des symboles : et end.

```
julia> myarray = [i+j for i = 1:5, j = 1:5];
```

```
julia> myarray[1:5, 1:5]
5x5 Array[Int64,2):
2  3  4  5  6
3  4  5  6  7
4  5  6  7  8  9
6  7  8  9  10
```

```
julia> myarray[1:2, :]
2x5 Array[Int64,2]:
2  3  4  5  6
3  4  5  6  7
```

```
julia> myarray[1:5, 1:end]
5x5 Array(Int64,2):
2  3  4  5  6
3  4  5  6  7
4  5  6  7  8
5  6  7  8  9
6  7  8  9  10
```

```
julia> myarray[4:end, :]
2x5 Array[Int64,2):
5 6 7 8 9
6 7 8 9 10
```

#### Les fonctions de base des tableaux

- eltype (A)
  le type d'élément contenu dans A.
- length (A)
  le nombre d'éléments de A.
- ndims (A)
  le nombre de dimensions de A.
- countnz (A)
   le nombre de valeurs différentes de zéro dans A.
- size (A) un tuple contenant les dimensions de A.
- size (A, n) la taille de A dans la dimension n.

#### Les constructeurs de tableaux

julia fournit de nombreuses fonctions pour construire et initialiser des tableaux :

Fonction	Description
Array(type,dims)	un tableau non initialisé (type=Any)
cell(dims)	une cellule de tableau (hétérogène) non initialisé
zeros(type,dims)	tableau de zéros du type spécifié
ones(type,dims)	tableau de uns du type spécifié
trues(dims)	tableau de booléens true
falses(dims)	tableau de booléens false
eye(m,n) OU eye(n)	matrice identité de dimensions (m,n) ou (n,n)
fill! $(A, x)$	remplit le tableau A avec x

## Déclaration d'un type à Julia

Le mot clé type permet la déclaration d'un type, tandis que l'opérateur, permet l'affectation de type aux expressions et variables.

```
julia> type MonType
    x::Int
    y::Float64
end

julia> p = MonType(2, 3)
MonType(2,3.0)

julia> typeof(ans)
MonType (constructor with 1 method)

julia> names(p)
2-element Array{Symbol,1}:
    :x
    :y
julia> p.x
```

#### Les dictionnaires

### iulia permet également de définir des dictionnaires :

```
julia > Dict (Float 64, Int 64) () # Dictionnaire vide
Dict (Float 64, Int 64) with 0 entries
julia> (Float64=>Int64) [1.1=>1, 2=>2] # Dictionnaire contenant deux entrees
Dict(Float64.Int64) with 2 entries:
  1.1 => 1
  2 \cap = > 2
julia> dico = {"key"=>1, (2,3)=>true}
Dict (Any, Any) with 2 entries:
  "kev" => 1
  (2,3) => true
julia > dico[(2, 3)] # Acces a la valeur du dictionnaire pour la cle (2, 3)
true
```

- ➤ haskey(dico, "key") Teste si dico contient la clé "key".
- ➤ keys(dico) & values(dico)

Renvoie les clés et valeurs de di co.

➤ delete! (dico, (2, 3)) Efface la clé (2, 3) et sa valeur du dictionnaire.

### Les blocs d'expressions

Les commandes <u>begin</u> et <u>end</u> permettent de définir des blocs d'expressions à évaluer, qui pourront être ensuite affectés à une variable par exemple.

```
julia> z = begin
    x = 1
    y = 2
    x + y
end

julia> z = begin x = 1; y = 2; x + y end
3
```

Les blocs peuvent également être construits en utilisant :

- ( Ouvre un bloc d'expressions
  - ; Délimite les sous expressions
  - ) Ferme un bloc d'expressions

Attention à ne pas inverser le , et le ; !

#### Les tests de conditions

#### Les tests de conditions s'effectuent avec les commandes :

if, else, end et elseif.

```
if x <= y
  "x <= y"
else
  "x > y"
end
```

```
if x < y
"x < y"
elseif x > y
"x > y"
else
"x = y"
end
```

#### Et en une seule ligne ... (? et)

```
x \le y ? "x \le y" : "x > y"
```

```
x < y ? "x < y" : x > y ? "x > y" : "x = y"
```

### Les boucles

La syntaxe du for est sensiblement la même que dans , mais sans les parenthèses.

```
for i = 1:5
   println(i)
end
```

```
for i in [1:5]
    println(i)
end
```

```
for i in [1, 2, 3, 4, 5]
    println(i)
end
```

#### Et tant qu'on y est, le while :

```
i = 1:
while i <= 5
    println(i)
    i += 1
end
```

#### Les boucles

La commande **break** permet d'interrompre l'exécution d'un **for** ou d'un **while**, à une itération donnée.

Inversement, la commande continue force le passage à l'itération suivante.

Plusieurs boucles for peuvent être combinées en une seule boucle :

### Définir une fonction

Contrairement aux blocs d'expressions, les fonctions peuvent être réutilisées sans qu'il ne soit nécessaire de les redéfinir.

