

DOSSIERS ALGORITHMIQUES SDU TP DE L'EC

2:STRUTURES DONNES

PROGRAMME 1 : LISTE SIMPLEMENT CHAÎNÉE AVEC INSERTION TRIÉE

1. PROBLÈME

Créer une liste simplement chaînée d'entiers et y insérer un nouvel élément de manière triée (ordre croissant).

2. PRINCIPE

Le principe est le suivant :

- Créer une liste chaînée en demandant à l'utilisateur de saisir n éléments
- Parcourir la liste pour trouver la position d'insertion d'un nouvel élément
- Insérer l'élément tout en maintenant l'ordre croissant
- L'insertion peut se faire en tête, au milieu ou en queue selon la valeur

3. DICTIONNAIRE DE DONNÉES

Variable	Type	Rôle
l	Liste (pointeur)	Pointeur vers la tête de la liste
p	Liste (pointeur)	Pointeur de parcours de la liste
el	int	Élément à insérer
n	int	Nombre d'éléments de la liste
i	int	Compteur de boucle
val	int	Valeur d'un nœud
suiv	Liste (pointeur)	Pointeur vers le nœud suivant
t	Liste (pointeur)	Pointeur temporaire pour l'insertion

4. ALGORITHME

Fonction creer_liste(Liste *l)

DÉBUT

 Lire (n) ; //nombre d'éléments

 p ← NULL ;

 POUR i DE 0 À n-1 FAIRE

 Lire (el) ;

 SI l == NULL ALORS

 Allouer (l) ;

 l → val ← el ;

 l → suiv ← NULL ;

 p ← l ;

 SINON

 allouer(p → suiv) ;

```

        p ← p → suiv ;
        p → val ← el ;
        p → suiv ← NULL ;
    FIN SI
FIN POUR
FIN

```

Fonction insertion(Liste *l, int el)

```

DÉBUT
    Allouer(t) ;
    t → val ← el ;
    p ← l ;

    SI l=NULL OU el < l → val ALORS
        // Insertion en tête
        t → suiv ← l ;
        l ← t ;
    SINON
        // Recherche de la position d'insertion
        TANT QUE (p → suiv ≠ NULL FAIRE)
            SI p → suiv → val > el ALORS
                t → suiv ← p → suiv ;
                p → suiv ← t ;
                RETOURNER
            FIN SI
            p ← p → suiv ;'
        FIN TANT QUE

        // Insertion en queue
        p → suiv ← t ;
        t → suiv ← NULL ;
    FIN SI
FIN

```

Fonction afficher_liste(Liste l)

```

DÉBUT
    p ← l
    TANT QUE p ≠ NULL FAIRE
        Afficher p → val ;
        p ← p → suiv ;
    FIN TANT QUE
FIN

```

Fonction destruction_de_liste(Liste l)

```

DÉBUT
    p ← l
    TANT QUE p ≠ NULL FAIRE

```

```

l ← l → suiv
Libérer p
p ← l
FIN TANT QUE
FIN

```

5. COMPLEXITÉ

- Complexité temporelle :
 - *créer_liste : $O(n)$ où n est le nombre d'éléments
 - *insertion : $O(n)$ dans le pire cas (insertion en queue)
 - *afficher_liste : $O(n)$
 - *destruction_de_liste : $O(n)$
 - *Complexité globale : $O(n)$
- Complexité spatiale :
 - * $O(n)$ pour stocker n éléments dans la liste
 - * $O(1)$ pour les variables auxiliaires

PROGRAMME 2 : INSERTION ET SUPPRESSION DANS UNE LISTE SIMPLEMENT CHAÎNÉE CIRCULAIRE

1. PROBLÈME

Implémenter une liste chaînée circulaire avec des opérations d'insertion en tête et en queue.

