Organización de Computadoras 2023

Práctica 1

Representación en Punto fijo: Números sin y con signo. Operaciones aritméticas. Flags

Objetivos de la práctica: que el alumno sea capaz de:

- ***Representar e interpretar números sin signo y con signo.***
- ***Realizar operaciones aritméticas e interpretar los flags de acarreo, cero, overflow y negativo.***

Bibliografía:

- ***"Organización y Arquitectura de Computadoras" de W. Stallings, capítulo 8.***
- ***Apunte 1 de la cátedra, "Sistemas de Numeración: Sistemas Enteros y Punto Fijo".***

1. Represente los siguientes números en el sistema BSS y en en los sistemas BCS, Ca1, Ca2 y Ex2, todos restringidos a 8 bits. En los casos que no se pueda representar, aclarar por qué.

0; 1; 127; 128; 255; 256; -1; -7; -127; -128; -139; -56; 130; 45; 90; -90; 0,75; 2,5.

Recuerde: Los positivos se representan igual en los sistemas BSS, BCS, Ca1 y Ca2 (ver representación de números en binario en el apunte). Los negativos en BCS, signo en el bit de mayor peso (0 positivos y 1 negativos) y los restantes son módulo. Los negativos en Ca1, se obtiene el BSS del número en 8 bits, y luego se cambian unos por ceros y ceros por unos. Los negativos en Ca2, se obtienen sumando 1 a la representación de Ca1, o copiando hasta el primer 1 (incluido) desde la derecha el número en BSS, y luego se cambian unos por ceros y ceros por unos. En Ex2, se suma siempre el exceso (que en n bits será 2^{n-1}) y luego se representa como BSS.

2. Interprete las siguientes cadenas de 8 bits en los sistemas BSS, BCS, Ca1, Ca2 y Ex2.

00000000; 00000001; 11111110; 01111111; 11111111; 00010001; 10011001; 10101010; 01100110;

3. Calcule el rango y resolución de un sistema de punto fijo en BSS con 7 bits de parte entera y 3 de fraccionaria y de un sistema de punto fijo en BCS con 1 bit de signo, 5 bits de parte entera y 4 de fraccionaria.

4. Represente los siguientes números en los sistemas del ejercicio 3. Si no es posible obtener una representación exacta, indique cuál es la más próxima y calcule en ese caso el error cometido. Si el número a representar está fuera del rango del sistema, señale que ese número "NO SE PUEDE REPRESENTAR".

7 ; 15,125 ; 2,2 ; 8,001 ; 123,25 ; 50,50 ; 120 ; 1,2 ; 1,25 ; 35 ; -1,25 ; 1,0625 ; -1,5625 ; -35,5

5. Interprete las siguientes cadenas en los sistemas del ejercicio 3.

0000000000 ; 0101010101 ; 1000000000 ; 1111111110 ; 1111111111 ; 1010101010 ; 0111111111 ; 0110110110

6. Represente los números **0, 1, 3, 8, 12, 13, 22, 35, 99, 100 y 1255** en los sistemas BCD y BCD empaquetado. Describa, con el mayor nivel de detalle posible, un procedimiento para calcular sumas en BCD. Sin considerar representación de signo, realice las siguientes operaciones en BCD: **32 + 45; 22 + 89; 1307 + 708**

7. Escriba los números **13160, 2988, 927 y 87127** en los sistemas BCD, BCD empaquetado y BSS. Observe la cantidad de bits necesarios. ¿Qué conclusiones saca respecto de las ventajas y desventajas del sistema BCD sobre BSS?

8. Haga el pasaje de binario a hexadecimal y de hexadecimal a BCH en forma directa (sin utilizar sistema decimal). ¿Por qué cree que el sistema hexadecimal es muy utilizado?

Binario a Hexadecimal	
1010000010000	
1110001011101	
111010011001011	
1001111100100011	
1110101011001010	
101101101011010	

Hexadecimal a BCH	
2801	
1C5D	
78AB	
F79A	
7EF1	
324A	

9. Calcule el resultado de realizar las sumas (ADD) y restas (SUB) indicadas a continuación. Calcule el valor en el que quedarán los flags luego de realizada cada operación, de acuerdo a que haya habido acarreo (flag C, de Carry) o se haya producido borrow (flag B, es el mismo que C pero en la resta), o que el resultado sea cero en todos sus bits (flag Z, de Zero)), se haya producido desbordamiento (flag V, de oVerflow), o de un resultado negativo (flag N, de Negative).

ADD 00011101 00011011	**ADD 01110000 11110001**	**SUB 00011101 00011011**	**SUB 01110000 11110001**
ADD 10011101 01110010	**ADD 01001100 01110000**	**SUB 10011101 01110010**	**SUB 01001100 01110000**
ADD 01110110 01110001	**ADD 11001100 11110000**	**SUB 01110110 01110001**	**SUB 11001100 11110000**
ADD 10111001 11100011	**ADD 10000000 10000000**	**SUB 10111001 11100011**	**SUB 10000000 10000000**
ADD 00111010 00001111	**ADD 00000000 10000000**	**SUB 00111010 00001111**	**SUB 00000000 10000000**

Recuerde que:

0+0=0 con C=0	1+0=1 con C=0	0-0=0 con B=0	1-1=0 con B=0
0+1=1 con C=0	1+1=0 con C=1	1-0=1 con B=0	0-1=1 con B=1

También, tendremos casos de exceso en el rango de representación (llamado overflow) si a un número positivo se le suma otro positivo y da un resultado negativo ó a un número negativo se le suma otro negativo y da uno positivo ó a un número positivo se le resta otro negativo y da uno negativo ó a un número negativo se le resta otro positivo y da uno positivo.

En todos estos casos de errores en la operación aritmética, se advierte el error pues la ALU encenderá (pondrá en 1) el flag de overflow (V=1). Es de hacer notar que el flag V se encenderá aunque sumemos números sin signo (en BSS), la interpretación de los flags corre por cuenta del programador.

Ejemplo de suma:

```
   1111
   01001111   □ Acarreos
+  01111000
   11000111
```

Flags: Carry=0; Zero=0; Negative=1; oVerflow=1.

10. Suponga que los operandos del ejercicio anterior (ej. 9) eran números representados en BSS, BCS, Ca1, Ca2 y Exceso2 (todos para cada sistema de representación). Verifique la correctitud del resultado interpretando el resultado obtenido y comparando con el resultado esperado. En caso de que la operación haya dado resultado incorrecto, indicar la posible cadena de bits que representa el resultado correcto.

Del ejemplo anterior, los operandos y resultado son interpretados como cadenas de bits BSS.

```
   1111
   01001111   □ Acarreos
+  01111000
   11000111
```

Interpretación en BSS

```
    79
+  120
   199
```

Por lo que, si verificamos realizando a mano la operación interpretada en base 10, el resultado es correcto.

Volviendo al ejemplo, si interpretamos ahora los operandos y resultados como cadenas de bits en los 4 sistemas de representación de números con signo, tendremos:

```
   1111
   01001111   □Acarreos
+  01111000
   11000111
```

BCS	Ca1	Ca2	Exceso	Observe los flags!
79	79	79	-49	
+ 120	+ 120	+ 120	+ -8	
-71	-56	-57	71	

11. Referido al ejercicio 9 sobre la operación ADD: Observando cuáles resultados fueron correctos y cuáles fueron incorrectos y relacionándolos con los flags, describa una regla para determinar la correctitud de la operación ADD en el sistema BSS con la mera observación de los flags (sin verificar la operación pasando por el sistema decimal).

Observe que en el ejemplo dado para BSS, los flags V y N quedan en 1 y no importan pues suponemos que estamos operando con números sin signo (BSS). Si hacemos lo mismo con todos los ejercicios, observaremos que en los casos en que C=1 el resultado es incorrecto, independientemente de los demás flags.

12. Trabaje de forma similar al ejercicio 10 pero con la operación SUB. Luego trate de descubrir reglas análogas para ADD y SUB para el sistema Ca2, basándose en los ejercicios cuya cadena resultado es diferente de la correcta y observando los flags. Observe qué flags se encienden en los casos que da incorrecto y cuáles no, como así también los que es indistinto que tengan valor uno o cero.

13. Considere en el ejercicio 9, que el punto o coma fraccionaria se encuentra entre el bit 2 y el 3. Interprete el valor que tendrán las cadenas de bits que representan los operandos y los resultados como BSS y como Ca2. Observe los flags. ¿Qué concluye?

14. Escriba todas las cadenas de los sistemas BSS, BCS, Ca1, Ca2 y $Ex2^{(n-1}$ restringido a 4 bits. Considere el punto (o coma fraccionaria) fijo en cada una de todas las posibles posiciones (son 5 posibilidades en total, considerando que el punto fijo puede estar colocado a la izquierda del MSB y a la derecha del LSB) y obtenga el rango y resolución de cada uno de los sistemas de punto fijo resultantes. ¿Cuántas cadenas se pueden escribir en cada caso? ¿Cuántos números se pueden representar en los distintos sistemas?

15. Defina el sistema Exceso a M (donde M es un entero cualquiera).

16. Describa mecanismos para sumar y restar en BCS, Ca1 y Exceso, en base al análisis de los resultados y flags del punto 9, realizando la interpretación de los operandos y resultados en los distintos sistemas de representación citados. Observe de qué manera (qué operaciones deberían realizarse y en qué caso) se llegaría al resultado correcto.

17. Interprete las siguientes cadenas descriptas en sistema Ca2. ¿Qué pasa en el caso (e)?
    a. 00100110 b. 11011000 c. 00111000 d. 00000000 e. 10000000

18. Interprete las siguientes cadenas descriptas en sistema $Ex2^{(n-1)}$ con n=8. ¿Qué pasa en el caso (e)?
    a. 10100110 b. 01011000 c. 10111000 d. 10000000 e. 00000000

Práctica 1
Representación en Punto Fijo

Números sin signo y números con signo. Operaciones aritméticas. Flags.

OBJETIVOS

1. Representar e interpretar números sin signo y números con signo.
2. Realizar operaciones aritméticas e interpretar los flags de acarreo, cero, overflow y negativo.

BIBLIOGRAFÍA

1. "Organización y Arquitectura de Computadoras" de W. Stallings, capítulo 8.
2. Apunte 1 de la cátedra, "Sistemas de Numeración: Sistemas Enteros y Punto Fijo".

---

1. Represente cada uno de los siguientes números en los sistema BSS, BCS, Ca1, Ca2 y Ex2, todos restringidos a 8 bits. En los casos que no se pueda representar, aclarar por qué.

Los positivos se representan igual en los sistemas BSS, BCS, Ca1 y Ca2. Para estas representaciones y para Ex2 y números negativos, consultar el apunte y material adicional sobre números binarios.

Decimal	BSS	BCS	Ca1	Ca2	Ex2
0					
1					
45					
90					
127					
128					
130					
255					

256					
-1					
-7					
-56					
-90					
-127					
-128					
-139					
0,75					
2,5					

---

2. Interprete las siguientes cadenas de 8 bits en los sistemas BSS, BCS, Ca1, Ca2 y Ex2.

Cadena	BSS	BCS	Ca1	Ca2	Ex2
00000000					
00000001					
11111110					
01111111					
11111111					
00010001					
10101010					
01100110					

3. Calcule el rango y resolución de un sistema de punto fijo en BSS con 7 bits de parte entera y 3 de fraccionaria y de un sistema de punto fijo en BCS con 1 bit de signo, 5 bits de parte entera y 4 de fraccionaria.

Sistema	Rango		Resolución
	Desde (mínimo)	Hasta (máximo)	
BSS con 7 bits de parte entera y 3 bits de parte fraccionaria			
BCS con 1 bit de signo, 5 bits de parte entera y 4 bits de parte fraccionaria			

---

4. Represente los siguientes números en los sistemas del ejercicio 3. Si no es posible obtener una representación exacta, indique cuál es la más próxima y calcule en ese caso el error cometido. Si el número a representar está fuera del rango del sistema, señale que ese número “NO SE PUEDE REPRESENTAR”.

Decimal	BSS con 7 bits de parte entera y 3 bits de parte fraccionaria	BCS con 1 bit de signo, 5 bits de parte entera y 4 bits de parte fraccionaria
7		
15,125		
2,2		
8,001		
123,25		
50,50		
120		

1,2		
1,25		
35		
-1,25		
1,0625		
-1,5625		
-35,5		

---

5. Interprete las siguientes cadenas en los sistemas del ejercicio 3.

Cadena	BSS con 7 bits de parte entera y 3 bits de parte fraccionaria	BCS con 1 bit de signo, 5 bits de parte entera y 4 bits de parte fraccionaria
0000000000		
0101010101		
1000000000		
1111111110		
1111111111		
1010101010		

0111111111		
0110110110		

6a. Represente los números 0, 1, 3, 8, 12, 13, 22, 35, 99, 100 y 1255 en los sistemas BCD y BCD empaquetado.

Decimal	BCD	BCD empaquetado
0		
1		
3		
8		
12		
13		
22		
35		
99		
100		
1255		

6b. Describa, con el mayor nivel de detalle posible, un procedimiento para calcular sumas en BCD.

6c. Sin considerar representación de signo, realice las siguientes operaciones en BCD

Operación	Reescribir la operación en BCD	Resultado en BCD
32 + 45		
22 + 89		
1307 + 708		

---

7. Escriba los números 13160, 2988, 927 y 87127 en los sistemas BCD, BCD empaquetado y BSS. Observe la cantidad de bits necesarios. ¿Qué conclusiones saca respecto de las ventajas y desventajas del sistema BCD sobre BSS?

Decimal	BCD	BCD empaquetado	BSS
13160			
2988			
927			
87127			

---

8. Haga el pasaje de binario a hexadecimal y de hexadecimal a BCH en forma directa (sin utilizar sistema decimal). ¿Por qué cree que el sistema hexadecimal es muy utilizado?

Binario a Hexadecimal	
1010000010000	
1110001011101	
111010011001011	
1001111100100011	
1110101011001010	
101101101011010	

Hexadecimal a BCH	
2801	
1C5D	
78AB	
F79A	
7EF1	
324A	

---

9. Calcule el resultado de realizar las sumas (ADD) y restas (SUB) indicadas a continuación. Calcule el valor en el que quedarán los flags luego de realizada cada operación.
La cantidad de bits de los operandos restringe la cantidad de bits del resultado.

El flag C indica acarreo en la suma o borrow en la resta.
El flag Z indica que todos los bits del resultado son cero.
El flag V indica que se produjo overflow si se interpreta en Ca2.
El flag N indica un resultado negativo si se interpreta en Ca2.

Operación	Resultado	C	Z	V	N
00011101 +00011011					
01110000 +11110001					
00011101 -00011011					
01110000 -11110001					
10011101 +01110010					

01001100 +01110000					
10011101 -01110010					
01001100 -01110000					
01110110 +01110001					
11001100 +11110000					
01110110 -01110001					
11001100 -11110000					
10111001 +11100011					
10000000 +10000000					
10111001 -11100011					
10000000 -10000000					
00111010 +00001111					
00000000 +10000000					

00111010 -00001111					
00000000 -10000000					

---

10. Suponga que las cadenas de cada operación del ejercicio 9 eran números representados en BSS, BCS, Ca1, Ca2 y Exceso2. Interprete el resultado obtenido y verifique si fue correcto. En caso de que la operación haya dado resultado incorrecto, indicar la posible cadena de bits que representa el resultado correcto.

Operación	¿Fue correcta si se interpreta en... ?				
	BSS	BCS	Ca1	Ca2	Ex2
00011101 +00011011					
01110000 +11110001					
00011101 -00011011					
01110000 -11110001					
10011101 +01110010					
01001100 +01110000					
10011101 -01110010					

01001100 -01110000					
01110110 +01110001					
11001100 +11110000					
01110110 -01110001					
11001100 -11110000					
10111001 +11100011					
10000000 +10000000					
10111001 -11100011					
10000000 -10000000					
00111010 +00001111					
00000000 +10000000					
00111010 -00001111					
00000000 -10000000					

11. Referido al ejercicio 9 sobre la operación ADD: Observando cuáles resultados fueron correctos y cuáles fueron incorrectos y relacionándolos con los flags, describa una regla para determinar la correctitud de la operación ADD en el sistema BSS con la mera observación de los flags (sin verificar la operación pasando de binario a decimal).

---

12. Trabaje de forma similar al ejercicio 11 pero con la operación SUB en el sistema BSS. Luego trate de descubrir reglas análogas para ADD y SUB para el sistema Ca2, basándose en los ejercicios cuya cadena resultado es diferente de la correcta y observando los flags.

---

13. Considere en el ejercicio 9, que el punto o coma fraccionaria se encuentra entre el bit 2 y el 3. Interprete el valor que tendrán las cadenas de bits que representan los operandos y los resultados como BSS y como Ca2. Observe los flags. ¿Qué concluye con respecto a la correctitud de los resultados?

Por ejemplo, considere a la primera operación solicitada como se muestra a la derecha. Recuerde que la coma es solo ilustrativa y no forma parte de las cadenas binarias.

```
 000111,01
+000110,11
```

---

14. Escriba todas las cadenas de los sistemas BSS, BCS, Ca1, Ca2 y $Ex2^{n-1}$ restringido a 4 bits. Considere el punto (o coma fraccionaria) fijo en cada una de todas las posibles posiciones (son 5 posibilidades en total, considerando que el punto fijo puede estar colocado a la izquierda del MSB y a la derecha del LSB) y obtenga el rango y resolución de cada uno de los sistemas de punto fijo resultantes. ¿Cuántas cadenas se pueden escribir en cada caso? ¿Cuántos números se pueden representar en los distintos sistemas?

---

15. Defina el sistema Exceso a M (donde M es un entero cualquiera).

---

16. Describa mecanismos para sumar y restar en BCS, Ca1 y Exceso, en base al análisis de los resultados y flags del punto 9, realizando la interpretación de los operandos y resultados en los distintos sistemas de representación citados. Observe de qué manera (qué operaciones deberían realizarse y en qué caso) se llegaría al resultado correcto.

17. Interprete las siguientes cadenas en los sistemas Ca2 y Ex2^{n-1} (con n=8). ¿Qué pasa en el último caso?

Binario	Decimal (interpretado en Ca2)	Decimal (interpretado en Ex2^{n-1})
00100110		
11011000		
00111000		
00000000		
10000000		

Juan Menduiña

Trabajo Práctico N° 1:
Representación en Punto Fijo. Números sin Signo y Números con Signo. Operaciones Aritméticas. Flags.

Ejercicio 1.

Representar los siguientes números en el sistema BSS y en los sistemas BCS, Ca1, Ca2 y Ex2, todos restringidos a 8 bits. En los casos que no se pueda representar, aclarar por qué.
Recordar: Los positivos se representan igual en los sistemas BSS, BCS, Ca1 y Ca2 (ver representación de números en binario en el apunte). Los negativos en BCS, signo en el bit de mayor peso (0 positivos y 1 negativos) y los restantes son módulo. En los negativos en Ca1, se obtiene el BSS del número en 8 bits y, luego, se cambian unos por ceros y ceros por unos. Los negativos en Ca2 se obtienen sumando 1 a la representación de Ca1 o copiando hasta el primer 1 (incluido) desde la derecha el número en BSS y, luego, se cambian unos por ceros y ceros por unos. En Ex2, se suma siempre el exceso (que en n bits será 2^{n-1}) y, luego, se representa como BSS.

Decimal	BSS	BCS	Ca1	Ca2	Ex2
0	00000000	00000000 - 10000000	00000000 - 11111111	00000000	10000000
1	00000001	00000001	00000001	00000001	10000001
45	00101101	00101101	00101101	00101101	10101101
90	01011010	01011010	01011010	01011010	11011010
127	01111111	01111111	01111111	01111111	11111111
128	10000000	---	---	---	---
130	10000010	---	---	---	---
255	11111111	---	---	---	---
256	---	---	---	---	---
-1	---	10000001	11111110	11111111	01111111
-7	---	10000111	11111000	11111001	01111001
-56	---	10111000	11000111	11001000	01001000
-90	---	11011010	10100101	10100110	00100110
-127	---	11111111	10000000	10000001	00000001
-128	---	---	---	10000000	00000000
-139	---	---	---	---	---
0,75	000000,11	000000,11	000000,11	000000,11	10000,11
2,5	0000010,1	0000010,1	0000010,1	0000010,1	1000010,1

En los casos que no se puede representar, es debido al rango de representación de los diferentes sistemas:

BSS: $0 \leq X \leq 2^n - 1 = [0, 255]$.
BCS: $-(2^{n-1} - 1) \leq X \leq 2^{n-1} - 1 = [-127, 127]$.
Ca1: $-(2^{n-1} - 1) \leq X \leq 2^{n-1} - 1 = [-127, 127]$.
Ca2: $-2^{n-1} \leq X \leq 2^{n-1} - 1 = [-128, 127]$.
Ex2: $-2^{n-1} \leq X \leq 2^{n-1} - 1 = [-128, 127]$.

Ejercicio 2.

Interpretar las siguientes cadenas de 8 bits en los sistemas BSS, BCS, Ca1, Ca2 y Ex2.

Cadena	BSS	BCS	Ca1	Ca2	Ex2
00000000	0	0	0	0	-128
00000001	1	1	1	1	-127
11111110	254	-126	-1	-2	126
01111111	127	127	127	127	-1
11111111	255	-127	0	-1	127
00010001	17	17	17	17	-111
10011001	153	-25	-102	-103	25
10101010	170	-42	-85	-86	42
01100110	102	102	102	102	-26

Ejercicio 3.

Calcular el rango y resolución de un sistema de punto fijo en BSS con 7 bits de parte entera y 3 de fraccionaria y de un sistema de punto fijo en BCS con 1 bit de signo, 5 bits de parte entera y 4 de fraccionaria.

Sistema	Rango	Resolución
BSS - 7 bits parte entera y 3 bits parte fraccionaria	[0; 127,875]	2^{-3}= 0,125
BCS - 1 bit de signo, 5 bits parte entera y 4 bits parte fraccionaria	[-31,9375; 31,9375]	2^{-4}= 0,0625

Ejercicio 4.

Representar los siguientes números en los sistemas del Ejercicio 3. Si no es posible, obtener una representación exacta, indicar cuál es la más próxima y calcular, en ese caso, el error cometido. Si el número a representar está fuera del rango del sistema, señalar que ese número "NO SE PUEDE REPRESENTAR".

Número	BSS - 7 bits parte entera y 3 bits parte fraccionaria	BCS - 1 bit de signo, 5 bits parte entera y 4 bits parte fraccionaria
7	0000111 000	0 00111 0000
15,125	0001111 001	0 01111 0010
2,2	0000010 010	0 00010 0011
8,001	0001000 000	0 01000 0000
123,25	1111011 010	---
50,5	0110010 100	---
120	1111000 000	---
1,2	0000001 010	0 00001 0011
1,25	0000001 010	0 00001 0100
35	0100011 000	---
-1,25	---	1 00001 0100
1,0625	0000001 001	0 00001 0001
-1,5625	---	1 00001 1001
-35,5	---	---

Ejercicio 5.

Interpretar las siguientes cadenas en los sistemas del Ejercicio 3.

Cadena	BSS - 7 bits parte entera y 3 bits parte fraccionaria	BCS - 1 bit de signo, 5 bits parte entera y 4 bits parte fraccionaria
0000000000	0	0
0101010101	42,625	21,3125
1000000000	64	0
1111111110	127,75	-31,875
1111111111	127,875	-31,9375
1010101010	85,25	-10,625
0111111111	63,875	31,9375
0110110110	54,75	27,375

Ejercicio 6.

Representar los números 0, 1, 3, 8, 12, 13, 22, 35, 99, 100 y 1255 en los sistemas BCD y BCD empaquetado. Describir, con el mayor nivel de detalle posible, un procedimiento para calcular sumas en BCD. Sin considerar representación de signo, realizar las siguientes operaciones en BCD: 32 + 45; 22 + 89; 1307 + 708.

Número	BCD	BCD empaquetado
0	11000000	00001100
1	11000001	00011100
3	11000011	00111100
8	11001000	10001100
12	11110001 11000010	00000001 00011100
13	11110001 11000011	00000001 00111100
22	11110010 11000010	00000010 00101100
35	11110011 11000101	00000011 01011100
99	11111001 11001001	00001001 10011100
100	11110001 11110000 11000000	00010000 00001100
1255	11110001 11110010 11110101 11000101	00000001 00100101 01011100

Cuando la suma de los dos dígitos da mayor a 9, hay que generar el “acarreo” porque hay seis combinaciones no usadas. Entonces, cuando la suma de los dígitos es mayor a 9, hay que sumar 6 en ese dígito.

Suma	Operación	Resultado
32 + 45= 77	0011 0010 + 0100 0101	0111 0111
22 + 89= 111	0010 0010 + 1000 1001 = 1010 1011 + 0110 0110	0001 0001 0001
1307 + 708= 2015	0001 0011 0000 0111 + 0000 0111 0000 1000 = 0001 1010 0000 1111 + 0000 0110 0000 0110	0010 0000 0001 0101

Ejercicio 7.

Escribir los números 13160, 2988, 927 y 87127 en los sistemas BCD, BCD empaquetado y BSS. Observar la cantidad de bits necesarios. ¿Qué conclusiones se saca respecto de las ventajas y desventajas del sistema BCD sobre BSS?

Número	BCD	BCD empaquetado	BSS
13160	11110001 11110011 11110001 11110110 11000000	00010011 00010110 00001100	11001101101000
2988	11110010 11111001 11111000 11001000	00000010 10011000 10001100	101110101100
927	11111001 11110010 11000111	10010010 01111100	1110011111
87127	11111000 11110111 11110001 11110010 11000111	10000111 00010010 01111100	10101010001010111

Las conclusiones que se saca respecto de las ventajas y desventajas del sistema BCD sobre BSS son que, en aquél, es más rápida la representación, pero la cantidad de bits necesarios es mayor.

Ejercicio 8.

Hacer el pasaje de binario a hexadecimal y de hexadecimal a BCH en forma directa (sin utilizar sistema decimal). ¿Por qué cree que el sistema hexadecimal es muy utilizado?

Binario a Hexadecimal	
1010000010000	1410
1110001011101	1C5D
111010011001011	74CB
1001111100100011	9F23
1110101011001010	EACA
101101101011010	5B5A

Hexadecimal a BCH	
2801	0010100000000001
1C5D	0001110001011101
78AB	0111100010101011
F79A	1111011110011010
7EF1	0111111011110001
324A	0011001001001010

El sistema hexadecimal es muy utilizado porque permite representar números más grandes con menor cantidad de dígitos.