Deux façons de définir de nouvelles fonctions :

Multi-lignes

```
function f(x,y)
```

➤ Mono-ligne

```
f(x,y) = x + y
```

### Renvoyer le résultat d'une fonction

Comme dans \( \mathbb{R} \), le résultat de la dernière expression d'une fonction est retourné, à moins d'un appel à return.

```
julia> function f(x, y)
           return x + y
f (generic function with 1 method)
julia> f(2,3)
```

```
julia> function f(x, y)
f (generic function with 1 method)
julia> f(2,3)
```

De plus, les résultats retournés par la fonction, peuvent être affectés directement à plusieurs variables.

```
julia > myfunction(x,y) = (x,y);
julia> a,b = myfunction(2,3)
iulia> a
julia> b
```

### Fonction et type

Dans une fonction, l'opérateur permet de contraindre les paramètres au type spécifié.

```
julia> f(x::Int64) = print("x est un entier: ", x)
f (generic function with 1 method)
julia> f(7)
x est un entier: 7
julia> f("chaine")
ERROR no method f (ASCIIString)
```

## Gérer les ambiguïtés

La définition de méthodes spécifiques à certains types peut engendrer des ambiguïtés, signalées par julia sous la forme d'un message d'avertissement précisant où se situent celles-ci.

```
iulia > f(x::Float64, v) = 2x + v
f (generic function with 1 method)
julia> f(x, y::Float64) = x + 2y
Warning New definition
   f(Any, Float 64) at nonel
is ambiguous with
   f(Float64, Anv) at none1.
To fix, define
   f(Float64,Float64)
before the new definition.
f (generic function with 2 methods)
julia> methods(f)
# 2 methods for generic function "f":
f(x::Float64,y) at none:1
f(x,v::Float64) at none:1
julia > f(x::Float64, y::Float64) = 2x + 2y
f (generic function with 3 methods)
```

### Sommaire

Mise en pratique

### Exemple: Générer des données

Projet : Générer des données de méthylation

- 30 individus (en vrai quelques centaines)
- 200 sites CpG (en vrai entre 400 000 et plusieurs millions)
  - La méthylation est définie entre 0 et 1

```
        julia> simule((2, 3), 10)

        12x5 Array(Amy,2):
        "Individua"
        "Individua"
        "Individua"
        "Todividua"
        "Todividua"
        "Todividua"
        "Todividua"
        "Controle"
        "controle"</t
```

Fonctions utiles: rand, min, hcat, vcat, transpose, 'et help.

Fonctions à écrire

genere() Ecrire une fonction **genere()** qui prend deux arguments entiers (**nind** et **ncpg**) et renvoie un tableau (**nind**\*ncpg) de nombres aléatoires compris entre 0 et 1 (rand).

#### Fonctions à écrire

genere() Ecrire une fonction genere () qui prend deux arguments entiers (nind et ncpg) et renvoie un tableau (nindxncpg) de nombres aléatoires compris entre 0 et 1 (rand).

```
help?> rand
INF@ Loading help data...
Base.rand() -> Float64

Generate a "Float64" random number uniformly in [0,1)
...
```

#### Fonctions à écrire

genere() Ecrire une fonction genere () qui prend deux arguments entiers (nind et ncpg) et renvoie un tableau (nindxncpg) de nombres aléatoires compris entre 0 et 1 (rand).

```
help?> rand
INF@ Loading help data...
Base.rand() -> Float64

Generate a "Float64" random number uniformly in [0,1)
...
```

```
        julia> genere (5, 7)

        5x7 Array(Float64,2):

        0.588669 0.570379 0.916509 0.0297843 0.358949 0.845641 0.767147

        0.292024 0.672616 0.374952 0.751985 0.538212 0.117445 0.800937

        0.27846 0.425266 0.78022 0.605692 0.256313 0.438527 0.821982

        0.691418 0.254037 0.932809 0.0853761 0.332398 0.457604 0.992759

        0.246875 0.214584 0.374868 0.974698 0.55114 0.369378 0.7708
```

#### Fonctions à écrire

genere() Ecrire une fonction genere () qui prend deux arguments entiers (nind et ncpg) et renvoie un tableau (nindxncpg) de nombres aléatoires compris entre 0 et 1 (rand).

```
help?> rand
INF@ Loading help data...
Base.rand() -> Float64

Generate a "Float64" random number uniformly in [0,1)
...
```

```
        julia> genere (5, 7)

        5x7 Array[Float64,2]:
        0.588669
        0.570379
        0.916509
        0.0297843
        0.358949
        0.8486641
        0.767147

        0.292024
        0.672616
        0.374952
        0.751985
        0.538212
        0.117445
        0.800937

        0.27846
        0.425266
        0.78022
        0.0505692
        0.256313
        0.438527
        0.821982

        0.691418
        0.254037
        0.932809
        0.0853761
        0.32398
        0.457604
        0.992759

        0.246875
        0.214584
        0.374868
        0.974698
        0.55114
        0.369378
        0.7708
```

function genere(nind::Int, ncpg::Int)
 rand(nind, ncpg)
end

(valeur maximum).