2. PRINCIPE

Le principe est le suivant :

- Une liste circulaire où le dernier élément pointe vers le premier
- Pour l'insertion en tête : créer le nouveau nœud, le faire pointer vers la tête actuelle, puis faire pointer le dernier vers ce nouveau nœud qui devient la nouvelle tête
- Pour l'insertion en queue : parcourir jusqu'au dernier, créer le nouveau nœud, le faire pointer vers la tête, et mettre à jour le pointeur du dernier

3. DICTIONNAIRE DE DONNÉES

Variable	Type	Rôle
head	cellule*	Pointeur vers la tête de la liste
nouveau	cellule*	Nouveau nœud à insérer
temp	cellule*	Pointeur de parcours
valeur	int	Valeur à insérer
n	int	Nombre de valeurs initiales
choix	int	Choix du menu

4. ALGORITHME

Fonction insererTete(cellule **head, int valeur)

DÉBUT

Allouer (nouveau) ;
nouveau → val ← valeur ;

SI head=NULL ALORS

nouveau → suiv ← nouveau ;
head ← nouveau ;

SINON

temp ← head
// Trouver le dernier élément
TANT QUE (temp → suiv ≠ head) FAIRE
temp ← temp → suiv ;
FIN TANT QUE

nouveau → suiv ← head ;
temp → suiv ← nouveau ;
head ← nouveau ;

FIN SI

FIN

Fonction insererQueue(cellule **head, int valeur)

DÉBUT

Allouer (nouveau) ;
nouveau → val ← valeur ;

SI head=NULL ALORS

nouveau → suiv ← nouveau ;
head ← nouveau ;

SINON

temp ← head ;
// Trouver le dernier élément
TANT QUE (temp → suiv ≠ head) FAIRE
temp ← temp → suiv ;
FIN TANT QUE

temp → suiv ← nouveau ;
nouveau → suiv ← head ;

FIN SI

FIN

5. COMPLEXITÉ

- Complexité temporelle :

- * insererTete : $O(n)$ - doit parcourir pour trouver le dernier
- * insererQueue : $O(n)$ - doit parcourir pour trouver le dernier
- * afficher : $O(n)$

- Complexité spatiale :

- * $O(n)$ pour la liste

* $O(1)$ pour les variables auxiliaires

Note d'amélioration: Avec un pointeur vers la queue, les insertions seraient en $O(1)$.

PROGRAMME 3 : INSERTION EN TÊTE ET QUEUE DANS UNE LISTE DOUBLEMENT CHAÎNÉE CIRCULAIRE

1. PROBLÈME

Implémenter une liste doublement chaînée circulaire avec insertion en tête et en queue.

2. PRINCIPE

Le principe est le suivant :

- Chaque nœud a deux pointeurs : vers le suivant et vers le précédent
- Structure circulaire : le premier pointe vers le dernier (prec) et le dernier vers le premier (suiv)
- Insertion en tête : modifier les pointeurs du nouveau nœud, de l'ancienne tête et du dernier
- Insertion en queue : créer en tête puis déplacer le pointeur de tête

3. DICTIONNAIRE DE DONNÉES

Variable	Type	Rôle
<code>l</code>	liste*	Pointeur vers la tête de la liste
<code>p</code>	liste*	Nouveau nœud à insérer
<code>q</code>	liste*	Pointeur de référence (tête)
<code>val</code>	int	Valeur du nœud
<code>prec</code>	liste*	Pointeur vers le nœud précédent
<code>suiv</code>	liste*	Pointeur vers le nœud suivant

4. ALGORITHME

Fonction `insererQueue(liste **l, int val)`

DÉBUT

 Allouer (p) ;
 $p \rightarrow \text{val} \leftarrow \text{val}$;

 SI $l = \text{NULL}$ ALORS

$p \rightarrow \text{suiv} \leftarrow p$;
 $p \rightarrow \text{prec} \leftarrow p$;
 $l \leftarrow p$;

 SINON

$q \leftarrow l$;
 $p \rightarrow \text{suiv} \leftarrow q$;
 $p \rightarrow \text{prec} \leftarrow q \rightarrow \text{prec}$;
 $q \rightarrow \text{prec} \rightarrow \text{suiv} \leftarrow p$;
 $q \rightarrow \text{prec} \leftarrow p$;

 FIN SI

FIN

Fonction `insererTete(liste **l, int val)`

```

DÉBUT
  insérerQueue(l, val) ;
  l ← l → prec ; // Déplacer la tête vers le nouveau dernier élément
FIN