Ejercicio 9.

Calcular el resultado de realizar las sumas (ADD) y restas (SUB) indicadas a continuación. Calcular el valor en el que quedarán los flags luego de realizada cada operación, de acuerdo a que haya habido acarreo (flag C, de Carry) o se haya producido borrow (flag B, es el mismo que C pero en la resta), o que el resultado sea cero en todos sus bits (flag Z, de Zero), se haya producido desbordamiento (flag V, de oVerflow), o dé un resultado negativo (flag N, de Negative).

Recordar que:

0+0=0 con C=0; 1+0=1 con C=0; 0-0=0 con B=0; 1-1=0 con B=0.
0+1=1 con C=0; 1+1=0 con C=1; 1-0=1 con B=0; 0-1=1 con B=1.

También, tendremos casos de exceso en el rango de representación (llamado overflow) si a un número positivo se le suma otro positivo y da un resultado negativo ó a un número negativo se le suma otro negativo y da uno positivo ó a un número positivo se le resta otro negativo y da uno negativo ó a un número negativo se le resta otro positivo y da uno positivo. En todos estos casos de errores en la operación aritmética, se advierte el error, pues la ALU encenderá (pondrá en 1) el flag de overflow (V= 1). Es de hacer notar que el flag V se encenderá aunque se sumen números sin signo (en BSS). La interpretación de los flags corre por cuenta del programador.

Operación	Resultado	Z (zero)	N (negative)	C (carry)	V (overflow)
00011101 + 00011011	00111000	0	0	0	0
01110000 + 11110001	01100001	0	0	1	0
10011101 + 01110010	00001111	0	0	1	0
01001100 + 01110000	10111100	0	1	0	1
01110110 + 01110001	11100111	0	1	0	1
11001100 + 11110000	10111100	0	1	1	0
10111001 + 11100011	10011100	0	1	1	0
10000000 + 10000000	00000000	1	0	1	1
00111010 + 00001111	01001001	0	0	0	0
00000000 + 10000000	10000000	0	1	0	0
00011101 - 00011011	00000010	0	0	0	0
01110000 - 11110001	01111111	0	0	1	0

10011101 - 01110010	00101011	0	0	0	1
01001100 - 01110000	11011100	0	1	1	0
01110110 - 01110001	00000101	0	0	0	0
11001100 - 11110000	11011100	0	1	1	0
10111001 - 11100011	11010110	0	1	1	0
10000000 - 10000000	00000000	0	0	0	0
00111010 - 00001111	00101011	0	0	0	0
00000000 - 10000000	10000000	0	1	1	1

Ejercicio 10.

Suponer que los operandos del ejercicio anterior (Ejercicio 9) eran números representados en BSS, BCS, Ca1, Ca2 y Exceso2 (todos para cada sistema de representación). Verificar la correctitud del resultado interpretando el resultado obtenido y comparando con el resultado esperado. En caso de que la operación haya dado resultado incorrecto, indicar la posible cadena de bits que representa el resultado correcto.

Operación	Resultado	BSS	BCS	Ca1	Ca2	Ex2
00011101 + 00011011	00111000	29+27=56	29+27=56	29+27=56	29+27=56	-99+(-101)=-72
01110000 + 11110001	01100001	112+241=97	112+(-113)=97	112+(-14)=97	112+(-15)=97	-16+113=-31
10011101 + 01110010	00001111	157+114=15	-29+114=15	-98+114=15	-99+114=15	29+(-14)=-113
01001100 + 01110000	10111100	76+112=188	76+112=-60	76+112=-67	76+112=-68	-52+(-16)=60
01110110 + 01110001	11100111	118+113=231	118+113=-103	118+113=-24	118+113=-25	-10+(-15)=-103
11001100 + 11110000	10111100	204+240=188	-76+(-112)=-60	-51+(-15)=-67	-52+(-16)=-68	76+112=60
10111001 + 11100011	10011100	185+227=156	-57+(-99)=-28	-70+(-28)=-99	-71+(-29)=-100	57+99=28
10000000 + 10000000	00000000	128+128=0	0+0=0	-127+(-127)=0	-128+(-128)=0	0+0=-128
00111010 + 00001111	01001001	58+15=73	58+15=73	58+15=73	58+15=73	-70+(-113)=-55
00000000 + 10000000	10000000	0+128=128	0+0=0	0+(-127)=-127	0+(-128)=-128	-128+0=0
00011101 - 00011011	00000010	29-27=2	29-27=2	29-27=2	29-27=2	-99-(-101)=-126
01110000 - 11110001	01111111	112-241=127	112-(-113)=127	112-(-14)=127	112-(-15)=127	-16-113=-1
10011101 - 01110010	00101011	157-114=43	-29-114=43	-98-114=43	-99-114=43	29-(-14)=-85
01001100 - 01110000	11011100	76-112=220	76-112=-92	76-112=-35	76-112=-36	-52-(-16)=92
01110110 - 01110001	00000101	118-113=5	118-113=5	118-113=5	118-113=5	-10-(-15)=-123
11001100 - 11110000	11011100	204-240=220	-76-(-112)=-92	-51-(-15)=-35	-52-(-16)=-36	76-112=-92
10111001 - 11100011	11010110	185-227=214	-57-(-99)=-86	-70-(-28)=-41	-71-(-29)=-42	57-99=-86
10000000 - 10000000	00000000	128-128=0	0-0=0	-127-(-127)=0	(-128)-(-128)=0	0-0=-128
00111010 - 00001111	00101011	58-15=43	58-15=43	58-15=43	58-15=43	-70-(-113)=-85
00000000 - 10000000	10000000	0-128=128	0-0=0	0-(-127)=-127	0-(-128)=-128	-128-0=0

Ejercicio 11.

Referido al Ejercicio 9 sobre la operación ADD: Observando cuáles resultados fueron correctos y cuáles fueron incorrectos y relacionándolos con los flags, describir una regla para determinar la correctitud de la operación ADD en el sistema BSS con la mera observación de los flags (sin verificar la operación pasando por el sistema decimal). Observar que, en el ejemplo dado para BSS, los flags V y N quedan en 1 y no importan, pues se supone que se está operando con números sin signo (BSS). Si se hace lo mismo con todos los ejercicios, se observará que, en los casos en que C= 1, el resultado es incorrecto, independientemente de los demás flags.

En el sistema BSS, la correctitud de la operación ADD depende de la bandera C (carry). Si se tiene C= 1, el resultado de la operación ADD en BSS va a ser incorrecto.

Ejercicio 12.

Trabajar de forma similar al Ejercicio 10, pero con la operación SUB. Luego, tratar de descubrir reglas análogas para ADD y SUB para el sistema Ca2, basándose en los ejercicios cuya cadena resultado es diferente de la correcta y observando los flags. Observar qué flags se encienden en los casos que da incorrecto y cuáles no, como así también los que es indistinto que tengan valor uno o cero.

En el sistema Ca2, la correctitud de la operación ADD y SUB depende de la bandera V (overflow). Si se tiene V= 1, el resultado de estas operaciones en Ca2 va a ser incorrecto. Esta bandera será V= 1 cuando, en ADD, a un número positivo se le suma otro positivo y da un resultado negativo ó a un número negativo se le suma otro negativo y da uno positivo ó, en SUB, a un número positivo se le resta otro negativo y da uno negativo ó a un número negativo se le resta otro positivo y da uno positivo. Por otra parte, es indistinto que tengan valor uno o cero las banderas Z (zero), N (Negative) y C (carry).

Ejercicio 13.

Considerar, en el Ejercicio 9, que el punto o coma fraccionaria se encuentra entre el bit 2 y el 3. Interpretar el valor que tendrán las cadenas de bits que representan los operandos y los resultados como BSS y como Ca2. Observar los flags. ¿Qué se concluye?

Operación	Resultado	C (carry)	V (overflow)	BSS	Ca2
00011101 + 00011011	00111000	0	0	14	14
01110000 + 11110001	01100001	1	0	24,25	24,25
10011101 + 01110010	00001111	1	0	3,75	3,75
01001100 + 01110000	10111100	0	1	47	-17
01110110 + 01110001	11100111	0	1	57,75	-7,25
11001100 + 11110000	10111100	1	0	47	-17
10111001 + 11100011	10011100	1	0	39	-25
10000000 + 10000000	00000000	1	1	0	0
00111010 + 00001111	01001001	0	0	18,25	18,25
00000000 + 10000000	10000000	0	0	32	-32
00011101 - 00011011	00000010	0	0	0,5	0,5
01110000 - 11110001	01111111	1	0	127	127
10011101 - 01110010	00101011	0	1	10,75	10,75
01001100 - 01110000	11011100	1	0	55	-9
01110110 - 01110001	00000101	0	0	1,25	1,25
11001100 - 11110000	11011100	1	0	55	-9
10111001 - 11100011	11010110	1	0	53,5	-10,5
10000000 - 10000000	00000000	0	0	0	0
00111010 - 00001111	00101011	0	0	10,75	10,75
00000000 - 10000000	10000000	1	1	32	-32

Por lo tanto, se concluye que, cuando C= 1, el resultado en BSS es incorrecto, mientras que, cuando V= 1, el resultado en Ca2 es incorrecto.

Ejercicio 14.

Escribir todas las cadenas de los sistemas BSS, BCS, Ca1, Ca2 y $Ex2^{n-1}$ restringido a 4 bits. Considerar el punto (o coma fraccionaria) fijo en cada una de todas las posibles posiciones (son 5 posibilidades en total, considerando que el punto fijo puede estar colocado a la izquierda del MSB y a la derecha del LSB) y obtener el rango y resolución de cada uno de los sistemas de punto fijo resultantes. ¿Cuántas cadenas se pueden escribir en cada caso? ¿Cuántos números se pueden representar en los distintos sistemas?

Tabla 1 (Punto fijo en posición 1, antes del primer bit):

Cadena	BSS	BCS	Ca1	Ca2	$Ex2^{n-1}$
0000	0	0	0	0	-8
0001	1	1	1	1	-7
0010	2	2	2	2	-6
0011	3	3	3	3	-5
0100	4	4	4	4	-4
0101	5	5	5	5	-3
0110	6	6	6	6	-2
0111	7	7	7	7	-1
1000	8	0	-7	-8	0
1001	9	-1	-6	-7	1
1010	10	-2	-5	-6	2
1011	11	-3	-4	-5	3
1100	12	-4	-3	-4	4
1101	13	-5	-2	-3	5
1110	14	-6	-1	-2	6
1111	15	-7	0	-1	7
Rango	[0; 15]	[-7; 7]	[-7; 7]	[-8; 7]	[-8; 7]
Resolución	$2^0 = 1$	$2^0 = 1$	$2^0 = 1$	$2^0 = 1$	$2^0 = 1$

Tabla 2 (Punto fijo en posición 2, después del primer bit):

Cadena	BSS	BCS	Ca1	Ca2	$Ex2^{n-1}$
0000	0	0	0	0	-4
0001	0,5	0,5	0,5	0,5	-3,5
0010	1	1	1	1	-3
0011	1,5	1,5	1,5	1,5	-2,5
0100	2	2	2	2	-2
0101	2,5	2,5	2,5	2,5	-1,5
0110	3	3	3	3	-1
0111	3,5	3,5	3,5	3,5	-0,5
1000	4	0	-3,5	-4	0
1001	4,5	-0,5	-3	-3,5	0,5
1010	5	-1	-2,5	-3	1
1011	5,5	-1,5	-2	-2,5	1,5
1100	6	-2	-1,5	-2	2

1101	6,5	-2,5	-1	-1,5	2,5
1110	7	-3	-0,5	-1	3
1111	7,5	-3,5	0	-0,5	3,5
Rango	[0; 7,5]	[-3,5; 3,5]	[-3,5; 3,5]	[-4; 3,5]	[-4; 3,5]
Resolución	2^{-1}= 0,5	2^{-1}= 0,5	2^{-1}= 0,5	2^{-1}= 0,5	2^{-1}= 0,5

Tabla 3 (Punto fijo en posición 3, después del segundo bit):

Cadena	**BSS**	**BCS**	**Ca1**	**Ca2**	$Ex2^{n-1}$
0000	0	0	0	0	-2
0001	0,25	0,25	0,25	0,25	-1,75
0010	0,5	0,5	0,5	0,5	-1,5
0011	0,75	0,75	0,75	0,75	-1,25
0100	1	1	1	1	-1
0101	1,25	1,25	1,25	1,25	-0,75
0110	1,5	1,5	1,5	1,5	-0,5
0111	1,75	1,75	1,75	1,75	-0,25
1000	2	0	-1,75	-2	0
1001	2,25	-0,25	-1,5	-1,75	0,25
1010	2,5	-0,5	-1,25	-1,5	0,5
1011	2,75	-0,75	-1	-1,25	0,75
1100	3	-1	-0,75	-1	1
1101	3,25	-1,25	-0,5	-0,75	1,25
1110	3,5	-1,5	-0,25	-0,5	1,5
1111	3,75	-1,75	0	-0,25	1,75
Rango	[0; 3,75]	[-1,75; 1,75]	[-1,75; 1,75]	[-2; 1,75]	[-2; 1,75]
Resolución	2^{-2}= 0,25	2^{-2}= 0,25	2^{-2}= 0,25	2^{-2}= 0,25	2^{-2}= 0,25

Tabla 4 (Coma en posición 4, después del tercer bit):

Cadena	**BSS**	**BCS**	**Ca1**	**Ca2**	$Ex2^{n-1}$
0000	0	0	0	0	-1
0001	0,125	0,125	0,125	0,125	-0,875
0010	0,25	0,25	0,25	0,25	-0,75
0011	0,375	0,375	0,375	0,375	-0,625
0100	0,5	0,5	0,5	0,5	-0,5
0101	0,625	0,625	0,625	0,625	-0,375
0110	0,75	0,75	0,75	0,75	-0,25
0111	0,875	0,875	0,875	0,875	-0,125
1000	1	0	-0,875	-1	0
1001	1,125	-0,125	-0,75	-0,875	0,125
1010	1,25	-0,25	-0,625	-0,75	0,25
1011	1,375	-0,375	-0,5	-0,625	0,375
1100	1,5	-0,5	-0,375	-0,5	0,5
1101	1,625	-0,625	-0,25	-0,375	0,625
1110	1,75	-0,75	-0,125	-0,25	0,75
1111	1,875	-0,875	0	-0,125	0,875

Rango	[0; 1,875]	[-0,875; 0,875]	[-0,875; 0,875]	[-1; 0,875]	[-1; 0,875]
Resolución	2^{-3}= 0,125	2^{-3}= 0,125	2^{-3}= 0,125	2^{-3}= 0,125	2^{-3}= 0,125

Tabla 5 (Coma en posición 5, después del cuarto bit):

Cadena	**BSS**	**BCS**	**Ca1**	**Ca2**	$\boldsymbol{Ex2^{n-1}}$
0000	0	0	0	0	-0,5
0001	0,0625	0,125	0,0625	0,0625	-0,4375
0010	0,125	0,25	0,125	0,125	-0,375
0011	0,1875	0,375	0,1875	0,1875	-0,3125
0100	0,25	0,5	0,25	0,25	-0,25
0101	0,3125	0,625	0,3125	0,3125	-0,1875
0110	0,375	0,75	0,375	0,375	-0,125
0111	0,4375	0,875	0,4375	0,4375	-0,0625
1000	0,5	0	-0,4375	-0,5	0
1001	0,5625	-0,125	-0,375	-0,4375	0,0625
1010	0,625	-0,25	-0,3125	-0,375	0,125
1011	0,6875	-0,375	-0,25	-0,3125	0,1875
1100	0,75	-0,5	-0,1875	-0,25	0,25
1101	0,8125	-0,625	-0,125	-0,1875	0,3125
1110	0,875	-0,75	-0,0625	-0,125	0,375
1111	0,9375	-0,875	0	-0,0625	0,4375
Rango	[0; 0,9375]	[-0,875; 0,875]	[-0,4375; 0,4375]	[-0,5; 0,4375]	[-0,5; 0,4375]
Resolución	2^{-4}= 0,0625	2^{-3}= 0,125	2^{-4}= 0,0625	2^{-4}= 0,0625	2^{-4}= 0,0625

Por lo tanto, las cadenas que se pueden escribir, en cada caso (BSS, BCS, Ca1, Ca2, $Ex2^{n-1}$), dadas las 5 posibles posiciones del punto fijo, son 16. Por otra parte, la cantidad de números que se pueden representar en estos distintos sistemas son 48, 47, 47, 48 y 48, respectivamente.

Ejercicio 15.

Definir el sistema Exceso a M (donde M es un entero cualquiera).

El sistema Exceso a M es un sistema de representación numérica que utiliza un desplazamiento en la escala de números positivos para permitir la representación de números negativos. En este sistema, se asigna un valor base M y se utiliza un código que representa números positivos con valores entre 0 y M-1.

Para representar números negativos en el sistema Exceso a M, se utiliza un código que se desplaza en una cantidad fija M, de modo que el valor negativo se convierte en un valor positivo. Por lo tanto, el valor representado en el sistema Exceso a M es igual al valor real del número más M.

En general, en el sistema Exceso a M, se representa el número x como x + M en código binario, lo que permite la representación de números negativos mediante un simple desplazamiento en la escala de números positivos.

Ejercicio 16.

Describir mecanismos para sumar y restar en BCS, Ca1 y Exceso, en base al análisis de los resultados y flags del Ejercicio 9, realizando la interpretación de los operandos y resultados en los distintos sistemas de representación citados. Observar de qué manera (qué operaciones deberían realizarse y en qué caso) se llegaría al resultado correcto.

El resultado de sumar y restar es incorrecto:

- En BCS, cuando hay C= 1 o V= 1, pero no ambas. Se llegaría al resultado correcto agregando un bit.
- En Ca1, cuando hay C= 1 o V= 1 o ambas. Se llegaría al resultado correcto agregando un bit.
- En Ex2, siempre. Cuando C= 0, se llegaría al resultado correcto contemplando excesos distintos para los operandos y para el resultado, es decir, contemplando en los operandos, un exceso de 2^{n+1} y, en el resultado, un exceso de 2^n en la suma y ningún exceso en la resta.

Ejercicio 17.

Interpretar las siguientes cadenas descriptas en sistema Ca2. ¿Qué pasa en el caso (e)?

Cadena	Interpretación
00100110	38
11011000	-40
00111000	56
00000000	0
10000000	-128

Ejercicio 18.

Interpretar las siguientes cadenas descriptas en sistema $Ex2^{n-1}$ con n= 8. ¿Qué pasa en el caso (e)?

Cadena	Interpretación
10100110	38
01011000	-40
10111000	56
10000000	0
00000000	-128

Organización de Computadoras 2023

Práctica 2

Sistema de Numeración en Punto Flotante

Objetivos de la práctica: que el alumno domine los tópicos de sistemas de numeración referidos a las representaciones en punto flotante, tales como:

- ***Representación e interpretación.***
- ***Operaciones aritméticas.***
- ***IEEE 754.***

Bibliografía:

- ***"Organización y Arquitectura de Computadores" de W. Stalling, capítulo 8.***
- ***Apunte 2 de la Cátedra, "Sistemas de numeración: Punto flotante".***

1. Considerando el sistema de Punto Flotante cuya mantisa es fraccionaria, con 6 bits , está expresada en BSS (en el inciso a) o BCS (en el inciso b) y su exponente en BCS con 4 bits, escriba el significado de las siguientes cadenas de bits (mantisa a la izquierda):

Cadena	a) Mantisa en BSS	b) Mantisa en BCS
0101110110		
0000010000		
0000111001		
1111111111		
0000000000		
0000001111		
1111110000		
1000000000		
0000011111		

2. Dado un sistema de Punto Flotante cuya mantisa es fraccionaria , está expresada en BCS con 5 bits y su exponente en BSS con 3 bits, interprete las siguientes cadenas del considerando que la mantisa esta sin normalizar, normalizada, o normalizada con bit implícito Identifique aquellas cadenas que no pueden ser interpretadas y mencione porqué.

Cadena	Sin normalizar	Normalizada	Normalizada con Bit Implícito
01000111			
11000011			
00000000			
11111111			

3. Calcule rango y resolución en extremos inferior negativo, superior negativo, inferior positivo y superior positivo para los siguientes sistemas de representación en punto flotante:

a. Mantisa fraccionaria en BSS de 8 bits y exponente en BSS 4 bits
b. Mantisa fraccionaria normalizada en BSS de 15 bits y exponente en CA1 10 bits
c. Mantisa fraccionaria normalizada con bit implícito en BCS de 15 bits y exponente en Exceso 5 bits
d. Mantisa fraccionaria normalizada con bit implícito en BCS de N bits y exponente en CA2 de M bits

Observe que:

- En las mantisas BSS no se puede expresar números negativos, con lo que aun con exponente negativo expresaremos un número positivo por un factor de escala menor a 1, pero también positivo. Ejemplo: $2 \times 2^{-4} = 0{,}125$.
- Las mantisas fraccionarias suponen el punto al principio de la mantisa.
- Los exponentes negativos indican factores de escala menores a 1 que mejoran la resolución.
- Mantisa normalizada implica que empieza con 1, o sea mantisa mínima 0,1 para la fraccionaria, igual a 0,5 en decimal. Esto hace que no se pueda representar el 0.
- Mantisa normalizada con bit implícito, significa agregar un 1 al principio de la misma al interpretarla. Ejemplo: 00000 se interpreta 0,100000, o 0,5 en base 10.

4. Dado un sistema de Punto Flotante cuya mantisa es fraccionaria , está expresada en BCS con 10 bits y su exponente en CA2 con 5 bits, obtenga la representación de los siguientes números, considerando que la mantisa esta sin normalizar, normalizada, o normalizada con bit implícito

Cadena	Sin normalizar	Normalizada	Normalizada con Bit Implícito
0			
1			
9			
-5,0625			
34000,5			
0,015625			
Nº máximo			
Nº mínimo			

5. Diga como influyen las siguientes variantes en el rango y resolución:
   a. Mantisa con signo y sin signo.
   b. Exponente con signo y sin signo.
   c. Tamaño de mantisa.
   d. Tamaño de exponente.
   e. Mantisa fraccionaria, fraccionaria normalizada y fraccionaria normalizada con bit implícito.

6. Efectúe las siguientes sumas para un sistema de punto flotante con mantisa BSS de 8 bits y exponente en BCS 8 bits.

00001111 00000011 + 00001000 00000010 = ¿?
01111111 00000000 + 11111100 10000001 = ¿?
00000001 00000111 + 00011100 00000000 = ¿?

Observe que los factores de escala deben ser los mismos, sino sumaríamos dos mantisas con pesos distintos (recordar que se puede correr los unos y sumar o restar este corrimiento al exponente para obtener una cadena equivalente).

7. Suponiendo que los números que no son representables se aproximan al más próximo, obtenga las representaciones o aproximaciones de los números 8,625; 0,4 y 2,5 en los sistemas:
   a. Mantisa fraccionaria normalizada de 5 bits BSS exponente 4 bits CA2
   b. Mantisa fraccionaria normalizada de 10 bits BCS exponente 3 bits CA2

8. Definimos Error Absoluto y Error Relativo de un número **x** en un sistema de la siguiente forma:
   $EA(x) = | x' - x |$ y $ER(x) = EA(x) / x$; donde x' es el número representable del sistema más próximo a x.
   Calcule los errores absolutos y relativos para los casos del ejercicio anterior.

9. Considerando que en los procesos de truncamiento o redondeo la elección se basa en la representación más cercana, estime el Error Absoluto Máximo cometido en las representaciones del ejercicio 1. Recuerde que la distancia entre 2 representaciones sucesivas se conoce como resolución (R), por lo que $EAmáx \leq R / 2$.

10. Tome un sistema de punto flotante cualquiera y dibuje la forma del gráfico de cada tipo de error en función del número que se quiere representar.

11. Detalle las características del estándar IEEE 754 para simple precisión y doble precisión

12. ¿Qué valores están representados por las siguientes cadenas si responden al estándar IEEE 754?

0 11000100 00000000000000000000000
1 11111110 10100000000000000000000
0 00000000 00000000000000000000001
0 00000000 10011000000000000000000
1 00000000 00000000000000000000000
0 11111111 00000000000000000000000
0 11111111 00000100000000000000000
0 01100010100 00000000000000000000000000000000000000000000000000000
0 11010101110 10100000000000001000000000000000000000000000000000000
0 00000000000 01010000000000000000000000000000000000000000000000000
1 11111111111 11111000000000000000000000000000000000000000000000000

13. Hallar la representación en simple precisión del estándar IEEE 754 de los siguientes números
1; 13; 257; -40000; 0,0625

14. Calcule rango y resolución en extremos inferior negativo y superior positivo para los sistemas de simple precisión y doble precisión del estándar IEEE 754. ¿Cuál es el menor número positivo distinto de '0' que se puede representar?

15. Efectúe las siguientes sumas (las cadenas son representaciones en el estándar IEEE 754)

00001111 01000000000000000000000 + 00010000 01000000000000000000000 = ¿?
11111111 10101010101010101010101 + 11111100 10000001111100000110101 0 =¿?

16. En el estándar IEEE 754, ¿para qué sirve, cuando el exponente es 0 y la mantisa no es nula, que la mantisa no esté normalizada?

Juan Menduiña

Trabajo Práctico N° 2:
Sistema de Numeración en Punto Flotante.

Ejercicio 1.

