



Taller de Programación



AGENDA



Recursión

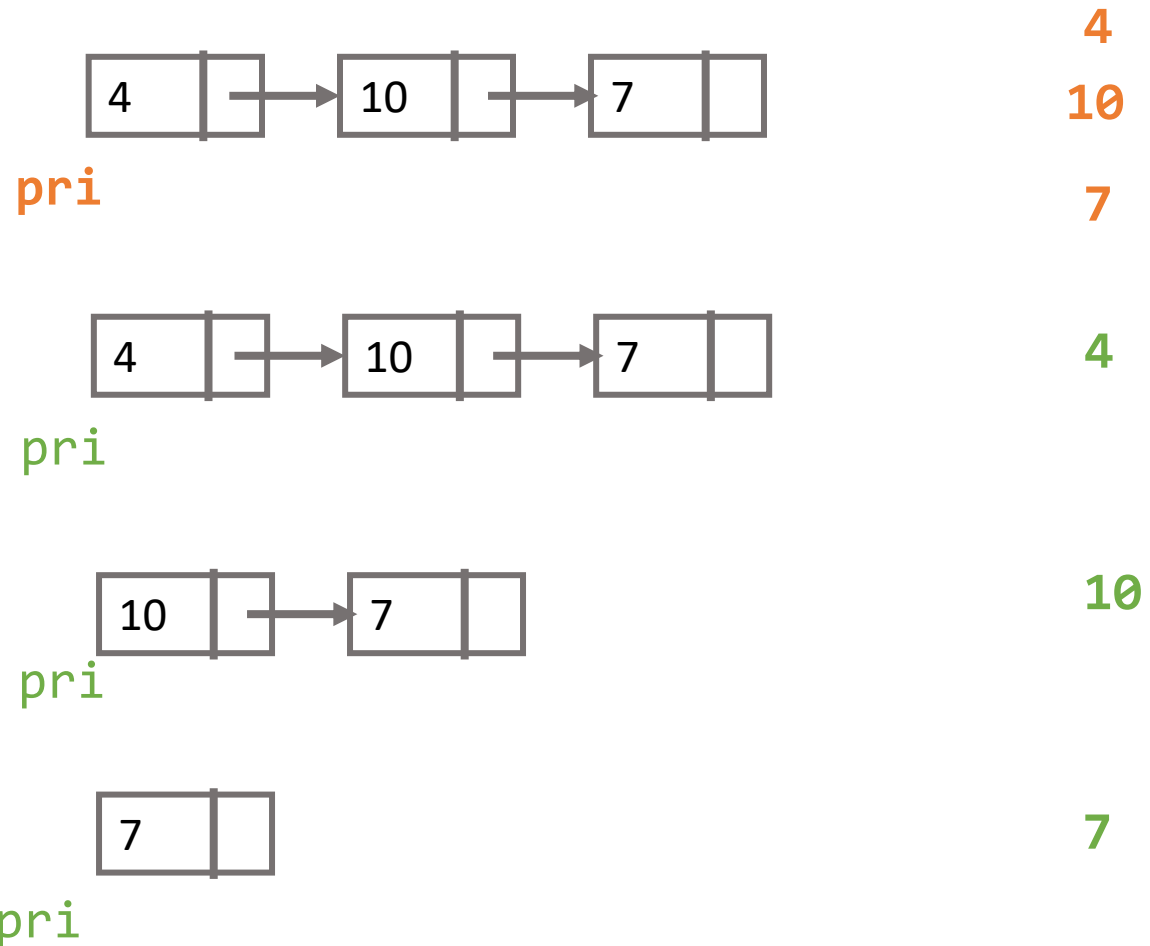


Recursión - MOTIVACION

Suponga que debe realizar un módulo que imprima una los elementos de una lista de enteros.

```
Procedure imprimir (pri:lista);  
Begin  
  while (pri <> nil) do  
    begin  
      write(pri^.dato);  
      pri:= pri^.sig;  
    end;  
  End;
```

