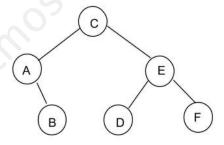
Ejercitación de Árboles Binarios, de Expresión y Generales

- 1.- Dado un árbol binario T cuyo recorrido postorden es A G F E B J I H C D y su recorrido inorden es A B G E F D J H I C ¿cuántos son los descendientes del nodo "C"?
 - (a) 2
- (b) 1
- (c) 3
- (d) ninguna de las anteriores
- 2.- Defina árbol binario completo y árbol binario lleno. Ejemplifique. ¿Es verdad que todo árbol binario completo es lleno? ¿Y viceversa?
- 3.- Suponga que para un árbol binario T con N nodos (N>1), el último nodo en postorden es el mismo que el último nodo en inorden, ¿qué se puede concluir?
 - (a) El subárbol izquierdo de T es vacío
 - (b) El subárbol derecho de T es vacío
 - (c) Ningún nodo en el árbol tiene dos hijos
 - (d) Hay a lo sumo 3 nodos en el árbol
- 4.- Se han estudiado los distintos recorridos de un árbol binario. Abajo se muestra un código que combina dos de ellos. ¿Cuál es el resultado si se llama con la raíz del árbol de la figura?

```
public void traverse(ArbolBinario<T> a) {
    if (!a.esVacio()) {
        System.out.print(a.getDato());
        if (a.tieneHijoIzquierdo())
            traverse(a.getHijoIzquierdo());
        if (a.tieneHijoDerecho())
            traverse(a.getHijoDerecho());
        System.out.print(a.getDato());
}
```

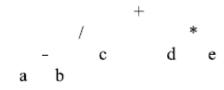


5.- Evalúe la siguiente expresión postfija y determine cuál es el resultado.

6 5 * 7 3 - 4 8 + * +

- (a) 78
- (b) 66
- (c) 34
- (d) 44

6.- Elija la expresión algebraica almacenada en el siguiente árbol:



- (a) ((a b / c) + d * e)
- (b) (((a-b)/(c+d))+d*e)
- (c) ((a-b/c)+(d*e))
- (d) (((a-b)/c)+(d*e))

7.- ¿Cuál es el número mínimo de nodos en un árbol binario completo de altura

4?

- (a) 10
- (b) 15
- (c) 12
- (d) 31
- (e) 16

8.- Construya el árbol de expresión correspondiente a la siguiente expresión postfija.

9.- Construya el árbol de expresión correspondiente a la siguiente expresión

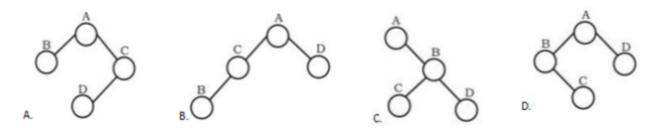
10.- Construya el árbol de expresión correspondiente a la siguiente expresión prefija

¿Cuál es la profundidad del nodo d?

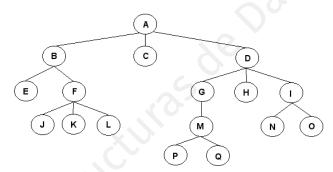
- (a) 1
- (b) 2
- (c) 3
- (d) 4

11.- Obtenga la expresión prefija de la siguiente expresión postfija:

12.- ¿Cuál de los siguientes árboles binarios tiene su recorrido inorden BCAD y preorden ABCD?



- 13.- Reconstruya el árbol binario T cuyo recorrido **preorden** es 253971648 y su recorrido **inorden** es 937512684.
- 14.- En un árbol binario lleno, si hay L hojas, entonces el número total de nodos N es:
 - a) N = 2*L
 - b) N = L + 1
 - c) N = L 1
 - d) N = 2*L 1
- 15.- La siguiente figura muestra un árbol general:



- (a) Complete los blancos de las sentencias con la terminología vista en clase.
 - i. es la raíz del árbol.
 - ii. es padre de B, C y D.
 - iii.y son hermanos, puesto que ambos son hijos
 - de B. iv. son las hojas del árbol.
 - v. El camino desde A a J es único, lo conforman los nodos y es de largo
 -
 - vi. es ancestro de P, y por lo tanto es descendiente de D.
 - vii. L no es descendiente de C, puesto que no existedesde C a L.
 - viii. La profundidad/nivel de C es, de F es y de es 4.
 - ix. La altura de C es, de es 1 y de D es
 - x. La altura del árbol es 4 (largo del camino entre la y).
- (b) Aplique los recorridos:
 - i. en profundidad
 - a) preorden
- b) inorden
- c) postorden

ii. por niveles

- 16.- ¿Cuál es el número mínimo y máximo de nodos de un árbol general completo de altura **h** y grado **k**?
- 17.- El recorrido inorden en un árbol general visita:
 - a) Primero la mitad de los subárboles hijos, luego la raíz y luego los restantes subárboles hijos
 - b) Primero la raíz y luego los subárboles hijos
 - c) Primero los subárboles hijos y luego la raíz
 - d) Primero el subárbol hijo más izquierdo, luego la raíz y luego los restantes subárboles

hijos 18.- En un árbol general, la profundidad de un nodo n1 es.......

- a) La longitud del único camino que existe entre la raíz y el nodo n1
- b) La longitud del camino más largo que existe entre el nodo n1 y una hoja
- c) La cantidad de nodos hijos del nodo n1
- d) Ninguna de las otras opciones
- 19.- Un árbol general lleno de grado 4, tiene 21 nodos.
 - a) ¿Cuál es la altura del árbol?
 - b) Desarrolle el proceso realizado para obtener la respuesta anterior
- 20.- ¿Cuál es la cantidad mínima de nodos en un árbol general completo de grado 3 y altura 4?
 - a) 40
 - b) 41
 - c) 121
 - d) 122
- 21.- Si un árbol general lleno de grado 5 tiene 125 hojas.
 - a) ¿Cuál es la cantidad de nodos internos del árbol?
 - b) Desarrolle el proceso realizado para obtener la respuesta anterior.
- 22.- ¿Cuál es la cantidad de nodos en un árbol general COMPLETO de grado 4 y altura 3?
 - a) entre 16 y 21
 - b) entre 22 y 85
 - c) entre 22 y 64
 - d) entre 16 y 64

Ejercitación sobre Colas de Prioridades - Heap

JYSadia 2025

Ejercicio 1

A partir de una heap inicialmente vacía, inserte de a uno los siguientes valores:

Ejercicio 2

- a) ¿Cuántos elementos hay, al menos, en una heap de altura h?
- b) ¿Dónde se encuentra ubicado el elemento mínimo en una max-heap?
- c) ¿El siguiente arreglo es una max-heap : [23, 17, 14, 6, 13, 10, 1, 5, 7, 12]?

Ejercicio 3

Dados los siguientes árboles, indique si representan una heap. Justifique su respuesta.



Ejercicio 4

Dibuje todas las min-heaps posibles para este conjunto de claves: {A, B, C, D, E}

Ejercicio 5

A partir de una min-heap inicialmente vacía, dibuje la evolución del estado de la heap al ejecutar las siguientes operaciones:

Insert(5), Insert(4), Insert(7), Insert(1), DeleteMin(), Insert(3), Insert(6), DeleteMin(), DeleteMin(), Insert(8), DeleteMin(), DeleteMin(), DeleteMin()

Ejercicio 6

Aplique el algoritmo BuildHeap, para construir una min-heap en tiempo lineal, con los siguientes valores

Ejercicio 7

Aplique el algoritmo *HeapSort*, para ordenar descendentemente los siguientes elementos:

Muestre paso a paso la ejecución del algoritmo sobre los datos.

Construir una max-heap binaria con los siguientes datos:

- a) Insertándolos de a uno
- b) Usando el algoritmo BuildHeap

Ejercicio 9

Suponga que una heap que representa una cola de prioridades está almacenada en el arreglo A (se comienza de la posición A[1]). Si insertamos la clave 16, ¿en qué posición quedará?

	i:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	
	A[i]:	11	21	27	37	36	34	32	43	44	42	51	62	
(a) A[2]		(b) A[3]			(c) A[6	5]	(d) A[7]		(e) A[1	12]	·U

Ejercicio 10

Suponga que una heap que representa una cola de prioridades está almacenada en el arreglo A (se comienza de la posición A[1]). Si aplica un delete-min, ¿en qué posición quedará la clave **62**?

i:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	
A[i]:	11	21	27	37	36	34	32	43	44	42	51	62	
(a) A	[1]	(b) A[2]		(c)) A[10]	(d)	A[11]		(e) A[1	.2]	

Ejercicio 11

- a) Ordenar en forma creciente los datos del ejercicio anterior, usando el algoritmo HeapSort.
- b) ¿Cuáles serían los pasos a seguir si se quiere ordenar en forma decreciente?

