

# Projet de Master

Romain Mencattini

10 août 2017

## Table des matières

<b>1</b>	<b>État de l'art</b>	<b>3</b>
1.1	Introduction . . . . .	3
1.2	Finance . . . . .	4
1.2.1	<i>FOREX</i> . . . . .	4
1.3	Cadre théorique des algorithmes de <i>Machine Learning</i> . . . . .	6
1.3.1	Introduction . . . . .	6
1.3.2	<i>Logistic Regression</i> . . . . .	7
1.3.3	Les arbres de décision . . . . .	8
1.3.4	<i>Naïve Bayes</i> . . . . .	9
1.3.5	<i>SVM</i> . . . . .	10
1.3.6	Réseaux de neurones . . . . .	12
1.4	<i>Machine Learning</i> dans le cadre de la finance . . . . .	12
1.5	Conclusion . . . . .	12
<b>2</b>	<b>Projet</b>	<b>13</b>
<b>3</b>	<b>Bibliographie</b>	<b>14</b>

# 1 État de l'art

## 1.1 Introduction

Avant la démocratisation de l'informatique et de son utilisation, toutes les opérations financières étaient réalisées par des humains. Ce système pouvait avoir des inconvénients :

- L'émotionnel pouvait influencer les transactions. En effet, ces dernières étant effectuées par des humains, il y avait une risque non négligeable que l'état de la personne agisse sur sa décision.
- Un problème sous-jacent était de maintenir une discipline de *trading*. Afin de minimiser les pertes et de maximiser les gains, il fallait se tenir à ce plan afin de ne pas ce laisser influencer par des paramètres extérieurs. Cela pouvait être très difficile.
- Le *backtesting*<sup>1</sup> était impossible. Tester la qualification ainsi que la qualité de *trading* d'une personne était compliquée. De même pour un *trading plan*.

Ces éléments ont, en partie, favorisé l'émergence et l'utilisation d'algorithmes dans la finance. En 2014 aux USA, 84% des transactions étaient accomplies par des algorithmes [1]. Ce qui représente environ 100000 réalisations, ou *ticks*, par secondes [1]. De part l'utilisation intensive de cet outil informatique, le monde de la finance a suivi l'évolution de ce domaine. Afin de perfectionner leurs algorithmes. On retrouve donc des méthodes d'optimisations poussées ainsi que les récentes découvertes de *data mining* et de *machine learning*, abrégé *ML*. Des propositions de plus en poussées dans les deux domaines voient le jour. L'algorithme qui sera au coeur de ce projet en fait partie. Il s'agit d'un réseau de neurones avec plusieurs couches prenant en compte des paramètres particuliers à la finance.

Afin d'approcher aux mieux ces notions, nous allons discuter des éléments nécessaires à la compréhension. Nous allons en premier lieu introduire le domaine financier ainsi que ces outils. Puis nous parlerons de plusieurs méthodes de *ML*. Voici celles vont être développées dans cet état de l'art :

- Les réseaux de neurones.
- Les arbres de décision.
- Les algorithmes *SVM* [6].
- *Logistic Regression*.
- *Naive Bayes*.
- Descente du Gradient [8] ainsi que sa version dite stochastique [7].

Finalement, nous lierons les deux domaines en montrant comment adapter les modèles mathématiques de *ML* pour les utiliser comme techniques de *trading*.

---

1. Backtesting is the process of testing a trading strategy on relevant historical data to ensure its viability before the trader risks any actual capital. [14]

## 1.2 Finance

### 1.2.1 FOREX

Afin de comprendre le fonctionnement du *FOREX*, il est important de mentionner certaines décisions historiques. Ces dernières ont façonné le marché des devises actuel.

Jusqu'à la première guerre mondiale, le système en vigueur se base sur l'or, que l'on nomme l'étalon-or<sup>1</sup>. S'en suit une période d'instabilité notamment due aux pertes occasionnées par la guerre, un après-guerre compliqué, la crise boursière de 1929 et la seconde guerre mondiale.