Considerando el sistema de Punto Flotante cuya mantisa es fraccionaria, con 6 bits , está expresada en BSS (en el inciso a) o BCS (en el inciso b) y su exponente en BCS con 4 bits, escribir el significado de las siguientes cadenas de bits (mantisa a la izquierda):

Cadena	(a) Mantisa en BSS	(b) Mantisa en BCS
010111 0110	$010111 * 2^{0110} = (2^{-2} + 2^{-4} + 2^{-5} + 2^{-6}) * 2^{6} = 2^{4} + 2^{2} + 2 + 1 = 23$	$0\ 10111 * 2^{0110} = (2^{-1} + 2^{-3} + 2^{-4} + 2^{-5}) * 2^{6} = 2^{5} + 2^{3} + 2^{2} + 2 = 46$
000001 0000	$0000001 * 2^{0000} = 2^{-6} * 2^{0} = \frac{1}{64} * 1 = \frac{1}{64}$	$0\ 000001 * 2^{0000} = 2^{-5} * 2^{0} = \frac{1}{32} * 1 = \frac{1}{32}$
000011 1001	$000011 * 2^{1001} = (2^{-5} + 2^{-6}) * 2^{-1} = 2^{-6} + 2^{-7} = \frac{1}{128}(2 + 1) = \frac{3}{128}$	$0\ 00011 * 2^{1001} = (2^{-4} + 2^{-5}) * 2^{-1} = 2^{-5} + 2^{-6} = \frac{1}{64}(2 + 1) = \frac{3}{64}$
111111 1111	$111111 * 2^{1111} = (1 - 2^{-6}) * 2^{-7} = 2^{-7} - 2^{-13} = \frac{1}{8192}(64 + 1) = \frac{65}{8192}$	$1\ 11111 * 2^{1111} = (1 - 2^{-5}) * 2^{-7} = 2^{-7} - 2^{-12} = \frac{1}{4096}(32 + 1) = \frac{33}{4096}$
000000 0000	$000000 * 2^{0000} = 0 * 2^{0} = 0 * 1 = 0$	$0\ 00000 * 2^{0000} = 0 * 2^{0} = 0 * 1 = 0$
000000 1111	$000000 * 2^{1111} = 0 * 2^{-7} = 0$	$0\ 00000 * 2^{1111} = 0 * 2^{-7} = 0$
111111 0000	$111111 * 2^{0000} = (1 - 2^{-6}) * 2^{0} = (1 - \frac{1}{64}) * 1 = \frac{63}{64}$	$1\ 11111 * 2^{0000} = -(1 - 2^{-5}) * 2^{0} = (1 - \frac{1}{32}) * 1 = \frac{31}{32}$
100000 0000	$100000 * 2^{0000} = 2^{-1} * 2^{0} = \frac{1}{2} * 1 = \frac{1}{2}$	$1\ 00000 * 2^{0000} = -2^{-1} * 2^{0} = \frac{-1}{2} * 1 = \frac{-1}{2}$
000001 1111	$000001 * 2^{1111} = 2^{-6} * 2^{-7} = 2^{-13} = \frac{1}{8192}$	$0\ 00001 * 2^{1111} = 2^{-5} * 2^{-7} = 2^{-12} = \frac{1}{4096}$

Ejercicio 2.

Dado un sistema de Punto Flotante cuya mantisa es fraccionaria , está expresada en BCS con 5 bits y su exponente en BSS con 3 bits, interpretar las siguientes cadenas considerando que la mantisa está sin normalizar, normalizada o normalizada con bit implícito Identificar aquellas cadenas que no pueden ser interpretadas y mencionar por qué.

Cadena	Sin normalizar	Normalizada	Normalizada con bit implícito
01000 111	0 1000 * 2^{111}= 2^{-1} * 2^{7}= 2^{6}= 64	0 1000 * 2^{111}= 2^{-1} * 2^{7}= 2^{6}= 64	0 [1]1000 * 2^{111}= (2^{-1} + 2^{-2}) * 2^{7}= 2^{6} + 2^{5}= 64 + 32= 96
11000 011	1 1000 * 2^{011}= - 2^{-1} * 2^{3}= -2^{2}= -4	1 1000 * 2^{011}= - 2^{-1} * 2^{3}= -2^{2}= -4	1 [1]1000 * 2^{011}= -(2^{-1} + 2^{-2}) * 2^{3}= -(2^{2} + 2)= -(4 + 2)= -6
00000 000	0 0000 * 2^{000}= 0 * 2^{0}= 0 * 1= 0	---	0 [1]0000 * 2^{000}= 2^{-1} * 2^{0}= 0,5 * 1= 0,5
11111 111	1 1111 * 2^{111}= -(1 - 2^{-4}) * 2^{7}= -(2^{7} - 2^{3})= -(128 - 8)= -120	1 1111 * 2^{111}= -(1 - 2^{-4}) * 2^{7}= -(2^{7} - 2^{3})= -(128 - 8)= -120	1 [1]1111 * 2^{111}= -(1 - 2^{-5}) * 2^{7}= -(2^{7} - 2^{2})= -(128 - 4)= -124

Ejercicio 3.

Calcular rango y resolución en extremos inferior negativo, superior negativo, inferior positivo y superior positivo para los siguientes sistemas de representación en punto flotante:

Observar que:

- *En las mantisas BSS, no se puede expresar números negativos, con lo que, aún con exponente negativo, expresaremos un número positivo por un factor de escala menor a 1, pero también positivo. Ejemplo: 2 * 2^{-4}= 0,125.*
- *Las mantisas fraccionarias suponen el punto al principio de la mantisa.*
- *Los exponentes negativos indican factores de escala menores a 1 que mejoran la resolución.*
- *Mantisa normalizada implica que empieza con 1, o sea mantisa mínima 0,1 para la fraccionaria, igual a 0,5 en decimal. Esto hace que no se pueda representar el 0.*
- *Mantisa normalizada con bit implícito, significa agregar un 1 al principio de la misma al interpretarla. Ejemplo: 00000 se interpreta 0,100000 o 0,5 en base 10.*

(a) *Mantisa fraccionaria en BSS de 8 bits y exponente en BSS 4 bits.*

Rango= [00000000 * 2^{0000}; 11111111 * 2^{1111}]
Rango= [0 * 2^{0}; (1 - 2^{-8}) * 2^{15}]
Rango= [0 * 1; (2^{15} - 2^{7})]
Rango= [0; 32640].

Resolución en el extremo inferior= $2^{-8} * 2^{0} = 2^{-8} * 1 = 2^{-8} = \frac{1}{256}$.
Resolución en el extremo superior= $2^{-8} * 2^{15} = 2^{7} = 128$.

(b) *Mantisa fraccionaria normalizada en BSS de 15 bits y exponente en CA1 10 bits.*

Rango= [100000000000000 * $2^{1000000000}$; 111111111111111 * $2^{0111111111}$]
Rango= [0,5 * 2^{-511}; (1 - 2^{-15}) * 2^{511}]
Rango= [0,5 * 2^{-511}; (2^{511} - 2^{496})].

Resolución en el extremo inferior= $2^{-15} * 2^{-511} = 2^{-526}$.
Resolución en el extremo superior= $2^{-15} * 2^{511} = 2^{496}$.

(c) *Mantisa fraccionaria normalizada con bit implícito en BCS de 15 bits y exponente en Exceso 5 bits.*

Rango negativo= [1 [1]11111111111111 * 2^{11111}; 1 [1]00000000000000 * 2^{00000}]
Rango negativo= [-(1 - 2^{-15}) * 2^{15}; -2^{-1} * 2^{-16}]
Rango negativo= [-(2^{15} - 1); -2^{-17}].

Rango positivo= [0 [1]00000000000000 * 2^{00000}; 0 [1]11111111111111 * 2^{11111}]
Rango positivo= [$2^{-1} * 2^{-16}$; (1 - 2^{-15}) * 2^{15}]
Rango positivo= [2^{-17}; (2^{15} - 1)].

Resolución en el extremo superior negativo / extremo inferior positivo= $2^{-15} * 2^{-16}$= 2^{-31}.
Resolución en el extremo inferior negativo / extremo superior positivo= $2^{-15} * 2^{15}$= 1.

(d) *Mantisa fraccionaria normalizada con bit implícito en BCS de N bits y exponente en CA2 de M bits.*

Rango negativo= [-(1 - 2^{-N}) * $2^{2^{M-1}-1}$; -$2^{-1} * 2^{-2^{M-1}}$].
Rango positivo= [$2^{-1} * 2^{-2^{M-1}}$; (1 - 2^{-N}) * $2^{2^{M-1}-1}$].

Resolución en el extremo superior negativo / extremo inferior positivo= $2^{-N} * 2^{-2^{M-1}}$.
Resolución en el extremo inferior negativo / extremo superior positivo= $2^{-N} * 2^{2^{M-1}-1}$.

Ejercicio 4.

Dado un sistema de Punto Flotante cuya mantisa es fraccionaria , está expresada en BCS con 10 bits y su exponente en CA2 con 5 bits, obtener la representación de los siguientes números, considerando que la mantisa está sin normalizar, normalizada o normalizada con bit implícito.

Cadena	Sin normalizar	Normalizada	Normalizada con bit implícito
0	0 000000000 * 2^{00000}	---	---
1	0 100000000 * 2^{00001}= 0 010000000 * 2^{00010}= 0 001000000 * 2^{00011} …	0 100000000 * 2^{00001}	0 [1]000000000 * 2^{00001}
9	0 100100000 * 2^{00100}= 0 010010000 * 2^{00101}= 0 001001000 * 2^{00110} …	0 100100000 * 2^{00100}	0 [1]001000000 * 2^{00100}
-5,0625	1 101000100 * 2^{00011}= 1 010100010 * 2^{00100}= 1 001010001 * 2^{00101} …	1 101000100 * 2^{00011}	1 [1]010001000 * 2^{00011}
34000,5	---	---	---
0,015625	0 000001000 * 2^{00000}= 0 000010000 * 2^{11111}= 0 000100000 * 2^{11110} …	0 100000000 * 2^{11011}	0 [1]000000000 * 2^{11011}
Número máximo	0 111111111 * 2^{01111}= (1 - 2^{-9}) * 2^{15}= 2^{15} - 2^{6}= 32704	0 111111111 * 2^{01111}= (1 - 2^{-9}) * 2^{15}= 2^{15} - 2^{6}= 32704	0 [1]111111111 * 2^{01111}= (1 - 2^{-10}) * 2^{15}= 2^{15} - 2^{5}= 32736
Número mínimo	1 111111111 * 2^{01111}= -(1 - 2^{-9}) * 2^{15}= -(2^{15} - 2^{6})= -32704	1 111111111 * 2^{01111}= -(1 - 2^{-9}) * 2^{15}= -(2^{15} - 2^{6})= -32704	1 [1]111111111 * 2^{01111}= -(1 - 2^{-10}) * 2^{15}= -(2^{15} - 2^{5})= -32736

Ejercicio 5.

Decir cómo influyen las siguientes variantes en el rango y resolución:

(a) *Mantisa con signo y sin signo.*

Mantisa con signo (supongo mantisa entera y exponente en BCS):

Rango= $[-(2^{M-1} - 1) * 2^{2^{E-1}-1}; (2^{M-1} - 1) * 2^{2^{E-1}-1}]$.
Resolución en el extremo inferior= $2^0 * 2^{-(2^{E-1}-1)}$.
Resolución en el extremo superior= $2^0 * 2^{2^{E-1}-1}$.

Mantisa sin signo (supongo mantisa entera y exponente en BCS):

Rango= $[0; (2^{M} - 1) * 2^{2^{E-1}-1}]$.
Resolución en el extremo inferior= $2^0 * 2^{-(2^{E-1}-1)}$.
Resolución en el extremo superior= $2^0 * 2^{2^{E-1}-1}$.

(b) *Exponente con signo y sin signo.*

Exponente con signo (supongo mantisa entera y en BCS):

Rango= $[-(2^{M-1} - 1) * 2^{2^{E-1}-1}; (2^{M-1} - 1) * 2^{2^{E-1}-1}]$.
Resolución en el extremo inferior= $2^0 * 2^{-(2^{E-1}-1)}$.
Resolución en el extremo superior= $2^0 * 2^{2^{E-1}-1}$.

Exponente sin signo (supongo mantisa entera y en BCS):

Rango= $[-(2^{M-1} - 1) * 2^{2^{E}-1}; (2^{M-1} - 1) * 2^{2^{E}-1}]$.
Resolución en el extremo inferior= $2^0 * 2^0$.
Resolución en el extremo superior= $2^0 * 2^{2^{E}-1}$.

(c) *Tamaño de mantisa.*

Supongo mantisa entera en BCS y exponente en BCS:

Rango= $[-(2^{M-1} - 1) * 2^{2^{E-1}-1}; (2^{M-1} - 1) * 2^{2^{E-1}-1}]$.
Resolución en el extremo inferior= $2^0 * 2^{-(2^{E-1}-1)}$.
Resolución en el extremo superior= $2^0 * 2^{2^{E-1}-1}$.

(d) *Tamaño de exponente.*

Supongo mantisa entera en BCS y exponente en BCS:

Rango= [-(2^{M-1} - 1) * $2^{2^{E-1}-1}$; (2^{M-1} - 1) * $2^{2^{E-1}-1}$].
Resolución en el extremo inferior= $2^0 * 2^{-(2^{E-1}-1)}$.
Resolución en el extremo superior= $2^0 * 2^{2^{E-1}-1}$.

(e) *Mantisa fraccionaria, fraccionaria normalizada y fraccionaria normalizada con bit implícito.*

Mantisa fraccionaria (supongo mantisa y exponente en BCS):

Rango= [-(1 - $2^{-(M-1)}$) * $2^{2^{E-1}-1}$; (1 - $2^{-(M-1)}$) * $2^{2^{E-1}-1}$].
Resolución en el extremo inferior= $2^{-(M-1)} * 2^{-(2^{E-1}-1)}$.
Resolución en el extremo superior= $2^{-(M-1)} * 2^{2^{E-1}-1}$.

Mantisa fraccionaria normalizada (supongo mantisa y exponente en BCS):

Rango negativo= [-(1 - $2^{-(M-1)}$) * $2^{2^{E-1}-1}$; -$2^{-(M-1)} * 2^{-(2^{E-1}-1)}$].
Rango positivo= [$2^{-(M-1)} * 2^{-(2^{E-1}-1)}$; (1 - $2^{-(M-1)}$) * $2^{2^{E-1}-1}$].
Resolución en el extremo superior negativo / extremo inferior positivo= $2^{-(M-1)} * 2^{-(2^{E-1}-1)}$.
Resolución en el extremo inferior negativo / extremo superior positivo= $2^{-(M-1)} * 2^{2^{E-1}-1}$.

Mantisa fraccionaria normalizada con bit implícito (supongo mantisa y exponente en BCS):

Rango negativo= [-(1 - 2^{-M}) * $2^{2^{E-1}-1}$; -$2^{-M} * 2^{-(2^{E-1}-1)}$].
Rango positivo= [$2^{-M} * 2^{-(2^{E-1}-1)}$; (1 - 2^{-M}) * $2^{2^{E-1}-1}$].
Resolución en el extremo superior negativo / extremo inferior positivo= $2^{-M} * 2^{-(2^{E-1}-1)}$.
Resolución en el extremo inferior negativo / extremo superior positivo= $2^{-M} * 2^{2^{E-1}-1}$.

Ejercicio 6.

Efectuar las siguientes sumas para un sistema de punto flotante con mantisa en BSS de 8 bits y exponente en BCS de 8 bits. Observar que los factores de escala deben ser los mismos, sino se sumarían dos mantisas con pesos distintos (recordar que se puede correr los unos y sumar o restar este corrimiento al exponente para obtener una cadena equivalente).

(a) *00001111 00000011 + 00001000 00000010.*

Opción 1:

00001111 00000011 +
00001000 00000010 =

00001111 00000011 +
00000100 00000011 =

00010011 00000011= 19 * 2^3= 19 * 8= 152.

Opción 2:

00001111 00000011 +
00001000 00000010 =

00011110 00000010 +
00001000 00000010 =

00100110 00000010= 38 * 2^2= 38 * 4= 152.

(b) *01111111 00000000 + 11111100 10000001.*

Opción 1:

01111111 00000000 +
11111100 10000001 =

01111111 00000000 +
01111110 00000000 =

11111101 00000000= 253 * 2^0= 253 * 1= 253.

Opción 2:

01111111 00000000 +
11111100 10000001 =

11111110 10000001 +
11111100 10000001 =

[1]11111010 10000001 =

11111101 00000000= 253 * 2^0= 253 * 1= 253.

(c) *00000001 00000111 + 00011100 00000000.*

Opción 1:

00000001 00000111 +
00011100 00000000 =

10000000 00000000 +
00011100 00000000 =

10011100 00000000= 156 * 2^0= 156 * 1= 156.

Opción 2:

00000001 00000111 +
00011100 00000000 =

00100000 00000010 +
00000111 00000010 =

00100111 00000010= 39 * 2^2= 39 * 4= 156.

Ejercicio 7.

Suponiendo que los números que no son representables se aproximan al más próximo, obtener las representaciones o aproximaciones de los números 8.625, 0.4 y 2.5 en los sistemas.

Número	(a) Mantisa fraccionaria normalizada de 5 bits BSS y exponente de 4 bits CA2	(b) Mantisa fraccionaria normalizada de 10 bits BCS y exponente de 3 bits CA2
8,625	$10001 * 2^{0100} = 8,5$	$0\ 111111111 * 2^{011} = 7,984375$
0,4	$11010 * 2^{1111} = 0,40625$	$0\ 110011010 * 2^{111} = 0,400390625$
2,5	$10100 * 2^{0010} = 2,5$	$0\ 101000000 * 2^{010} = 2,5$

Ejercicio 8.

Se define Error Absoluto y Error Relativo de un número x en un sistema de la siguiente forma: EA (x)= $|x' - x|$ y ER (x)= $\frac{EA(x)}{x}$, donde x' es el número representable del sistema más próximo a x. Calcular los errores absolutos y relativos para los casos del ejercicio anterior.

Número	(a)		(b)	
	EA	**ER**	**EA**	**ER**
8,625	$\|8,5 - 8,625\| = 0,125$	$\frac{0,125}{8,625} = 0,0145$	$\|7,984375 - 8,625\| = 0,640625$	$\frac{0,640625}{8,625} = 0,0743$
0,4	$\|0,40625 - 0,4\| = 0,00625$	$\frac{0,00625}{0,4} = 0,015625$	$\|0,400390625 - 0,4\| = 0,000390625$	$\frac{0,000390625}{0,4} = 0,0009765625$
2,5	$\|2,5 - 2,5\| = 0$	$\frac{0}{2,5} = 0$	$\|2,5 - 2,5\| = 0$	$\frac{0}{2,5} = 0$

Ejercicio 9.

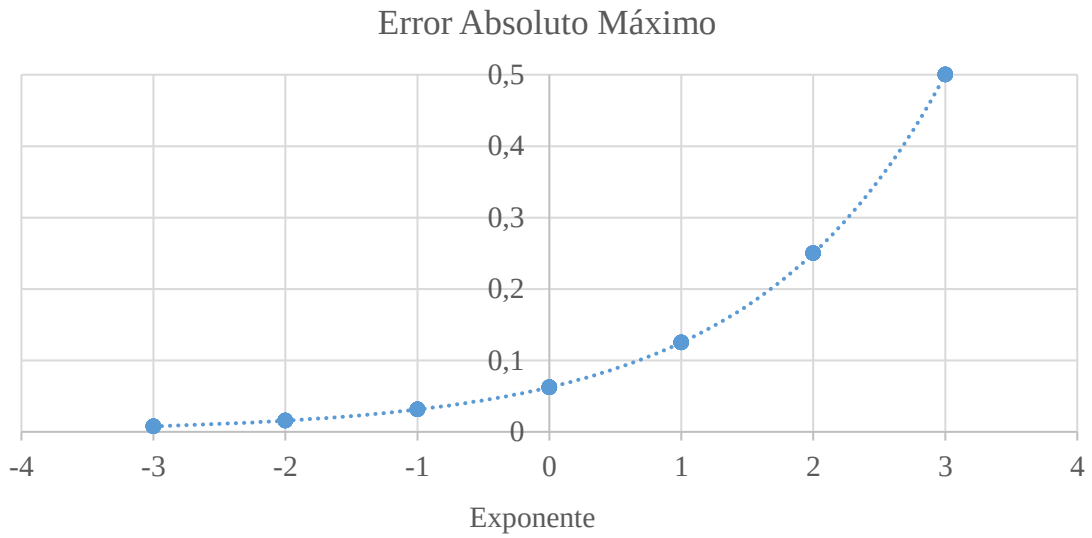
Considerando que, en los procesos de truncamiento o redondeo, la elección se basa en la representación más cercana, estimar el Error Absoluto Máximo cometido en las representaciones del ejercicio 7. Recordar que la distancia entre 2 representaciones sucesivas se conoce como resolución (R), por lo que EAmáx $\leq \frac{R}{2}$.

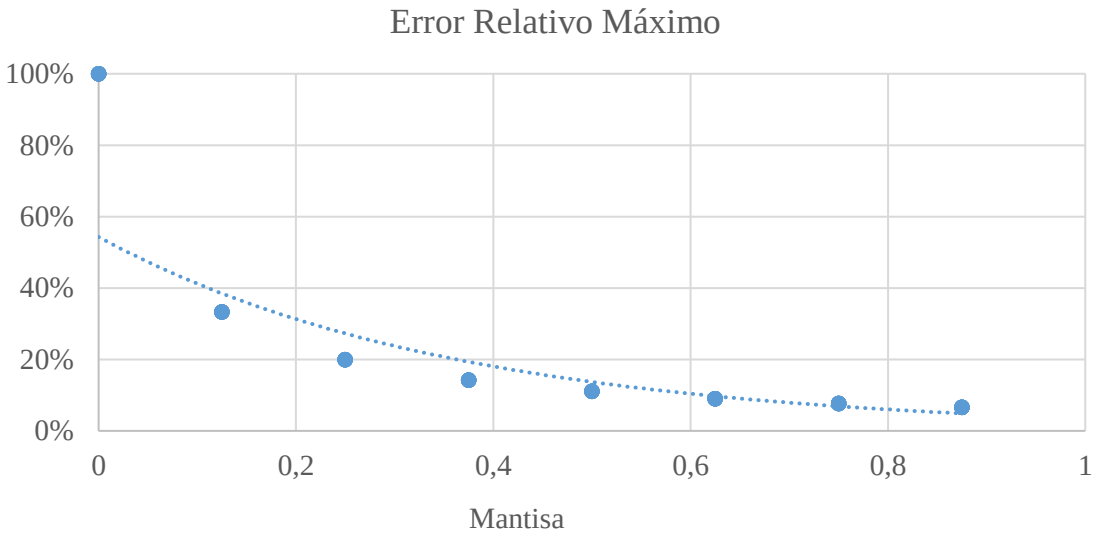
Número	EAmáx en (a)	EAmáx en (b)
8,625	$2^{-1} * 2^{-5} * 2^{4} = 2^{-2} =$ 0,25	---
0,4	$2^{-1} * 2^{-5} * 2^{-1} = 2^{-7} =$ 0,0078125	$2^{-1} * 2^{-9} * 2^{-1} = 2^{-11} =$ 0,00048828125
2,5	$2^{-1} * 2^{-5} * 2^{2} = 2^{-4} =$ 0,0625	$2^{-1} * 2^{-9} * 2^{2} = 2^{-8} =$ 0,00390625

Ejercicio 10.

Tomar un sistema de punto flotante cualquiera y dibujar la forma del gráfico de cada tipo de error en función del número que se quiere representar.

Supongo mantisa fraccionaria en BSS de 3 bits y exponente en BCS de 3 bits.





Ejercicio 11.

Detallar las características del estándar IEEE 754 para simple precisión y doble precisión.

Característica	**Simple precisión**	**Doble precisión**
Bits en signo	1	1
Bits en exponente	8	11
Bits en fracción	23	52
Total de bits	32	64
Exponente en exceso	127	1023
Rango de exponente	[-126; 127]	[-1022; 1023]
Rango de números	$[2^{-126}; 2^{128}]$	$[2^{-1022}; 2^{1024}]$

Ejercicio 12.

¿Qué valores están representados por las siguientes cadenas si responden al estándar IEEE 754?

(a)

0 11000100 [1]00000000000000000000000= $2^{69} * 2^{0}$
0 11000100 [1]00000000000000000000000= $2^{69} * 1$
0 11000100 [1]00000000000000000000000= 2^{69}.

(b)

1 11111110 [1]10100000000000000000000= -2^{127} ($2^{0} + 2^{-1} + 2^{-3}$)
1 11111110 [1]10100000000000000000000= -2^{127} (1 + 0,5 + 0,125)
1 11111110 [1]10100000000000000000000= $-1{,}625 * 2^{127}$.

(c)

0 00000000[1] 00000000000000000000001= $2^{-126} * 2^{-23}$
0 00000000[1] 00000000000000000000001= 2^{-149}.

(d)

0 00000000[1] 10011000000000000000000= 2^{-126} ($2^{-1} + 2^{-4} + 2^{-5}$)
0 00000000[1] 10011000000000000000000= $2^{-127} + 2^{-130} + 2^{-131}$.

(e)

1 00000000 00000000000000000000000= 0.

(f)

0 11111111 00000000000000000000000= $+\infty$.

(g)

0 11111111 00000100000000000000000= NaN.

(h)

0 01100010100 [1]00000000000000000000000000000000000000000000000000000= $2^{-235} * 2^{0} = 2^{-235} * 1 = 2^{-235}$.

(i)

0 11010101110 [1]10100000000000001000000000000000000000000000000000000= $2^{687} (2^{0} + 2^{-1} + 2^{-3} + 2^{-17}) = 2^{687} + 2^{686} + 2^{684} + 2^{670}$.

(j)

0 00000000000[1] 01010000000000000000000000000000000000000000000000000= $2^{-1022} (2^{-2} + 2^{-4}) = 2^{-1024} + 2^{-1026}$.

(k)

1 11111111111 11111000000000000000000000000000000000000000000000000= NaN.

Ejercicio 13.

Hallar la representación en simple precisión del estándar IEEE 754 de los siguientes números: 1, 13, 257, -40000, 0.0625.

Número	Simple precisión del estándar IEEE 754
1	0 01111111 [1]00000000000000000000000
13	0 10000010 [1]10100000000000000000000
257	0 10000111 [1]00000001000000000000000
-40000	1 10001110 [1]00111000100000000000000
0,0625	0 01111011 [1]00000000000000000000000

Ejercicio 14.

Calcular rango y resolución en extremos inferior negativo y superior positivo para los sistemas de simple precisión y doble precisión del estándar IEEE 754. ¿Cuál es el menor número positivo distinto de "0" que se puede representar?

Característica	**Simple precisión**	**Doble precisión**
Rango negativo	$[-(2 - 2^{-23}) * 2^{127}; -2^{-23} * 2^{-126}]$	$[-(2 - 2^{-52}) * 2^{1023}; -2^{-52} * 2^{-1022}]$
Rango positivo	$[2^{-23} * 2^{-126}; (2 - 2^{-23}) * 2^{127}]$	$[2^{-52} * 2^{-1022}; (2 - 2^{-52}) * 2^{1023}]$
Resolución extremo inferior negativo	$2^{-23} * 2^{127}$	$2^{-52} * 2^{1023}$
Resolución extremo superior positivo	$2^{-23} * 2^{127}$	$2^{-52} * 2^{1023}$
Menor número positivo distinto de 0	$2^{-126} * 2^{-23}$	$2^{-1022} * 2^{-52}$

Ejercicio 15.