Ejercicio 12

¿Cuáles de los siguientes arreglos representan una max-heap, min-heap o ninguna de las dos?

arreglo 1: 0120456789

• arreglo 2: 9876543210

arreglo 3: 5556666771

arreglo 4: 9392167121

arreglo 5: 8761234212

Ejercicio 13

Un arreglo de 7 enteros se ordena ascendentemente usando el algoritmo *HeapSort*. Luego de la fase inicial del algoritmo (la construcción de la heap), ¿cuál de los siguientes es un posible orden del arreglo?

- (a) 85 78 45 51 53 47 49
- (b) 85 49 78 45 47 51 53
- (c) 85 78 49 45 47 51 53
- (d) 45 85 78 53 51 49 47
- (e) 85 51 78 53 49 47 45

En una Heap, ¿para un elemento que está en la posición i, su hijo derecho está en la posición.....?

- (a) | i/2 |
- (b) 2*i
- (c) 2*i + 1
- (d) Ninguna de las anteriores

Ejercicio 15

¿Siempre se puede decir que un árbol binario lleno es una Heap?

(a) Sí

(b) No

Ejercicio 16

La operación que agrega un elemento a la heap que tiene **n** elementos, en el peor caso es de

- (a) O(n)
- (b) O(n log n)
- (c) O(log n)
- (d) Ninguna de las otras opciones

Ejercicio 17

Se construyó una Máx-Heap con las siguientes claves: 13, 21, 87, 30, 25, 22, 18. ¿Cuál de las siguientes opciones corresponde al resultado de realizar la construcción insertando las claves **una a una**?

- (a) 87, 30, 25, 22, 21, 18, 13
- (b) 87, 30, 22, 21, 25, 13, 18
- (c) 87, 30, 25, 13, 22, 18, 21
- (d) 87, 30, 22, 13, 25, 21, 18

Ejercicio 18

Se construyó una Máx-Heap con las siguientes claves: 13, 21, 87, 30, 25, 22, 18. ¿Cuál de las siguientes opciones corresponde al resultado de realizar la construcción aplicando el algoritmo **Build-Heap**?

- (a) 87, 30, 25, 22, 21, 18, 13
- (b) 87, 30, 22, 21, 25, 13, 18
- (c) 87, 30, 25, 13, 22, 18, 21
- (d) 87, 30, 22, 13, 25, 21, 18

Ejercicio 19

El algoritmo HeapSort consta de dos etapas:

- 1. Se construye una heap y
- 2. Se realizan los intercambios necesarios para dejar ordenados los datos. Asuma que la heap ya está construida y es la siguiente:

58 38 53 23 28 40 35 18

¿Cómo quedan los datos en el arreglo después de ejecutar sólo 2 pasos de la segunda etapa del Heapsort?

- (a) 40 38 23 28 35 18 53 58
- (b) 53 38 40 23 28 18 35 58
- (c) 40 38 23 35 28 18 53 58
- (d) 40 38 35 23 28 18 53 58

Ejercicio 20

Dada la Min-Heap 3, 8, 5, 15, 10, 7, 19, 28, 16, 25, 12. ¿En qué **posición** está ubicado el hijo derecho de la clave 15?

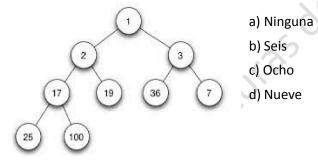
- (a) 7
- (b) 8
- (c) 9
- (d) 10

Ejercicio 21

Construya una min-heap con las siguientes claves: 15, 25, 23, 13, 18, 2, 19, 20, 17 insertándolas una a una. Indique en qué posiciones quedaron ubicadas las claves: 2, 18 y 25.

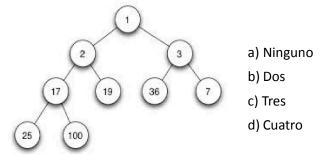
Ejercicio 22

Luego de insertar la clave **15** en la siguiente min-heap, ¿cuántas de las claves que ya estaban en la heap han mantenido su lugar (es decir, ocupan en la min-heap resultante la misma posición que ocupaban antes de la inserción)?



Ejercicio 23

Luego de una operación de borrado del mínimo en la siguiente min-heap, ¿cuántas claves han cambiado de lugar (es decir, ocupan en la min-heap resultante un lugar diferente al que ocupaban en la min-heap antes del borrado)? (No contar la clave borrada, ya que no pertenece más a la heap)



Análisis de Algoritmos

- **1.** Ordene las siguientes funciones: \sqrt{n} , n, n^2 , cte, 2^n , $\log_2^2(n)$, $\log_3(n)$, $\log_2(n)$ según su velocidad de crecimiento.
- 2.- Exprese de qué orden es el siguiente fragmento de código

- **3.** Suponga que dispone de un algoritmo A, que resuelve un problema de **tamaño n**, y su función de tiempo de ejecución es **T(n) = n * log(n)**. Este algoritmo se ejecuta en una computadora que procesa **10.000 operaciones** por segundo. Determine el **tiempo** que requerirá el algoritmo para resolver un problema de tamaño **n=1024**.
- 4.- ¿Cuál es el resultado de la siguiente sumatoria?

```
8

∑ n* i =

i=3

a) (8-3+1) * n

b) (8-3+1) * i * n

c) 33 n

d) 5 n

e) 8 * i

f) Ninguna de las otras opciones
```

5.- ¿Cuál de las siguientes sentencias es correcta, según la definición vista en clase?

- (a) n^2 es $O(n^2)$
- (b) n^2 es $O(n^3)$
- (c) n^2 es $O(n^2 \log n)$
- (d) Opciones a y b
- (e) Opciones a, b y c
- (f) Ninguna de las otras opciones

6.- Dado el siguiente algoritmo

```
void ejercicio5 (int n) {
   if (n ≥2) {
      2 * ejercicio5 (n/2);
      n = n/2;
      ejercicio5 (n/2);
   }
}
```

i) Indique el T(n) para n>=2

- (a) T(n) = d + 3 * T(n/2)
- (b) T(n) = d + 2 * T(n/2) + T(n/4)
- (c) T(n) = d + T(n/2) + T(n/4)
- (d) T(n) = d + T(n/2) + T(n/2)
- (e) T(n) = d + T(n/2) + T(n/2) + T(n/4)

7.- Dada la recurrencia

$$T(n) = \begin{cases} 1 & \text{para } n < = 1 \\ T(n/3) + c & \text{para } n > 1 \end{cases}$$

i) ¿Cómo se reemplaza T(n/3), considerando n/3 > 1?

- (a) T(n/3) + c
- (b) Ninguna de las otras opciones
- (c) T(n/3) + 1
- (d) T(n/3/3) + c
- (e) T(n/3/3) + 1

ii)Desarrolle la función T(n)

8.- Considere el siguiente fragmento de código:

Este algoritmo se ejecuta en una computadora que procesa 100.000 operaciones por cada segundo. Determine el tiempo aproximado que requerirá el algoritmo para resolver un problema de tamaño n=1000.

- (a) 0,01 seg
- (b) 0,1 seg
- (c) 1 seg
- (d) Ninguna de las opciones anteriores.
- 9.- Considere la siguiente recurrencia:

```
T(1) = 4

T(n) = 2 T(n/2) + 5n + 1 (n \ge 2)
```

¿Cuál es el valor de T(n) para n = 4?

- (a) 51
- (b) 38
- (c) 59
- (d) 79
- (e) Ninguna de las opciones anteriores.
- **10.** Expresar la función T(n) del siguiente segmento de código:

```
(a) T(n) = (1/3) * n^2 + log_2(n)
```

(b)
$$T(n) = n^2 + (1/3) * log_2(n)$$

(c)
$$T(n) = (1/3) * log_2(n)$$

```
(d) T(n) = (1/3) * n^2 * log_2(n) + log_2(n)
```

11.- ¿Cuál es el tiempo de ejecución del siguiente método?

```
void fun(int n, int arr[])
{    int i = 0, j = 0;
    for (; i < n; ++i)
        while (j < n && arr[i] < arr[j])
        j++;
}</pre>
```

12.- ¿Cuál es el valor que retorna el método fun1?

13.- ¿Cuál es el tiempo de ejecución del siguiente código?

14.- ¿Cuál es el tiempo de ejecución del siguiente código?

```
void fun(int a, int b)
{
    // Consider a and b both are positive integers
```

```
while (a != b) {
    if (a > b)
        a = a - b;
    else
        b = b - a;
}
```

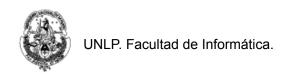
15.- ¿Cuál es el tiempo de ejecución del siguiente código?

```
void fun(int n)
{
  for(int i=0;i*i<n;i++)
    System.out.print("AyED");
}</pre>
```

16.- ¿Cuál es el tiempo de ejecución del siguiente código?

```
int fun(int n)
{
    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (int j = 1; j < n; j += i)
        {
            // Some O(1) task
        }
    }
}</pre>
```

Nota: Tenga en cuenta que (1/1 + 1/2 + 1/3 + ... + 1/n) se puede acotar con O(log n)



Ejercitación sobre Grafos

- 1) Aplicando el recorrido DFS al grafo dirigido de la Figura 4, cuáles son los vértices alcanzables desde el vértice 1 y en qué orden.
 - b) Aplicando el recorrido BFS al grafo dirigido de la Figura 4, cuáles son los vértices alcanzables desde el vértice 1 y en qué orden.