C'est au sortir de cette dernière, que la nécessité de "*mettre en place une organisation monétaire mondiale et de favoriser la reconstruction et le développement économique des pays touchés par la guerre*" [16], est apparue. Le but était également "*d'aplanir les conflits économiques, reconnaissant par là les problèmes engendrés par les disparités économiques*" [17].

Plusieurs propositions furent proposées, mais ce fût celle de Harry Dexter White qu'on mit en place. Cette dernière prévoyait entre autre :

- le choix du Dollar américain comme étalon, ce dernier étant rattaché à l'or<sup>2</sup>.
- Création de la Banque internationale pour la reconstruction et le développement (BIRD) qui deviendra la banque mondiale.
- Le Fond monétaire international (FMI).
- Création de l'Organisation mondial du commerce<sup>3</sup>.

On remarque que ces institutions sont toujours en activité, cela démontre l'importance de ces accords pour comprendre le système financier. Cela est également vrai pour le marché des taux de changes, où le USD est toujours utilisé entre deux échanges. Il n'est en effet pas possible de faire CHF/EUR<sup>4</sup>. Le passage par le USD entre les deux est obligatoire ; nous aurons donc CHF/USD<sup>5</sup> puis USD/EUR<sup>6</sup>

Le marché *FOREX* porte sur les devises. La valeur d'une devise ne peut être exprimée qu'en fonction d'une autre. Par exemple 1 franc suisse vaut 1.05 euro.<sup>7</sup> La transaction porte donc sur deux monnaies comme CHF/EUR. On va vendre des francs suisses pour acheter euros ou l'inverse. Le nom du marché vient d'ailleurs de ces échanges. On échange une monnaie contre une autre, c'est un *FO*reign *EX*change, ou *FOREX*.

Il y a deux variations de la monnaie possibles :

- La monnaie peut subir une dépréciation.
- La monnaie peut subir une appréciation.

---

1. Source : [17].

2. Suspension l'équivalence or pour le dollar américain en août 1971 puis abandon définitif en mars 1973 [16].

3. Ne verra le jour qu'en 1995 faute d'accord [16].

4. Franc Suisse - Euro

5. Franc Suisse - Dollar Américain

6. Dollar Américain - Euro

7. Taux fictif utilisé pour l'exemple.

Lorsque le prix d'une monnaie augmente par rapport à une monnaie étrangère augmente, on parle d'appréciation. Ainsi dans le cas contraire, on parlera d'une dépréciation.

La mondialisation a facilité ce marché. En effet, toutes les devises sont accessibles depuis n'importe où. Il devient donc possible d'avoir des marchés avec des devises plus exotiques.

Les principaux acteurs financiers sont [18] :

- Les banques commerciales. Elles peuvent pratiquer des interventions directes car elles gèrent des dépôts et veulent opérer des transactions sur ces derniers. Il est également possible de réaliser le rôle d'intermédiaire financier.
- Les entreprises. Ces dernières vont pratiquer des transactions directes, si elles disposent d'un accès aux marchés sinon via des banques.
- Les institutions financières non-bancaires. On peut citer les fonds de pensions, les sociétés d'assurances ou les *hedge funds*. Ce sont surtout dans un but de spéculation, d'arbitrage ou de couverture de risque qu'elles interviennent.
- Les banques centrale. Il peut y avoir des interventions directes, dans le but de modifier l'appréciation de la monnaie.
- Les ménages. Surtout dans une optique de voyage, d'achat ou de spéculation.

Henry Bourguinat a énoncé "*la règle des trois unités*" qui correspondent aux unités de temps, de lieu et d'opérations et d'acteurs. Le *FOREX* répond à ces trois unités [19] :

- Ce marché fonctionne 24h/24 et les transactions s'effectuent presque en continue.
- Il fonctionne à l'échelle mondiale tout en étant décentralisé. De part l'évolution des technologies, l'information circule aisément malgré son statut.
- L'uniformité des procédés ainsi que des produits est présente. Les acteurs malgré nationalité sont de même nature.