### Fonctions à écrire

effet() Ecrire une fonction qui prend une matrice M (Array{Float64, 2}) et un flottant beta en arguments. Cette fonction renvoie la somme de M+beta bornée par 1

#### Fonctions à écrire

effet() Ecrire une fonction qui prend une matrice M (Array {Float 64, 2}) et un flottant beta en arguments.

Cette fonction renvoie la somme de M+beta bornée par 1 (valeur maximum).

```
help?> min
Base.min(x, y, ...)

Return the minimum of the arguments. Operates elementwise over arrays.
```

#### Fonctions à écrire

- effet() Ecrire une fonction qui prend une matrice M (Array {Float 64, 2}) et un flottant beta en arguments.
  - Cette fonction renvoie la somme de M+beta bornée par 1 (valeur maximum).

```
help?> min
Base.min(x, y, ...)

Return the minimum of the arguments. Operates elementwise over arrays.
```

```
julia> effet([0.0 for i in 1:5, j in 1:7],
    0.5)
5x7 Array{Float64,2}:
    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5
    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5
    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5
    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5
    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5
    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5
    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5
    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5
    0.5    0.5    0.5    0.5    0.5
```

#### Fonctions à écrire

effet() Ecrire une fonction qui prend une matrice M (Array {Float 64, 2}) et un flottant beta en arguments.

Cette fonction renvoie la somme de M+beta bornée par 1 (valeur maximum).

```
help?> min
Base.min(x, y, ...)
    Return the minimum of the arguments. Operates elementwise over arrays.
```

```
function effet(M::Array{Float64, 2},
    beta::Float64)
    min(M+beta, 1)
end
```

```
effet(M::Array{Float64, 2}, beta::Float64) =
    min(M+beta, 1)
```

Fonctions à écrire

simule() Ecrire une fonction **simule** qui renvoie un tableau de données.

```
function simule(nind::(Int,Int), ncpg::Int)
...
end
```

```
        julia> simule((2, 3), 10)

        12x5 Array(Any,2):
        "Individu1" "Individu2" "Individu3" "Controle" "Controle"
        "Controle" "Controle" "Controle" "Controle"

        1.0
        0.863474 0.256478 0.185314 0.000256711
        0.10.0 0.720053 0.0156981 0.641579

        1.0
        0.350158 0.880605 0.114643 0.727741
        0.727741 0.083314 0.0804214

        1.0
        0.830155 0.433628 0.50445 0.0804214
        0.0804214 0.0804214

        1.0
        0.740111 0.255524 0.993061 0.128219 0.149074 0.766059 0.467199 0.986665 0.928067 0.719145 0.240649 0.463098 0.840223 0.0552221 0.397078 0.518303 1.0 0.837655 0.248769 0.679063
```

Fonctions utiles: genere, effet, rand, min, hcat, vcat, transpose, 'et help.

Fonctions à écrire

simule() Génère nind cas et contrôles (tuple) pour ncpg sites avec genere ()

Fonctions à écrire

simule() Génère nind cas et contrôles (tuple) pour ncpg sites avec genere ()

```
function simule(nind::(Int,Int), ncpg::Int)

dns = genere(sum(nind), ncpg)
```

Fonctions à écrire

simule() Génère <u>nind</u> cas et contrôles (tuple) pour <u>ncpg</u> sites avec genere ()

```
function simule(nind::(Int,Int), ncpg::Int)

dns = genere(sum(nind), ncpg)
```

Ajoute un effet () pour les cas (sous ensemble de la matrice dns)

Fonctions à écrire

# simule() Génère nind cas et contrôles (tuple) pour ncpg sites avec genere ()

```
function simule(nind::(Int,Int), ncpg::Int)

dns = genere(sum(nind), ncpg)
```

# Ajoute un effet () pour les cas (sous ensemble de la matrice dns)

```
ncas, ncontrole = nind
dns[1:ncas, :] = effet(dns[1:ncas, :], 0.2)
```

Fonctions utiles: genere, effet, rand, min, hcat, vcat, transpose, 'et help.

Fonctions à écrire

simule() Renvoie un tableau avec deux lignes d'entêtes et un échantillon par colonne :

### Fonctions à écrire

- simule() Renvoie un tableau avec deux lignes d'entêtes et un échantillon par colonne :
  - Nom (ligne 1 ) : "Individu1", "Individu2", ...

```
julia> nind = (2,3);
julia> individus = ["Individusi" for i in 1:sum(nind)]
5-element Array{Union(UTF8String, ASCIIString), 1}:
    "Individud"
    "Individud"
    "Individud"
    "Individud"
    "Individud"
    "Individud"
```

#### Fonctions à écrire

- simule() Renvoie un tableau avec deux lignes d'entêtes et un échantillon par colonne :
  - Nom (ligne 1 ) : "Individu1", "Individu2", ...

```
julia> nind = (2,3);
julia> individus = ["Individu$i" for i in 1:sum(nind)]
5-element Array{Union(UTF8String, ASCIIString),1}:
    "Individu!"
    "Individu2"
    "Individu3"
    "Individu4"
    "Individu4"
    "Individu5"
```

Statut (ligne 2) : "cas" ou "contrôle"