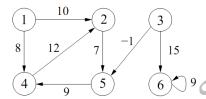
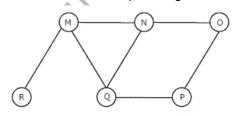
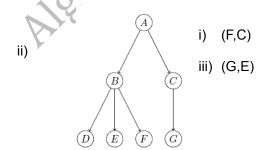


Figura 4

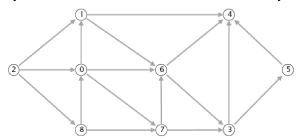
2) ¿Cuál de los siguientes es un recorrido BFS válido para el grafo de la figura?



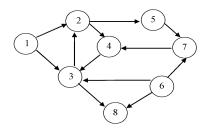
- (a) MNOPOF
- (b) NQMPOR
- (c) QMNPRO
- (d) QMNPOR
- 3) El siguiente árbol, es el árbol que deriva de un recorrido **BFS** de un grafo dirigido G, ¿cuál de las siguientes aristas no puede estar en G?



4) Se aplicó el recorrido DFS sobre el grafo dirigido de la siguiente figura, comenzando en el vértice 2. Asuma que las listas de adyacencias están ordenadas de menor a mayor.



- ¿Cuál de las siguientes opciones corresponde al listado postorden de los vértices del grafo?
 - (a) 2 0 6 4 3 5 7 1 8
 - (b) 4 5 3 6 7 0 1 8 2
 - (c) 4 5 3 6 1 7 0 8 2
 - (d) 2 0 1 8 6 7 4 3 5
- 5) Dado el siguiente grafo dirigido, en el siguiente bosque abarcador del DFS realizado a partir del vértice (1): 1, 2, 4, 3, 8, 5, 7, 6, habrá ...



- (a) 1 arco de cruce,
- (b) 2 arcos de cruce,
- (c) más de 2 arcos de cruce
- (d) Ninguna de las opciones
- 6) Dado el grafo de la Figura 5, indicar cuál de las siguientes posibilidades es una ordenación topológica válida.
 - i) e, g, d, f, b, a, c
 - ii) e, g, f, b, a, c, d
 - iii) Existe más de una posible ordenación topológica válida.
 - iv) Ninguna de las otras respuestas es correcta.

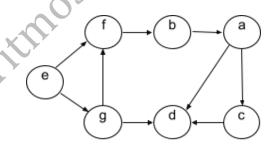
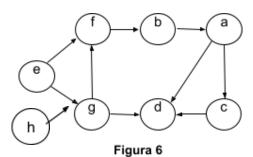


Figura 5

- 7) Dado el grafo de la Figura 6, indicar cuál de las siguientes posibilidades es una ordenación topológica válida.
 - v) e, h, g, d, f, b, a, c
 - vi) e, g, f, b, a, c, d, h
 - vii) Existe más de una posible ordenación topológica válida.
 - viii) Ninguna de las otras respuestas es correcta.



8) Aplique las versiones de ordenación topológicas vistas en clase. 1 (usando arreglo), 2 (usando Cola o Pila) y 3 (usando DFS) del algoritmo que permite obtener la ordenación topológica del DAG de la Figura 7.

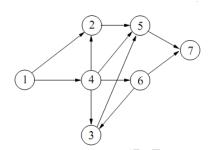
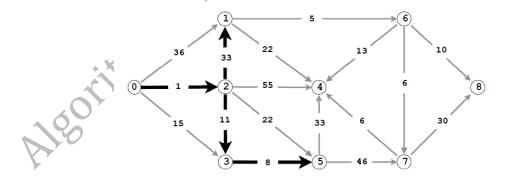


Figura 7

9) Se ejecuta el algoritmo de **Dijkstra** sobre el siguiente dígrafo pesado.



a) La siguiente tabla contiene los valores luego de haberse procesado los vértices: 0, 2, 3, 5 y
 1. Continúe la ejecución del algoritmo completando la tabla con los valores correspondientes.

Nro. de iteración del algoritmo	Vértices	Distancia (0,v)	Vért. Previo	Visitado
1º	0	0	-	1
5°	1	∞ 36 34	θ 2	1
2°	2	∞ 1	0	1
3°	3	⇔ 15 12	0 2	201
	4	∞ 56 53	2-5	0
4°	5	⇔ 22 20	0-23	1
	6	⇔ 39	1	0
	7	∞ 66	5	0
	8	_∞	9.	0

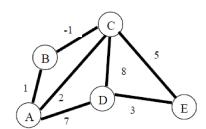
b) Complete la secuencia de vértices según el orden en el que el algoritmo de Dijkstra los toma (es decir, los considera "visitados"). Recuerde que la ejecución del algoritmo comenzó por el vértice "0".

0 2 3 5 1 _____ ____

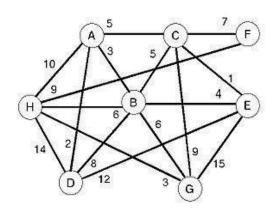
- c) Dibuje sobre el grafo, los arcos (con trazo más grueso) del árbol abarcador resultante.
- **d)** Recupere los vértices que componen los caminos de costo mínimo obtenidos con el algoritmo de Dijkstra, para los siguientes pares:

(0,5) (0,7)

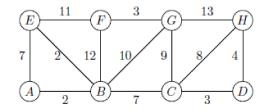
- 10) Dado el grafo pesado de la figura.
- a.- ¿El algoritmo de Dijkstra funciona correctamente en este caso en particular, tomando como vértice origen a **A**?
- b.- Si la respuesta es afirmativa, aplíquelo. Si la respuesta es negativa fundamente por qué no funciona el algoritmo.



11) Dado el siguiente grafo, ejecute el algoritmo de Dijkstra, partiendo del vértice H

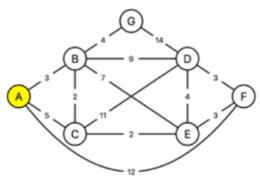


- b) ¿Cuáles fueron **los costos** intermedios encontrados por el algoritmo para encontrar el camino mínimo a E?
 - 14, 11
 - 18, 10
 - 18, 11, 10
 - 12, 11, 10
 - Ninguna de las anteriores
- c) ¿Cuáles fueron **los vértices** intermedios encontrados por el algoritmo para encontrar el camino mínimo a E?
 - A, C, B
 - A, B, G
 - G, B
 - D, B
 - A, C
 - B
- d) ¿En qué Iteración del algoritmo fue tomado el vértice C?
 - 4°
 - 5°
 - 6°
 - 7°
 - _ 8
- 12) Ejecute el algoritmo de Prim en el siguiente grafo, partiendo del vértice A. ¿Cuál es la suma de los pesos de la primera, tercera y quinta arista seleccionadas según el algoritmo?



- (a) 9
- (b) 10
- (c) 11
- (d) 12
- (e) 13

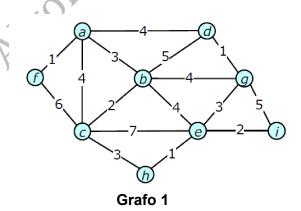
- 13) Obtener el árbol de expansión mínima utilizando el algoritmo de PRIM en el siguiente grafo comenzando del vértice A.
- a.- Dibuje cómo evoluciona la construcción del árbol en cada paso.
- b.- Muestre la ejecución del algoritmo en la tabla que aparece más abajo.
- c.- Exprese el orden de ejecución del algoritmo (en cuanto a su eficiencia). Justifique su respuesta.

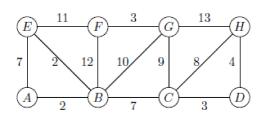


Iteración en que se toma Arista (v,w)	Vértice "v"	Costo (v,w)	Vértice "w"	Visitado
1°	Α	0	<u>-</u>	0 1
	В	8		0
	С	8		0
	D	8		0
	E	8		0
	F	8		0
	G	oo oo		0

14) Obtener el árbol de expansión mínima utilizando el algoritmo de **Kruskal** en los siguientes grafos, dibujando cómo evoluciona la construcción del árbol en cada paso.

Exprese el orden de ejecución del algoritmo (en cuanto a su eficiencia). Justifique su respuesta.





Grafo 2

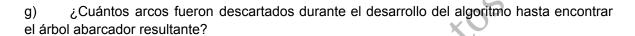
e)	Complete	la	secuencia	de	arcos	del	árbol	abarcador	mínimo,	según	el	orden	en	que	el
algoritn	no los inclu	ıye	en el árbo	İ											

Grafo 1:	 	 	 	

f) ¿Cuál es el costo del árbol abarcador resultante?