Il existe principalement deux horizon temporels : le *spot* et le forward.

Le premier est également appelé "Le marché au comptant". Lorsque deux acteurs se mettent d'accord sur une transaction, cette dernière se réalise immédiatement<sup>1</sup>.

Le second peut être nommé "Le marché à terme". L'accord est passé à un temps  $T$  mais la transaction effective ne se réalise que dans le futur. Ce futur, ou maturité, peut être de plusieurs dizaines de jours, voir des années, soit  $T + X$ .

Il y a opérations réalisable sur le marché à terme. :

- Les *swaps*. Ils consistent vendre une monnaie au comptant puis à la racheter à terme<sup>2</sup>.
- Les *futures/forwards*. La différence entre ces deux tient surtout à leur standardisation et leur mise en place. Cependant le principe reste le même : on réalise une opération (d'achat ou de vente) qui ne s'effectuera qu'à maturité.
- Les *options*. Cela représente un contract vendu par un parti (*the option writer*) à un autre parti (*the option holder*). Ce contrat offre le droit, et non l'obligation

---

1. Valable en théorie, dans la réalité cela peut prendre du temps [18]

2. Soit à  $T + X$

contrairement aux *futures/forwards*, d'acheter (*call*) ou de vendre (*put*). Ici encore, il faut attendre la maturité.

Les options sont très versatiles. Elles peuvent être utilisées afin de spéculer ou de diminuer le risque. Voici les différents types possibles :

- **long call** → on achète le droit d'acheter le sous-jacent à un certain prix.
- **short call** → on vend le droit d'acheter le sous-jacent à un certain prix.
- **long put** → on achète le droit de vendre le sous-jacent à un certain prix.
- **short put** → on vend le droit de vendre le sous-jacent à un certain prix.

Le *bid* est le prix maximum qu'un acheteur est d'accord de payer pour un sous-jacent. De la même manière, le *ask* est le prix minimum qu'un vendeur accepte pour vendre un sous-jacent [20]. Lorsqu'il y a un *bid* qui a la même valeur qu'un *ask*, une vente est effectuée.

La différence entre le *bid* et le *ask* représente la liquidité d'un actif. Il est également utilisé comme marge par les *broker* [21] et autres plateformes.

## 1.3 Cadre théorique des algorithmes de *Machine Learning*

### 1.3.1 Introduction

T. Mitchell a donné une définition formelle [5] :

*"A computer program is said to learn from experience  $E$  with respect to some class of tasks  $T$  and performance measure  $P$  is its performance at tasks in  $T$ , as measured by  $P$ , improves with experience  $E$ "*

On a donc une tâche  $T$  à accomplir, où  $T$  peut être de trier des images ou de reconnaître des motifs. La mesure de la réussite de cette tâche  $T$  est nommée  $P$ . C'est-à-dire la qualité du résultat du programme pour la tâche donnée,  $T$ . Si le programme améliore son résultat  $P$  pour la tâche  $T$  grâce à de l'expérience  $E$ . Il s'agit d'un programme de *machine learning*. L'expérience peut être vu comme une phase d'entraînement ou comme le fait de retenir les réponses après avoir accompli la tâche.

Il existe deux catégories d'apprentissage :

- L'apprentissage supervisé.
- L'apprentissage non-supervisé.

Dans le cas du premier, on fournit au programme, un ensemble d'entraînement<sup>1</sup>, qui contient des réalisations ainsi que le résultat de la classification. Le programme va donc pouvoir utiliser ce savoir afin d'améliorer sa performance  $P$ . Nous disposons donc de nombreux couples  $(x_i, y_i)$  et le but est de trouver une fonction  $f \in F$  telle que :  $f(x) = y$ .

Pour l'apprentissage non-supervisé, on fournit des données, mais sans le résultat voulu. C'est uniquement après avoir décidé d'une valeur qu'on va signifier au programme si cette dernière est correcte. On ne lui donnera jamais la valeur attendue. Il va donc utiliser uniquement les résultats précédents pour améliorer son  $P$ .