#### Résultats

```
function simule(nind::(Int,Int), ncpg::Int)
  dns = genere(sum(nind), ncpg)
  ncas, ncontrole = nind
  dns[1:ncas, :] = effet(dns[1:ncas, :], 0.2)

individus = ["Individus$i" for i in 1:sum(nind)]
  statuts = [["cas" for i in 1:ncas], ["controle" for i in 1:ncontrole]]
  return transpose(hcat(individus, statuts, dns))
end
```

#### Résultats

```
function simule(nind::(Int,Int), ncpg::Int)
  dns = genere(sum(nind), ncpg)
  ncas, ncontrole = nind
  dns[1:ncas, :] = effet(dns[1:ncas, :], 0.2)

  individus = ["Individus$i" for i in 1:sum(nind)]
  statuts = [["cas" for i in 1:ncas], ["controle" for i in 1:ncontrole]]
  return transpose(hcat(individus, statuts, dns))
end
```

```
        julia> simule((2, 3), 10)

        12x5 Array(Amy,2):
        "Individud"
        "Individud"
        "Individus"

        "cas"
        "cas"
        "controle"
        "controle"
        "controle"

        1.0
        0.863474
        0.256478
        0.185314
        0.000256711

        1.0
        1.0
        0.720053
        0.0156981
        0.641579

        1.0
        0.350158
        0.880605
        0.114643
        0.727741

        0.466751
        0.388357
        0.433628
        0.50445
        0.0804214

        1.0
        0.830145
        0.453638
        0.527395
        0.0874052

        0.46695
        1.0
        0.235512
        0.241468
        0.128219

        1.0
        0.740111
        0.126524
        0.993061
        0.149074

        0.766059
        0.467199
        0.986665
        0.928067
        0.719145

        0.240649
        0.463098
        0.840223
        0.055221
        0.397078

        0.518303
        1.0
        0.0837655
        0.248769
        0.679063
```

### Lire et écrire des données

julia	R	Description
readdlm	read.table	Lire un fichier txt selon un délimiteur
writedlm	write.table	Ecrire un fichier txt selon un délimiteur
readcsv	read.csv	Lire un fichier csv
writecsv	write.csv	Ecrire un fichier csv

### Lire et écrire des données

### Ecrire des données

```
dta = simule((14, 16), 200);
writedlm("methylation.txt", dta, '*')
```

### Attention à la gestion des caractères ' et des chaînes de caractères ".

### Lire un fichier

```
julia> readdlm("methylation.txt", "*")
ERROR 'readdlm' has no method matching readdlm(ASCIIString,:ASCIIString)

readdlm("methylation.txt", '*')
```

Projet : Décrire des données de méthylation

- Donner la moyenne, l'écart-type, le maximum, le minimum et la médiane
  - par individu
  - par statut : cas/contrôle

Fonctions à écrire

summarystat() Définir une fonction qui renvoie un tableau (moyenne, écart-type, maximum, minimum et la médiane).

- Deux arguments x (Array{Float64, 2}) et dim (Int), où dim peut prendre les valeurs :
  - o pour le tableau complet,
  - 1 pour les colonnes,
  - 2 pour les lignes.

Fonctions utiles: mean, minimum, maximum, median, std, transpose, cat, hcat, vcat et help.

Le code

### summarystat()

```
function summarystat(x::Array(Float64, 2), dim::Int)
   if dim==0
    res = hcat(
        mean(x), minimum(x), maximum(x),
        median(x), std(x)
   )
else
   res = cat(dim,
        mean(x, dim), minimum(x, dim), maximum(x, dim),
        median(x, dim), std(x, dim)
    }
end
dim==1 ? transpose(res) : res
end
```

```
julia> summarystat(rand(25,4), 0)
lx5 Array(Float64,2):
    0.460565    0.00419562    0.975303    0.444553    0.283187
```

```
    julia> summarystat (rand(25,4), 1)

    4x5 Array{Float64,2}:

    0.495807 0.0631534 0.964803 0.468451 0.288229

    0.511329 0.0181536 0.942708 0.482024 0.261304

    0.522599 0.0784808 0.998121 0.464263 0.326022

    0.431901 0.000887866 0.955217 0.411995 0.295526
```

## Messages et erreurs

Parfois, il peut être utile d'afficher des informations relatives à des erreurs, avertissements ou de simples informations.

julia propose trois commandes : info, warn et error.

```
julia> info("Bonjour!")
INFO Bonjour!
julia> warn("Bonjour!")
WARNINS Bonjour!
julia> error("Bonjour!")
ERROR Bonjour!
in error at error.ji21
```

### Messages et erreurs

Il est également possible de tester et gérer les erreurs avec les commandes try et catch.

Fonctions à écrire

Définir une nouvelle fonction isascii () qui renvoie false au lieu d'une erreur.

```
julia> isascii('a')
true

julia> isascii(1)
ERROR 'isascii' has no method matching isascii(Int64)
```

Fonctions utiles: try, catch et isascii.

Fonctions à écrire

Définir une nouvelle fonction isascii () qui renvoie false au lieu d'une erreur.

```
julia> isascii('a')
true
julia> isascii(1)
ERROR 'isascii' has no method matching isascii{Int64})

isascii2(x) = try isascii(x) catch; false end

julia> isascii2('a')
true
julia> isascii2(1)
false
```

Fonctions utiles: try, catch et isascii.