Se presenta el mismo problema cada vez más chico hasta llegar a una instancia que no se debe resolver nada





Recursión - MOTIVACION



Suponga que debe realizar un módulo que retorne el factorial de un número entero recibido. $\text{Fac}(n) = n * (n-1) * \dots * 1$ n veces

$$5 = 5 * 4 * 3 * 2 * 1 = 120$$

```
Procedure factorial (num:integer; var fac:integer);  
Var  
  i:integer;
```

```
Begin  
  fac:= 1;  
  for i:= num downto 1 do  
    begin  
      fac:= fac * i;  
    end;  
End;
```

Se presenta el mismo problema cada vez más chico hasta llegar a una instancia que se resuelve de manera directa

$$\text{factorial}(5) = 5 * \text{factorial}(4)$$

$$\text{factorial}(4) = 4 * \text{factorial}(3)$$

$$\text{factorial}(3) = 3 * \text{factorial}(2)$$

$$\text{factorial}(2) = 2 * \text{factorial}(1)$$

$$\text{factorial}(1) = 1$$



RECURSIÓN - EJEMPLOS

Suponga que debe realizar un módulo que imprima los elementos de una lista de enteros que recibe como parámetro.

SOLUCIÓN ITERATIVA

```
Procedure imprimir (pri:lista);  
Begin  
  while (pri <> nil) do  
    begin  
      write (pri^.dato);  
      pri:= pri^.sig;  
    end;  
End;
```

Cómo achíco el problema?

Hasta cuando achíco el problema?

Qué hago cuando llego al caso base?

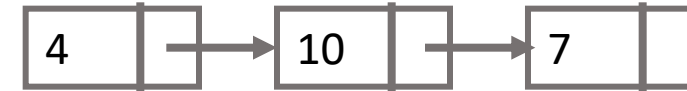
SOLUCIÓN RECURSIVA

```
Procedure imprimir (pri:lista);  
Begin  
  if (pri <> nil) do  
    begin  
      write (pri^.dato);  
      pri:= pri^.sig;  
      imprimir (pri);  
    end;  
End;
```

Cómo funciona?



RECURSIÓN – EJEMPLOS – Cómo funciona?



```
Procedure imprimir (pri:lista);
Begin
  if (pri <> nil) then
    begin
      write (pri^.dato);
      pri:= pri^.sig;
      imprimir (pri);
    end;
  End;
```

*Cuál es la diferencia
con la solución
secuencial?*

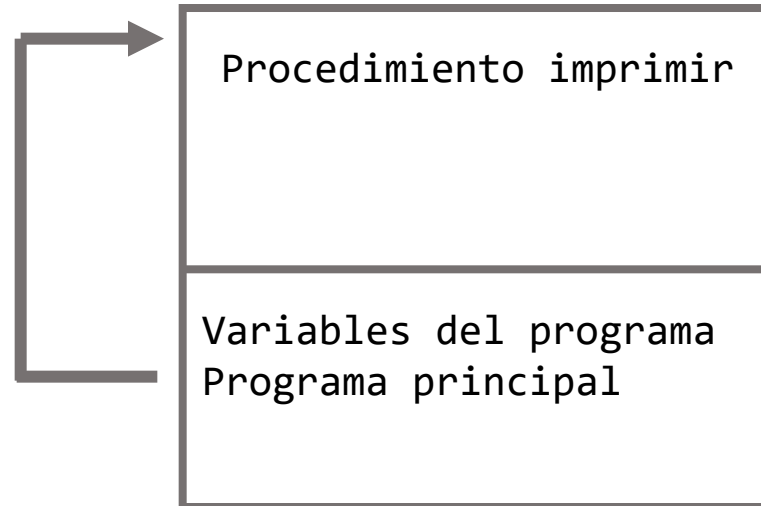
Procedimiento imprimir	pri= 4	4	3
Procedimiento imprimir	pri= 10	10	3
Procedimiento imprimir	pri= 7	7	3
Procedimiento imprimir	pri= nil	En este caso no se hace nada	
Variables del programa Programa principal			



RECURSIÓN – EJEMPLOS – Cómo funcionan?