---

1. Ou d'expérience,  $E$

Par exemple, on désire reconnaître un certain type de voiture à partir d'images. Dans le cas de l'apprentissage supervisé, nous allons fournir au programme un ensemble d'entraînement qui contient de nombreuses photos de voitures, ainsi que la marque des dites voitures. L'algorithme va donc travailler avec ces données.

Par contre dans le cas de l'apprentissage non-supervisé, le programme ne pourra utiliser que les photos, et après avoir retourné le résultat, nous lui dirons si c'est juste ou faux. Il mémorisera le résultat et va tenter d'optimiser ses réponses.

Concernant, l'ensemble d'entraînement, il y a des points à prendre en compte afin de minimiser les risques de sur-apprentissage<sup>1</sup>, et de maximiser la qualité de nos données. Pour ce faire il faut :

- Représenter la population générale. Donc si le but est du traitement de la langue, il faut que la propension et la répartition des mots soient les mêmes que ceux de la langue.
- Contenir des membres de chaque classes. Pour reconnaître des chiffres, il est important de disposer de chacun des chiffres dans l'ensemble d'entraînement.
- Contenir de grandes variations ainsi que du bruit. Afin d'éviter le sur-apprentissage, il faut de nombreux exemples différents, voir très différents, les uns des autres ainsi que du bruit<sup>2</sup>.

Il est important de saisir comment fonctionnent les algorithmes de *machine learning*. Les données étant "fixes", elles ne peuvent être modifiées afin d'augmenter la performance de classification. Une fois qu'on dispose d'un *tick* en finance ou bien d'un *review* sur un produit, on ne peut en changer l'expressivité. Il convient donc d'utiliser ces données, souvent de très hautes dimensionnalités, dans des équations dont on pourra faire varier les paramètres afin de classifier au mieux. Le coeur des algorithmes de *machine learning* se trouve donc dans ses équations, qu'il va convenir d'optimiser.

### 1.3.2 Logistic Regression

Une régression en statistique consiste à analyser la relation entre une variable par rapport à un ensemble d'autres [22]. On veut estimer la probabilité conditionnelle, en se basant sur des variables et en utilisant une distribution logistique cumulative. Cette dernière a une forme semblable à une distribution Gaussienne, mais avec des queues épaisses et donc une *kurtosis* plus élevée. Où la *kurtosis* est définie comme suit :

$$Kurt(X) = \frac{\mu_4}{\sigma^4}, \text{ où } \mu_4 \text{ est le quatrième moment centré et } \sigma^4 \text{ la variance au carré.}$$

Le but est de modéliser :  $P(Y = 1|X = x)$  comme fonction de  $x$ . Nous voulons donc savoir quelle est la probabilité que la classe  $Y$  vaille 1 sachant que  $X$  vaut  $x$ .

Le modèle de régression est le suivant [2] :

---

1. Le sur-apprentissage consiste à apprendre par coeur la tâche, plutôt que d'apprendre les principes pour réaliser la tâche.

2. Comme des faux exemples.

$$\log\left(\frac{p(x)}{1-p(x)}\right) = \beta_0 + x \cdot \beta$$

En résolvant cette équation pour  $p$ , cela donne [2] :

$$p(x|y) = \frac{1}{1+e^{-(\beta_0+x\cdot\beta)}}$$

Dans le cadre de l'article : *A Machine Learning Approach to Automated Trading* [2], l'auteur a implémenté deux variations de cet algorithmes :

— *Logistic regression with a ridge penalty* :

$$\sum_{i=1}^N (y_i - \sum_j \beta_j x_{ij})^2 + \lambda \sum_j \beta_j^2$$

L'objectif est de minimiser le carré de la différence entre la classe  $y_i$  et le résultat calculé :  $\sum_j \beta_j x_{ij}$ . Donc en fonction de l'observation  $x_i$  et du coefficient  $\beta$ . En

ajoutant une pénalité, sur  $\beta$ , on va tenter d'éviter le sur-apprentissage.