Fonctions à écrire

resume() Définir une fonction permettant de

- lire l'entête,
- calculer les statistiques de base (summarystat ()) selon le statut (cas / contrôle) et par échantillon.

```
        julia> dta = simule((14, 16), 200); resume(dta)

        33x6 Array(Any,2):
            "moy" "min" "max" "med" "std"
            "cas" 0.683906 0.200082 1.0 0.709797 0.262965
            "controle" 0.502301 0.000103171 0.999583 0.508735 0.285948
            "nontrole" 0.667317 0.206128 1.0 0.733917 0.257906
            "Individul" 0.66751 0.201064 1.0 0.696693 0.269757
            "Individul" 0.69751 0.201064 1.0 0.696693 0.269757
            "Individul" 0.721926 0.201448 1.0 0.785435 0.259657
            "Individul" 0.640261 0.200885 1.0 0.640462 0.267654
            "Individul" 0.662807 0.200082 1.0 0.674797 0.267656
            ...
```

Fonctions utiles: findin, broadcast, map, isascii, float, hcat, vcat et help.

Fonctions à écrire

Identifier les lignes d'entête (ligne 1 et 2) d'un **Array** avec la fonction isascii2 ().

```
julia> M = simule((14, 16), 3);
julia> isascii2(M[:, 1])
false
```

iulia> M = simule((14, 16), 3);

Fonctions à écrire

Identifier les lignes d'entête (ligne 1 et 2) d'un **Array** avec la fonction isascii2 ().

```
julia> isascii2(M[:, 1])
false

julia> testascii = broadcast(isascii2, M[:, 1])
5-element Array{Any,1}:
    true
    true
    false
    false
false
```

iulia> M = simule((14, 16), 3);

#### Fonctions à écrire

false

Identifier les lignes d'entête (ligne 1 et 2) d'un Array avec la fonction isascii2 ().

```
julia> isascii2(M[:, 1])
false

julia> testascii = broadcast(isascii2, M[:, 1])
5-element Array{Any,1}:
    true
    true
    false
```

```
julia> findin(testascii, true)
2-element Array{Int64,1}:
1
2
```

Fonctions à écrire

### Extraire l'entête et les données.

```
testascii = broadcast(isascii2, M[:, 1])
entete = M[findin(testascii, true), :]
data = float(M[findin(testascii, false), :])
```

Fonctions à écrire

### Extraire l'entête et les données.

```
testascii = broadcast(isascii2, M[:, 1])
entete = M[findin(testascii, true), :]
data = float(M[findin(testascii, false), :])
```

Extraire les noms (ligne 1) et les statuts (ligne 2) de l'entête.

Fonctions à écrire

### Extraire l'entête et les données.

```
testascii = broadcast(isascii2, M[:, 1])
entete = M[findin(testascii, true), :]
data = float(M[findin(testascii, false), :])
```

### Extraire les noms (ligne 1) et les statuts (ligne 2) de l'entête.

```
noms = entete[1, :]
statuts = entete[2, :]
```

Fonctions à écrire

### Extraire l'entête et les données.

```
testascii = broadcast(isascii2, M[:, 1])
entete = M[findin(testascii, true), :]
data = float(M[findin(testascii, false), :])
```

Extraire les noms (ligne 1) et les statuts (ligne 2) de l'entête.

```
noms = entete[1, :]
statuts = entete[2, :]
```

Identifier les individus cas et les individus controle.

Fonctions à écrire

### Extraire l'entête et les données.

```
testascii = broadcast(isascii2, M[:, 1])
entete = M[findin(testascii, true), :]
data = float(M[findin(testascii, false), :])
```

### Extraire les noms (ligne 1) et les statuts (ligne 2) de l'entête.

```
noms = entete[1, :]
statuts = entete[2, :]
```

### Identifier les individus cas et les individus controle.

```
indexcas = findin(statuts.=="cas", true)
indexcontrole = findin(statuts.=="controle", true)
```

# Exemple: Décrire des données

Fonctions à écrire

Utiliser la fonction summarystat () pour obtenir les informations relatives aux cas, contrôles et l'ensemble des individus.

Fonctions utiles : cat, vcat, hcat et summarystat.

# Exemple: Décrire des données

Fonctions à écrire

Utiliser la fonction summarystat () pour obtenir les informations relatives aux cas, contrôles et l'ensemble des individus.

```
tmp = vcat(
   ["moy" "min" "max" "med" "std"], # hcat("moy", "min", "max", "med", "std")
summarystat(data[:, indexcoas], 0),
summarystat(data[:, indexcontrole], 0),
summarystat(data, 1)
)

resultat = hcat(
   transpose(["" "cas" "controle" noms]), # transpose(hcat("", "cas", "controle", noms))
   tmp
)
```

Fonctions utiles : cat, vcat, hcat et summarystat.