SOLUCIÓN ITERATIVA

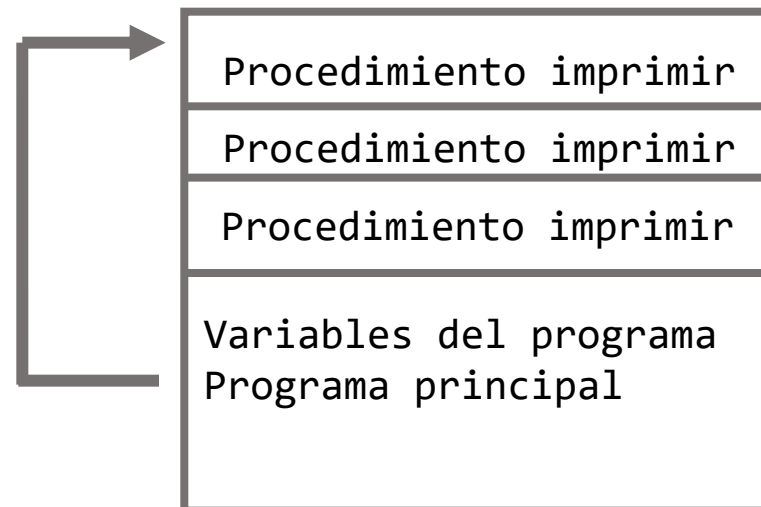
```
Procedure imprimir (pri:lista);  
Begin  
  while (pri <> nil) do  
    begin  
      write (pri^.dato);  
      pri:= pri^.sig;  
    end;  
  End;
```



Cuál cree que es más eficiente en cuanto al uso de la memoria?

SOLUCIÓN RECURSIVA

```
Procedure imprimir (pri:lista);  
Begin  
  IF (pri <> nil) then  
    begin  
      write (pri^.dato);  
      pri:= pri^.sig;  
      imprimir (pri);  
    end;  
  End;
```



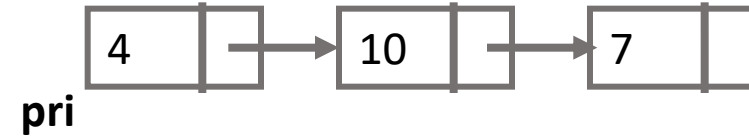
Qué pasa con los parámetros?




RECURSIÓN – EJEMPLOS – Cómo funciona?

SOLUCIÓN RECURSIVA

```
Procedure imprimir (pri:lista);
Begin
  if (pri <> nil) then
    begin
      write (pri^.dato);
      pri:= pri^.sig;
      imprimir (pri);
    end;
End;
```



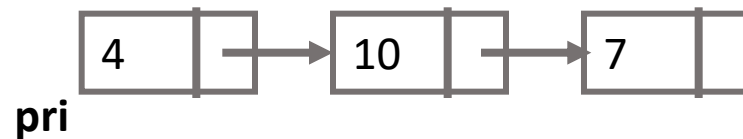
	Procedimiento imprimir	pri= 4	4	3
	Procedimiento imprimir	pri= 10	10	3
	Procedimiento imprimir	pri= 7	7	3
	Procedimiento imprimir	pri= nil	En este caso no se hace nada	
	Variables del programa Programa principal pri=4			



RECURSIÓN – EJEMPLOS – Cómo funciona?