— *Lasso logistic regression/ Lasso regularization* :

$$\sum_{i=1}^N (y_i - \sum_j \beta_j x_{ij})^2 + \lambda \sum_j |\beta_j|$$

Le fonctionnement est similaire au précédent, seul change la pénalité.

### 1.3.3 Les arbres de décision

Un arbre de décision est un arbre, dont chaque nœud représente un test sur un attribut. Les branches qui suivent directement le nœud sont les valeurs possibles de l'attribut et donc les résultats. Les feuilles de l'arbre, quant à elles, sont la classification de l'élément donné en entrée.

Il est important de disposer des attributs avant de commencer la construction de l'arbre. Lors de l'implémentation, nous pouvons représenter l'arbre comme une suite de *if-then-else* afin d'améliorer la lisibilité. Dans ce cas très précis, disposer d'un langage permettant le *pattern matching* est fort utile.

Cet algorithme a tendance à très facilement sur-apprendre, il convient donc de bien choisir la manière de construire l'arbre ainsi que l'ensemble d'entraînement pour minimiser cet effet.

Voici un exemple d'arbre de décision<sup>1</sup> :

---

1. <http://cloudmark.github.io/images/kotlin/ID3.png>



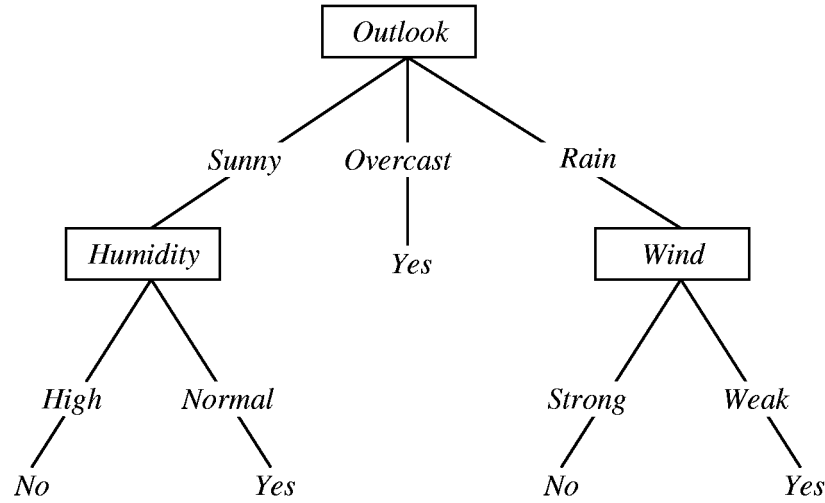


FIGURE 1 – Exemple d’arbre de décision : Permet de décider si nous pouvons aller jouer au tennis ou non.

Afin de construire l’arbre à partir de l’ensemble d’entraînement, il existe plusieurs algorithmes. Un des plus connus est le *ID3* [9]. Il s’agit d’une méthode de type *greedy* qui va à chaque itération, effectuer un test statistique<sup>1</sup> afin de savoir quel attribut est le plus discriminant, utilisant cet attribut comme nœud, puis itérer jusqu’à avoir utilisé tous les attributs.

### 1.3.4 Naïve Bayes

À l’instar de la régression logistique [1.3.2], il s’agit d’un classifieur probabiliste. Ce dernier se base sur le théorème de Bayes<sup>2</sup> :

$$P(Y|X) = \frac{P(X|Y)}{P(X)}P(Y)$$

Il est important que les données aient une distribution normale.

À partir de cela, nous obtenons l’équation de *machine learning* suivante [2] :

$$V_{NB} = \arg \max_{v_j \in V} P(v_j) \prod_i P(a_i|v_j)$$

Où  $V_{NB}$  est la classe obtenue,  $P(v_j)$  la probabilité à *priori* donc sans informations et  $\prod_i P(a_i|v_j)$  la probabilité de vraisemblance. Il convient donc de trouver la classe qui maximise ce calcul.