# Exemple: Décrire des données

Le code

```
function resume (M::Array)
   testascii = broadcast(isascii2, M[:, 1])
   entete = M[findin(testascii, true), :]
   data = float (M[findin(testascii, false), :1)
    noms = entete[1, :1
    statuts = entete[2, :1
    indexcas = findin(statuts. == "cas", true)
    indexcontrole = findin(statuts. == "controle", true)
    tmp = vcat (
        ["moy" "min" "max" "med" "std"], # vcat("moy", "min", "max", "med", "std")
        summarvstat(data[:, indexcas], 0),
        summarystat(data[:, indexcontrole], 0),
        summarystat (data, 1)
    resultat = hcat(
        transpose(["" "cas" "controle" noms]), # hcat("", "cas", "controle", noms)
        tmp
    return resultat
end
```

```
    julia> resume(dta)

    33x6 Array(Any,2):
    "moy" "min" "max" "med" "std"

    "cas" 0.686297 0.200113 1.0 0.711756 0.263421

    "controle" 0.505942 0.00178939 0.998642 0.508479 0.289279

    "Individul" 0.66394 0.20072 1.0 0.676587 0.265681

    "Individul" 0.68806 0.2047 1.0 0.708784 0.260872
```

# Sommaire

Calcul parallèle



56 / 85

# Lancer Julia en parallèle

Par défaut, **julià** est lancé sur un seul cœur (CPU core unit) ou processeur, il faut donc spécifier au démarrage le nombre de cœurs que **julià** va pouvoir exploiter avec l'option -p n.

### Les boucles

La macro @parallel [reducteur] for permet l'exécution de boucle en parallèle.

Cette macro nécessite l'utilisation d'une fonction de réduction pour concaténer les résultats.

Pour conserver l'ordre des résultats, il faut utiliser la macro @sync.

### Les boucles

pmap est à utiliser lorsque les calculs à effectuer sont importants en ressources et dans le cas où chaque calcul est indépendant.

pmap se charge d'attribuer les tâches aux différents cœurs.

```
julia> pmap(x -> x.>0.5, [rand(1) for i in [1:40000]])
40000-element Array(Any,1):
Bool[false]
Bool[true]
Bool[true]
...
Bool[false]
Bool[true]
Bool[true]
```

# Exemple: Des calculs en parallèle

Fonctions à écrire

resume() Réécrire la fonction resume en utilisant pmap ou @parallel for.

Paralléliser l'exécution des commandes suivantes de la fonction resume :

```
tmp = vcat(
    ["moy" "min" "max" "med" "std"],
    summarystat(N[:, indexcas], 0),
    summarystat(N[:, indexcontrole], 0),
    summarystat(N, 1)
)
```

# Exemple : Des calculs en parallèle

Le code

```
function resume (M::Array)
   noms = M[1, :]
    statuts = M[2, :1]
    indexcas = findin(statuts. == "cas", true)
    indexcontrole = findin(statuts. == "controle", true)
   testascii = broadcast(isascii2, M[:, 1])
   cherchenum = findin(testascii, false)
   N = float (M[cherchenum, :])
    tmp = vcat(
        ["mov" "min" "max" "med" "std"],
    resultat = hcat(
        transpose(["" "cas" "controle" noms]),
        tmp
    return resultat
end
```

# Exemple : Des calculs en parallèle

Le code

```
function resume (M::Array, method::Int)
   noms = M[1,:]
    statuts = M[2.:1]
    indexcas = findin(statuts. == "cas", true)
    indexcontrole = findin(statuts. == "controle", true)
   testascii = broadcast(isascii2, Mf, 1])
   N = float(M[cherchenum,:])
   x1 = {N[:, indexcas], N[:, indexcontrole], N}
    x^2 = [0 \ 0 \ 1]
    if method==1
        println("@parallel method")
        tmp = @sync @parallel vcat for i in [1:3]
            summarystat(x1[i], x2[i])
        end
    e1 se
        println("pmap method")
        tmp = pmap(summarystat, x1, x2)
        tmp = reduce(vcat, tmp)
    end
    tmp = vcat(["moy" "min" "max" "med" "std"], tmp)
    resultat = hcat(
        transpose(["" "cas" "controle" noms]),
    return resultat
end
```

# Exemple: Des calculs en parallèle

#### Processus et fonction

L'utilisation du mode parallèle de **julià** nécessite d'exporter les fonctions dans les différents processus, pour ce faire il y a la macro **@everywhere**.

```
@everywhere function summarystat(x::Array, dim::Int)
   if dim==0
      res = hcat(
            mean(x), minimum(x), maximum(x),
            median(x), std(x)

        )
   else
      res = cat(dim,
            mean(x, dim), minimum(x, dim), maximum(x, dim),
            median(x, dim), std(x, dim)
        )
   end
   dim==1 ? transpose(res) : res
end
```

# Sommaire

Les paquets

# Installer un paquet

L'installation d'un paquet répertorié par **julia** s'effectue à l'aide de la fonction Pkg.add().

