『アルゴリズムイントロダクション 第4版』章末問題

panot

2023年4月15日

第1章 計算におけるアルゴリズムの役割

問題 1.1 各関数 f(n) と時間 t に対して、アルゴリズムが問題を解くのに f(n) マイクロ秒かかる とき、t 時間で解くことができる最大の問題サイズ n を求めよ。

回答: このような計算結果になる。

| | 1秒 | 1分 | 1時間 | 1日 | 1ヶ月 | 1年 | 1世紀 |
|------------|------------|---------------------|---------------------|-----------------------|-----------------------|---------------------|-----------------------|
| $\lg n$ | 10^{301} | 10^{18061} | $10^{1083707}$ | $10^{26008991}$ | $10^{780269748}$ | $10^{9363236985}$ | $10^{936323698513}$ |
| \sqrt{n} | 10^{6} | 3.6×10^{9} | 1.30×10^{13} | 7.46×10^{15} | 6.72×10^{18} | 9.67×10^{20} | 9.67×10^{22} |
| n | 10^{3} | 6×10^{4} | 3.6×10^6 | 8.64×10^{7} | 2.59×10^9 | 3.11×10^{10} | 3.11×10^{12} |
| $n \lg n$ | 140 | 4895 | 204094 | 3.94×10^{6} | 9.77×10^{7} | 1.04×10^{9} | 8.56×10^{10} |
| n^2 | 31 | 244 | 1897 | 9295 | 50911 | 176363 | 1.76×10^6 |
| n^3 | 10 | 39 | 153 | 442 | 1373 | 3144 | 14597 |
| 2^n | 9 | 15 | 21 | 26 | 31 | 34 | 41 |
| n! | 6 | 8 | 9 | 11 | 12 | 13 | 15 |

表 1.1 計算結果