1. Il vise à vérifier la quantité d’information gagnée pour la classification [9].  
 2. <https://brilliant.org/wiki/bayes-theorem/>

La *ROC<sup>1</sup> Curve analysis* permet d'améliorer le classifieur. En effet cette dernière peut détecter les *true positive rate* par rapport aux *false positive rate* pour différents seuils de classification de l'algorithme *Naive Bayes* [2]. À partir de cela on peut déterminer le meilleur seuil de sortie et donc perfectionner notre algorithme. De plus cette courbe peut aider à comparer des classifieurs entre eux en comparant la surface sous la courbe [2].

La méthode utilisée est la suivante [2] : il faut faire s'intersecter la pente  $S$  avec la courbe *ROC* et ainsi obtenir une valeur optimale pour le seuil. Cette pente  $S$  est définie comme suit [2] :

$$S = \frac{Cost(P|N) - Cost(N|N)}{Cost(N|P) - Cost(P|P)} \cdot \frac{N}{P}$$

Sachant que  $Cost(P|N)$  est le coût pour avoir mal classé une classe négative comme positive.  $P$  est la somme des vrais positifs et des faux négatifs.  $N$ , quant à lui, vaut la somme des vrais négatifs ainsi que des faux positifs.

Voici une illustration <sup>2</sup> :

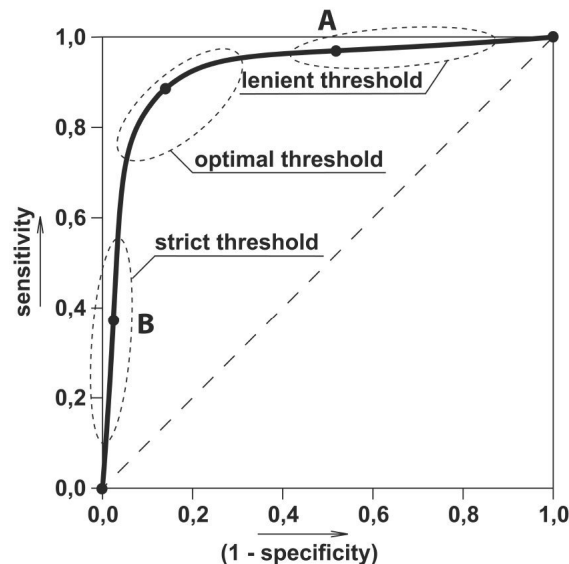


FIGURE 2 – Exemple de *ROC curve* : L'axe des  $x$  correspond au taux de faux positifs et l'axe des  $y$  au taux de vrais positifs. On veut donc tendre vers  $y = 1$  et  $x = 0$ . Lors de l'optimisation par la pente  $S$ , le but sera d'obtenir une intersection avec la *ROC curve* dans la zone *optimal threshold* afin d'avoir le meilleur seuil possible.

### 1.3.5 SVM

Le but de l'algorithme *SVM<sup>3</sup>* est de séparer les données grâce à un hyper-plan. Cela permet de différencier les classes des observations suivant qu'ils se trouvent d'un côté ou

1. Receiver Operating Characteristic

2. Source : [http://www.prolekare.cz/dbpic/jp\\_5403\\_f\\_20-x1000\\_1600](http://www.prolekare.cz/dbpic/jp_5403_f_20-x1000_1600)

3. *Support Vector Machine*

l'autre du plan séparant. Ce plan n'est pas unique<sup>1</sup> :