SOLUCIÓN RECURSIVA

```
Procedure imprimir (VAR pri:lista);
Begin
  IF (pri <> nil) then
    begin
      write (pri^.dato);
      pri:= pri^.sig;
      imprimir (pri);
    end;
End;
```

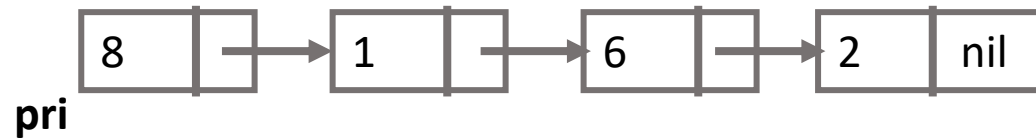


Procedimiento imprimir	pri= 4	4	3
Procedimiento imprimir	pri= 10	10	3
Procedimiento imprimir	pri= 7	7	3
Procedimiento imprimir	pri= nil	En este caso no se hace nada	
Variables del programa Programa principal pri = nil			



RECURSIÓN – EJEMPLOS - DESAFIO

Dada la siguiente lista que cree que imprime cada modulo?.



SOLUCIÓN UNO

```
Procedure imprimir (pri:lista);
Begin
  if (pri <> nil) do
    begin
      write (pri^.dato);
      pri:= pri^.sig;
      imprimir (pri);
    end;
End;
```

SOLUCIÓN DOS

```
Procedure imprimir (VAR pri:lista);
Begin
  if (pri <> nil) do
    begin
      write (pri^.dato);
      pri:= pri^.sig;
      imprimir (pri);
    end;
End;
```

SOLUCIÓN TRES

```
Procedure imprimir (pri:lista);
Begin
  if (pri <> nil) do
    begin
      pri:= pri^.sig;
      imprimir (pri);
      write (pri^.dato);
    end;
End;
```



RECURSIÓN - EJEMPLOS

Suponga que debe realizar un módulo que calcular la potencia de un número x a la n , que es $= x^n = x * x * x$ (n veces).

SOLUCIÓN ITERATIVA

```
Procedure potencia (x,n:integer;  
                  var pot:integer);
```

```
Var  
  i:integer;  
Begin  
  if (n = 0) then pot:= 1  
  else if (n = 1) then pot:= x  
  else begin  
    pot:= 1;  
    for i:= 1 to n do  
      pot:= pot * x;  
    end;  
  End;
```

Con una
función?

Cómo lo
pienso
recursivo?

SOLUCIÓN ITERATIVA

```
Function potencia (x,n:integer):integer;  
Var
```

```
  i,pot:integer;  
Begin  
  if (n = 0) then pot:= 1  
  else if (n = 1) then pot:= x  
  else begin  
    pot:= 1;  
    for i:= 1 to n do  
      pot:= pot * x;  
    end;  
  potencia:=pot;  
End;
```



RECURSIÓN - EJEMPLOS

SOLUCIÓN ITERATIVA

```
Function potencia (x,n:integer):integer;  
Var  
  i,pot:integer;  
Begin  
  if (n = 0) then pot:= 1  
  else if (n = 1) then pot:= x  
  else begin  
    pot:= 1;  
    for i:= 1 to n do  
      pot:= pot * x;  
    end;  
    potencia:=pot;  
  End;
```

SOLUCIÓN RECURSIVA

```
Function potencia (x,n:integer):integer;  
Begin  
  if (n = 0) then potencia:= 1  
  
  else if (n = 1) then potencia:= x  
  
  else  
    potencia:= x * potencia(x, n-1));  
  end;  
End;
```

Cuántos casos
base hay?

Cómo
funciona?



RECURSIÓN - Características

SOLUCIÓN RECURSIVA

```
Function potencia (x,n:integer);
```

```
Begin
```

```
  if (n = 0) then potencia:= 1
```

```
  else if (n = 1) then potencia:= x
```

```
  else
```

```
    potencia:= x * potencia(x, n-1));
```

```
  end;
```

```
End;
```

Supongamos $x = 4$ $n=3$



potencia x= 4,n=3

4 * **potencia** (4,2)

164

potencia x= 4,n=2

4 * **potencia** (4,1)

potencia x= 4,n=1

4

Alguna vez entrará
por el caso (n=0)?