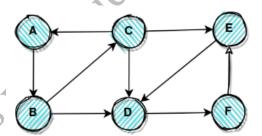
Grafo	1:		
•		 	

Grafo 2:



Grafo	1:	

15) Indicar cuáles son las **componentes fuertemente conexas** para el siguiente grafo dirigido, utilizando el **algoritmo de Kosaraju** comenzando por el vértice "**A"** (tanto los vértices como los adyacentes se procesan alfabéticamente). Muestre paso a paso la ejecución del algoritmo.





Práctica 1 Estructuras de control v estructuras de datos básicas en Java. Recursión

Nota:

- Cree un proyecto llamado "AYED" para guardar todas las clases que implemente durante la cursada.
- Implemente cada ejercicio en un paquete que contenga los números del TP y del ejercicio. Ejemplo tp1.ejercicio3
- Para resolver esta práctica haremos uso de las estructuras de datos array y "listas" provistas por Java: <u>ArrayList</u> y <u>LinkedList</u>.
- Escriba tres métodos de clase (static) que reciban por parámetro dos números enteros (tipo int) a y b e impriman todos los números enteros comprendidos entre a; b (inclusive), uno por cada línea en la salida estándar. Para ello, dentro de una nueva clase escriba un método por cada uno de los siguientes incisos:
 - a. Que realice lo pedido con un for.
 - b. Que realice lo pedido con un while.
 - c. Que realice lo pedido **sin utilizar estructuras de control iterativas** (*for, while, do while*).

Por último, escriba en el método de clase **main** el llamado a cada uno de los métodos creados, con valores de ejemplo. En su computadora, **ejecute el programa** y verifique que se cumple con lo pedido.

2. Escriba un método de clase que dado un número **n** devuelva un nuevo arreglo de tamaño **n** con los **n** primeros múltiplos enteros de **n** mayores o iguales que 1.

```
Ejemplo: f(5) = [5; 10; 15; 20; 25]; f(k) = \{n*k donde k : 1..k\}
```

Agregue al programa la posibilidad de probar con distintos valores de \mathbf{n} ingresandolos por teclado, mediante el uso de *System.in*. La clase **Scanner** permite leer de forma sencilla valores de entrada.

Ayuda: Como ejemplo de uso, para contar la cantidad de números leídos hasta el primer 42 se puede hacer:



- 3. Creación de instancias mediante el uso del operador **new**
 - a. Cree una clase llamada **Estudiante** con los atributos especificados abajo y sus correspondientes métodos *getters* y *setters* (haga uso de las facilidades que brinda eclipse)
 - nombre
 - apellido
 - comision
 - email
 - direccion
 - b. Cree una clase llamada **Profesor** con los atributos especificados abajo y sus correspondientes métodos *getters* y *setters* (haga uso de las facilidades que brinda eclipse)
 - nombre
 - apellido
 - email
 - catedra
 - facultad
 - c. Agregue un método de instancia llamado tusDatos() en la clase Estudiante y en la clase Profesor, que retorne un String con los datos de los atributos de las mismas. Para acceder a los valores de los atributos utilice los getters previamente definidos.
 - d. Escriba una clase llamada Test con el método main, el cual cree un arreglo con 2 objetos Estudiante, otro arreglo con 3 objetos Profesor, y luego recorra ambos arreglos imprimiendo los valores obtenidos mediante el método tusDatos(). Recuerde asignar los valores de los atributos de los objetos Estudiante y Profesor invocando los respectivos métodos setters.
 - e. Agregue dos breakpoints, uno en la línea donde itera sobre los estudiantes y otro en la línea donde itera sobre los profesores
 - f. Ejecute la clase **Test** en modo debug y avance **paso a paso** visualizando si el estudiante o el profesor recuperado es lo esperado.
- 4. Pasaje de parámetros en Java
 - a. Sin ejecutar el programa en su computadora, sólo analizándolo, indique qué imprime el siguiente código.

```
public class SwapValores {
  public static void swap1 (int x, int y) {
    if (x < y) {
        int tmp = x;
        x = y;
        y = tmp;
    }
}

public static void swap2 (Integer x, Integer y) {
    if (x < y) {
        int tmp = x;
        x = y;
        y = tmp;
    }
}</pre>
```



```
public static void main(String[] args) {
   int a = 1, b = 2;
   Integer c = 3, d = 4;
   swap1(a,b);
   swap2(c,d);
   System.out.println("a=" + a + " b=" + b);
   System.out.println("c=" + c + " d=" + d);
}
```

- b. Ejecute el ejercicio en su computadora, y compare su resultado con lo esperado en el inciso anterior.
- c. Inserte un breakpoint en las líneas donde se indica: y = tmp y ejecute en modo debug ¿los valores que adoptan las variables x, y coinciden con los valores impresos por consola?
- 5. Dado un arreglo de valores tipo **entero** se desea calcular el valor máximo, mínimo, y promedio en un único método. Escriba tres métodos de clase, donde respectivamente:
 - a. Devuelva lo pedido por el mecanismo de retorno de un método en Java ("return").
 - b. Devuelva lo pedido interactuando con algún parámetro (el parámetro no puede ser de tipo arreglo).
 - c. Devuelva lo pedido sin usar parámetros ni la sentencia "return".
- 6. Análisis de las estructuras de listas provistas por la API de Java.
 - a. ¿En qué casos ArrayList ofrece un mejor rendimiento que LinkedList?
 - b. ¿Cuándo LinkedList puede ser más eficiente que ArrayList?
 - c. ¿Qué diferencia encuentra en el uso de la memoria en ArrayList y LinkedList?
 - d. ¿En qué casos sería preferible usar un ArrayList o un LinkedList?
- 7. Uso de las estructuras de listas provistas por la API de Java. Para resolver este punto cree el paquete **tp1.ejercicio7**
 - a. Escriba una clase llamada TestArrayList cuyo método main recibe una secuencia de números, los agrega a una lista de tipo ArrayList, y luego de haber agregado todos los números a la lista, imprime el contenido de la misma iterando sobre cada elemento.
 - b. Si en lugar de usar un ArrayList en el inciso anterior hubiera usado un LinkedList ¿Qué diferencia encuentra respecto de la implementación? Justifique
 - c. ¿Existen otras alternativas para recorrer los elementos de la lista del punto 7a.?
 - d. Escriba un método que realice las siguientes acciones:
 - cree una lista que contenga 3 estudiantes
 - genere una nueva lista que sea una copia de la lista del inciso i
 - imprima el contenido de la lista original y el contenido de la nueva lista
 - modifique algún dato de los estudiantes
 - vuelva a imprimir el contenido de la lista original y el contenido de la nueva lista. ¿Qué conclusiones obtiene a partir de lo realizado?
 - ¿Cuántas formas de copiar una lista existen? ¿Qué diferencias existen entre ellas?
 - e. A la lista del punto 7d, agregue un nuevo estudiante. Antes de agregar, verifique que el estudiante no estaba incluido en la lista.
 - f. Escriba un método que devuelva verdadero o falso si la secuencia almacenada en la lista es o no capicúa:

```
public boolean esCapicua(ArrayList<Integer> lista)
```

Ejemplo:



- El método devuelve verdadero si la secuencia ingresada es: 2 5 2
- El método devuelve falso si la secuencia ingresada es: 4 5 6 3 4
- g. Considere que se aplica la siguiente función de forma recursiva. A partir de un número n positivo se obtiene una sucesión que termina en 1:

$$f(n) = \left\{ egin{array}{ll} rac{n}{2}, & ext{si } n ext{ es par} \ 3n+1, & ext{si } n ext{ es impar} \end{array}
ight.$$

Por ejemplo, para n= 6, se obtiene la siguiente sucesión:

$$f(6) = 6/2 = 3$$

 $f(3) = 3*3 + 1 = 10$
 $f(10) = 10/2 = 5$

Es decir, la sucesión 6, 3, 10, 5, 16, 8, 4, 2, 1. Para cualquier n con el que se arranque siempre se llegará al 1.

 Escriba un programa recursivo que, a partir de un número n, devuelva una lista con cada miembro de la sucesión.

```
public class EjercicioSucesion {
    public List<Integer> calcularSucesion (int n) {
        //código
    }
}
```

h. Implemente un método recursivo que invierta el orden de los elementos en un ArrayList.

```
public void invertirArrayList(ArrayList<Integer> lista)
```

i. Implemente un método recursivo que calcule la suma de los elementos en un LinkedList.