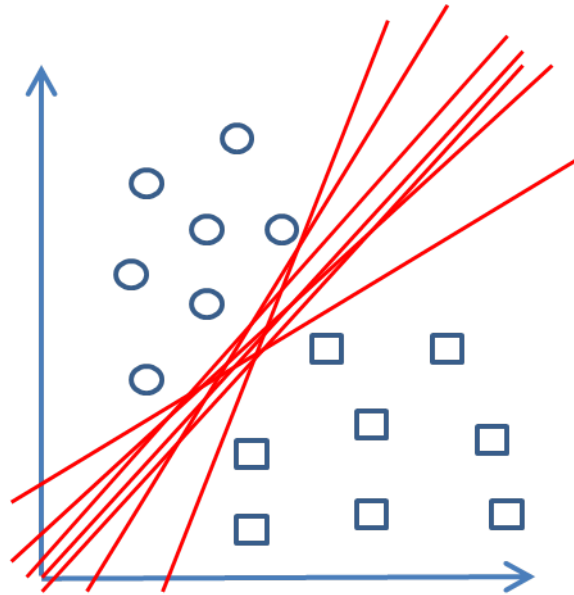


FIGURE 3 – Exemple d'hyper-planes séparant les données. Si nous voulons classifier un nouvel élément, il suffit de calculer s'il se trouve à gauche ou à droite de l'hyper-plan. Dans le premier cas, il s'agira, pour notre algorithme, d'un rond et dans l'autre d'un carré

Notre fonction est :

$$f(x) = (w \cdot x) + b$$

Le but est de maximiser la distance entre les points les plus proches de l'hyper-plan, tout en pénalisant les points mal classés. Il n'est pas toujours possible de séparer les données de dimensions  $n$ , il conviendra donc d'augmenter la dimension afin d'obtenir une dimension  $m > n$ . La fonction  $\phi(x)$  est utilisée dans ce but. Un exemple de fonction est :

$$\phi : R^2 \rightarrow R^3(x, y) \rightarrow (x, y, z) := (x^2, \sqrt{2}xy, y^2)$$

Il est possible d'imager cette opération comme cela<sup>2</sup> :

- 
1. Source : <https://computersciencesource.files.wordpress.com/2010/01/svmafter.png>
  2. <https://www.dtrek.com/uploaded/pageimg/SvmDimensionMap.jpg>

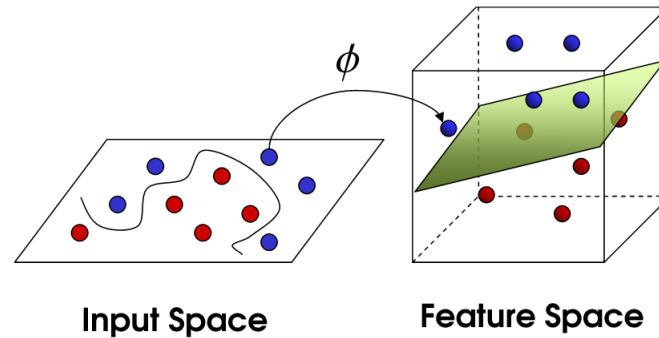


FIGURE 4 – Exemple d'utilisation de la fonction  $\phi$  pour passer d'un espace  $R^2$  à  $R^3$  afin de faciliter la séparation.

En terme d'équation, nous voulons minimiser  $w, ||w||^2$  dans l'équation de l'hyper-plan :  $(w \cdot x) + b$ . Ce qui donne :

$$y_i(w \cdot x_i + b) \geq 1 \text{ si } y \in \{-1, +1\} \text{ [11]}$$

Si malgré l'augmentation de la dimension, les données ne sont pas séparables, il faut tenter de minimiser le nombre d'éléments mal placés. Pour ce faire :

$$y_i(w \cdot x_i + b) \geq 1 - \xi_i \text{ avec } \xi_i > 0 \text{ [11]}$$

Afin de diminuer l'erreur et optimiser au mieux notre classifieur.

### 1.3.6 Réseaux de neurones

Tout comme les algorithmes génétiques qui s'inspirent de la sélection naturelle dans un but d'optimisation, les réseaux de neurones se basent sur un modèle formels de neurones<sup>1</sup> afin de copier la capacité d'apprentissage des êtres vivants.

## 1.4 Machine Learning dans le cadre de la finance

Avant de parler des performances des algorithmes mentionnés, il convient de préciser qu'ils proviennent de plusieurs articles et recherches différents. Ils ont donc été testé avec des paramètres ayant des valeurs disparates ainsi que sur des données distinctes. Il est donc très compliqué de comparer les résultats des algorithmes et d'affirmer qu'une méthode est meilleure qu'une autre. Ces résultats servent plutôt à illustrer la qualité intrinsèque des procédés. Avec un résultat de 80%, nous pouvons estimer que la performance est bonne, et l'inverse pour une valeur de 20%.

