

第三章

- (1) 已知两个向量 $p_1 = (-1, 5)^T, p_2 = (1, 1)^T$ 关于矩阵 $\begin{bmatrix} a & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ 共轭, 则 $a =$ _____。
- (2) 在最速下降法, Newton 法, FR 方法, DFP 方法, BFGS 方法中不具备二次终止性的算法为_____。
- (3) 在 R^3 中 2 维平面 $\{(1, 1, 1) + k_1(1, 0, 2)^T + k_2(-1, 2, 0)^T \mid k_1, k_2 \in R\}$ 上, 函数 $f(x_1, x_2, x_3) = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2$ 的极小点为_____。
- (4) 用牛顿法求解问题 $\min(x_1 + 2x_2)^2 + (x_2 - x_3 + 1)^2 + (x_1 + x_3 - 2)^2$, 以 $x^{(0)} = (1, 10, -9)^T$ 为初始点迭代一步后得到的点 $x^{(1)} =$ _____。
- (5) 函数 $f(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2$ 在 2 维超平面 $\{(1, 1) + k_1(1, 2)^T \mid k_1 \in R\}$ 上的极小点为 $(1, 1) + \beta(1, 2)^T$, 则 $\beta =$ _____。
- (6) 用最速下降法求解问题 $\min x_1^2 + 2x_2^2$, 以 $x^{(0)} = (1, 1)^T$ 为初始点迭代一步后得到的点 $x^{(1)} =$ _____。
- (7) 已知常数 a, b 满足 $-a + b = \frac{16}{5}$, 两个向量 $p_1 = (1, 2)^T, p_2 = (a, -1)^T$ 关于矩阵 $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & b \end{bmatrix}$ 共轭, 则常数 $b =$ _____。
- (8) 用 DFP 算法求解无约束最优化问题, $H_k = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}, g_k = \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \end{bmatrix}$, 则方向 $p_k =$ _____。
- (9) 请写出求解无约束最优化问题的具备二次终止性的四个算法_____。
- (10) a, b 是两个实数, 两个向量 $p_1 = (-3, a)^T, p_2 = (-1, 1)^T$ 关于矩阵 $\begin{bmatrix} b & 2 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$ 共轭, 则 $a^2 + b^2$ 的最小值为_____。

第四章

$$\begin{aligned} \min & f(x_1, x_2) \\ \text{s.t.} & 4 - (x_1^2 + x_2^2) \geq 0 \end{aligned}$$

- (1) 对于优化问题 $\begin{aligned} x_1 &\geq 0 \\ 1 - x_1 &\geq 0 \\ x_2 &\geq 0 \end{aligned}$, 该问题在点 $(1, \sqrt{3})^T$ 处的有效集为_____。
- (2) 用外罚函数方法求解 $\begin{aligned} \min & x_1^4 + x_2^4 \\ \text{s.t.} & x_1 - x_2^2 = 1 \end{aligned}$, 其增广目标函数为_____。
- (3) 用(对数)内罚函数方法求解 $\begin{aligned} \min & x_1^4 + x_2^4 \\ \text{s.t.} & x_1 + x_2^2 \geq 1 \end{aligned}$, 其增广目标函数为_____。
- (4) 用乘子法求解 $\begin{aligned} \min & x_1^2 + 2x_2^2 \\ \text{s.t.} & x_1 + x_2^3 = 1 \end{aligned}$, 其增广 Lagrange 函数为_____。