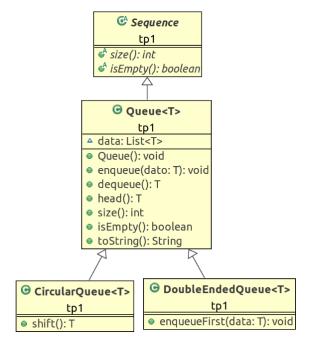
```
public int sumarLinkedList(LinkedList<Integer> lista)
```

j. Implemente el método "combinarOrdenado" que reciba 2 listas de números **ordenados** y devuelva una nueva lista también ordenada conteniendo los elementos de las 2 listas.

```
public ArrayList<Integer> combinarOrdenado(ArrayList<Integer> lista1,
ArrayList<Integer> lista2);
```

8. El objetivo de este punto es ejercitar el uso de la API de listas de Java y aplicar conceptos de la programación orientada a objetos. Sean las siguientes especificaciones de cola, cola circular y cola con 2 extremos disponibles, vistas en la explicación teórica:





- a. Implemente en JAVA la clase **Queue** de acuerdo con la especificación dada en el diagrama de clases. Defina esta clase dentro del paquete **tp1.ejercicio8**.
 - Queue() Constructor de la clase
 - enqueue(dato: T): Inserta el elemento al final de la cola
 - **dequeue():T** Elimina el elemento del frente de la cola y lo retorna. Si la cola está vacía se produce un error.
 - **head():** T Retorna el elemento del frente de la cola. Si la cola está vacía se produce un error.
 - **isEmpty(): boolean** Retorna verdadero si la cola no tiene elementos y falso en caso contrario
 - **size():int** Retorna la cantidad de elementos de la cola.
 - toString(): String Retorna los elementos de la cola en un String
- b. Implemente en JAVA las clase **CircularQueue** de acuerdo con la especificación dada en el diagrama de clases. Defina esta clase dentro del paquete **tp1.ejercicio8**.
 - **shift(): T** Permite rotar los elementos, haciéndolo circular. Retorna el elemento encolado.
- c. Implemente en JAVA la clase **DoubleEndedQueue** de acuerdo con la especificación dada en el diagrama de clases. Defina esta clase dentro del paquete **tp1.ejercicio8**.
 - **enqueueFirst():void** Permite encolar al inicio.
- 9. Considere un *string* de caracteres S, el cual comprende únicamente los caracteres: (,),[,],{,}. Decimos que S está balanceado si tiene alguna de las siguientes formas:
 - S = "" S es el *string* de longitud cero.
 - S = "(T)"
 - S = "[T]"
 - $S = "\{T\}"$
 - S = TU



Donde ambos T y U son *strings* balanceados. Por ejemplo, "{() [()] }" está balanceado, pero "([)]" no lo está.

- a. Indique qué estructura de datos utilizará para resolver este problema y cómo la utilizará.
- b. Implemente una clase llamada **tp1.ejercicio9.TestBalanceo**, cuyo objetivo es determinar si un String dado está balanceado. El String a verificar es un parámetro de entrada (no es un dato predefinido).

Para los ejercicios 10 y 11, solo es necesario responder las preguntas. No es necesario realizar ninguna implementación.

- 10. Considere el siguiente problema: Se quiere modelar la cola de atención en un banco. A medida que la gente llega al banco toma un ticket para ser atendido, sin embargo, de acuerdo a la LEY 14564 de la Provincia de Buenos Aires, se establece la obligatoriedad de otorgar prioridad de atención a mujeres embarazadas, a personas con necesidades especiales o movilidad reducida y a personas mayores de setenta (70) años. De acuerdo a las estructuras de datos vistas en esta práctica, ¿qué estructura de datos sugeriría para el modelado de la cola del banco?
- 11. Considere el siguiente problema: Se quiere modelar el transporte público de la ciudad de La Plata, lo cual involucra las líneas de colectivos y sus respectivas paradas. Cada línea de colectivos tiene asignado un conjunto de paradas donde se detiene de manera repetida durante un mismo día. De acuerdo a las estructuras de datos vistas en esta práctica, ¿qué estructura de datos sugeriría para el modelado de las paradas de una línea de colectivos?



Práctica 2 Árboles Binarios

Implemente cada ejercicio en un paquete que contenga los números del TP y del ejercicio. Ejemplo tp2.ejercicio3 (dentro del proyecto llamado "AYED").

	⊙ BinaryTree <t></t>
0	data: T
	leftChild: BinaryTree <t></t>
	rightChild: BinaryTree <t></t>
0	BinaryTree(): void
0	BinaryTree(T): void
0	getdata(): T
0	setdata(T): void
0	getLeftChild(): BinaryTree <t></t>
0	getRightChild(): BinaryTree <t></t>
0	addLeftChild(BinaryTree <t>): void</t>
0	addRightChild(BinaryTree <t>): void</t>
0	removeLeftChild(): void
	removeRightChild(): void
0	isEmpty(): boolean
0	isLeaf(): boolean
l	hasLeftChild(): boolean
	hasRightChild(): boolean
	toString(): String
l	contarHojas(): int
l	espejo(): BinaryTree <t></t>
0	entreNiveles(int, int): void

Ejercicio 1

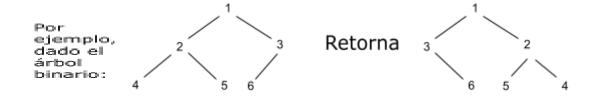
Considere la siguiente especificación de la clase Java **BinatyTree**(con la representación hijo izquierdo e hijo derecho).

- El constructor **BinaryTree(T data)** inicializa un árbol con el dato pasado como parámetro y ambos hijos nulos.
- Los métodos **getLeftChild():BinaryTree<T>** y **getRightChild():BinaryTree<T>**, retornan los hijos izquierdo y derecho respectivamente del árbol. Si no tiene el hijo tira error.
- El método addLeftChild(BinaryTree<T> child) y addRightChild(BinaryTree<T> child) agrega un hijo como hijo izquierdo o derecho del árbol.
- El método removeLeftChild() y removeRightChild(), eliminan el hijo correspondiente.
- El método **isEmpty()** indica si el árbol está vacío y el método **isLeaf()** indica si no tiene hijos.
- El método hasLeftChild() y hasRightChild() devuelve un booleano indicando si tiene dicho hijo el árbol receptor del mensaje.
- a) Analice la implementación en JAVA de la clase **BinaryTree** brindada por la cátedra.



Agregue a la clase **BinaryTree** los siguientes métodos:

- a) contarHojas():int Devuelve la cantidad de árbol/subárbol hojas del árbol receptor.
- b) espejo(): BinaryTree<T> Devuelve el árbol binario espejo del árbol receptor.



c) **entreNiveles(int n, m)** Imprime el recorrido por niveles de los elementos del árbol receptor entre los niveles n y m (ambos inclusive). (0≤n<m≤altura del árbol)

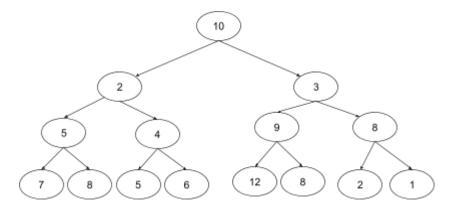
Ejercicio 3

Defina una clase Java denominada **ContadorArbol** cuya función principal es proveer métodos de validación sobre árboles binarios de enteros. Para ello la clase tiene como variable de instancia un **BinaryTree**<Integer>. Implemente en dicha clase un método denominado **numerosPares()** que devuelve en una estructura adecuada (sin ningún criterio de orden) todos los elementos pares del árbol (divisibles por 2).

- a) Implemente el método realizando un recorrido InOrden.
- b) Implemente el método realizando un recorrido PostOrden.

Ejercicio 4

Una red binaria es una red que posee una topología de árbol binario lleno. Por ejemplo:





Los nodos que conforman una red binaria llena tiene la particularidad de que todos ellos conocen cuál es su retardo de reenvío. El retardo de reenvío se define como el período comprendido entre que un nodo recibe un mensaje y lo reenvía a sus dos hijos.

Su tarea es calcular el <u>mayor</u> retardo posible, en el camino que realiza un mensaje desde la raíz hasta llegar a las hojas en una red binaria llena. En el ejemplo, debería retornar 10+3+9+12=34 (Si hay más de un máximo retorne el último valor hallado).

Nota: asuma que cada nodo tiene el dato de retardo de reenvío expresado en cantidad de segundos.

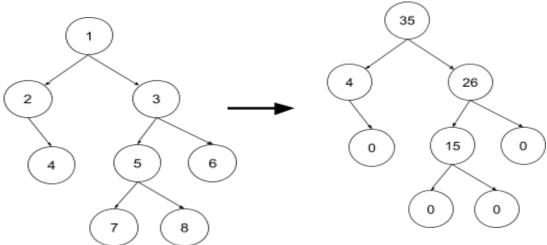
- a) Indique qué estrategia (recorrido en profundidad o por niveles) utilizará para resolver el problema.
- b) Cree una clase Java llamada **RedBinariaLlena** donde implementará lo solicitado en el método **retardoReenvio():int**

Ejercicio 5

Implemente una clase Java llamada **ProfundidadDeArbolBinario** que tiene como variable de instancia un árbol binario de números enteros y un método de instancia **sumaElementosProfundidad (int p):int** el cuál devuelve la suma de todos los nodos del árbol que se encuentren a la profundidad pasada como argumento.