## 1.5 Conclusion

---

1. Neurones formels : <http://www.peoi.org/Courses/Coursesfr/neural/neural3.html>

## **2   Projet**

### 3 Bibliographie

1. Financial Times : "*Real investors eclipsed by fast trading*", 2012 <https://www.ft.com/content/da5d033c-8e1c-11e1-bf8f-00144feab49a?mhq5j=e1>
2. "*A Machine Learning Approach to Automated Trading*", 09.05.2016, Ning Lu
3. "*An efficient implementation of the backtesting of trading strategies*." Ni, Jiarui, et Chegqi Zhang, *Parallel and Distributed Processing and Applications* (2005) : 126-131.
4. "*Algorithmic Trading : Winning Strategies and Their Rationale* ( Wiley Trading Series)", John Wiley and Sons, 2013
5. "*Machine Learning*", Mitchell, Tom M. New York, 1997.
6. Article Wikipédia sur SVM : [https://fr.wikipedia.org/wiki/Machine\\_%C3%A0\\_vecteurs\\_de\\_support](https://fr.wikipedia.org/wiki/Machine_%C3%A0_vecteurs_de_support)
7. "*Online Machine Learning Algorithms For Currency Exchange Prediction*", Eleftherios Soulas et Dennis Shasha de NYU, Courant Department.
8. Article Wikipédia sur Algorithme du gradient : [https://fr.wikipedia.org/wiki/Algorithme\\_du\\_gradient](https://fr.wikipedia.org/wiki/Algorithme_du_gradient)
9. "*Decision Tree Learning*", Tom M. Mitchell
10. Article Investopedia sur les Options <http://www.investopedia.com/terms/o/option.asp>
11. "*Support Vector Machine (and Statistical Learning Theory) Tutorial*", de Jason Weston, NEC Labs America. [http://www.cs.columbia.edu/~kathy/cs4701/documents/jason\\_svm\\_tutorial.pdf](http://www.cs.columbia.edu/~kathy/cs4701/documents/jason_svm_tutorial.pdf)
12. "*An Introduction to Neural Networks*" Vincent Cheung et Kevin Cannons : <http://www2.econ.iastate.edu/tesfatsi/NeuralNetworks.CheungCannonNotes.pdf>
13. Exemple de réseaux de neurones <http://csc.lsu.edu/~jianhua/nn.pdf> p.5
14. *Backtesting* Investopedia <http://www.investopedia.com/terms/b/backtesting.asp>
15. Historique des taux de changes : <http://www.xe.com/currencycharts/>
16. Article Wikipedia sur les Accords de Bretton Woods : [https://fr.wikipedia.org/wiki/Accords\\_de\\_Bretton\\_Woods](https://fr.wikipedia.org/wiki/Accords_de_Bretton_Woods)
17. Article Étalon-Or à Étalon-Dollar : <http://la-chronique-agora.com/etalon-or-etalon-dollar/>
18. *CHAPITRE 1 : LE MARCHE DES CHANGES Monnaie et Finance Internationales* de David Guerreiro, Université Paris 8, [https://economix.fr/docs/1045/chap\\_1\\_2015-16.pdf](https://economix.fr/docs/1045/chap_1_2015-16.pdf)
19. Site FOREX français : <http://www.forex.fr/newslist/8696-la-regle-des-trois-unites-du-marche-des-changes>

20. Investopedia Bid-Ask : <http://www.investopedia.com/terms/b/bid-and-asked.asp>
21. Wikipédia Broker : <https://en.wikipedia.org/wiki/Broker>
22. Wikipédia Régression Statistique : [https://fr.wikipedia.org/wiki/R%C3%A9gression\\_\(statistiques\)](https://fr.wikipedia.org/wiki/R%C3%A9gression_(statistiques))