Efectuar las siguientes sumas (las cadenas son representaciones en el estándar IEEE 754):

(a) *00001111 01000000000000000000000 + 00010000 01000000000000000000000.*

00001111 [1],01000000000000000000000 +
00010000 [1],01000000000000000000000 =

$2^{-112}{}_{(10}$ * [1],01000000000000000000000 +
$2^{-111}{}_{(10}$ * [1],01000000000000000000000 =

$2^{-112}{}_{(10}$ * [1],01000000000000000000000 +
$2^{-112}{}_{(10}$ * [1] 0 ,10000000000000000000000 =

$2^{-112}{}_{(10}$ * [1]1,11000000000000000000000 =

$2^{-111}{}_{(10}$ * [1],11100000000000000000000= 1,875 * 2^{-111}.

(b) *11111111 10101010101010101010101 + 11111100 10000001111100000110101 0.*

11111111 [1]10101010101010101010101 +
11111100 [1]10000001111100000110101 =

NaN +
$2^{125}{}_{(10}$ * [1]10000001111100000110101 =
NaN.

Ejercicio 16.

En el estándar IEEE 754, ¿para qué sirve, cuando el exponente es 0 y la mantisa no es nula, que la mantisa no esté normalizada?

Cuando el exponente es 0 y la mantisa no es nula, que la mantisa no esté normalizada (desnormalizar) sirve para representar números por debajo de $2^{2^0-exceso}$ y para garantizar la menor brecha entre el menor número normalizado y el mayor número desnormalizado.

Práctica 3

Lógica y compuertas (Parte 1): Funciones lógicas elementales. Puertas lógicas.

Objetivos de la práctica: que el alumno sea capaz de:

- ***Realizar operaciones lógicas***
- ***Usar máscaras y realizar equivalencias entre operaciones sucesivas.***
- ***Establecer la salida de circuitos combinatorios simples.***
- ***Confeccionar tablas de verdad.***
- ***Describir la relación entre entradas y salidas por ecuaciones.***

Bibliografía:

- ***"Organización y Arquitectura de Computadoras" de W. Stallings, Apéndice A, pág. 645.***
- ***"Principios de Arquitectura de Computadoras" de Miles J. Murdocca, apéndice A, pág. 441.***
- ***Apunte 3 de la cátedra, "Sistemas de Numeración: Operaciones Lógicas".***

Operaciones Lógicas

1. Realizar las siguientes operaciones lógicas:

a. 10011001 **AND** 10101110
b. 01011000 **AND** 11110011
c. 10011001 **OR** 10101110
d. 01011000 **OR** 11110011
e. 10011001 **XOR** 10101110
f. 01011000 **XOR** 11110011
g. **NOT** 010111000
h. **NOT** 111010100
i. 10011001 **NAND** 10101110
j. 01011000 **NAND** 11110011
k. 10111001 **NOR** 11101110
l. 01011010 **NOR** 11010011
m. 10111001 **XNOR** 11101110
n. 01011010 **XNOR** 01011010

2. Dado un byte **$X=[X_7,X_6,X_5,X_4,X_3,X_2,X_1,X_0]$** (los X representan bits con valores indeterminados), ¿qué resultado obtendré al aplicarle una operación lógica junto a un valor predeterminado (máscara)?: Analice para cada operación cómo los bits de la 'máscara' condicionan el resultado que se obtendrá.**¿Puede reconocer un patrón para cada mascara?**
En los casos de más de una operación, obtenga el resultado y a ese resultado aplíquele la operación siguiente.Ejemplo:

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
AND $0_71_60_50_40_31_2\ 0_10_0$

$0_7X_60_50_40_3X_20_10_0$
XOR $0_71_60_50_40_30_21_10_0$

$0_7{\sim}X_60_50_40_3X_21_10_0$ ***Nota: ~X = X negado (valor opuesto a X)***

a. **X OR 00011000**
b. **X OR 11001100**
c. **X AND 01010101**
d. **X AND 01001100**
e. **X XOR 01010101**
f. **X XOR 11001100**

g. **X OR 10000001**, al resultado **AND 00111001**, y al resultado **XOR 11001111**
h. **X AND 10001110**, al resultado **OR 11001100**, y al resultado **XOR 01010011**
i. **X XOR 10010010**, al resultado **AND 11100110**, y al resultado **OR 00110111**
j. **X XNOR 10011001**, al resultado **NAND 11001100**, y al resultado **NOR 00011000**
k. **X XOR 10100101**, al resultado **NAND 11100111**, y al resultado **NOR 01010110**

3. Complete las siguientes líneas punteadas con el operador lógico adecuado (sean AND, OR, XOR, NOT), en las siguientes expresiones de modo tal que se cumpla la igualdad propuesta:

a. 1000 ……. 1101 = 1101
b. 1111 ……. 0101 = 0101
c. 1101 ……. 1001 = 0100
d. ……. (1111 ……. 0011) = 1100
e. $X_3\,X_2\,X_1\,X_0$..…… 1110 ……. 0101 ……. 0101 = $X_3\,0\,X_1\,0$
f. $X_3\,X_2\,X_1\,X_0$..…… 1000 ……. 1011 ……. 1110 = 0 1$\underline{X_1}$ $\underline{X_0}$
g. ……..($X_3\,X_2\,X_1\,X_0$..…….1001)= $\underline{X_3}$11$\underline{X_0}$

Se entiende que cada X es un bit desconocido que puede ser 1 o 0, debiendo obtenerse el resultado final al combinar diferentes operaciones lógicas, siguiendo el orden correcto.

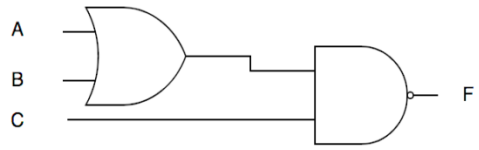
4. Dado un byte **X=[X_7,X_6,X_5,X_4,X_3,X_2,X_1,X_0]** (los X representan bits con valores indeterminados), aplíquele operaciones lógicas (1 o más) con un byte MASK, que deberá también determinar, para lograr los siguientes efectos:

a) Poner en 1 los bits 1,3 y 5 dejando los demás bits iguales.
b) Poner a 1 los bits 4 y 6 dejando los demás iguales.
c) Poner a 0 los bits 1, 3 y 5 dejando los demás iguales.
d) Poner a 0 los bits 4 y 6 dejando los demás iguales.
e) Cambiar los bits 1, 3 y 5 a su complemento dejando los demás iguales.
f) Cambiar los bits 4 y 6a su complemento dejando los demás iguales.
g) Poner en 1 los bits 1 y 5, poner en 0 los bits 7 y 0, cambiar el bit 6 por su complemento y dejar los demás iguales.
h) Poner en 0 los bits 1, 5 y 6, cambiar el bit 4 por su complemento y dejar los demás iguales.

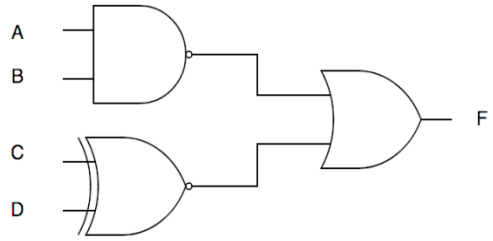
Circuitos Combinatorios

3. Construir la tabla de verdad de los siguientes circuitos. Especifique además la ecuación que describe la relación entre entradas-salidas.

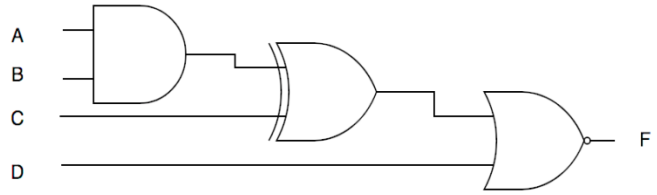
1)



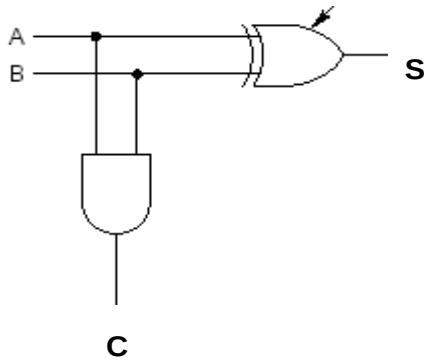
2)



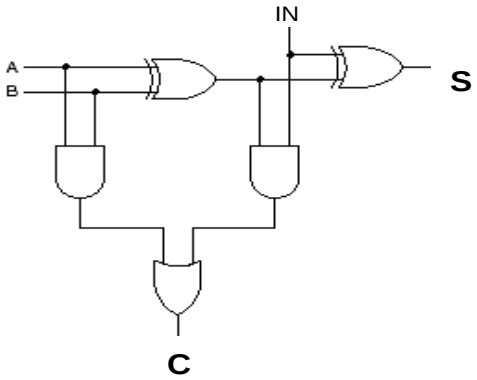
3)



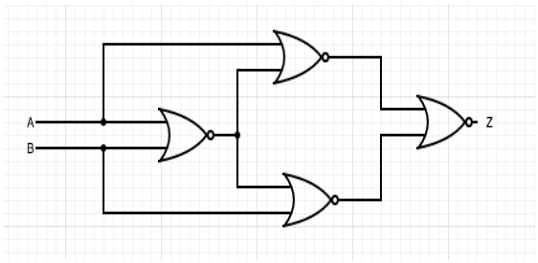
4)



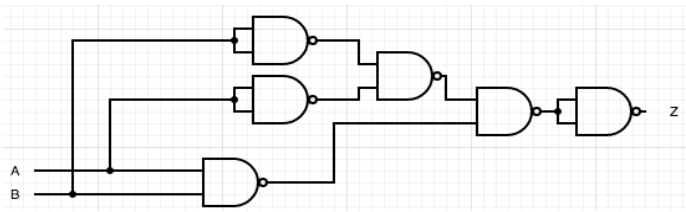
5)



6)



7)



Organización de Computadoras 2023

Lógica y compuertas (Parte 2): Circuitos Combinacionales y Secuenciales.

Objetivos de la práctica: que el alumno domine

- ***Circuitos lógicos y diagramas de compuertas***
- ***Introducción a equivalencias lógicas***
- ***método de sumas de productos.***
- ***Describir el funcionamiento de los distintos tipos de flip flops.***
- ***Comprender el funcionamiento de un circuito secuencial.***

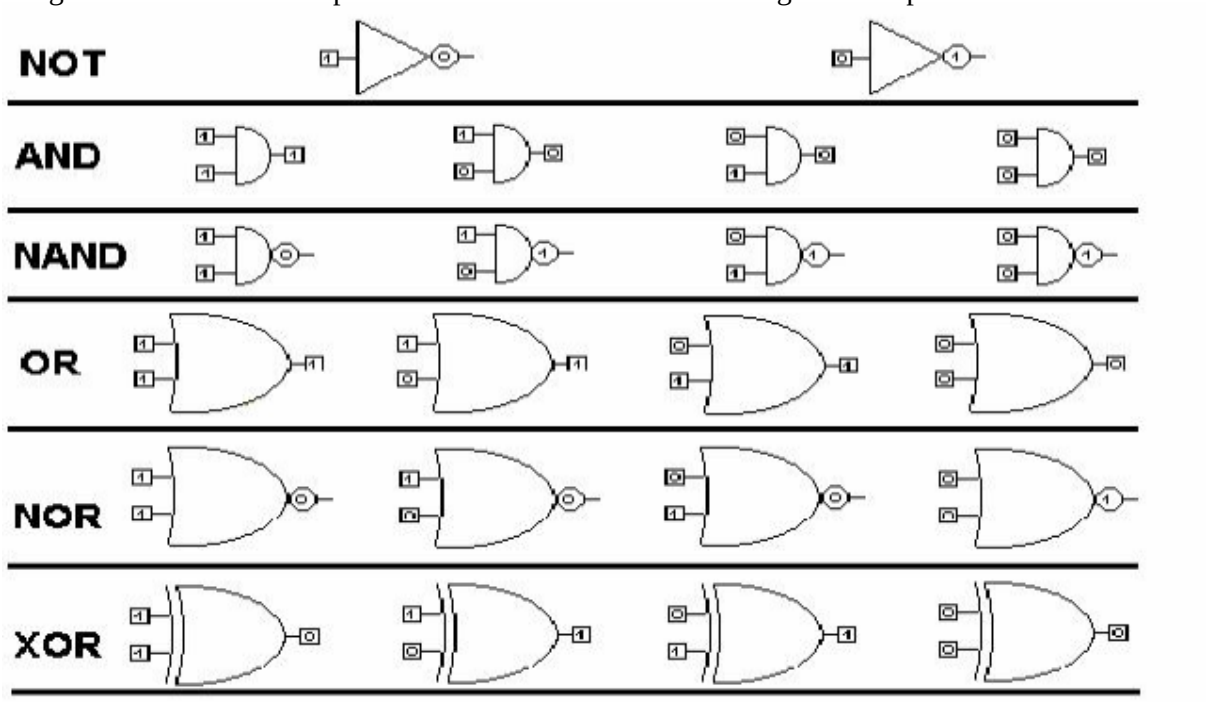
Bibliografía:

- ***"Principios de Arquitectura de Computadoras" de Miles J. Murdocca, apéndice A, pág. 441.***
- ***Apunte 3 de la cátedra, "Sistemas de Numeración: Operaciones Lógicas".***
- ***Apunte 5 de la cátedra, "Circuitos Lógicos Secuenciales".***

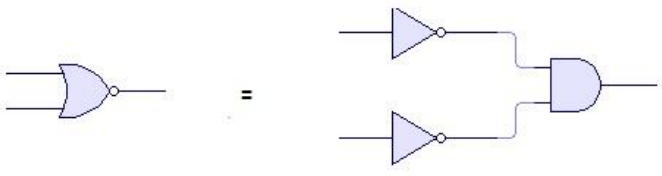
Tener en cuenta para resolución de ejercicios 6 al 10:

Tablas de Verdad: Una tabla de verdad muestra el resultado de una proposición compuesta para cada combinación de valores de verdad que se le puedan asignar a sus componentes de entrada.

Tengamos en cuenta las respuestas de los distintos conectivos lógicos/Compuertas:



Equivalencias lógicas mediante tablas de verdad: Es posible demostrar que dos circuitos son equivalentes si ante iguales entradas responden con el mismo valor de salida. Para llevar a cabo esta demostración, alcanza con construir la tabla de verdad de ambos circuitos y validar que las respuestas coinciden para iguales entradas.
Ejemplo: (La conocida Ley de De Morgan, donde se puede verificar que ante iguales combinaciones de valores de entrada para A y B, la respuesta del circuito es igual en ambos casos)



$\overline{A+B}$

A	B	A+B	$\overline{A+B}$
0	0	0	1
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	1	0

$\overline{A} \cdot \overline{B}$

A	B	$\overline{A}$	$\overline{B}$	$\overline{A} \cdot \overline{B}$
0	0	1	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	0
1	1	0	0	0

Otras equivalencias lógicas:

Conjunto cerrado de operaciones lógicas usando sólo compuertas Nand o Nor:
Es posible (su justificación excede el objetivo de este curso) reescribir cualquier expresión lógica compuesta, como una expresión equivalente utilizando EXCLUSIVAMENTE compuertas Nand o Nor. Esto favorece el diseño de circuitos al resolver cualquier lógica con un único tipo de compuertas.

Equivalencias lógicas para representar cualquier conectivo lógico como compuertas Nand:

- $\overline{A} \cong \overline{A} + \overline{A} \cong \overline{A.A}$ (Aplico 2 equivalencias lógicas, la última es la ley de De Morgan).
- $A + B \cong \overline{\overline{A + B}} \cong \overline{\overline{A}.\overline{B}} \cong \overline{(\overline{A.A})}\overline{(\overline{B.B})}$ (doble negación, De Morgan, equivalencia anterior para la negación).
- $A.B \cong \overline{\overline{A.B}} \cong \overline{(\overline{A.B})}\overline{(\overline{A.B})}$ (doble negación, 1er equivalencia para la negación).
- $A \otimes B \cong (A.\overline{B}) + (\overline{A}.B)$..... (definición del or exclusivo, resta aplicar las equivalencias previas para producto, suma y negación para llegar a utilizar sólo compuertas Nand).

El resto de las compuertas pueden reescribirse sólo con compuertas Nand basándose en las equivalencias previas.

---

6. Demostrar mediante tabla de verdad si se cumplen o no las siguientes equivalencias:

a) $\overline{(A.B)} = \overline{A} + \overline{B}$ (La segunda ley de De Morgan)

b) $A + B.C = (A + B) + (A + C)$

c) $(A + B).C = (A.B) + (A.C)$

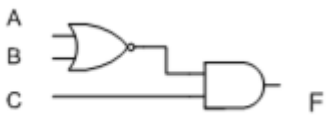
d) $A + A + B = A + B + B$

e) $A + B.C = A.C + B$

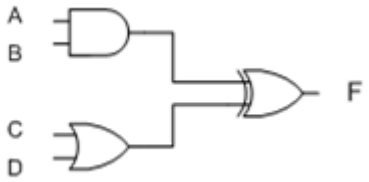
f) $A \oplus B = A \oplus B$

7. Modifique los siguientes circuitos para que sean todas compuertas **NAND.**

1)

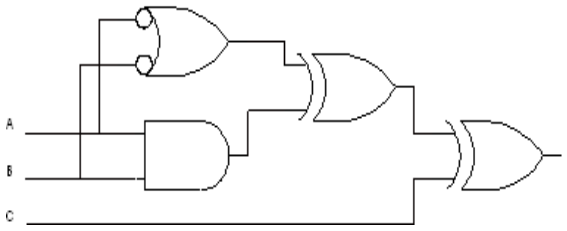


2)



8. Reescriba las compuertas lógicas Not, Or, And y Xor utilizando exclusivamente compuertas **NOR**. (Ver como se resolvió el mismo caso para compuertas Nand, en *Tener en . . .*).

9. Construya la tabla de verdad del siguiente circuito. Analice los valores y basándose en sus conclusiones construya un diagrama más simple que implemente la misma función de salida. Escriba además la ecuación de salida en forma de función.



10. Dadas las siguientes relaciones, dibuje los diagramas de compuertas que cumplen con ellas. Modifíquelos utilizando sólo compuertas **NOR**. Modifíquelos utilizando sólo compuertas **NAND**.

a) $F = AB + AC + AD + \overline{ABCD}$ b) $F = \overline{A + B + C + D}$ c) $F = \overline{A + B\overline{C}} + C$ d) $F = A\overline{B} + \overline{A}B$

Tener en cuenta para ejercicios 11 al 13:

Suma de Productos: Es posible inferir la fórmula lógica asociada a una función desconocida de la cual sólo se conoce la respuesta ante todas las combinaciones posibles de entradas….
Ejemplo: Supongamos una función que recibe 2 parámetros A y B, si conocemos la respuesta F de la ecuación en base a los posibles valores de A y B mediante la siguiente tabla de verdad:

A	B	F
0	0	**1**
0	1	**1**
1	0	**0**
1	1	**1**

¿En qué casos la salida F será 1? Rta: Cuando las entradas sean A=0 **y** B=0, **o** A=0 **y** B=1, **o** A=1 **y** B=1.
Dicho de otra manera, podemos interpretar como respuesta válida que F será 1 cuando no ocurra A y no ocurra B, o no ocurra A y sí ocurra B, o cuando ocurran A y B.
Esto que es tan simple de entender en lenguaje cotidiano, se traslada con el mismo concepto a la idea de suma de productos, considerando que estamos haciendo una Disyunción/Suma (con la simbología que deseemos: O, Or, ∨, +) de Conjunciones/Productos (simbología: y, And, ∧, .). En conclusión podemos inferir de la anterior tabla de verdad lo siguiente:

$F = \overline{A}.\overline{B} + \overline{A}.B + A.B$ (Por convención y de manera análoga a las operaciones aritméticas conocidas entendemos que ante la ausencia de paréntesis se calculan primero los productos y luego las sumas con los resultados intermedios de cada producto).

Para validar la veracidad de lo expuesto, se debe armar la tabla de verdad de la proposición compuesta y comprobar que coinciden las salidas para todas las combinaciones posibles de la tabla original.

Imaginemos ahora una función que recibe 4 variables A,B,C,D que representan los 4 dígitos de un número binario (Siendo D el menos significativo hasta A como más significativo)….Respondamos ahora la siguiente pregunta:
¿Cuándo viene representado el número 5? (Sabemos que el 5 se representa en binario como 0101)

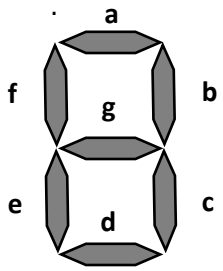
Rta: cuando viene A=0 **y** B=1 **y** C=0 **y** D=1. O dicho de otra manera, cuando NO ocurra A y SI ocurra B y NO ocurra C y SI ocurra D.
Conclusión: Se puede representar una ecuación que retorne 1 cuando en las cuatro entradas reciba el número 5, de la siguiente manera: $F_5 = \overline{A}.B.\overline{C}.D$ (Notar que la salida F_5 tomará valor 1 exclusivamente cuando las entradas ABCD sean 0101)
Ahora estamos preparados para determinar una ecuación que, por ejemplo, retorne 1 cuando el número representado en las cuatro entradas sea 5 **o** 7 **o** 9 (es decir 0101 **o** 0111 **o** 1001)

$F = \overline{A}.B.\overline{C}.D + \overline{A}.B.C.D + A.\overline{B}.\overline{C}.D$ (Notar que la salida F tomará el valor 1 exclusivamente cuando las entradas sean alguna de las 3 definidas, en cualquier otra combinación de entrada, la ecuación retornará 0).

11. Para la siguiente tabla de verdad encuentre una fórmula lógica correspondiente (utilizando suma de productos).

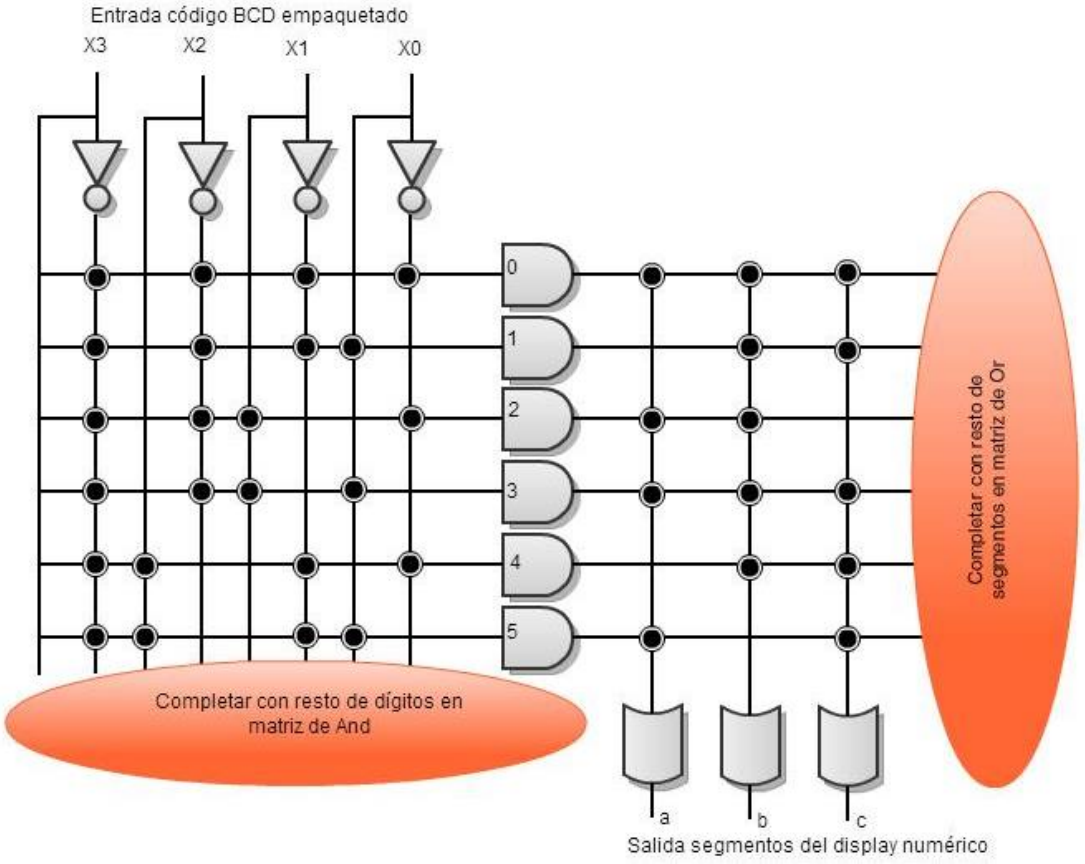
A	B	C	F
0	0	0	**0**
0	0	1	**1**
0	1	0	**1**
0	1	1	**0**
1	0	0	**0**
1	0	1	**1**
1	1	0	**0**
1	1	1	**0**

12. Diseñe un circuito que tenga como entrada código BCD empaquetado (4 entradas) y 7 salidas para controlar los 7 segmentos de un display numérico, siendo la salida para los segmentos '0' para apagado y '1' para prendido. Construya la tabla de verdad y la ecuación de la salida correspondiente a los segmentos **a, b, c, d, e, f** y **g**.



Ayuda 1: Cada segmento se considera como una salida distinta, y cada uno se debe activar (poner en 1) dependiendo del número recibido en las entradas que representan los 4 bits de un BCD empaquetado.
Ejemplo: El segmento **b** se debe activar cuando se recibe un 1 (0001), o un 2 (0010), o un 3 (00110, o un 4 (0100), o un 7 (0111), o un 8 (1000), o un **9 (1001). Se aplica la misma idea con el resto de las salidas.**

Ayuda 2: Gráficamente, el circuito con las 4 entradas y las 7 salidas conviene diseñarlo como una matriz de compuertas And, seguida de la matriz de compuertas Or (basarse en la siguiente gráfica parcial



13. Un controlador de proceso industrial recibe como entrada tres señales de temperatura T1, T2, T3 (T1<T2<T3) que adoptan el valor lógico '1' cuando la temperatura es mayor que t1, t2 y t3 respectivamente. Diseñar un circuito que genere una señal F cuando la temperatura esté comprendida entre t1 y t2 o cuando la temperatura sea mayor que t3.