Ejercicio 6

Cree una clase Java llamada **Transformacion** que tenga como variable de instancia un árbol binario de números enteros y un método de instancia **suma (): BinaryTree<Integer>** el cuál devuelve el árbol en el que se reemplazó el valor de cada nodo por la suma de todos los elementos presentes en su subárbol izquierdo y derecho. Asuma que los valores de los subárboles vacíos son ceros. Por ejemplo:



¿Su solución recorre una única vez cada subárbol? En el caso que no, ¿Puede mejorarla para que sí lo haga?



Los siguientes ejercicios fueron tomados en parciales, en los últimos años. Tenga en cuenta que:

- 1. No puede agregar más variables de instancia ni de clase a la clase ParcialArboles.
- 2. Debe respetar la clase y la firma del método indicado.
- 3. Puede definir todos los métodos y variables locales que considere necesarios.
- 4. Todo método que no esté definido en la sinopsis de clases debe ser implementado.
- 5. Debe recorrer la estructura solo 1 vez para resolverlo.
- 6. Si corresponde, complete en la firma del método el tipo de datos indicado con signo de "?".

Ejercicio 7

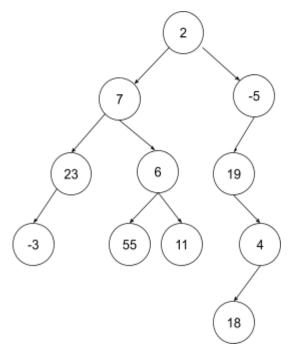
Escribir en una clase **ParcialArboles** que contenga **UNA ÚNICA variable de instancia de tipo BinaryTree** de valores enteros **NO** repetidos y el método público con la siguiente firma:

public boolean isLeftTree (int num)

El método devuelve **true** si el subárbol cuya raíz es "num", tiene en su subárbol izquierdo una cantidad <u>mayor estricta</u> de árboles con un **único hijo** que en su subárbol derecho. Y f**alse** en caso contrario. Consideraciones:

- Si "num" no se encuentra en el árbol, devuelve false.
- Si el árbol con raíz "num" no cuenta con una de sus ramas, considere que en esa rama hay
 1 árboles con único hijo.

Por ejemplo, con un árbol como se muestra en la siguiente imagen:



Si num = 7 devuelve **true** ya que en su rama izquierda hay 1 árbol con un único hijo (el árbol con raíz 23) y en la rama derecha hay $0. (1 > 0) \rightarrow \text{true}$

Si num = 2 devuelve **false**, ya que en su rama izquierda hay 1 árbol con único hijo (árbol con raíz 23) y en la rama derecha hay 3 (árboles con raíces -5, 19 y 4). $(1 > 3) \rightarrow false$

Si num = -5 devuelve **true**, ya que en su rama izquierda hay 2 árboles con único hijo (árboles con raíces 19 y 4) y al no tener rama derecha, tiene -1 árboles con un único hijo. $(2 > -1) \rightarrow \text{true}$

Si num = 19 debería devolver **false**, ya que al no tener rama izquierda tiene -1 árboles con un único hijo y en su rama derecha hay 1 árbol con único hijo. $(-1 > 1) \rightarrow false$

Si num = -3 debería devolver **false**, ya que al no tener rama izquierda tiene -1 árboles con un único hijo y lo mismo sucede con su rama derecha. (-1 > -1) \rightarrow false

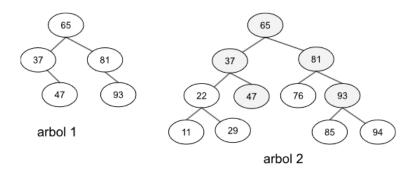


Escribir en una clase ParcialArboles el método público con la siguiente firma:

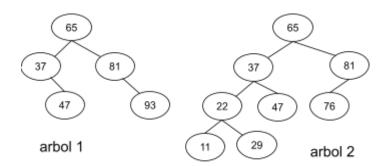
public boolean esPrefijo(BinaryTree<Integer> arbol1, BinaryTree<Integer> arbol2)

El método devuelve true si arbol1 es **prefijo** de arbol2, false en caso contrario.

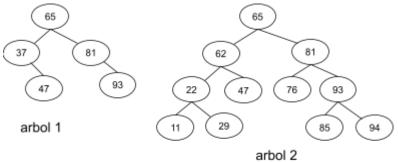
Se dice que un árbol binario arbol1 **es prefijo** de otro árbol binario arbol2, cuando arbol1 coincide con la parte inicial del árbol arbol2 **tanto en el contenido de los elementos como en su estructura**. Por ejemplo, en la siguiente imagen: arbol1 **ES** prefijo de arbol2.



En esta otra, arbol1 NO es prefijo de arbol2 (el subárbol con raíz 93 no está en el árbol2)



En la siguiente, no coincide el contenido. El subárbol con raíz 37 figura con raíz 62, entonces arbol1 **NO** es prefijo de arbol2.





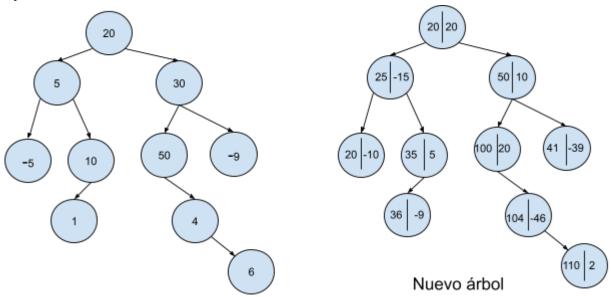
Escribir en una clase **ParcialArboles** el método público con la siguiente firma:

public BinaryTree<?> sumAndDif(BinaryTree<Integer> arbol)

El método recibe un árbol binario de enteros y devuelve un **nuevo árbol** que contenga en cada nodo dos tipos de información:

- La suma de los números a lo largo del camino desde la raíz hasta el nodo actual.
- La diferencia entre el número almacenado en el nodo original y el número almacenado en el nodo padre.

Ejemplo:



Nota: En el nodo raíz considere que el valor del nodo padre es 0.



Práctica 3 Árboles Generales

Implemente cada ejercicio en un paquete que contenga los números del TP y del ejercicio. Ejemplo tp3.ejercicio3 (dentro del proyecto llamado "AYED").

	⊙ GeneralTree <t></t>
	data: T
	children: List <generaltree<t>></generaltree<t>
0	GeneralTree(): void
0	GeneralTree(T): void
0	General Tree (T, List < General Tree < T >>): void
0	getData(): T
0	setData(T): void
0	getChildren(): List <generaltree<t>></generaltree<t>
0	setChildren(List <generaltree<t>>): void</generaltree<t>
0	addChild(GeneralTree <t>): void</t>
0	isLeaf(): boolean
0	hasChildren(): boolean
0	isEmpty(): boolean
0	removeChild(GeneralTree <t>): void</t>
0	altura(): int
0	nivel(T): int
0	ancho(): int

Ejercicio 1

Considere la siguiente especificación de la clase **GeneralTree** (con la representación de **Lista de Hijos**)

El constructor **GeneralTree(T data)** inicializa un árbol que tiene como raíz un nodo y este nodo tiene el dato pasado como parámetro y una lista vacía.

El constructor **GeneralTree (T data, List<GeneralTree <T>> children)** inicializa un árbol que tiene como raíz a un nodo y este nodo tiene el dato pasado como parámetro y como hijos children.

El método **getData():T** retorna el dato almacenado en la raíz del árbol.

El método **getChildren():List<GeneralTree <T>>**, retorna la lista de hijos de la raíz del árbol.

El método addChild(GeneralTree <T> child) agrega un hijo al final de la lista de hijos del árbol

El método removeChild(GeneralTree <T> child) elimina del árbol el hijo pasado como parámetro.

El método **hasChildren()** devuelve verdadero si la lista de hijos del árbol no es null y tampoco es vacía

El método isEmpty() devuelve verdadero si el dato del árbol es null y además no tiene hijos.

Los métodos altura(), nivel(T) y ancho() se resolverán en el ejercicio 3.

Analice la implementación en JAVA de la clase **GeneralTree** brindada por la cátedra.



a) Implemente en la clase **RecorridosAG** los siguientes métodos:

public List<Integer> numerosImparesMayoresQuePreOrden (GeneralTree <Integer> a, Integer n)

Método que retorna una lista con los elementos impares del árbol "a" que sean mayores al valor "n" pasados como parámetros, recorrido en preorden.

public List<Integer> numerosImparesMayoresQueInOrden (GeneralTree <Integer> a, Integer n)

Método que retorna una lista con los elementos impares del árbol "a" que sean mayores al valor "n" pasados como parámetros, recorrido en inorden.

public List<Integer> numerosImparesMayoresQuePostOrden (GeneralTree <Integer> a, Integer n)

Método que retorna una lista con los elementos impares del árbol "a" que sean mayores al valor "n" pasados como parámetros, recorrido en postorden.

public List<Integer> numerosImparesMayoresQuePorNiveles(GeneralTree <Integer> a, Integer n)

Método que retorna una lista con los elementos impares del árbol "a" que sean mayores al valor "n" pasados como parámetros, recorrido por niveles.

b) Si ahora tuviera que implementar estos métodos en la clase GeneralTree<T>, ¿qué modificaciones haría tanto en la firma como en la implementación de los mismos?