```

Fonction afficher(liste *l)

```

DÉBUT
  SI l=NULL ALORS
    RETOURNER
  FIN SI

```

```

  p ← l ;
  RÉPÉTER
    Afficher p → val ;
    p ← p → suiv ;
  JUSQU'À p = l
FIN

```

5. COMPLEXITÉ

- Complexité temporelle :
 - * insérerQueue : $O(1)$ - accès direct au dernier via $l \rightarrow \text{prec}$
 - * insérerTête : $O(1)$ - réutilise insérerQueue puis déplace pointeur
 - * afficher : $O(n)$
- Complexité spatiale :
 - * $O(n)$ pour la liste
 - * $O(1)$ pour les variables auxiliaires

Avantage : Les insertions sont en temps constant grâce à la double liaison !

PROGRAMME 4 : SUPPRESSION D'UN ELEMENT (AINSI QUE TOUTES SES OCCURENCES) DANS UNE LISTE DOUBLEMENT CHAÎNÉE (NON CIRCULAIRE)

1. PROBLÈME

Créer une liste doublement chaînée et supprimer toutes les occurrences d'un élément donné.

2. PRINCIPE

Le principe est le suivant :

- Créer une liste avec des pointeurs vers le suivant et le précédent
- Parcourir la liste pour rechercher l'élément à supprimer
- Gérer les cas particuliers : suppression en tête, au milieu, en queue
- Réajuster les pointeurs après chaque suppression

3. DICTIONNAIRE DE DONNÉES

Variable	Type	Rôle
l	Liste	Pointeur vers la tête de la liste
p	Liste	Pointeur de parcours
t	Liste	Pointeur temporaire pour suppression
el	int	Élément à supprimer
val	int	Valeur d'un nœud
suiv	Liste	Pointeur vers le suivant
pre	Liste	Pointeur vers le précédent

4. ALGORITHME

Fonction creer_liste(Liste *l)

DÉBUT

 Lire (n) ;

 POUR i DE 0 À n-1 FAIRE

 Lire (el) ;

 SI l est vide ALORS

 Allouer (p) ;

$p \rightarrow \text{val} \leftarrow \text{el}$;

$l \leftarrow p$;

$l \rightarrow \text{suiv} \leftarrow \text{NULL}$;

$l \rightarrow \text{pre} \leftarrow \text{NULL}$;

 SINON

 Allouer ($p \rightarrow \text{suiv}$) ;

$p \rightarrow \text{suiv} \rightarrow \text{pre} \leftarrow p$;

$p \leftarrow p \rightarrow \text{suiv}$;

$p \rightarrow \text{val} \leftarrow \text{el}$;

 FIN SI

 FIN POUR

$p \rightarrow \text{suiv} \leftarrow \text{NULL}$;

FIN

Algorithme de suppression (dans main)

DÉBUT

 Lire(el) ;

$p \leftarrow l$;

 TANT QUE $p \rightarrow \text{suiv} \neq \text{NULL}$ FAIRE

 SI $l \rightarrow \text{val} = \text{el}$ ALORS

 // Suppression en tête

$l \leftarrow l \rightarrow \text{suiv}$;

 DESALLouer(P) ;

$p \leftarrow l$;

 FIN SI

```

SI p → suiv → val = el ALORS
  // Suppression au milieu
  t ← p → suiv ;
  p → suiv ← p → suiv → suiv ;
  DESALLOCUER(P) ;
SINON
  p ← p → suiv ;
FIN SI
FIN TANT QUE
FIN

```

5. COMPLEXITÉ

Complexité temporelle :

- * créer_liste : $O(n)$
- * Suppression : $O(n)$ - un seul parcours
- * afficher_liste : $O(n)$
- * destruction_de_liste : $O(n)$

- Complexité spatiale :

- * $O(n)$ pour la liste
- * $O(1)$ pour les variables auxiliaires

COMPARAISON DES STRUCTURES

Structure	Insertion tête	Insertion queue	Parcours	Espace mémoire
Simple	$O(1)$	$O(n)$	$O(n)$	n pointeurs
Simple circulaire	$O(n)^*$	$O(n)^*$	$O(n)$	n pointeurs
Double	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$	2n pointeurs
Double circulaire	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$	2n pointeurs