Tener en cuenta para ejercicios 14 al 18:

Circuitos Secuenciales: (repasar apuntes de la cátedra y teoría)

- Flip flop S-R asincrónico:
  - Problemas de sincronismo ante cambios de entrada durante el cálculo.
  - Reacción frente a doble entrada de 1's.
- Flip flop S-R sincrónico:
  - Resuelve problema de sincronismo, pero mantiene problema ante doble entrada de 1's.
- Flip flop D:
  - Pequeña variante del S-R que resuelve el problema de la doble entrada de 1's.
- Flip flop J-K:
  - Incorpora posibilidad de alterar el valor previo (complemento lógico).
- Flip flop T:
  - Pequeña variante del J-K, que sólo se dedica a invertir su valor ante cada orden del clock.

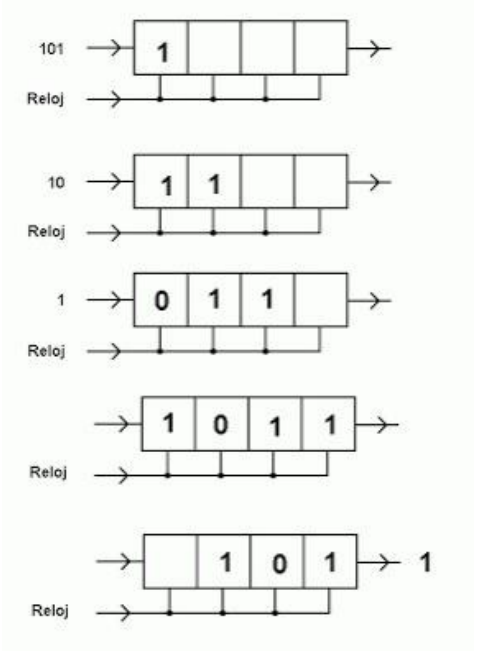
14. Dibuje el esquema de compuertas que componen un flip flop S-R. Describa a través de una tabla los estados en función de las entradas. Modifique el esquema anterior para hacerlo sincrónico. Describa gráficamente su respuesta temporal.

15. Dibuje el esquema de un flip flop D. Detalle en su respuesta temporal como resuelve el problema de la doble entrada de 1's que se presentaba en el S-R.

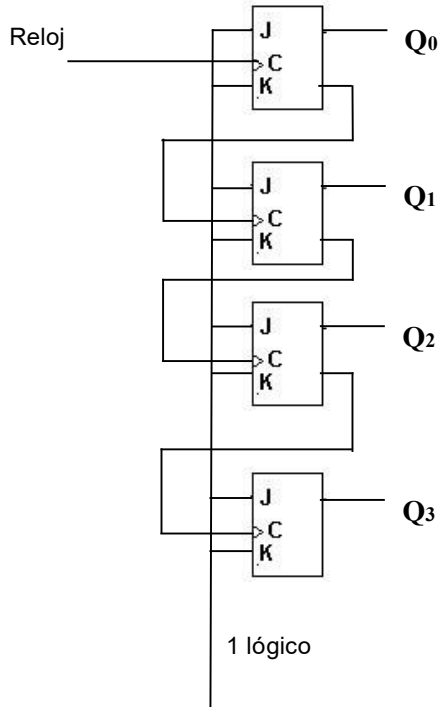
16. Dibuje el esquema de un flip flop J-K, describiendo su respuesta temporal.

17. Dibuje el diagrama de tiempos del registro de la figura, implementado con flip flops D. Modifíquelo para desplazamiento izquierda derecha y derecha izquierda.

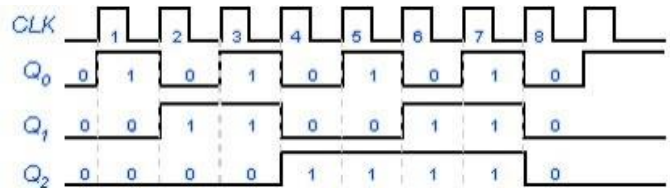
Ayuda: Ejemplo de respuesta temporal para interpretar como responde el registro previo ante la entrada serial del número binario 1011:



18. Describa gráficamente la respuesta temporal de cada flip flop ante una señal de unos y ceros entrando por Reloj.



Ayuda: El diagrama correspondiente considerando sólo los primeros 3 flip-Flops es el siguiente:



Se observa como la respuesta de cada flip-flop emite una onda a la mitad de frecuencia que su clock de entrada.

Juan Menduiña

Trabajo Práctico N° 3:
Lógica y Compuertas.

FUNCIONES LÓGICAS ELEMENTALES. PUERTAS LÓGICAS

Ejercicio 1.

Realizar las siguientes operaciones lógicas:

Inciso	Operación	Cadena 1	Cadena 2	Resultado
(a)	AND	10011001	10101110	10001000
(b)	AND	01011000	11110011	01010000
(c)	OR	10011001	10101110	10111111
(d)	OR	01011000	11110011	11111011
(e)	XOR	10011001	10101110	00110111
(f)	XOR	01011000	11110011	10101011
(g)	NOT	010111000	---	101000111
(h)	NOT	111010100	---	000101011
(i)	NAND	10011001	10101110	01110111
(j)	NAND	01011000	11110011	10101111
(k)	NOR	10111001	11101110	00000000
(l)	NOR	01011010	11010011	00100100
(m)	XNOR	10111001	11101110	10101000
(n)	XNOR	01011010	01011010	11111111

Ejercicio 2.

Dado un byte X= [X_7, X_6, X_5, X_4, X_3, X_2, X_1, X_0] (los X representan bits con valores indeterminados), ¿qué resultado se obtendrá al aplicarle una operación lógica junto a un valor predeterminado (máscara)? Analizar, para cada operación, cómo los bits de la "máscara" condicionan el resultado que se obtendrá. ¿Puede reconocer un patrón para cada máscara? En los casos de más de una operación, obtener el resultado y a ese resultado aplicarle la operación siguiente.

(a) *X OR 00011000.*

	X_7	X_6	X_5	X_4	X_3	X_2	X_1	X_0
OR	0	0	0	1	1	0	0	0
	X_7	X_6	X_5	1	1	X_2	X_1	X_0

(b) *X OR 11001100.*

	X_7	X_6	X_5	X_4	X_3	X_2	X_1	X_0
OR	1	1	0	0	1	1	0	0
	1	1	X_5	X_4	1	1	X_1	X_0

(c) *X AND 01010101.*

	X_7	X_6	X_5	X_4	X_3	X_2	X_1	X_0
AND	0	1	0	1	0	1	0	1
	0	X_6	0	X_4	0	X_2	0	X_0

(d) *X AND 01001100.*

	X_7	X_6	X_5	X_4	X_3	X_2	X_1	X_0
AND	0	1	0	0	1	1	0	0
	0	X_6	0	0	X_3	X_2	0	0

(e) *X XOR 01010101.*

	X_7	X_6	X_5	X_4	X_3	X_2	X_1	X_0
XOR	0	1	0	1	0	1	0	1

$X_7\bar{X}_6X_5\bar{X}_4X_3\bar{X}_2X_1\bar{X}_0$

(f) *X XOR 11001100.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
XOR 1 1 0 0 1 1 0 0

$\bar{X}_7\bar{X}_6X_5X_4\bar{X}_3\bar{X}_2X_1X_0$

(g) *X OR 10000001 AND 00111001 XOR 11001111.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
OR 1 0 0 0 0 0 0 1
---
1 $X_6X_5X_4X_3X_2X_1$1
AND 0 0 1 1 1 0 0 1
---
0 0 $X_5X_4X_3$0 0 1
XOR 1 1 0 0 1 1 1 1
---
1 1 $X_5X_4\bar{X}_3$1 1 0

(h) *X AND 10001110 OR 11001100 XOR 01010011.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
AND 1 0 0 0 1 1 1 0

$X_7$0 0 0 $X_3X_2X_1$0
OR 1 1 0 0 1 1 0 0
---
1 1 0 0 1 1 $X_1$0
XOR 0 1 0 1 0 0 1 1
---
1 0 0 1 1 1 $\bar{X}_1$1

(i) *X XOR 10010010 AND 11100110 OR 00110111.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
XOR 1 0 0 1 0 0 1 0

$\bar{X}_7X_6X_5\bar{X}_4X_3X_2\bar{X}_1X_0$
AND 1 1 1 0 0 1 1 0

$\bar{X}_7X_6X_5$0 0 $X_2\bar{X}_1$0
OR 0 0 1 1 0 1 1 1

$\bar{X}_7X_6$1 1 0 1 1 1

(j) *X XNOR 10011001 NAND 11001100 NOR 00011000.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
XNOR 1 0 0 1 1 0 0 1

$X_7\bar{X}_6\bar{X}_5X_4X_3\bar{X}_2\bar{X}_1X_0$
NAND 1 1 0 0 1 1 0 0

$\bar{X}_7X_6$1 1 $\bar{X}_3X_2$1 1
NOR 0 0 0 1 1 0 0 0

$X_7\bar{X}_6$0 0 0 $\bar{X}_2$0 0

(k) *X XOR 10100101 NAND 11100111 NOR 01010110.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
XOR 1 0 1 0 0 1 0 1

$\bar{X}_7X_6\bar{X}_5X_4X_3\bar{X}_2X_1\bar{X}_0$
NAND 1 1 1 0 0 1 1 1

$X_7\bar{X}_6X_5$1 1 $X_2\bar{X}_1X_0$
NOR 0 1 0 1 0 1 1 1

$\bar{X}_7$0 $\bar{X}_5$0 0 0 0 0

Ejercicio 3.

Completar las siguientes líneas punteadas con el operador lógico adecuado (sean AND, OR, XOR, NOT) en las siguientes expresiones de modo tal que se cumpla la igualdad propuesta. Se entiende que cada X es un bit desconocido que puede ser 1 o 0, debiendo obtenerse el resultado final al combinar diferentes operaciones lógicas, siguiendo el orden correcto.

(a)

1000 **OR** 1101= 1101.

(b)

1111 **AND** 0101= 0101.

(c)

1101 **XOR** 1001= 0100.

(d)

NOT (1111 **XOR** 0011)= 1100.
NOT 0011= 1100.

(e)

$X_3X_2X_1X_0$ **AND** 1110 **OR** 0101 **XOR** 0101= X_30X_10.
$X_3X_2X_10$ **OR** 0101 **XOR** 0101= X_30X_10.
X_31X_11 **XOR** 0101= X_30X_10.

(f)

$X_3X_2X_1X_0$ **OR** 1000 **AND** 1011 **OR** 1110= $01\bar{X}_1X_0$.
$1X_2X_1X_0$ **AND** 1011 **OR** 1110= $01\bar{X}_1X_0$.
$10X_1X_0$ **XOR** 1110= $01\bar{X}_1X_0$.

(g)

NOT ($X_3X_2X_1X_0$ **AND** 1001)= $\bar{X}_3 11 \bar{X}_0$.
NOT $X_3 00 X_0$= $\bar{X}_3 11 \bar{X}_0$.

Ejercicio 4.

Dado un byte X= [X_7, X_6, X_5, X_4, X_3, X_2, X_1, X_0] (los X representan bits con valores indeterminados), aplicar operaciones lógicas (1 o más) con un byte MASK, que se deberá también determinar, para lograr los efectos:

(a) *Poner en 1 los bits 1,3 y 5 dejando los demás bits iguales.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
OR 0 0 1 0 1 0 1 0

$X_7X_6$1 $X_4$1 $X_2$1 X_0

(b) *Poner en 1 los bits 4 y 6 dejando los demás iguales.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
OR 0 1 0 1 0 0 0 0

$X_7$1 $X_5$1 $X_3X_2X_1X_0$

(c) *Poner en 0 los bits 1, 3 y 5 dejando los demás iguales.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
AND 1 1 0 1 0 1 0 1

$X_7X_6$0 $X_4$0 $X_2$0 X_0

(d) *Poner en 0 los bits 4 y 6 dejando los demás iguales.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
AND 1 0 1 0 1 1 1 1

$X_7$0 $X_5$0 $X_3X_2X_1X_0$

(e) *Cambiar los bits 1, 3 y 5 a su complemento dejando los demás iguales.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
XOR 0 0 1 0 1 0 1 0

$X_7X_6\bar{X}_5X_4\bar{X}_3X_2\bar{X}_1X_0$

(f) *Cambiar los bits 4 y 6 a su complemento dejando los demás iguales.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
XOR 0 1 0 1 0 0 0 0

$X_7\bar{X}_6X_5\bar{X}_4X_3X_2X_1X_0$

(g) *Poner en 1 los bits 1 y 5, poner en 0 los bits 7 y 0, cambiar el bit 6 por su complemento y dejar los demás iguales.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
OR 0 0 1 0 0 0 1 0

$X_7X_61\ X_4X_3X_21\ X_0$
AND 0 1 1 1 1 1 1 0

$0\ X_61\ X_4X_3X_21\ 0$
XOR 0 1 0 0 0 0 0 0

$0\ \bar{X}_61\ X_4X_3X_21\ 0$

(h) *Poner en 0 los bits 1, 5 y 6, cambiar el bit 4 por su complemento y dejar los demás iguales.*

$X_7X_6X_5X_4X_3X_2X_1X_0$
AND 1 0 0 1 1 1 0 1

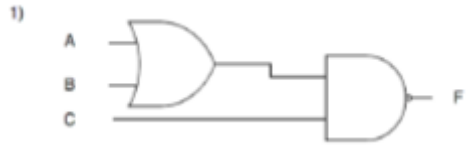
$X_70\ 0\ X_4X_3X_20\ X_0$
XOR 0 0 0 1 0 0 0 0

$X_70\ 0\ \bar{X}_4X_3X_20\ X_0$

Ejercicio 5.

Construir la tabla de verdad de los siguientes circuitos. Especificar, además, la ecuación que describe la relación entre entradas-salidas:

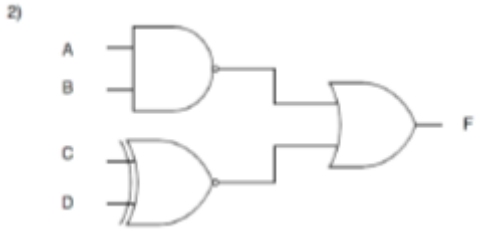
(a)



A	B	C	A OR B	F= (A OR B) AND C
0	0	0	0	0
0	0	1	0	0
0	1	0	1	0
0	1	1	1	1
1	0	0	1	0
1	0	1	1	1
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

F= $\bar{A}$BC + A$\bar{B}$C + ABC.
F= (A + B + C) (A + B + $\bar{C}$) (A + $\bar{B}$ + C) ($\bar{A}$ + B + C) ($\bar{A}$ + $\bar{B}$ + C).

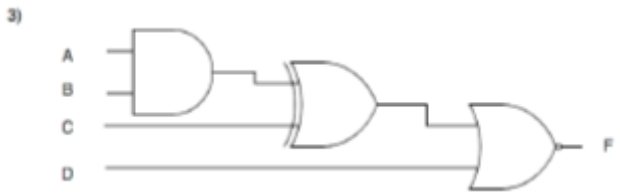
(b)



A	B	C	D	A AND B	C XOR D	F= (A AND B) OR (C XOR D)
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	1	1
0	0	1	0	0	1	1
0	0	1	1	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	0	1	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1
0	1	1	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	1	1
1	0	1	0	0	1	1
1	0	1	1	0	0	0
1	1	0	0	1	0	1
1	1	0	1	1	1	1
1	1	1	0	1	1	1
1	1	1	1	1	0	1

F= $\bar{A}\bar{B}\bar{C}$D + $\bar{A}\bar{B}$C$\bar{D}$ + $\bar{A}$B$\bar{C}$D + $\bar{A}$BC$\bar{D}$ + A$\bar{B}\bar{C}$D + A$\bar{B}$C$\bar{D}$ + AB$\bar{C}\bar{D}$ + AB$\bar{C}$D + ABC$\bar{D}$ + ABCD.
F= (A + B + C + D) (A + B + $\bar{C}$ + $\bar{D}$) (A + $\bar{B}$ + C + D) (A + $\bar{B}$ + $\bar{C}$ + $\bar{D}$) ($\bar{A}$ + B + C + D) ($\bar{A}$ + B + $\bar{C}$ + $\bar{D}$).

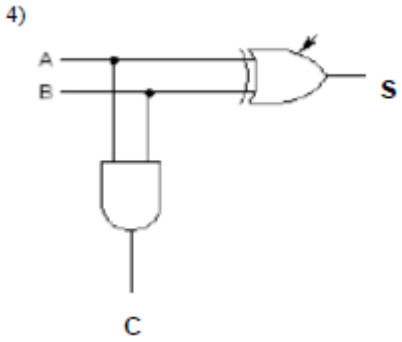
(c)



A	B	C	D	A AND B	(A AND B) XOR C	F= [(A AND B) XOR C] OR D
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1	1
0	1	0	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	1
0	1	1	0	0	1	1
0	1	1	1	0	1	1
1	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	0	1	1
1	0	1	1	0	1	1
1	1	0	0	1	1	1
1	1	0	1	1	1	1
1	1	1	0	1	0	0
1	1	1	1	1	0	1

F= $\bar{A}\bar{B}\bar{C}$D + $\bar{A}\bar{B}$C$\bar{D}$ + $\bar{A}\bar{B}$CD + $\bar{A}$B$\bar{C}$D + $\bar{A}$BC$\bar{D}$ + $\bar{A}$BCD + A$\bar{B}\bar{C}$D + A$\bar{B}$C$\bar{D}$ + A$\bar{B}$CD + AB$\bar{C}\bar{D}$ + AB$\bar{C}$D + ABCD.
F= (A + B + C +D) (A + $\bar{B}$ + C + D) ($\bar{A}$ + B + C + D) ($\bar{A}$ + $\bar{B}$ + $\bar{C}$ + D).

(d)



A	B	C= A AND B	S= A XOR B
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0

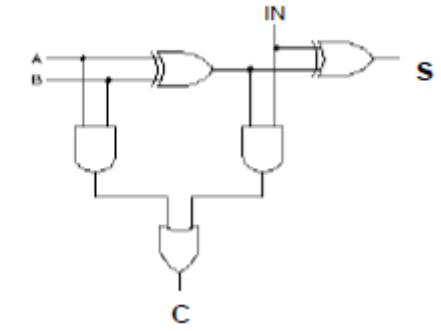
C= AB.
C= (A + B) (A + $\bar{B}$) ($\bar{A}$ + B).

S= $\bar{A}$B + A$\bar{B}$.

S= (A + B) ($\bar{A}$ + $\bar{B}$).

(e)

5)



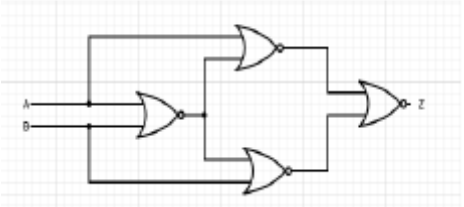
A	B	IN	A AND B	A XOR B	(A XOR B) AND IN	C= (A AND B) OR [(A XOR B) AND IN]	S= (A XOR B) XOR IN
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0	0	1
0	1	1	0	1	1	1	0
1	0	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	1	1	1	0
1	1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	1	0	0	1	1

C= $\bar{A}$BIN + A$\bar{B}$IN + AB$\overline{IN}$ + ABIN.
C= (A + B + IN) (A + B + $\overline{IN}$) (A + $\bar{B}$ + IN) ($\bar{A}$ + B + C).

S= $\bar{A}\bar{B}$IN + $\bar{A}$B$\overline{IN}$ + A$\bar{B}\overline{IN}$ + ABIN.
S= (A + B + IN) (A + $\bar{B}$ + $\overline{IN}$) ($\bar{A}$ + B + $\overline{IN}$) ($\bar{A}$ + $\bar{B}$ + IN).

(f)

6)

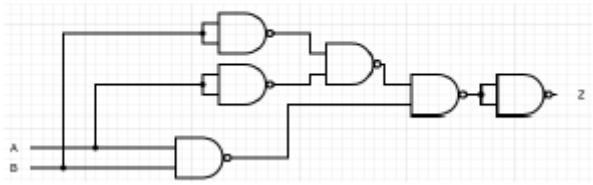


A	B	A NOR B	A NOR (A NOR B)	B NOR (A NOR B)	Z= [A NOR (A NOR B)] NOR [B NOR (A NOR B)]
0	0	1	0	0	1
0	1	0	1	0	0
1	0	0	0	1	0
1	1	0	0	0	1

Z= $\bar{A}\bar{B}$ + AB.
Z= (A + $\bar{B}$) ($\bar{A}$ + B).

(g)

7)



A	B	A NAND B	A NAND A	B NAND B	(A NAND A) NAND (B NAND B)	(A NAND B) NAND [(A NAND A) NAND (B NAND B)]	Z= [(A NAND B) NAND [(A NAND A) NAND (B NAND B)]] NAND [(A NAND B) NAND [(A NAND A) NAND (B NAND B)]]
0	0	1	1	1	0	1	0
0	1	1	1	0	1	0	1
1	0	1	0	1	1	0	1
1	1	0	0	0	1	1	0

Z= $\bar{A}$B + A$\bar{B}$.
Z= (A + B) ($\bar{A}$ + $\bar{B}$).

CIRCUITOS COMBINACIONALES Y SECUENCIALES

Ejercicio 6.

Demostrar mediante tabla de verdad si se cumplen o no las siguientes equivalencias:

(a) $\overline{AB} = \bar{A} + \bar{B}$.

A	B	$\bar{A}$	$\bar{B}$	AB	$\overline{AB}$	$\bar{A} + \bar{B}$
0	0	1	1	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	0	0

Por lo tanto, sí se cumple esta equivalencia.

(b) $A + BC = (A + B) + (A + C)$.

A	B	C	BC	A + B	A + C	A + BC	(A + B) + (A + C)
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	1
0	1	0	0	1	0	0	1
0	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	1	1	1
1	0	1	0	1	1	1	1
1	1	0	0	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

Por lo tanto, no se cumple esta equivalencia.

(c) $(A + B)\, C = AB + AC$.

A	B	C	A + B	AB	AC	(A + B) C	AB + AC
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	1	0
1	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1	1	1
1	1	0	1	1	0	0	1
1	1	1	1	1	1	1	1

Por lo tanto, no se cumple esta equivalencia.

(d) $A + A + B = A + B + B$.

A	B	A + A + B	A + B + B
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	1	1

Por lo tanto, sí se cumple esta equivalencia.

(e) $A + B\bar{C} = A\bar{C} + B$.

A	B	$\bar{C}$	$B\bar{C}$	$A\bar{C}$	$A + B\bar{C}$	$A\bar{C} + B$
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	1
0	1	1	1	0	1	1
1	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	1	1	1
1	1	0	0	0	1	1
1	1	1	1	1	1	1

Por lo tanto, no se cumple esta equivalencia.

(f) $A \oplus B = A \oplus B$.

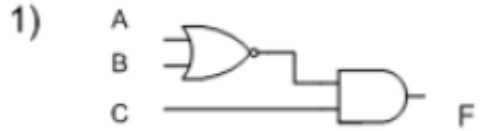
A	B	$A \oplus B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Por lo tanto, sí se cumple esta equivalencia.

Ejercicio 7.

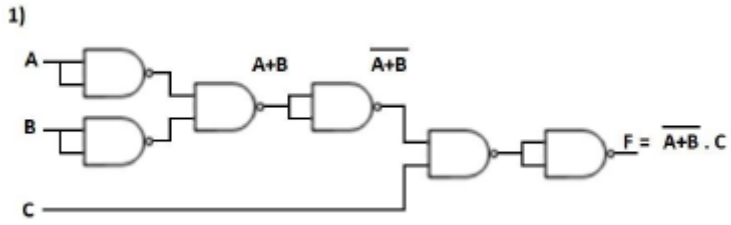
Modificar los siguientes circuitos para que sean todas compuertas NAND.

(a)

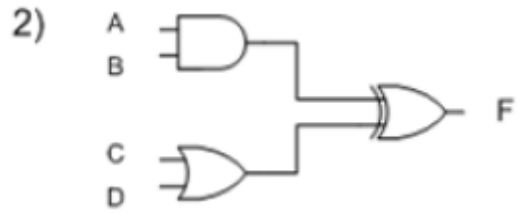


A NOR B= $\overline{A+B}$.
(A NOR B) AND C= $\overline{A+B}$ * C.

A NOR B: $\overline{[\overline{(A*A)}*\overline{(B*B)}]*[\overline{(A*A)}*\overline{(B*B)}]}$= $\overline{\overline{(A*A)}*\overline{(B*B)}}$= $\overline{A*A}*\overline{B*B}$= $\bar{A}*\bar{B}$= $\overline{A+B}$.
(A NOR B) AND C= $\overline{[\overline{(A+B)}*C]*[\overline{(A+B)}*C]}$= $\overline{\overline{(A+B)}*C}$= $\overline{A+B}$ * C.



(b)

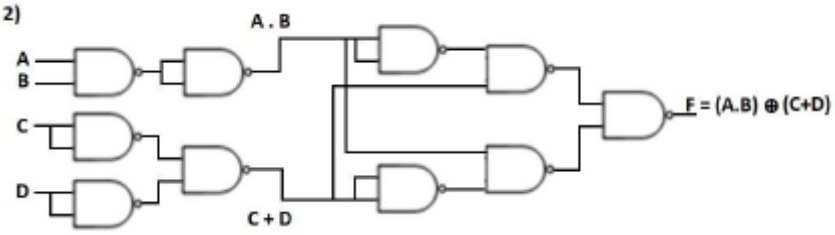


A AND B= A * B.
C OR D= C + D.
(A AND B) XOR (C OR D)= (A * B) ($\overline{C+D}$) + ($\overline{A*B}$) (C + D).