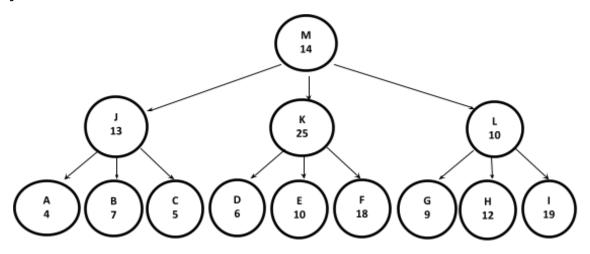
Ejercicio 3

Implemente en la clase **GeneralTree** los siguientes métodos

- a) **public int altura(): int** devuelve la altura del árbol, es decir, la longitud del camino más largo desde el nodo raíz hasta una hoja.
- b) **public int nivel(T dato)** devuelve la profundidad o nivel del dato en el árbol. El nivel de un nodo es la longitud del único camino de la raíz al nodo.
- c) **public int ancho(): int** la amplitud (ancho) de un árbol se define como la cantidad de nodos que se encuentran en el nivel que posee la mayor cantidad de nodos.



El esquema de comunicación de una empresa está organizado en una estructura jerárquica, en donde cada nodo envía el mensaje a sus descendientes. Cada nodo posee el tiempo que tarda en transmitir el mensaje.



Se debe devolver **el mayor promedio** entre todos los valores promedios de los niveles.

Para el ejemplo presentado, el promedio del nivel 0 es 14, el del nivel 1 es 16 y el del nivel 2 es 10. Por lo tanto, debe devolver 16.

- a) Indique y justifique qué tipo de recorrido utilizará para resolver el problema.
- b) Implementar en una clase AnalizadorArbol, el método con la siguiente firma:

public double devolverMaximoPromedio (GeneralTree<AreaEmpresa>arbol)

Donde **AreaEmpresa** es una clase que representa a un área de la empresa mencionada y que contiene la identificación de la misma representada con un **String** y una tardanza de transmisión de mensajes interna representada con **int**.

Ejercicio 5

Se dice que un nodo \underline{n} es ancestro de un nodo \underline{m} si existe un camino desde \underline{n} a \underline{m} . Implemente un método en la clase **GeneralTree** con la siguiente firma:

public boolean esAncestro(T a, T b): devuelve true si el valor "a" es ancestro del valor "b".



Sea una red de agua potable, la cual comienza en un caño maestro y la misma se va dividiendo sucesivamente hasta llegar a cada una de las casas.

Por el caño maestro ingresan "x" cantidad de litros y en la medida que el caño se divide, de acuerdo con las bifurcaciones que pueda tener, el caudal se divide en partes iguales en cada una de ellas. Es decir, si un caño maestro recibe 1000 litros y tiene por ejemplo 4 bifurcaciones se divide en 4 partes iguales, donde cada división tendrá un caudal de 250 litros.

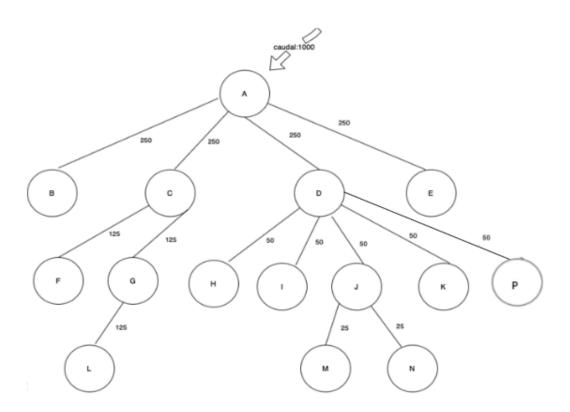
Luego, si una de esas divisiones se vuelve a dividir, por ej. en 5 partes, cada una tendrá un caudal de 50 litros y así sucesivamente hasta llegar a un lugar sin bifurcaciones.

Se debe implementar una clase **RedDeAguaPotable** que contenga el método con la siguiente firma:

public double minimoCaudal(double caudal)

que calcule el caudal de cada nodo y determine cuál es el caudal mínimo que recibe una casa. Asuma que la estructura de caños de la red está representada por una variable de instancia de la clase RedAguaPotable y que es un **GeneralTree**<Character>.

Extendiendo el ejemplo en el siguiente gráfico, al llamar al método minimoCaudal con un valor de 1000.0 debería retornar 25.0

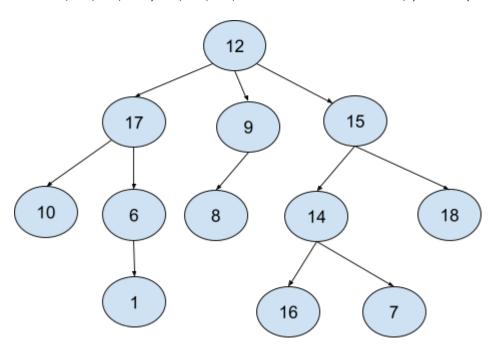




Dada una clase **Caminos** que contiene una variable de instancia de tipo **GeneralTree** de números enteros, implemente un método que retorne el camino a la hoja más lejana. **En el caso de haber más de un camino máximo retorne el primero** que encuentre.

El método debe tener la siguiente firma: public List<Integer> caminoAHojaMasLejana ()

Por ejemplo, para el siguiente árbol, la lista a retornar seria: 12, 17, 6, 1 de longitud 3 (Los caminos 12, 15, 14, 16 y 12, 15, 14, 7 son también máximos, pero se pide el primero).



Ejercicio 8

Retomando el ejercicio **abeto navideño** visto en teoría, cree una clase **Navidad** que cuenta con una variable de instancia **GeneralTree** que representa al abeto (ya creado) e implemente el método con la firma: **public String esAbetoNavidenio()**



Los siguientes ejercicios fueron tomados en parciales, en los últimos años. Tenga en cuenta que:

- 1. No puede agregar más variables de instancia ni de clase a la clase ParcialArboles.
- 2. Debe respetar la clase y la firma del método indicado.
- 3. Puede definir todos los métodos y variables locales que considere necesarios.
- 4. Todo método que no esté definido en la sinopsis de clases debe ser implementado.
- 5. Debe recorrer la estructura solo 1 vez para resolverlo.
- 6. Si corresponde, complete en la firma del método el tipo de datos indicado con signo de "?".

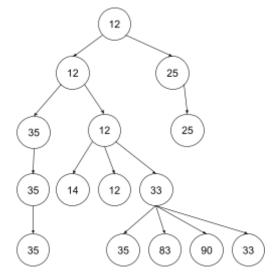
Ejercicio 9

Implemente en la clase ParcialArboles el método:

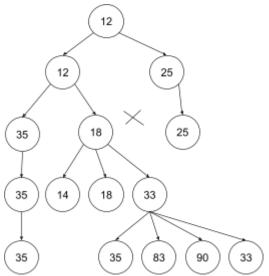
public static boolean esDeSeleccion (GeneralTree<Integer> arbol)

que devuelve true si el árbol recibido por parámetro es de selección, falso sino lo es.

Un árbol general es de selección si cada nodo tiene en su raíz el valor del menor de sus hijos.Por ejemplo, para el siguiente árbol se debería retornar: **true**



Para este otro árbol se debería retornar false (el árbol con raíz 18 tiene un hijo con valor mínimo 14)



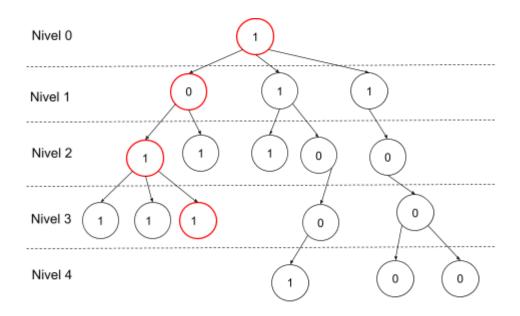


Implemente la clase ParcialArboles, y el método:

public static List<Integer> resolver(GeneralTree<Integer> arbol)

que recibe un árbol general de valores enteros, que solo pueden ser 0 o 1 y devuelve una lista con los valores que componen el "camino filtrado de valor máximo", se llama "filtrado" porque sólo se agregan al camino los valores iguales a 1 (los 0 no se agregan), mientras que es "de valor máximo" porque se obtiene de realizar el siguiente cálculo: es la suma de los valores de los nodos multiplicados por su nivel. De haber más de uno, devolver el primero que se encuentre.