### http//pkg.julialang.org/

```
Julia> Pkg.add("GLM")

INF0 Cloning cache of Distributions from git://github.com/JuliaStats/Distributions.jl.git

INF0 Cloning cache of GLM from git://github.com/JuliaStats/GLM.jl.git

INF0 Cloning cache of NumericFuns from git://github.com/lindahua/NumericFuns.jl.git

INF0 Cloning cache of PDMats from git://github.com/JuliaStats/PDMats.jl.git

INF0 Cloning cache of PDMats from git://github.com/JuliaStats/PDMats.jl.git

INF0 Installing GLM v0.4.4

INF0 Installing GLM v0.4.4

INF0 Installing NumericFuns v0.2.3

INF0 Installing PDMats v0.3.1

INF0 Package database updated

INF0 METADATA is out-of-date - you may not have the latest version of GLM

INF0 Use 'Pkg.update()' to get the latest versions of your packages
```

Le chargement d'un paquet installé se fait avec le mot clé using.

```
using GLM
```

### Information et statut

L'état des paquets installés (nom et version) est donné par Pkg. status ().

```
Pkg.status()
```

La commande Pkg.installed() permet d'obtenir la même information sous forme d'un dictionnaire, pouvant être utilisé dans un script.

```
julia> Pkg.installed()
Dict(ASCIIString, VersionNumber) ()
```

Pour obtenir les dernières versions de tous les paquets installés :

```
Pkg.update()
```

# Désinstaller un paquet

La fonction Pkg.clone () permet d'installer un paquet non répertorié par julià.

```
Pkg.clone("git://example.com/path/to/Package.jl.git")
```

La désinstallation d'un paquet (répertorié ou non) s'effectue avec la fonction Pkg. rm()

```
Pkg.rm("GLM")
```

### Chargement d'un paquet et édition du jeu de données simulées.

```
using GLM, DataFrames;
dta = simule((14, 16), 200);
dta2 = convert (DataFrame, transpose (dta)); # Conversion de type
vrainom = [["nom" "statut"] ["x$i" for i in 1, i in 1:size(dta2, 2)-21]; # Noms des colonnes
rename! (dta2, names (dta2), convert (Array (Symbol, 2), vrainom)); # Renomme les colonnes
dta2[:statut2] = int(dta2[:statut]. == "cas"); # Ajoute une colonne statut2 en binaire
```

### Utilisation de la fonction fit (LinearModel, ...) ou lm du paquet GLM.

```
julia> fit (LinearModel, x1~statut2, dta2) # Regression lineaire
DataFrameRegressionModel (LinearModel (DensePredQR(Float64)),Float64):
Coefficients.
             Estimate Std.Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 0.491542 0.0702945 6.99262
statut2
```

### Petit benchmark Julia et R

```
dta = simule((140, 160), 1000);
dta2 = convert (DataFrame, transpose (dta));
vrainom = [["nom" "statut"] ["x$j" for i in 1, j in 1:size(dta2, 2)-2]];
rename! (dta2, names (dta2), convert (Array (Symbol, 2), vrainom));
dta2[:statut2] = int(dta2[:statut].=="cas");
writetable("dta.txt", dta2);
```

# iulia

```
> julia -p 2
@everywhere using GLM. DataFrames:
dta = readtable("dta.txt");
nombrevariable =
      sum(map((x) - simatch(r"x[0-9]*",
      string(x)), names(dta)));
alltime = Float64[1:100];
for j in 1:100
    itime = @elapsed @parallel hcat for i in
      1:nombrevariable
        fit (LinearModel.
      eval(parse("x$i~statut2")), dta)
    end
    alltime[j] = jtime
end
```

```
julia> (mean(alltime), std(alltime))
```



```
library (parallel)
dta = read.delim("dta.txt", sep = ",")
nombrevariable = length(grep("x[0-9]*",
       colnames(dta)))
alltime = 1:100
for (j in 1:100) {
    alltime[j] = system.time({
        mclapply(1:nombrevariable, mc.cores
       = 2. function (i) {
            eval(parse(text =
       paste0 ("summary (lm (x", i, "~statut2,
    })[["elapsed"]]
```

```
R> c(mean(alltime), sd(alltime))
```

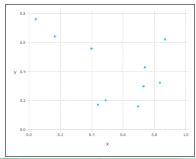
# "Le dessin n'est pas la forme, il est la manière de voir la forme" - Edgar Degas

julia dispose de plusieurs paquets permettant de tracer des graphiques :

Winston, Gadfly, PyPlot, ...

```
Pkg.add("Gadfly"); Pkg.add("Cairo");
using Gadfly, Cairo;

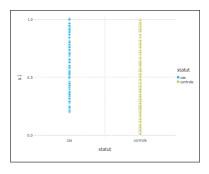
p = plot(x=rand(10), y=rand(10))
draw(PNG("plot1.png", 7.5cm, 6cm), p) # Ecriture de l'image
```



# "Le dessin n'est pas la forme, il est la manière de voir la forme" - Edgar Degas

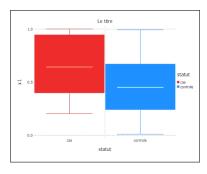
Le paquet Gadfly présente une syntaxe très proche de celle utilisée dans le package : ggplot2.

```
p1 = plot(dta2, x = "statut", y = "x1", color = "statut")
```