A AND B= $\overline{\overline{(A*B)}*\overline{(A*B)}}$= $\overline{\overline{A*B}}$= A * B.
C OR D = $\overline{\overline{(C*C)}*\overline{(D*D)}}$= $\overline{\bar{C}*\bar{D}}$= $\overline{\overline{C+D}}$= C + D.
(A AND B) XOR (C OR D)=
$\overline{\overline{[\overline{(A*B)}*\overline{(A*B)}*(C+D)]}*\overline{[(A*B)*\overline{(C+D)(C+D)}]}}$=
$\overline{\overline{[\overline{(A*B)}*(C+D)]}*\overline{[(A*B)*\overline{(C+D)}]}}$=
$\overline{[(A*B)+\overline{(C+D)}]*[\overline{(A*B)}+(C+D)]}$=

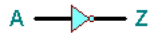
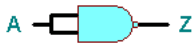
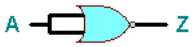
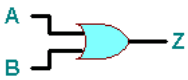
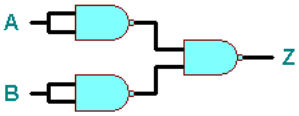
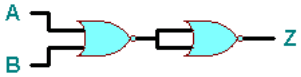
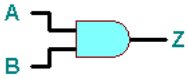
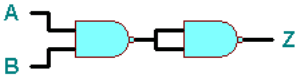
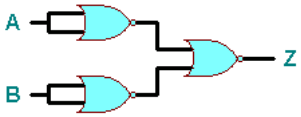
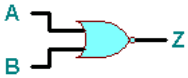
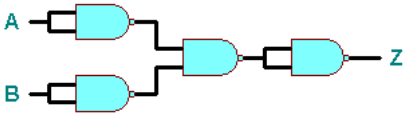
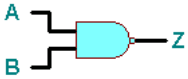
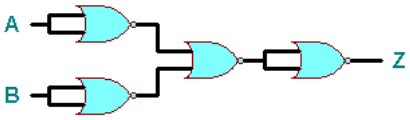
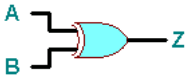
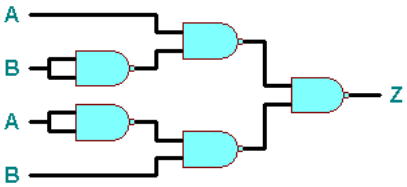
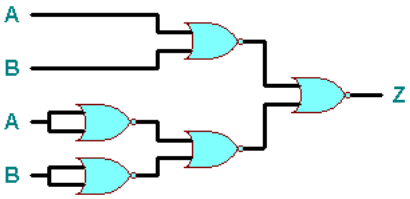
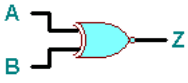
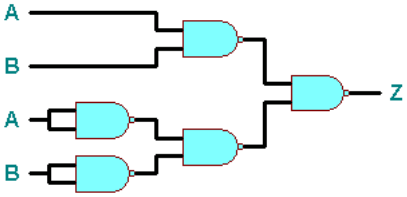
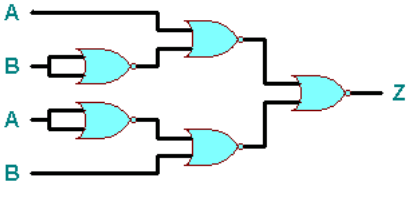
$\overline{(A * B) + (\overline{C + D})} + \overline{(\overline{A * B}) + (C + D)}$=
(A * B) $(\overline{C + D})$ + $(\overline{A * B})$ (C + D).

2)



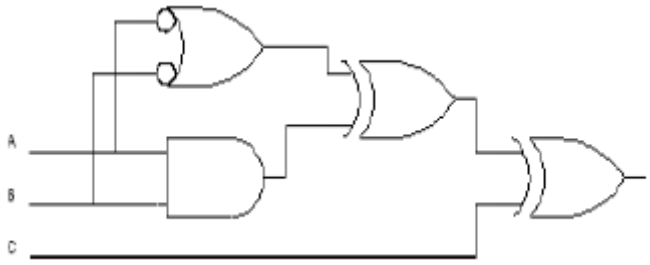
Ejercicio 8.

Reescribir las compuertas lógicas Not, Or, And y Xor utilizando, exclusivamente, compuertas NOR (ver como se resolvió el mismo caso para compuertas Nand, en Tener en ...).

Compuerta		Equivalentes con compuertas NAND y NOR	
		Nand	Nor
NOT	 $Z = \overline{A}$	 $Z = \overline{A \cdot A}$	 $Z = \overline{A + A}$
OR	 $Z = A + B$	 $Z = \overline{\overline{A} \cdot \overline{B}}$	 $Z = \overline{\overline{A + B}}$
AND	 $Z = A \cdot B$	 $Z = \overline{\overline{A} + \overline{B}}$	 $Z = \overline{\overline{A} + \overline{B}}$
NOR	 $Z = \overline{A + B}$	 $Z = \overline{\overline{A} \cdot \overline{B}}$	
NAND	 $Z = \overline{A \cdot B}$		 $Z = \overline{\overline{A} + \overline{B}}$
XOR	 $Z = A \oplus B$ $Z = A \cdot \overline{B} + \overline{A} \cdot B$	 $Z = \overline{(A \cdot \overline{B}) \cdot (\overline{A} \cdot B)}$	 $Z = \overline{(A + \overline{B}) + (\overline{A} + B)}$
XNOR	 $Z = A \odot B$ $Z = A \cdot B + \overline{A} \cdot \overline{B}$	 $Z = \overline{(A \cdot B) \cdot (\overline{A} \cdot \overline{B})}$	 $Z = \overline{(A + B) + (\overline{A} + \overline{B})}$

Ejercicio 9.

Construir la tabla de verdad del siguiente circuito. Analizar los valores y, basándose en sus conclusiones, construir un diagrama más simple que implemente la misma función de salida. Escribir, además, la ecuación de salida en forma de función.



A	**B**	**C**	$\bar{A}$	$\bar{B}$	$\bar{A}$ **OR** $\bar{B}$	**A AND B**	($\bar{A}$ **OR** $\bar{B}$) **XOR (A AND B)**	[($\bar{A}$ **OR** $\bar{B}$) **XOR (A AND B)] XOR C**
0	0	0	1	1	1	0	1	1
0	0	1	1	1	1	0	1	0
0	1	0	1	0	1	0	1	1
0	1	1	1	0	1	0	1	0
1	0	0	0	1	1	0	1	1
1	0	1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	0	0	1	1	1
1	1	1	0	0	0	1	1	0

[($\bar{A}$ OR $\bar{B}$) XOR (A AND B)] XOR C= NOT C.

[($\bar{A}$ OR $\bar{B}$) XOR (A AND B)] XOR C= $\bar{A}\bar{B}\bar{C}$ + $\bar{A}$B$\bar{C}$ + A$\bar{B}\bar{C}$ + AB$\bar{C}$.
[($\bar{A}$ OR $\bar{B}$) XOR (A AND B)] XOR C= (A + B + $\bar{C}$) (A + $\bar{B}$ + $\bar{C}$) ($\bar{A}$ + B + $\bar{C}$) ($\bar{A}$ + $\bar{B}$ + $\bar{C}$).

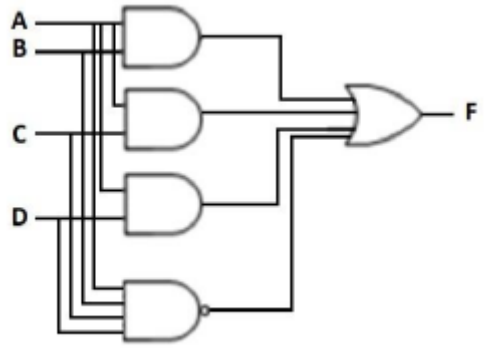
Gráfico.

Ejercicio 10.

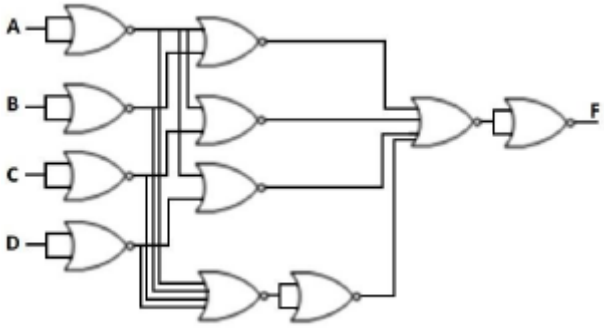
Dadas las siguientes relaciones, dibujar los diagramas de compuertas que cumplen con ellas. Modificarlos utilizando sólo compuertas NOR. Modificarlos utilizando sólo compuertas NAND.

(a) $F = AB + AC + AD + \overline{ABCD}$.

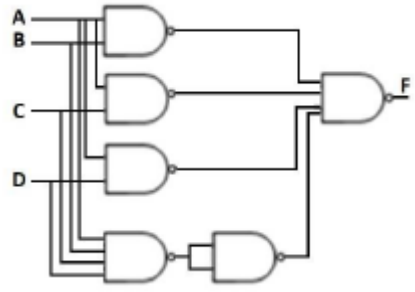
Original:



NOR:

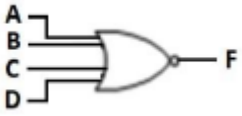


NAND:

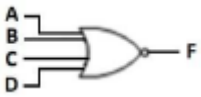


(b) $F = \overline{A + B + C + D}$.

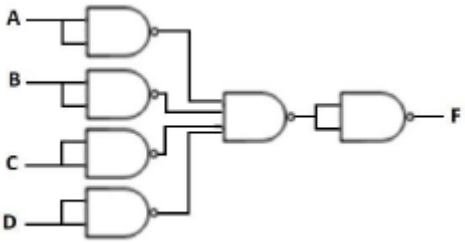
Original:



NOR:



NAND:



(c) $F = \overline{A + B\bar{C}} + C$.

Gráficos.

(d) $F = A\bar{B} + \bar{A}B$.

Gráficos.

Ejercicio 11.

Para la siguiente tabla de verdad, encontrar una fórmula lógica correspondiente (utilizando suma de productos).

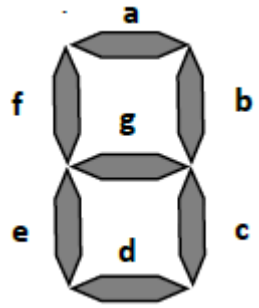
A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

F= $\bar{A}\bar{B}$C + $\bar{A}$B$\bar{C}$ + A$\bar{B}$C.

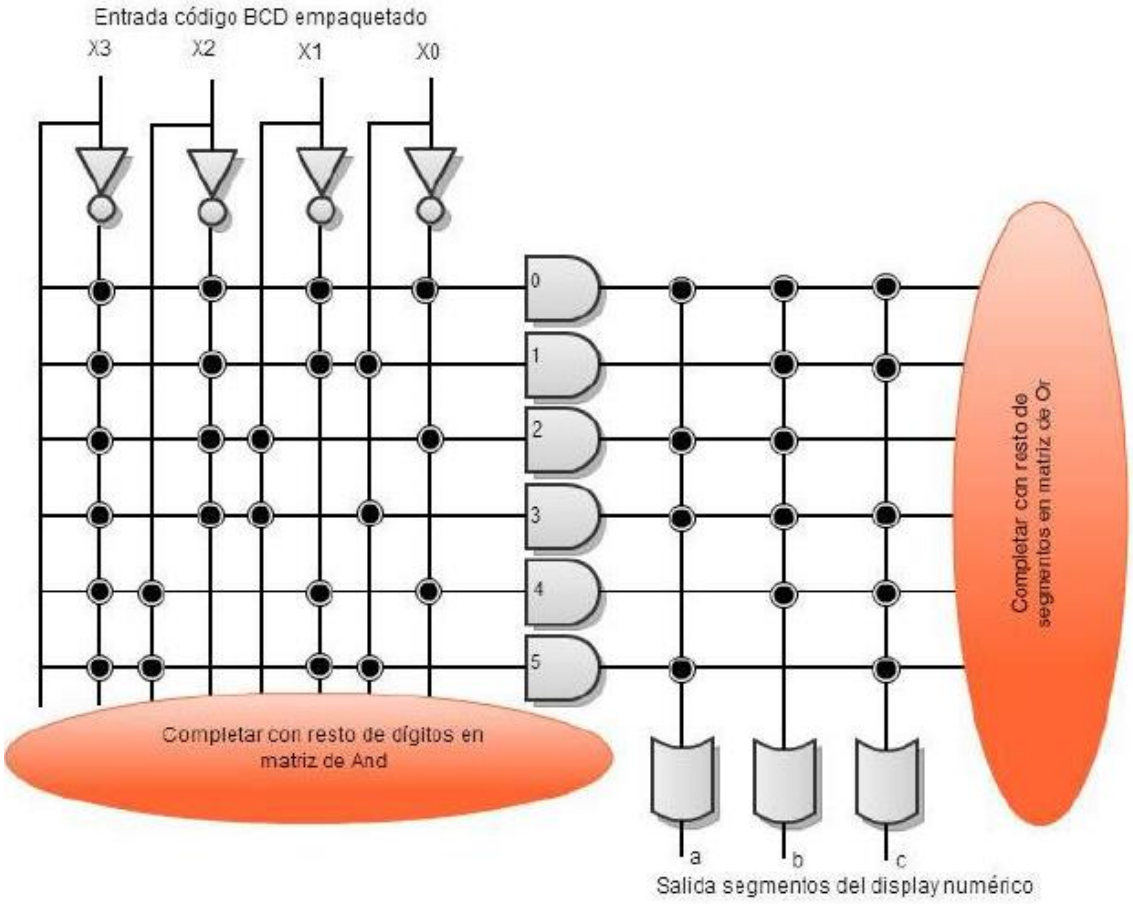
Ejercicio 12.

Diseñar un circuito que tenga como entrada código BCD empaquetado (4 entradas) y 7 salidas para controlar los 7 segmentos de un display numérico, siendo la salida para los segmentos "0" para apagado y "1" para prendido. Construir la tabla de verdad y la ecuación de la salida correspondiente a los segmentos a, b, c, d, e, f y g.

Ayuda 1: Cada segmento se considera como una salida distinta y cada uno se debe activar (poner en 1) dependiendo del número recibido en las entradas que representan los 4 bits de un BCD empaquetado. Ejemplo: El segmento b se debe activar cuando se recibe un 1 (0001), o un 2 (0010), o un 3 (00110, o un 4 (0100), o un 7 (0111), o un 8 (1000), o un 9 (1001). Se aplica la misma idea con el resto de las salidas.



Ayuda 2: Gráficamente, el circuito con las 4 entradas y las 7 salidas conviene diseñarlo como una matriz de compuertas And, seguida de la matriz de compuertas Or. Basarse en la siguiente gráfica parcial:



x_0	x_1	x_2	x_3	a	b	c	d	e	f	g
0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0
0	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0
0	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1
0	0	1	1	1	1	1	1	0	0	1
0	1	0	0	0	1	1	0	0	1	1
0	1	0	1	1	0	1	1	0	1	1
0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	1
0	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0	1	1	1	1	0	0	1	1
1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

a= $\overline{x_0}x_1x_2\overline{x_3} + \overline{x_0}x_1\overline{x_2}\overline{x_3} + \overline{x_0}x_1x_2x_3 + \overline{x_0}x_1\overline{x_2}x_3 + \overline{x_0}x_1x_2\overline{x_3} + \overline{x_0}x_1x_2x_3 + x_0\overline{x_1}x_2\overline{x_3} + x_0\overline{x_1}\overline{x_2}x_3$.

b= $\overline{x_0}x_1x_2\overline{x_3} + \overline{x_0}x_1\overline{x_2}x_3 + \overline{x_0}x_1x_2\overline{x_3} + \overline{x_0}x_1x_2x_3 + \overline{x_0}x_1\overline{x_2}\overline{x_3} + \overline{x_0}x_1x_2x_3 + x_0\overline{x_1}x_2\overline{x_3} + x_0\overline{x_1}\overline{x_2}x_3$.

c= $\overline{x_0 x_1 x_2 x_3}$ + $\overline{x_0 x_1 x_2} x_3$ + $\overline{x_0 x_1} x_2 x_3$ + $\overline{x_0} x_1 \overline{x_2 x_3}$ + $\overline{x_0} x_1 \overline{x_2} x_3$ + $\overline{x_0} x_1 x_2 \overline{x_3}$ + $\overline{x_0} x_1 x_2 x_3$ + $x_0 \overline{x_1 x_2 x_3}$ + $x_0 \overline{x_1 x_2} x_3$.
d= $\overline{x_0 x_1 x_2 x_3}$ + $\overline{x_0 x_1} x_2 \overline{x_3}$ + $\overline{x_0 x_1} x_2 x_3$ + $\overline{x_0} x_1 \overline{x_2} x_3$ + $\overline{x_0} x_1 x_2 \overline{x_3}$ + $x_0 \overline{x_1 x_2 x_3}$.
e= $\overline{x_0 x_1 x_2 x_3}$ + $\overline{x_0 x_1} x_2 \overline{x_3}$ + $\overline{x_0} x_1 x_2 \overline{x_3}$ + $x_0 \overline{x_1 x_2 x_3}$.
f= $\overline{x_0 x_1 x_2 x_3}$ + $\overline{x_0} x_1 \overline{x_2 x_3}$ + $\overline{x_0} x_1 \overline{x_2} x_3$ + $\overline{x_0} x_1 x_2 \overline{x_3}$ + $x_0 \overline{x_1 x_2 x_3}$ + $x_0 \overline{x_1 x_2} x_3$.
g= $\overline{x_0 x_1} x_2 \overline{x_3}$ + $\overline{x_0 x_1} x_2 x_3$ + $\overline{x_0 x_1 x_2 x_3}$ + $\overline{x_0} x_1 \overline{x_2 x_3}$ + $\overline{x_0} x_1 \overline{x_2} x_3$ + $\overline{x_0} x_1 x_2 \overline{x_3}$ + $x_0 \overline{x_1 x_2 x_3}$ + $x_0 \overline{x_1 x_2} x_3$.

Ejercicio 13.

Un controlador de proceso industrial recibe como entrada tres señales de temperatura T1, T2, T3 (T1 < T2 < T3) que adoptan el valor lógico "1" cuando la temperatura es mayor que t1, t2 y t3, respectivamente. Diseñar un circuito que genere una señal F cuando la temperatura esté comprendida entre t1 y t2 o cuando la temperatura sea mayor que t3.

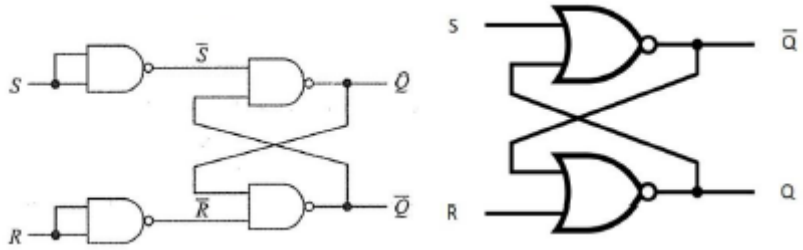
T1	T2	T3	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

F= T1$\overline{T2T3}$ + T1T2T3.
F= (T1 + T2 + T3) ($\overline{T1}$ + $\overline{T2}$ + T3).

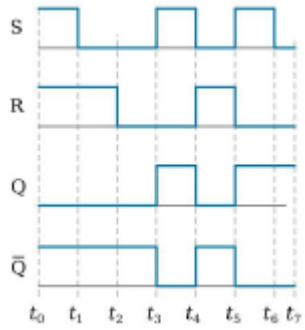
Ejercicio 14.

Dibujar el esquema de compuertas que componen un flip-flop S-R. Describir, a través de una tabla, los estados en función de las entradas. Modificar el esquema anterior para hacerlo sincrónico. Describir, gráficamente, su respuesta temporal.

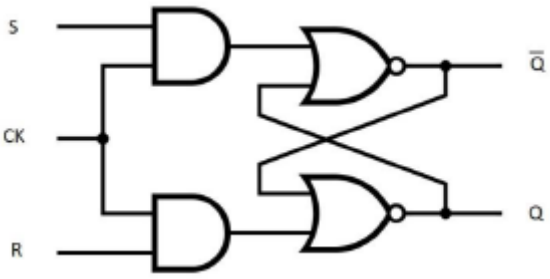
Asincrónico:



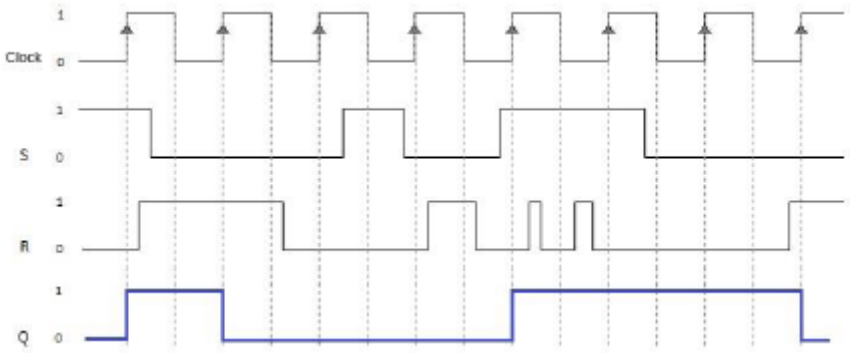
S	R	Q_{t+1}
0	0	Q_t
0	1	0
1	0	1
1	1	Prohibido



Sincrónico:

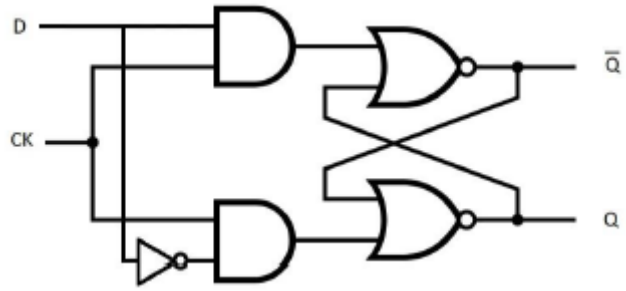


S	R	CLK	Q_{t+1}
0	0	1	Q_t
0	1	1	0
1	0	1	1
1	1	1	Prohibido
x	x	0	Q_t

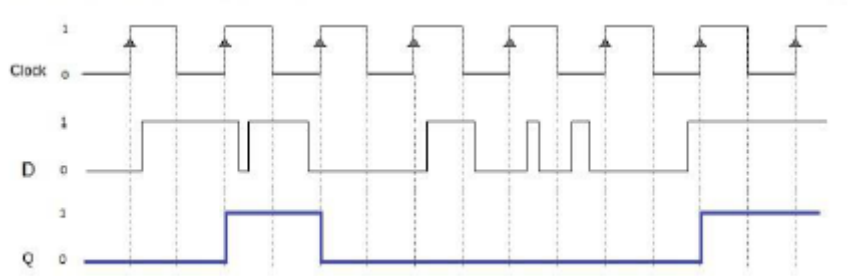


Ejercicio 15.

Dibujar el esquema de un flip-flop D. Detallar, en su respuesta temporal, cómo resuelve el problema de la doble entrada de 1's que se presentaba en el S-R.

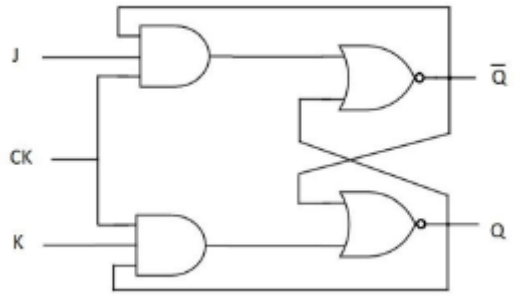


D	CLK	Q_{t+1}
0	1	0
1	1	1
x	0	Q_t

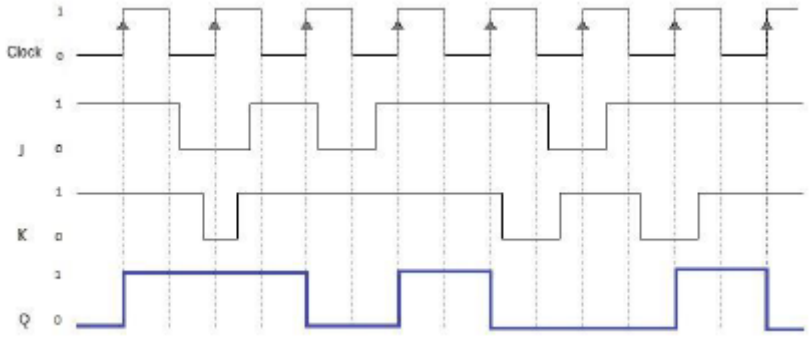


Ejercicio 16.

Dibujar el esquema de un flip-flop J-K, describiendo su respuesta temporal.

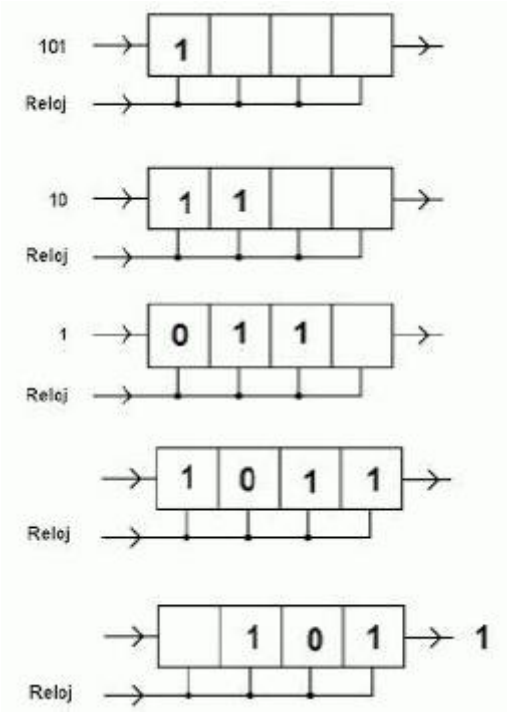


J	K	CLK	Q_{t+1}
0	0	1	Q_t
0	1	1	0
1	0	1	1
1	1	1	$\overline{Q}_t$
x	x	0	Q_t



Ejercicio 17.

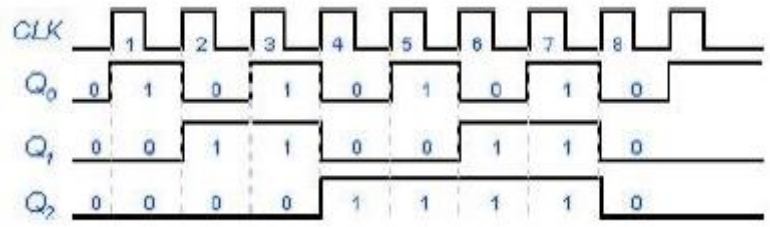
Dibujar el diagrama de tiempos del registro de la figura, implementado con flip-flops D. Modificarlo para desplazamiento izquierda derecha y derecha izquierda. Ayuda: Ejemplo de respuesta temporal para interpretar cómo responde el registro previo ante la entrada serial del número binario 1011:



Gráficos.

Ejercicio 18.

Describir, gráficamente, la respuesta temporal de cada flip-flop ante una señal de unos y ceros entrando por reloj. Ayuda: El diagrama correspondiente considerando sólo los primeros 3 flip-flops es el siguiente:



Se observa cómo la respuesta de cada flip-flop emite una onda a la mitad de frecuencia que su clock de entrada.

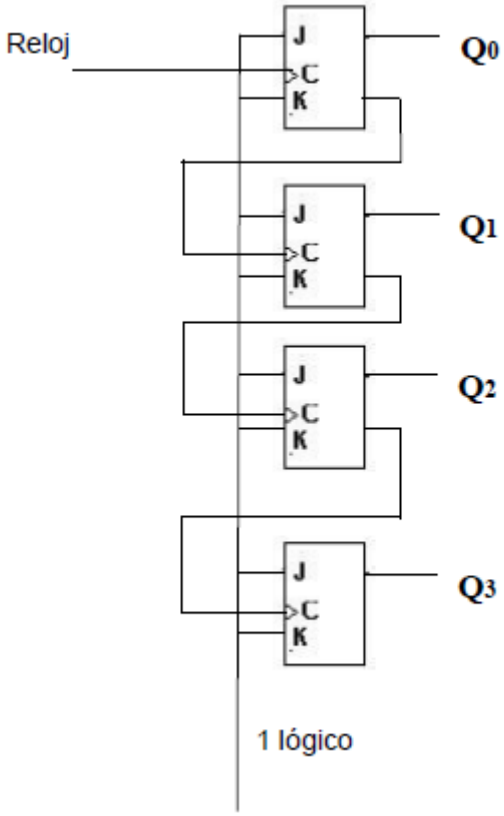


Gráfico.

Organización de Computadoras 2023

Práctica 4

Assembly, Instrucciones y Simulador MSX88

Objetivos de la práctica: que el alumno domine

- ***Las instrucciones básicas del lenguaje assembly del simulador MSX88.***
- ***Los diferentes modos de direccionamiento.***
- ***El diseño de programas utilizando instrucciones de salto condicional.***
- ***Realice el diseño de programas utilizando instrucciones del MSX88.***
- ***Comprenda la utilidad y funcionamiento de las subrutinas.***

Bibliografía:

- ***Apunte 4 de la cátedra, "Lenguaje Assembly".***
- ***Manual del simulador MSX88.***
- ***Set de Instrucciones de MSX88.***

---

1) Dada la siguiente definición de datos y el código: **`F = [(A+B)/C]-D`**

nombre	tamaño	valor
A:	1 byte	6
B:	1 byte	4
C:	1 byte	2
D:	1 byte	1
F:	1 byte	?

Suponiendo que se poseen las instrucciones necesarias en cada caso, escribir el programa que implemente el código anterior utilizando máquinas de 1, 2 ó 3 direcciones.

Maq. de 1 dirección	Maq. de 2 direcciones	Maq. de 3 direcciones

2) Suponga que cada código de operación ocupa 6 bits y las direcciones son de 10 bits. Analice las soluciones implementadas en el ejercicio anterior y complete la siguiente tabla:

	M. de 1 dirección	M. de 2 direcciones	M. de 3 direcciones
Tamaño del programa en memoria (cod.operación + operandos)			
Cantidad de accesos a memoria (instrucciones + operandos)			

3) Dado el siguiente código: **F = ((A - B)*C) + (D/E)**;

a) Implemente el código utilizando máquinas de 1, 2 y 3 direcciones.
b) Realice una tabla de comparación similar a la del ejercicio 2.
c) ¿Cuál máquina elegiría haciendo un balance de la cantidad de instrucciones, el espacio en memoria ocupado y el tiempo de ejecución (1 acceso a memoria = 1 ms)? ¿Es ésta una conclusión general?

Para cada programa propuesto en los siguientes ejercicios, deberá editar el archivo fuente con extensión asm (ej: ejer1.asm), luego ensamblarlo usando asm88.exe (comando: asm88 ejer1.asm) y enlazarlo con link88.exe (comando: link88 ejer1.o). Cada archivo obtenido con extensión eje (ej: ejer1.eje) deberá ser cargado y ejecutado en el simulador MSX88.

4) El siguiente programa utiliza una **instrucción de transferencia de datos** (instrucción MOV) con diferentes modos de direccionamiento para referenciar sus operandos. Ejecutar y analizar el funcionamiento de cada instrucción en el Simulador MSX88 observando el flujo de información a través del BUS DE DATOS, el BUS DE DIRECCIONES, el BUS DE CONTROL, el contenido de REGISTROS, de posiciones de MEMORIA, operaciones en la ALU, etc.

```
        ORG 1000h
NUM0    DB  0CAh
NUM1    DB  0
NUM2    DW  ?
NUM3    DW  0ABCDh
NUM4    DW  ?
```

```
ORG 2000H
MOV BL, NUM0
MOV BH, 0FFh
MOV CH, BL
MOV AX, BX
MOV NUM1, AL
MOV NUM2, 1234h
MOV BX, OFFSET NUM3
MOV DL, [BX]
MOV AX, [BX]
MOV BX, 1006h
MOV WORD PTR [BX], 0CDEFh
HLT
```

```
      END
```

Cuestionario:

a) Explicar detalladamente qué hace cada instrucción MOV del programa anterior, en función de sus operandos y su modo de direccionamiento.
b) Confeccionar una tabla que contenga todas las instrucciones MOV anteriores, el modo de direccionamiento y el contenido final del operando destino de cada una de ellas.
c) Notar que durante la ejecución de algunas instrucciones MOV aparece en la pantalla del simulador un registro temporal denominado "**ri**", en ocasiones acompañado por otro registro temporal denominado "**id**". Explicar con detalle que función cumplen estos registros.

5) El siguiente programa utiliza diferentes **instrucciones de procesamiento de datos** (instrucciones aritméticas y lógicas). Analice el comportamiento de ellas y ejecute el programa en el MSX88.

```
      ORG 1000H
NUM0  DB  80h
NUM1  DB  200
NUM2  DB  -1
BYTE0 DB  01111111B
BYTE1 DB  10101010B
```

```
ORG  2000H
MOV  AL, NUM0
ADD  AL, AL
INC  NUM1
MOV  BH, NUM1
MOV  BL, BH
DEC  BL
SUB  BL, BH
MOV  CH, BYTE1
AND  CH, BYTE0
NOT  BYTE0
OR   CH, BYTE0
XOR  CH, 11111111B
HLT
END
```

Cuestionario:

1) ¿Cuál es el estado de los FLAGS después de la ejecución de las instrucciones ADD y SUB del programa anterior? Justificar el estado (1 ó 0) de cada uno de ellos. ¿Dan alguna indicación acerca de la correctitud de los resultados?
2) ¿Qué cadenas binarias representan a NUM1 y NUM2 en la memoria del simulador? ¿En qué sistemas binarios están expresados estos valores?
3) Confeccionar una tabla que indique para cada operación aritmética ó lógica del programa, el valor de sus operandos, en qué registro o dirección de memoria se almacenan y el resultado de cada operación.

6) El siguiente programa implementa un contador utilizando una **instrucción de transferencia de control**. Analice el funcionamiento de cada instrucción y en particular las del lazo repetitivo que provoca la cuenta.

```
      ORG 1000H
INI   DB  0
FIN   DB  15
```

```
      ORG  2000H
      MOV  AL, INI
      MOV  AH, FIN
SUMA: INC  AL
      CMP  AL, AH
      JNZ  SUM
      HLT
      END
```

Cuestionario:

a) ¿Cuántas veces se ejecuta el lazo? ¿De qué variables depende esto en el caso general?
b) Analice y ejecute el programa reemplazando la instrucción de salto condicional JNZ por las siguientes, indicando en cada caso el contenido final del registro AL:
   1º) JS
   2º) JZ
   3º) JMP

7) Escribir un programa en lenguaje assembly del MSX88 que implemente la sentencia condicional de un lenguaje de alto nivel IF **A** < **B** THEN **C** = **A** ELSE **C** = **B**. Considerar que las variables de la sentencia están almacenadas en los registros internos de la CPU del siguiente modo **A** en AL, **B** en BL y **C** en CL.
Determine las modificaciones que debería hacer al programa si la condición de la sentencia IF fuera:

a) A ≤ B

b) A = B

8) El siguiente programa suma todos los elementos de una tabla almacenada a partir de la dirección 1000H de la memoria del simulador. Analice el funcionamiento y determine el resultado de la suma. Comprobar resultado en el MSX88.

```
       ORG 1000H
TABLA DB  2,4,6,8,10,12,14,16,18,20
FIN   DB  ?
TOTAL DB  ?
MAX   DB  13
```

```
       ORG 2000H
       MOV AL, 0
       MOV CL, OFFSET FIN - OFFSET TABLA
       MOV BX, OFFSET TABLA
SUMA:  ADD AL, [BX]
       INC BX
       DEC CL
       JNZ SUMA
       HLT
       END
```

¿Qué modificaciones deberá hacer en el programa para que el mismo almacene el resultado de la suma en la celda etiquetada TOTAL?

9) Escribir un programa que, utilizando las mismas variables y datos que el programa del punto anterior (TABLA, FIN, TOTAL, MAX), determine cuántos de los elementos de TABLA son menores o iguales que MAX. Dicha cantidad debe almacenarse en la celda TOTAL.

10) Analizar el funcionamiento del siguiente programa.

```
       ORG 2000H
       MOV AX, 1
       MOV BX, 1000h
CARGA: MOV [BX], AX
       ADD BX, 2
       ADD AX, AX
       CMP AX, 200
       JS  CARGA
       HLT
       END
```

Cuestionario:

a) El programa genera una tabla. ¿Cómo están relacionados sus elementos entre sí?
b) ¿A partir de qué dirección de memoria se crea la tabla? ¿Cuál es la longitud de cada uno de sus elementos (medida en bits)?
c) ¿Cuántos elementos tiene la tabla una vez finalizada la ejecución del programa? ¿De qué depende esta cantidad?

11) Escribir un programa que genere una tabla a partir de la dirección de memoria almacenada en la celda DIR con los múltiplos de 5 desde cero hasta MAX.

12) Escribir un programa que, dado un número X, genere un arreglo con todos los resultados que se obtienen hasta llegar a 0, aplicando la siguiente fórmula: si X es par, se le resta 7; si es impar, se le suma 5, y al resultado se le aplica nuevamente la misma fórmula. Ej: si X = 3 entonces el arreglo tendrá: 8, 1, 6, -1, 4, -3, 2, -5, 0.

13) Dada la frase "Organización y la Computación", almacenada en la memoria, escriba un programa que determine cuantas letras ‘a’ seguidas de ‘c’ hay en ella.

14) Escribir un programa que sume dos números representados en Ca2 de 32 bits almacenados en memoria de datos y etiquetados NUM1 y NUM2 y guarde el resultado en RESUL (en este caso cada dato y el resultado ocuparán 4 celdas consecutivas de memoria). Verifique el resultado final y almacene 0FFH en la celda BIEN en caso de ser correcto o en otra MAL en caso de no serlo. Recordar que el MSX88 trabaja con números en Ca2 pero tener en cuenta que las operaciones con los 16 bits menos significativos de cada número deben realizarse en BSS.

15) Escribir un programa que efectúe la suma de dos vectores de 6 elementos cada uno (donde cada elemento es un número de 32 bits) almacenados en memoria de datos y etiquetados TAB1 y TAB2 y guarde el resultado en TAB3. Suponer en primera instancia que no existirán errores de tipo aritmético (ni carry ni overflow), luego analizar y definir los cambios y agregados necesarios que deberían realizarse al programa para tenerlos en cuenta.

16) Los siguientes programas realizan la misma tarea, en uno de ellos se utiliza una **instrucción de transferencia de control con retorno**. Analícelos y compruebe la equivalencia funcional.

```
        ; Memoria de Datos
        ORG 1000H
NUM1    DB     5H
NUM2    DB     3H

        ; Memoria de Instrucciones
        ORG 2000H
        MOV    AL, NUM1
        CMP    AL, 0
        JZ     FIN
        MOV    AH, 0
        MOV    DX, 0
        MOV CL, NUM2
LOOP:   CMP    CL, 0
        JZ     FIN
        ADD    DX, AX
        DEC    CL
        JMP    LOOP
FIN:    HLT
        END
```

```
        ; Memoria de Datos
        ORG 1000H
NUM1    DB     5H
NUM2    DB     3H

        ; Memoria de Instrucciones
        ORG 3000H    ; Subrutina SUB1
SUB1:   CMP    AL, 0
        JZ     FIN
        CMP    CL, 0
        JZ     FIN
        MOV    AH, 0
        MOV    DX, 0
LAZO:   ADD    DX, AX
        DEC    CX
        JNZ    LAZO
FIN:    RET

        ORG 2000H    ; Programa principal
        MOV    AL, NUM1
        MOV    CL, NUM2
        CALL   SUB1
        HLT
        END
```

Responder:

1) ¿Cuál es la tarea realizada por ambos programas?
2) ¿Dónde queda almacenado el resultado?
3) ¿Cuál programa realiza la tarea más rápido? ¿El tiempo de ejecución de la tarea depende de los valores almacenados en NUM1, en NUM2, en ambos lugares o en ninguno?

Explicar detalladamente:

a) Todas las acciones que tienen lugar al ejecutarse la instrucción CALL SUB1.
b) ¿Qué operación se realiza con la instrucción RET?, ¿cómo sabe la CPU a qué dirección de memoria debe retornar desde la subrutina al programa principal?

El siguiente programa es otra forma de implementación de la tarea del punto anterior (ejercicio 16). Analizar y establecer las diferencias con las anteriores, en particular las relacionadas a la forma de 'proveer' los operandos a las subrutinas.

```
        ; Memoria de datos
        ORG 1000H
NUM1    DW     5H     ; NUM1 y NUM2 deben ser mayores que cero
NUM2    DW     3H

        ; Memoria de Instrucciones
        ORG 3000H    ; Subrutina SUB2
SUB2:   MOV    DX, 0
LAZO:   MOV    BX, AX
        ADD    DX, [BX]
        PUSH   DX
        MOV    BX, CX
        MOV    DX, [BX]
        DEC    DX
        MOV    [BX], DX
        POP    DX
        JNZ    LAZO
        RET

        ORG 2000H    ; Programa principal
        MOV    AX, OFFSET NUM1
        MOV    CX, OFFSET NUM2
        CALL   SUB2
        HLT
        END
```

Explicar detalladamente:
a) Todas las acciones que tienen lugar al ejecutarse las instrucciones PUSH DX y POP DX.
b) Cuáles son los dos usos que tiene el registro DX en la subrutina SUB2.

18) Escribir un programa que sume 2 vectores de 6 elementos (similar al realizado en el ejercicio 15), de modo tal que utilice una subrutina que sume números de 32 bits (similar al programa escrito en ejercicio 14).

19) Escriba una subrutina que reciba la mantisa entera en BSS y el exponente en BSS de un número en los registros AH y AL respectivamente y devuelva, en ellos, una representación equivalente del mismo pero con el exponente disminuido en 1 y la mantisa ajustada. De no ser posible el ajuste, BL debe contener 0FFH en vez de 00H en el retorno.

20) Escriba una subrutina que reciba como parámetro un número en el formato IEEE 754 de simple precisión y analice/verifique las características del mismo devolviendo en el registro CL un valor igual a 0 si el número está sin normalizar, 1 en caso de ser +/- infinito, 2 si es un NAN, 3 si es un +/- cero y 4 si es un número normalizado. La subrutina recibe en AX la parte alta del número y en BX la parte baja.

21) Modifique la subrutina del ejercicio 19 para el caso en que la mantisa y el exponente estén representados en BCS.

Datos útiles:
- Las subrutinas siempre se escriben antes que el programa principal, aunque su dirección de comienzo sea más alta.
- Las etiquetas de subrutinas y bucles van seguidas de dos puntos (:).
- Los operandos en hexadecimal terminan en H y los que comienzan con una letra van precedidos por un cero (0) para no ser confundidos con etiquetas (por ejemplo, 0A4H en lugar de A4H).
- Se pueden incluir comentarios en los programas, anteponiendo siempre un punto y coma (;).
- El direccionamiento indirecto solo está implementado con el registro BX.
- Cada celda de memoria almacena un byte. Los datos de dos bytes (words) se almacenan de la siguiente manera: primero la parte baja (byte menos significativo) y luego la parte alta. Esto se corresponde con la idea de que la parte baja del dato se almacena en la dirección más baja y la parte alta, en la dirección más alta.

Juan Menduiña

Trabajo Práctico N° 4:
Assembly, Instrucciones y Simulador MSX88.

Ejercicio 1.

Dada la siguiente definición de datos y el código F= $\frac{A+B}{C}$ *- D.*

Nombre	Tamaño	Valor
A	1 byte	6
B	1 byte	4
C	1 byte	2
D	1 byte	1
F	1 byte	?

Suponiendo que se poseen las instrucciones necesarias en cada caso, escribir el programa que implemente el código anterior utilizando máquinas de 1, 2 o 3 direcciones.

Máquina de 1 dirección:

```
load A
add B
div C
sub D
store F
```

Instrucciones: 5.
Tamaño del programa en memoria: 10 bytes.
Accesos: 10 MI y 5 MD.

Máquina de 2 dirección:

```
mov F, A
add F, B
div F, C
sub F, D
```

Instrucciones: 4.
Tamaño del programa en memoria: 12 bytes.
Accesos: 12 MI y 11 MD.

Máquina de 3 dirección:

```
add F, A, B
div F, F, C
sub F, F, D
```

Instrucciones: 3.
Tamaño del programa en memoria: 12 bytes.

Accesos: 12 MI y 9 MD.

Ejercicio 2.

Suponer que cada código de operación ocupa 6 bits y las direcciones son de 10 bits. Analizar las soluciones implementadas en el ejercicio anterior y completar la siguiente tabla:

<table>
<tr><th></th><th>Máquina de 1 dirección</th><th>Máquina de 2 direcciones</th><th>Máquina de 3 direcciones</th></tr>
<tr><td>Tamaño del programa en memoria (código de operación más operandos)</td><td><table>
<tr><td>load A</td><td>1 + 2= 3</td></tr>
<tr><td>add B</td><td>1 + 2= 3</td></tr>
<tr><td>div C</td><td>1 + 2= 3</td></tr>
<tr><td>sub D</td><td>1 + 2= 3</td></tr>
<tr><td>store F</td><td>1 + 2= 3</td></tr>
<tr><td>total</td><td>15 bytes</td></tr>
</table></td><td><table>
<tr><td>mov F, A</td><td>1 + 4= 5</td></tr>
<tr><td>add F, B</td><td>1 + 4= 5</td></tr>
<tr><td>div F, C</td><td>1 + 4= 5</td></tr>
<tr><td>sub F, D</td><td>1 + 4= 5</td></tr>
<tr><td>total</td><td>20 bytes</td></tr>
</table></td><td><table>
<tr><td>add F, A, B</td><td>1 + 6= 7</td></tr>
<tr><td>div F, F, C</td><td>1 + 6= 7</td></tr>
<tr><td>sub F, F, D</td><td>1 + 6= 7</td></tr>
<tr><td>total</td><td>21 bytes</td></tr>
</table></td></tr>
<tr><td>Cantidad de accesos a memoria (instrucciones + operandos)</td><td><table>
<tr><td>load A</td><td>3 + 1= 4</td></tr>
<tr><td>add B</td><td>3 + 1= 4</td></tr>
<tr><td>div C</td><td>3 + 1= 4</td></tr>
<tr><td>sub D</td><td>3 + 1= 4</td></tr>
<tr><td>store F</td><td>3 + 1= 4</td></tr>
<tr><td>total</td><td>20 bytes</td></tr>
</table></td><td><table>
<tr><td>mov F, A</td><td>5 + 2= 7</td></tr>
<tr><td>add F, B</td><td>5 + 3= 8</td></tr>
<tr><td>div F, C</td><td>5 + 3= 8</td></tr>
<tr><td>sub F, D</td><td>5 + 3= 8</td></tr>
<tr><td>total</td><td>31 bytes</td></tr>
</table></td><td><table>
<tr><td>add F, A, B</td><td>7 + 3= 10</td></tr>
<tr><td>div F, F, C</td><td>7 + 3= 10</td></tr>
<tr><td>sub F, F, D</td><td>7 + 3= 10</td></tr>
<tr><td>total</td><td>30 bytes</td></tr>
</table></td></tr>
</table>

Ejercicio 3.

Dado el siguiente código: F= (A - B) C + $\frac{D}{E}$.

(a) *Implementar el código utilizando máquinas de 1, 2 y 3 direcciones.*

Máquina de 1 dirección:

load A
sub B
mul C
store A
load D
div E
add A
store F

Instrucciones: 8.
Tamaño del programa en memoria: 16 bytes.
Accesos: 16 MI y 8 MD.

Máquina de 2 dirección:

mov F, A
sub F, B
mul F, C
div D, E
add F, D

Instrucciones: 5.
Tamaño del programa en memoria: 15 bytes.
Accesos: 15 MI y 14 MD.

Máquina de 3 dirección:

sub F, A, B
mul F, F, C
div D, D, E
add F, F, D

Instrucciones: 4.
Tamaño del programa en memoria: 16 bytes.
Accesos: 16 MI y 12 MD.

(b) *Realizar una tabla de comparación similar a la del Ejercicio 2.*

	Máquina de 1 dirección		**Máquina de 2 direcciones**		**Máquina de 3 direcciones**	
Tamaño del programa en memoria (código de operación más operandos)	load A	1 + 1= 2	mov F, A	1 + 2= 3	sub F, A, B	1 + 3= 4
	sub B	1 + 1= 2	sub F, B	1 + 2= 3	mul F, F, C	1 + 3= 4
	mul C	1 + 1= 2	mul F, C	1 + 2= 3	div D, D, E	1 + 3= 4
	store A	1 + 1= 2	div D, E	1 + 2= 3	add F, F, D	1 + 3= 4
	load D	1 + 1= 2	add F, D	1 + 2= 3		
	div E	1 + 1= 2	**total**	**15 bytes**		
	add A	1 + 1= 2				
	store F	1 + 1= 2				
	total	**16 bytes**			**total**	**16 bytes**
Cantidad de accesos a memoria (instrucciones más operandos)	load A	2 + 1= 3	mov F, A	3 + 2= 5	sub F, A, B	4 + 3= 7
	sub B	2 + 1= 3	sub F, B	3 + 3= 6	mul F, F, C	4 + 3= 7
	mul C	2 + 1= 3	mul F, C	3 + 3= 6	div D, D, E	4 + 3= 7
	store A	2 + 1= 3	div D, E	3 + 3= 6	add F, F, D	4 + 3= 7
	load D	2 + 1= 3	add F, D	3 + 3= 6		
	div E	2 + 1= 3	**total**	**29 bytes**		
	add A	2 + 1= 3				
	store F	2 + 1= 3				
	total	**24 bytes**			**total**	**28 bytes**

(c) *¿Cuál máquina elegiría haciendo un balance de la cantidad de instrucciones, el espacio en memoria ocupado y el tiempo de ejecución (1 acceso a memoria= 1ms)? ¿Es ésta una conclusión general?*

La máquina que elegiría haciendo un balance de la cantidad de instrucciones, el espacio en memoria ocupado y el tiempo de ejecución (1 acceso a memoria= 1ms) es la de 1 dirección. Sin embargo, ésta no es una conclusión general, ya que depende del tamaño del bus de datos respecto al bus de direcciones. Cuanto más grande es el primero respecto al segundo, más eficiente es migrar hacia máquinas de más direcciones.

Ejercicio 4.

El siguiente programa utiliza una instrucción de transferencia de datos (instrucción MOV) con diferentes modos de direccionamiento para referenciar sus operandos. Ejecutar y analizar el funcionamiento de cada instrucción en el Simulador MSX88 observando el flujo de información a través del BUS DE DATOS, el BUS DE DIRECCIONES, el BUS DE CONTROL, el contenido de REGISTROS, de posiciones de MEMORIA, operaciones en la ALU, etc.

```
ORG 1000h
NUM0 DB 0CAh
NUM1 DB 0
NUM2 DW ?
NUM3 DW 0ABCDh
NUM4 DW ?
END

ORG 2000H
MOV BL, NUM0
MOV BH, 0FFh
MOV CH, BL
MOV AX, BX
MOV NUM1, AL
MOV NUM2, 1234h
MOV BX, OFFSET NUM3
MOV DL, [BX]
MOV AX, [BX]
MOV BX, 1006h
MOV WORD PTR [BX], 0CDEFh
HLT
END
```

(a) *Explicar, detalladamente, qué hace cada instrucción MOV del programa anterior, en función de sus operandos y su modo de direccionamiento.*

MOV BL, NUM0: Con un modo de direccionamiento directo, copia el contenido de la variable NUM0 (CAh, 202 en decimal) a la parte baja del registro B.

MOV BH, 0FFh: Con un modo de direccionamiento inmediato, copia el valor FFh (255 en decimal) a la parte alta del registro B.

MOV CH, BL: Con un modo de direccionamiento por registro, copia el contenido de la parte baja del registro B (CAh, 202 en decimal) a la parte alta del registro C.

MOV AX, BX: Con un modo de direccionamiento por registro, copia el contenido del registro B (FFCAh, 65482 en decimal) al registro A.

MOV NUM1, AL: Con un modo de direccionamiento directo, copia el contenido de la parte baja del registro A (CAh, 202 en decimal) a la variable NUM1.

MOV NUM2, 1234h: Con un modo de direccionamiento inmediato, copia el valor 1234h (4660 en decimal) a la variable NUM2.

MOV BX, OFFSET NUM3: Con un modo de direccionamiento inmediato, copia la posición de memoria de NUM3 (1004h) al registro BX.

MOV DL, [BX]: Con un modo de direccionamiento indirecto por registro, copia el contenido que haya en la posición de memoria contenida en el registro B (CDh) a la parte baja del registro D.

MOV AX, [BX]: Con un modo de direccionamiento indirecto por registro, copia el contenido que haya en la posición de memoria contenida en el registro B (ABCDh) al registro A.

MOV BX, 1006h: Con un modo de direccionamiento inmediato, copia el valor 1006h (4102 en decimal) al registro B.

MOV WORD PTR [BX], 0CDEFh: Con un modo de direccionamiento indirecto por registro, copia el valor CDEFh (52719 en decimal) a la posición de memoria que apunta el registro B (1006h).