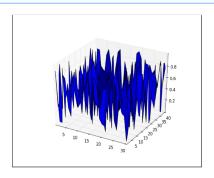
# "Le dessin n'est pas la forme, il est la manière de voir la forme" - Edgar Degas

```
p2 = plot(
    dta2, x = "statut", y = "x1", color = "statut", Geom.boxplot,
    Scale.color_discrete_manual("firebrick2", "dodgerblue"),
    Guide.title("Le titre")
)
```



# "Le dessin n'est pas la forme, il est la manière de voir la forme" - Edgar Degas

using PyPlot
surf(rand(30,40))



### Les modules

**julia** propose un système de "module" permettant d'encapsuler du code pour le (re)charger plus tard. Les paquets sont des modules.

```
julia> module MonModule
           export x
           x = 1
           v = 2 # variable cachee
       end
julia> whos (MonModule)
MonModule
                               Module
                               Tnt 64
iulia> names(MonModule)
2-element Array (Symbol, 1):
 :MonModule
 : x
iulia> x
ERROR x not defined
julia> (MonModule.x, MonModule.y)
```

### Les modules

Pour (re)charger un module, il suffit d'utiliser la fonction using de la même façon que pour un paquet.

```
julia> using MonModule
julia> x
1
julia> y
ERROR y not defined
```

Il est également possible d'importer une fonction / variable d'un module, même si celle-ci n'a pas été exportée, via la fonction import.

```
julia> import MonModule.y
julia> y
2
```

Les expressions (type Expr), du code non évalué, sont définies avec : ( ... )

Elles peuvent être évaluées via la fonction eval ().

```
julia> : ( println("Hello, world!") )
: (println("Hello, world!"))
julia> typeof(ans)
Expr
julia> eval(:( println("Hello, world!") ))
Hello, world!
```

Les macros sont des fonctions commençant par le caractère @ et utilisant les expressions.

Elles sont définies avec les commandes de début macro et de fin end :

```
julia> macro premieremacro (mot1, mot2)
    return : ( println(Smot1, Smot2) )
end
```

### Utiliser une macro

### Les macros peuvent être utilisées de deux façons :

```
julia> @premieremacro("Hello, ", "world!")
Hello, world!
julia> @premieremacro "Hello, " "world!"
Hello, world!
```

# Attention, la seconde méthode peut être ambigüe lorsque des tuples sont utilisés.

```
@name expr1 expr2 # deux arguments
@name(expr1, expr2) # deux arguments
@name (expr1, expr2) # un argument, un tuple de deux elements
```

# Sommaire

6 Appel de fonctions

### Exécuter des commandes externes

### julia permet l'exécution de commandes externes :

■ avec run ( `... `).

```
julia> run('echo hello')
hello
```

avec ; pour passer en mode console shell.

```
julia> ;
shell> echo hello
hello
julia>
```

Dans les deux cas, le résultat n'est pas renvoyé dans julià. Pour récupérer le résultat d'une commande, il y a la fonction readall.

```
julia> res = readall('echo hello')
"hello\n"
julia> res
"hello\n"
```

L'appel de fonctions Python s'effectue avec le paquet / module PyCall.

```
Pkg.add("PyCall")
using PyCall
```

Les commandes **pyeval** et **pycall** permettent l'évaluation et l'exécution de commandes python, provenant d'une importation avec **@pyimport**.

```
julia> pyeval("1+1")
2

julia> @pyimport math # OR math = pyimport(:math)
PyObject <module 'math' from '/usr/lib64/python2.7/lib-dynload/math.so'>

julia> pycall(math["sin"], Float64, 1)
0.841470848078965

julia> math.sin(math.pi / 4) - sin(pi / 4)
0.0
```

```
@pyimport matplotlib.pyplot as plt
x = linspace(0,2*pi,1000); y = sin(3*x + 4*cos(2*x));
plt.plot(x, y, color="red", linewidth=2.0, linestyle="--");
plt.show()
```

# Appel de fonctions C

L'appel de fonctions C est possible nativement par julia.

Il passe par l'utilisation d'un tuple contenant les informations sur la fonction et la librairie dans laquelle elle se trouve.

```
(:function, "library") ("function", "library")
```

#### L'utilisation d'une fonction C passe par ccall

```
ccall(
    (:function, "library"), # tuple d'importation de la fonction
    ReturnType, # type du resultat renvoye par la fonction
    (InputType) # un tuple des types fournies en entree de la fonction
)

julia> t = ccall( (:clock, "libc"), Int32, () )
34650000

julia> typeof(ans)
Int32
```

# Sommaire

7 Aller plus loin avec Julia

# Aller plus loin avec Julia

- Ce document est disponible sur GitHub
- Le site officiel : http//julialang.org/
- La communauté : http//julialang.org/community/
- La documentation complète : http://docs.julialang.org/en/latest/
- Diverses sources d'informations : http//julialang.org/learning/

# Sommaire

8 Références

84 / 85

### Références



Bezanson, J., Karpinski, S., Shah, V. B., and Edelman, A. (2012). Julia: A fast dynamic language for technical computing. *arXiv preprint arXiv*:1209.5145.