(b) *Confeccionar una tabla que contenga todas las instrucciones MOV anteriores, el modo de direccionamiento y el contenido final del operando destino de cada una de ellas.*

Instrucción	**Modo de direccionamiento**	**AL**	**AH**	**BL**	**BH**	**CL**	**CH**	**DL**	**DH**
MOV BL, NUM0	Directo			CA					
MOV BH, 0FFh	Inmediato			CA	FF				
MOV CH, BL	Por registro			CA	FF		CA		
MOV AX, BX	Por registro	CA	FF	CA	FF		CA		
MOV NUM1, AL	Directo	CA	FF	CA	FF		CA		
MOV NUM2, 1234h	Inmediato	CA	FF	CA	FF		CA		
MOV BX, OFFSET NUM3	Inmediato	CA	FF	04	10		CA		
MOV DL, [BX]	Indirecto por registro	CA	FF	04	10		CA	CD	
MOV AX, [BX]	Indirecto por registro	CD	AB	04	10		CA	CD	
MOV BX, 1006h	Inmediato	CD	AB	06	10		CA	CD	

MOV WORD PTR [BX], 0CDEFh	Indirecto por registro	CD	AB	06	10		CA	CD	

Instrucción	**Modo de direccionamiento**	**NUM0 (1000)**	**NUM1 (1001)**	**NUM2L (1002)**	**NUM2H (1003)**	**NUM3L (1004)**	**NUM3H (1005)**	**NUM4L (1006)**	**NUM4H (1007)**
MOV BL, NUM0	Directo	CA	00			CD	AB		
MOV BH, 0FFh	Inmediato	CA	00			CD	AB		
MOV CH, BL	Por registro	CA	00			CD	AB		
MOV AX, BX	Por registro	CA	00			CD	AB		
MOV NUM1, AL	Directo	CA	CA			CD	AB		
MOV NUM2, 1234h	Inmediato	CA	CA	34	12	CD	AB		
MOV BX, OFFSET NUM3	Inmediato	CA	CA	34	12	CD	AB		
MOV DL, [BX]	Indirecto por registro	CA	CA	34	12	CD	AB		
MOV AX, [BX]	Indirecto por registro	CA	CA	34	12	CD	AB		
MOV BX, 1006h	Inmediato	CA	CA	34	12	CD	AB		
MOV WORD PTR [BX], 0CDEFh	Indirecto por registro	CA	CA	34	12	CD	AB	EF	CD

(c) *Notar que durante la ejecución de algunas instrucciones MOV aparece en la pantalla del simulador un registro temporal denominado "ri", en ocasiones acompañado por otro registro temporal denominado "id". Explicar, con detalle, qué función cumplen estos registros.*

El registro temporal denominado “ri” cumple la función de guardar, temporalmente, la dirección de la variable (fuente o destino, dependiendo del caso). El registro temporal denominado “id” cumple la función de guardar temporalmente el valor que se quiere copiar en la variable.

Ejercicio 5.

El siguiente programa utiliza diferentes instrucciones de procesamiento de datos (instrucciones aritméticas y lógicas). Analizar el comportamiento de ellas y ejecutar el programa en el MSX88.

```
ORG 1000H
NUM0 DB 80h
NUM1 DB 200
NUM2 DB -1
BYTE0 DB 01111111B
BYTE1 DB 10101010B

ORG 2000H
MOV AL, NUM0
ADD AL, AL
INC NUM1
MOV BH, NUM1
MOV BL, BH
DEC BL
SUB BL, BH
MOV CH, BYTE1
AND CH, BYTE0
NOT BYTE0
OR CH, BYTE0
XOR CH, 11111111B
HLT
END
```

(a) *¿Cuál es el estado de los FLAGS después de la ejecución de las instrucciones ADD y SUB del programa anterior? Justificar el estado (1 o 0) de cada uno de ellos. ¿Dan alguna indicación acerca de la correctitud de los resultados?*

En la operación ADD, se suma 80h (128 en decimal) más 80h (128 en decimal), lo que debería dar 100h (256 en decimal). El estado de los flags después de la ejecución de la instrucción ADD es Z= 1 (resultado cero), N= 0 (resultado no negativo), C= 1 (resultado incorrecto en BSS), V= 1 (resultado incorrecto en Ca2).

En la operación SUB, se resta 200 menos 201, lo que debería dar -1. El estado de los flags después de la ejecución de la instrucción SUB es Z= 0 (resultado no cero), N= 1 (resultado negativo), C= 1 (resultado incorrecto en BSS), V= 0 (resultado correcto en Ca2).

La correctitud de las operaciones ADD y SUB depende:

- en BSS, de la bandera C (carry); si se tiene C= 1, el resultado va a ser incorrecto; y
- en Ca2, de la bandera V (overflow); si se tiene V= 1, el resultado va a ser incorrecto.

(b) *¿Qué cadenas binarias representan a NUM1 y NUM2 en la memoria del simulador? ¿En qué sistemas binarios están expresados estos valores?*

Las cadenas binarias que representan NUM1 y NUM2 en la memoria del simulador (al finalizar la ejecución del programa) son 11001001b - C9h (201 en decimal) y 11111111b - FFh (-1 en decimal), respectivamente. Estos valores están expresados en BSS y Ca2, respectivamente.

(c) *Confeccionar una tabla que indique para cada operación aritmética o lógica del programa, el valor de sus operandos, en qué registro o dirección de memoria se almacenan y el resultado de cada operación.*

Operación	**Operando 1**	**Operando 2**	**Dirección 1**	**Dirección 2**	**Resultado**
ADD AL, AL	80h	80h	AL	AL	00h (Z= 1, C= 1, V= 1)
INC NUM1	200 (C8h)		1001h		201 (C9h)
DEC BL	201 (C9h)		BL		200 (C8h)
SUB BL, BH	200 (C8h)	201 (C9h)	BL	BH	-1 (FF) (N= 1, C= 1)
AND CH, BYTE0	10101010b (AAh)	01111111b (7Fh)	CH	1003h	00101010b (2Ah)
NOT BYTE0	01111111b (7Fh)		1003h		10000000b (80h)
OR CH, BYTE0	00101010b (2Ah)	10000000b (80h)	CH	1003h	10101010b (AAh)
XOR CH, 11111111B	10101010b (AAh)	11111111b (FFh)	CH		01010101b (55h)

Ejercicio 6.

El siguiente programa implementa un contador utilizando una instrucción de transferencia de control. Analizar el funcionamiento de cada instrucción y, en particular, las del lazo repetitivo que provoca la cuenta.

```
            ORG 1000H
            INI DB 0
            FIN DB 15

            ORG 2000H
            MOV AL, INI
            MOV AH, FIN
SUMA:       INC AL
            CMP AL, AH
            JNZ SUM
            HLT
            END
```

(a) *¿Cuántas veces se ejecuta el lazo? ¿De qué variables depende esto en el caso general?*

El lazo se ejecuta 15 veces. En el caso general, esto depende de las variables INI y FIN.

(b) *Analizar y ejecutar el programa reemplazando la instrucción de salto condicional JNZ por las siguientes, indicando, en cada caso, el contenido final del registro AL:*

- JS: 15.
- JZ: 1.
- JMP: no tiene contenido final (lazo infinito).

Ejercicio 7.

Escribir un programa en lenguaje Assembly del MSX88 que implemente la sentencia condicional de un lenguaje de alto nivel IF A < B THEN C= A ELSE C= B. Considerar que las variables de la sentencia están almacenadas en los registros internos de la CPU del siguiente modo A en AL, B en BL y C en CL. Determinar las modificaciones que debería hacer al programa si la condición de la sentencia IF fuera:

```
        ORG 2000H
        CMP AL, BL
        JS IF
        MOV CL, BL
        JMP FIN
IF:     MOV CL, AL
FIN:    HLT
        END
```

(a) $A \leq B$.

Opción 1:

```
        ORG 2000H
        CMP AL, BL
        JS IF
        JZ IF
        MOV CL, BL
        JMP FIN
IF:     MOV CL, AL
FIN:    HLT
        END
```

Opción 2:

```
        ORG 2000H
        CMP AL, BL
        JNS AUX
AUX:    JNZ ELSE
        MOV CL, AL
        JMP FIN
ELSE:   MOV CL, BL
FIN:    HLT
        END
```

(b) $A = B$.

Opción 1:

```
        ORG 2000H
        CMP AL, BL
        JZ IF
        MOV CL, BL
        JMP FIN
IF:     MOV CL, AL
FIN:    HLT
        END
```

Opción 2:

```
        ORG 2000H
        CMP AL, BL
        JNZ ELSE
        MOV CL, AL
        JMP FIN
ELSE:   MOV CL, BL
FIN:    HLT
        END
```

Ejercicio 8.

El siguiente programa suma todos los elementos de una tabla almacenada a partir de la dirección 1000H de la memoria del simulador. Analizar el funcionamiento y determinar el resultado de la suma. Comprobar resultado en el MSX88.

```
            ORG 1000H
            TABLA DB 2,4,6,8,10,12,14,16,18,20
            FIN DB ?
            TOTAL DB ?
            MAX DB 13

            ORG 2000H
            MOV AL, 0
            MOV CL, OFFSET FIN - OFFSET TABLA
            MOV BX, OFFSET TABLA
SUMA:       ADD AL, [BX]
            INC BX
            DEC CL
            JNZ SUMA
            HLT
            END
```

¿Qué modificaciones se deberá hacer en el programa para que el mismo almacene el resultado de la suma en la celda etiquetada TOTAL?

El resultado de la suma es 110.

```
            ORG 1000H
            TABLA DB 2,4,6,8,10,12,14,16,18,20
            FIN DB ?
            TOTAL DB ?
            MAX DB 13

            ORG 2000H
            MOV AL, 0
            MOV CL, OFFSET FIN - OFFSET TABLA
            MOV BX, OFFSET TABLA
SUMA:       ADD AL, [BX]
            INC BX
            DEC CL
            JNZ SUMA
            MOV TOTAL, AL
            HLT
            END
```

Ejercicio 9.

Escribir un programa que, utilizando las mismas variables y datos que el programa del punto anterior (TABLA, FIN, TOTAL, MAX), determine cuántos de los elementos de TABLA son menores o iguales que MAX. Dicha cantidad debe almacenarse en la celda TOTAL.

```
        ORG 1000H
        TABLA DB 2,4,6,8,10,12,14,16,18,20
        FIN DB ?
        TOTAL DB ?
        MAX DB 13

        ORG 2000H
        MOV AL, 0
        MOV AH, MAX
        MOV CL, OFFSET FIN - OFFSET TABLA
        MOV BX, OFFSET TABLA
LAZO:   CMP AH, [BX]
        INC BX
        JS MAYOR
        INC AL
MAYOR:  DEC CL
        JNZ LAZO
        MOV TOTAL, AL
        HLT
        END
```

Ejercicio 10.

Analizar el funcionamiento del siguiente programa:

```
            ORG 2000H
            MOV AX, 1
            MOV BX, 1000h
CARGA:      MOV [BX], AX
            ADD BX, 2
            ADD AX, AX
            CMP AX, 200
            JS CARGA
            HLT
            END
```

(a) *El programa genera una tabla. ¿Cómo están relacionados sus elementos entre sí?*

Los elementos entre sí están relacionados de manera tal que cada valor siguiente será el doble del valor anterior, comenzando la tabla en el valor 1.

(b) *¿A partir de qué dirección de memoria se crea la tabla? ¿Cuál es la longitud de cada uno de sus elementos (medida en bits)?*

La tabla se crea a partir de la dirección de memoria 1000h (4096 en decimal) y la longitud de cada uno de sus elementos es de 16 bits (DW).

(c) *¿Cuántos elementos tiene la tabla una vez finalizada la ejecución del programa? ¿De qué depende esta cantidad?*

La tabla, una vez finalizada la ejecución del programa, tiene 8 elementos (1, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128).

Ejercicio 11.

Escribir un programa que genere una tabla a partir de la dirección de memoria almacenada en la celda DIR con los múltiplos de 5 desde cero hasta MAX.

```
            ORG 1000H
            MAX DB 50
            DIR DB ?

            ORG 2000H
            MOV AL, 0
            MOV AH, MAX
            MOV BX, OFFSET DIR
MULT:       MOV [BX], AL
            INC BX
            ADD AL, 5
            CMP AL, AH
            JS MULT
            HLT
            END
```

Ejercicio 12.

Escribir un programa que, dado un número X, genere un arreglo con todos los resultados que se obtienen hasta llegar a 0, aplicando la siguiente fórmula: si X es par, se le resta 7; si es impar, se le suma 5 y al resultado se le aplica, nuevamente, la misma fórmula. Por ejemplo: si X= 3, entonces, el arreglo tendrá 8, 1, 6, -1, 4, -3, 2, -5, 0.

Opción 1:

```
            ORG 1000H
            NUM DB 20
            TABLA DB ?

            ORG 2000H
            MOV AL, NUM
            MOV BX, OFFSET TABLA - 2
            INC BX
LAZO:       JZ FIN
            INC BX
            MOV AH, AL
            AND AH, 1
            JZ PAR
            ADD AL, 5
            MOV [BX], AL
            JMP LAZO
PAR:        SUB AL, 7
            MOV [BX], AL
            JMP LAZO
FIN:        HLT
            END

            ORG 1000H
            NUM DB 20
            TABLA DB ?
            END
```

Opción 2:

```
            ORG 1000H
            NUM DB 20
            TABLA DB ?

            ORG 2000H
            MOV AL, NUM
            MOV BX, OFFSET TABLA - 2
            INC BX
LAZO:       JZ FIN
            INC BX
            MOV AH, AL
```

```
        AND AH, 1
        JNZ IMPAR
        SUB AL, 7
        MOV [BX], AL
        JMP LAZO
IMPAR:  ADD AL, 5
        MOV [BX], AL
        JMP LAZO
FIN:    HLT
        END
```

Ejercicio 13.

Dada la frase "Organización y la Computación", almacenada en la memoria, escribir un programa que determine cuántas letras "a" seguidas de "c" hay en ella.

```
            ORG 1000H
            AC DB ?
            INICIO DB "Organización y la Computación"
            FINAL DB ?

            ORG 2000H
            MOV AL, 0
            MOV BX, OFFSET INICIO - 1
            MOV CX, OFFSET FINAL
LAZO:       INC BX
            CMP CX, BX
            JZ FIN
            MOV DX, [BX]
            CMP DX, 9799h
            JZ SUMA
            JMP LAZO
SUMA:       INC AL
            JMP LAZO
FIN:        MOV AC, AL
            HLT
            END
```

Ejercicio 14.

Escribir un programa que sume dos números representados en Ca2 de 32 bits almacenados en memoria de datos y etiquetados NUM1 y NUM2 y guarde el resultado en RESUL (en este caso, cada dato y el resultado ocuparán 4 celdas consecutivas de memoria). Verificar el resultado final y almacenar 0FFH en la celda BIEN, en caso de ser correcto, o en otra MAL, en caso de no serlo. Recordar que el MSX88 trabaja con números en Ca2, pero tener en cuenta que las operaciones con los 16 bits menos significativos de cada número deben realizarse en BSS.

```
        ORG 1000H
        NUM1 DW 0AAFFH, 0BBFFH
        NUM2 DW 0H, 1
        BIEN DB ?
        MAL DB ?
        RESUL DW ?

        ORG 2000H
        MOV BX, OFFSET NUM1 + 2
        MOV AX, [BX]
        MOV BX, OFFSET NUM2 + 2
        ADD AX, [BX]
        MOV BX, OFFSET RESULT + 2
        MOV [BX], AX
        MOV AX, NUM1
        ADC AX, NUM2
        MOV RESUL, AX
        JO M
        JC M
        MOV BIEN, 0FFH
        JMP FIN
M:      MOV MAL, 0FFH
FIN:    HLT
        END
```

Ejercicio 15.

Escribir un programa que efectúe la suma de dos vectores de 6 elementos cada uno (donde cada elemento es un número de 32 bits) almacenados en memoria de datos y etiquetados TAB1 y TAB2 y guarde el resultado en TAB3. Suponer, en primera instancia, que no existirán errores de tipo aritmético (ni carry ni overflow), luego analizar y definir los cambios y agregados necesarios que deberían realizarse al programa para tenerlos en cuenta.

Sin errores de tipo aritmético:

```
        ORG 1000H
        TAB1 DW 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12
        TAB2 DW 13,14,15,16,17,18,19,20,21,22,23,24
        TAB3 DW 12 DUP (?)
        CANT DB 12
        DIR3 DW ?

        ORG 2000H
        MOV AX, OFFSET TAB1
        MOV CX, OFFSET TAB2
        MOV DIR3, OFFSET TAB3
LAZO:   MOV BX, AX
        MOV DX, [BX]
        MOV BX, CX
        ADD DX, [BX]
        MOV BX, DIR3
        MOV [BX], DX
        ADD AX, 2
        ADD CX, 2
        ADD DIR3, 2
        DEC CANT
        JNZ LAZO
        HLT
        END
```

Con errores de tipo aritmético:

```
        ORG 1000H
        TAB1 DW 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12
        TAB2 DW 13,14,15,16,17,18,19,20,21,22,23,24
        TAB3 DW 12 DUP (?)
        CANT DB 6
        DIR3 DW ?

        ORG 2000H
        MOV AX, OFFSET TAB1
        MOV CX, OFFSET TAB2
        MOV DIR3, OFFSET TAB3
```

```
LAZO:   MOV BX, AX
        MOV DX, [BX]
        MOV BX, CX
        ADD DX, [BX]
        PUSHF
        MOV BX, DIR3
        MOV [BX], DX
        ADD AX, 2
        ADD CX, 2
        ADD DIR3, 2
        MOV BX, AX
        MOV DX, [BX]
        MOV BX, CX
        POPF
        ADC DX, [BX]
        MOV BX, DIR3
        MOV [BX], DX
        ADD AX, 2
        ADD CX, 2
        ADD DIR3, 2
        DEC CANT
        JNZ LAZO
        HLT
        END
```

Ejercicio 16.

Los siguientes programas realizan la misma tarea, en uno de ellos se utiliza una instrucción de transferencia de control con retorno. Analizar y comprobar la equivalencia funcional.

Programa 1:

```
        ORG 1000H
        NUM1 DB 5H
        NUM2 DB 3H

        ORG 2000H
        MOV AL, NUM1
        CMP AL, 0
        JZ FIN
        MOV AH, 0
        MOV DX, 0
        MOV CL, NUM2
LOOP:   CMP CL, 0
        JZ FIN
        ADD DX, AX
        DEC CL
        JMP LOOP
FIN:    HLT
        END
```

Programa 2:

```
        ORG 1000H
        NUM1 DB 5H
        NUM2 DB 3H

        ORG 3000H
SUB1:   CMP AL, 0
        JZ FIN
        CMP CL, 0
        JZ FIN
        MOV AH, 0
        MOV DX, 0
LAZO:   ADD DX, AX
        DEC CX
        JNZ LAZO
FIN:    RET

        ORG200H
        MOV AL, NUM1
        MOV CL, NUM2
        CALL SUB1
        HLT
```

END

(a) *¿Cuál es la tarea realizada por ambos programas?*

La tarea realizada por ambos programas es multiplicar NUM1 por NUM2.

(b) *¿Dónde queda almacenado el resultado?*

El resultado queda almacenado en el registro DX.

(c) *¿Cuál programa realiza la tarea más rápido? ¿El tiempo de ejecución de la tarea depende de los valores almacenados en NUM1, en NUM2, en ambos lugares o en ninguno?*

El programa que realiza la tarea más rápido es el primero, ya que hace menos llamados a memoria que el segundo. Por otra parte, el tiempo de ejecución de la tarea depende de los valores almacenados en NUM2.

(d) *Explicar, detalladamente, todas las acciones que tienen lugar al ejecutarse la instrucción CALL SUB1.*

Al ejecutarse la instrucción CALL SUB1, se guarda el valor de la posición de memoria que está en el puntero de instrucción (IP) en la pila (PUSH del IP), se asigna el valor de la posición de memoria correspondiente a la etiqueta SUB1 al IP y la CPU comienza a ejecutar las instrucciones de la subrutina SUB1.

(e) *¿Qué operación se realiza con la instrucción RET? ¿Cómo sabe la CPU a qué dirección de memoria debe retornar desde la subrutina al programa principal?*

La operación que se realiza con la instrucción RET es retornar al programa principal a partir de la instrucción siguiente a la instrucción CALL SUB1. La CPU sabe a qué dirección de memoria debe retornar desde la subrutina al programa principal porque el puntero de instrucción (IP) se carga con el valor de la posición de memoria guardada en la pila (POP del IP) y, por lo tanto, la ejecución del programa sigue a partir de la instrucción siguiente a la instrucción CALL SUB1.

Ejercicio 17.

El siguiente programa es otra forma de implementación de la tarea del punto anterior (Ejercicio 16). Analizar y establecer las diferencias con las anteriores, en particular las relacionadas a la forma de "proveer" los operandos a las subrutinas. Explicar detalladamente:

```
                ORG 1000H
                NUM1 DW 5H
                NUM2 DW 3H

                ORG 3000H
SUB2:           MOV DX, 0
LAZO:           MOV BX, AX
                ADD DX, [BX]
                PUSH DX
                MOV BX, CX
                MOV DX, [BX]
                DEC DX
                MOV [BX], DX
                POP DX
                JNZ LAZO
                RET

                ORG 2000H
                MOV AX, OFFSET NUM1
                MOV CX, OFFSET NUM2
                CALL SUB2
                HLT
                END
```

(a) *Todas las acciones que tienen lugar al ejecutarse las instrucciones PUSH DX y POP DX.*

Al ejecutarse la instrucción PUSH DX, se resta dos al valor apuntado en el registro SP y se guarda el valor de DX en la pila. Al ejecutarse la instrucción POP DX, se suma dos al valor apuntado en el registro SP y se carga el valor almacenado en la pila en DX.

(b) *Cuáles son los dos usos que tiene el registro DX en la subrutina SUB2.*

Los dos usos que tiene el registro DX en la subrutina SUB2 son de acumulador y de decrementador.

Ejercicio 18.

Escribir un programa que sume 2 vectores de 6 elementos (similar al realizado en el Ejercicio 15), de modo tal que utilice una subrutina que sume números de 32 bits (similar al programa escrito en el Ejercicio 14).

```
        ORG 1000H
        TAB1 DW 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12
        TAB2 DW 13,14,15,16,17,18,19,20,21,22,23,24
        TAB3 DW 12 DUP (?)
        CANT DB 6
        DIR3 DW ?

        ORG 3000H
SUMA:   MOV BX, AX
        MOV DX, [BX]
        MOV BX, CX
        ADD DX, [BX]
        PUSHF
        MOV BX, DIR3
        MOV [BX], DX
        ADD AX, 2
        ADD CX, 2
        ADD DIR3, 2
        MOV [BX], AX
        MOV DX, [BX]
        MOV BX, CX
        POPF
        ADC DX, [BX]
        MOV BX, DIR3
        MOV [BX], DX
        ADD AX, 2
        ADD CX, 2
        ADD DIR3, 2
        DEC CANT
        JNZ SUMA
        RET

        ORG 2000H
        MOV AX, OFFSET TAB1
        MOV CX, OFFSET TAB2
        MOV DIR3, OFFSET TAB3
        CALL SUMA
        HLT
        END
```

Ejercicio 19.

Escribir una subrutina que reciba la mantisa entera en BSS y el exponente en BSS de un número en los registros AH y AL, respectivamente, y devuelva, en ellos, una representación equivalente del mismo pero con el exponente disminuido en 1 y la mantisa ajustada. De no ser posible el ajuste, BL debe contener 0FFH en vez de 00H en el retorno.

```
            ORG 1000H
            MANTISA DB 0AAh
            EXPONENTE DB 5

            ORG 3000H
AJUSTAR:    CMP AL, 0
            JZ NOPOSIBLE
            DEC AL
            ADD AH, AH
            JC NOAJUSTA
            MOV BL, 00H
            JMP FIN
NOPOSIBLE:  MOV BL, 0FFH
FIN:        RET

            ORG 2000H
            MOV AH, MANTISA
            MOV AL, EXPONENTE
            CALL AJUSTAR
            HLT
            END
```

Ejercicio 20.

Escribir una subrutina que reciba como parámetro un número en el formato IEEE 754 de simple precisión y analice/verifique las características del mismo devolviendo en el registro CL un valor igual a 0 si el número está sin normalizar, 1 en caso de ser +/- infinito, 2 si es un NAN, 3 si es un +/- cero y 4 si es un número normalizado. La subrutina recibe en AX la parte alta del número y en BX la parte baja.

```
                    ORG 1000H
                    MANTISA DB 0AAH, 0BBH, 0CCH
                    EXPONENTE DB 00AH

                    ORG 3000H
ANALIZAMANTISA:     MOV DH, [BX]
                    CMP DH, 128
                    JNZ MANTISA_NOCERO
LAZO:               MOV DH, [BX]
                    CMP DH, 0
                    JNZ MANTISA_NOCERO
                    INC BX
                    CMP BX, OFFSET EXPONENTE
                    JZ MANTISA_CERO
                    JMP LAZO
MANTISA_CERO:       MOV DL, 0
                    JMP FIN_MANTISA
MANTISA_NOCERO:     MOV DL, 1
FIN_MANTISA:        RET

NORMALIZADO:        CALL ANALIZAMANTISA
                    CMP AL, 0
                    JZ SINNORMALIZAR
                    CMP AL, 255
                    JZ NAN
                    MOV CL, 4
                    JMP FIN_EXPONENTE
SINNORMALIZAR:      CMP DL, 0
                    JZ CERO
                    MOV CL, 0
                    JMP FIN_EXPONENTE
INFINITO:           MOV CL, 1
                    JMP FIN_EXPONENTE
NAN:                CMP DL, 0
                    JZ INFINITO
                    MOV CL, 2
                    JMP FIN_EXPONENTE
CERO:               MOV CL, 3
FIN_EXPONENTE:      RET

                    ORG 2000H
```

```
MOV BX, OFFSET MANTISA
MOV AL, EXPONENTE
CALL NORMALIZADO
HLT
END
```

Ejercicio 21.

Modificar la subrutina del Ejercicio 19 para el caso en que la mantisa y el exponente estén representados en BCS.

```
                ORG 1000H
                MANTISA DB 0AAh
                EXPONENTE DB 5

                ORG 3000H
AJUSTAR:        DEC AL
                ADD AH, AH
                JC NOPOSIBLE1
                JO NOPOSIBLE2
POSIBLE:        MOV BL, 00H
                JMP FIN
NOPOSIBLE1:     JO POSIBLE
                MOV BL, 0FFH
                JMP FIN
NOPOSIBLE2:     MOV BL, 0FFH
FIN:            RET

                ORG 2000H
                MOV AH, MANTISA
                MOV AL, EXPONENTE
                CALL AJUSTAR
                HLT
                END
```