Por ejemplo, para el árbol general que aparece en el gráfico, el resultado de la invocación al método **resolver** debería devolver una lista con los valores: 1, 1, 1, y **NO** 1, 0, 1, 1 dado que filtramos el valor 0. Con esa configuración se obtiene el mayor valor según el cálculo: 1*0 + 0*1 + 1*2 + 1*3 (El camino 1*0+1*1+0*2+0*3+1*4 también da 5, pero <u>no</u> es el primero)



Nota: No puede generar la lista resultado con 0 / 1 y en un segundo recorrido eliminar los elementos con valor 0

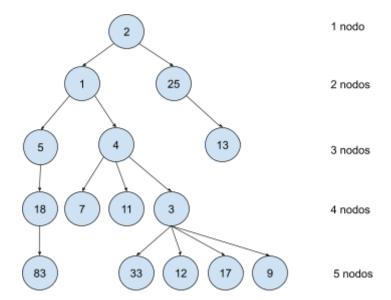


Implemente en la clase ParcialArboles el método:

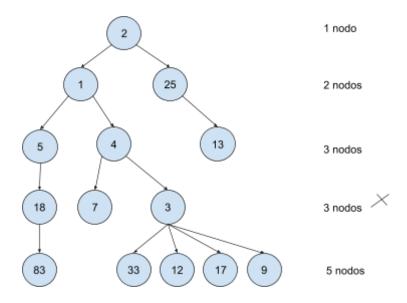
public static boolean resolver(GeneralTree<Integer> arbol) que devuelve true si el árbol es creciente, falso sino lo es.

Un árbol general **es creciente** si para cada nivel del árbol la cantidad de nodos que hay en ese nivel es exactamente igual a la cantidad de nodos del nivel anterior + 1.

Por ejemplo, para el siguiente árbol, se debería retornar true



Para este otro árbol se debería retornar false (Ya que en el nivel 3 debería haber 4 nodos y no 3)





Algoritmos y Estructuras de Datos Cursada 2025

Práctica 4 Tiempos de Ejecución

Ejercicio 1

Debido a un error en la actualización de sus sistemas, el banco AyED perdió la información del estado de todas sus cuentas. Afortunadamente logran recuperar un backup del día anterior y utilizando las transacciones registradas en las últimas 24hrs podrán reconstruir los saldos. Hay poco tiempo que perder, el sistema bancario debe volver a operar lo antes posible.

Las transacciones se encuentran agrupadas en consultas, una consulta cuenta con un valor y un rango de cuentas consecutivas a las que hay que aplicar este cambio, por ejemplo la consulta (333..688 = 120) implica sumar \$120 a todas las cuentas entre la número 333 y la número 688 (inclusive). Entonces, la recuperación de los datos consiste en aplicar todas las consultas sobre el estado de las cuentas recuperadas en el backup del día anterior.

El equipo de desarrollo se pone manos a la obra y llega a una solución rápidamente (Algoritmo **procesarMovimientos**). Toman cada consulta y recorren el rango de cuentas aplicando el valor correspondiente, como muestra el siguiente algoritmo.

```
Consultas.comenzar()
While(!consultas.fin()){
        Consulta = consultas.proximo();
        for(i = consulta.desde; i < consulta.hasta; i++){
            cuenta[i] = cuenta[i] + consulta.valor;
        }
}</pre>
```

Escriben la solución en pocos minutos y ponen en marcha el proceso de recuperación. Enseguida se dan cuenta que el proceso va a tardar muchas horas en finalizar, son muchas cuentas y muchos movimientos, la solución aunque simple es ineficiente. Luego de discutir varias ideas llegan a una solución (Algoritmo procesarMovimientosOptimizado) que logra procesar toda la información en pocos segundos. Ambos algoritmos se encuentran en el archivo Ejercicio 1 - rsq_tn_ayed.zip del material adicional.

a.- Para que usted pueda experimentar el tiempo que demora cada uno de los dos algoritmos en forma empírica, usted debe ejecutar cada uno de ellos, con distintas cantidades de elementos y completar la tabla. Luego haga la gráfica para comparar los tiempos de ambos algoritmos. Tenga en cuenta que el algoritmo posee dos constantes CANTIDAD_CUENTAS y CANTIDAD_CONSULTAS, sin embargo, por simplicidad, ambas toman el mismo valor. Sólo necesita modificar CANTIDAD_CUENTAS .

Nº Cuentas (y consultas)	procesarMovimientos	procesarMovimientosOptimizado
1.000		
10.000		
25.000		
50.000		
100.000		



- b.- ¿Por qué **procesarMovimientos** es tan ineficiente? Tenga en cuenta que pueden existir millones de movimientos diarios que abarquen gran parte de las cuentas bancarias.
- c.- ¿En qué se diferencia **procesarMovimientosOptimizado**? Observe las operaciones que se realizan para cada consulta.

Aunque los dos algoritmos se encuentran explicados en los comentarios, no es necesario entender su funcionamiento para contestar las preguntas.

Ejercicio 2

La clase BuscadorEnArrayOrdenado del material adicional (Ejercicio 2 - Tiempo.zip) resuelve el problema de buscar un elemento dentro de un array ordenado. El mismo problema, lo resuelve de dos maneras diferentes: búsqueda **lineal** y búsqueda **dicotómica**.

Se define la variable cantidadElementos, la cual se va modificando para determinar una escala (por ejemplo de a 100.000 o 1.000.000, dependiendo de la capacidad de cada equipo). Realice una tabla con el tiempo que tardan en ejecutarse ambos algoritmos, para los distintos valores de la variable. Por ejemplo:

N	Lineal	Dicotómica
100.000		
200.000		
300.000		
400.000		
500.000		
600.000		

Ejercicio 3

En la documentación de la clase arrayList que se encuentra en el siguiente link https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/util/ArrayList.html

Se encuentran las siguientes afirmaciones

- "The size, isEmpty, get, set, iterator, and listIterator operations run in constant time."
- "All of the other operations run in linear time (roughly speaking)"

Explique con sus palabras por qué cree que algunas operaciones se ejecutan en tiempo constante y otras en tiempo lineal.



Algoritmos y Estructuras de Datos Cursada 2025

Ejercicio 4

Determinar si las siguientes sentencias son verdaderas o falsas, justificando la respuesta utilizando notación Big-Oh.

```
a. 3^{n} es de O(2^{n})
b. n + \log_{2}(n) es de O(n)
c. n^{1/2} + 10^{20} es de O(n^{1/2})
\begin{cases} 3n + 17, n < 100 \end{cases}
d. \begin{cases} 317, n \ge 100 \end{cases} tiene orden lineal
e. Mostrar que p(n) = 3n^{5} + 8n^{4} + 2n + 1 es O(n^{5})
f. Si p(n) es un polinomio de grado k, entonces p(n) es O(n^{k}).
```

Ejercicio 5

Se necesita generar una permutación random de los n primeros números enteros. Por ejemplo [4,3,1,0,2] es una permutación legal, pero [0,4,1,2,4] no lo es, porque un número está duplicado (el 4) y otro no está (el 3). Presentamos tres algoritmos para solucionar este problema. Asumimos la existencia de un generador de números random, ran_int (i,j) el cual genera en tiempo constante, enteros entre i y j inclusive con igual probabilidad (esto significa que puede retornar el mismo valor más de una vez). También suponemos el mensaje swap() que intercambia dos datos entre sí.

```
public class EjercicioPermutaciones {
       private static Random rand = new Random();
       public static int[] randomUno(int n) {
              int i, x = 0, k;
              int[] a = new int[n];
              for (i = 0; i < n; i++) {
                    boolean sequirBuscando = true;
                     while (seguirBuscando) {
                            x = ran int(0, n - 1);
                            seguirBuscando = false;
                            for (k = 0; k < i && !seguirBuscando; k++)</pre>
                                   if (x == a[k])
                                          seguirBuscando = true;
                     }
                     a[i] = x;
              }
              return a;
       public static int[] randomDos(int n) {
              int i, x;
              int[] a = new int[n];
              boolean[] used = new boolean[n];
              for (i = 0; i < n; i++) used[i] = false;</pre>
              for (i = 0; i < n; i++) {
                     x = ran int(0, n - 1);
                     while (used[x]) x = ran_int(0, n - 1);
                     a[i] = x;
                     used[x] = true;
              return a;
       }
```



Algoritmos y Estructuras de Datos Cursada 2025

```
public static int[] randomTres(int n) {
              int i;
              int[] a = new int[n];
              for (i = 0; i < n; i++) a[i] = i;</pre>
              for (i = 1; i < n; i++) swap(a, i, ran int(0, i - 1));</pre>
              return a;
       }
       private static void swap(int[] a, int i, int j) {
              int aux;
              aux = a[i]; a[i] = a[j]; a[j] = aux;
       }
       /** <u>Genera en tiempo constante</u>, <u>enteros entre</u> i y j <u>con igual probabilidad</u>.
       private static int ran int(int a, int b) {
              if (b < a || a < 0 || b < 0) throw new IllegalArgumentException("Parametros</pre>
invalidos");
              return a + (rand.nextInt(b - a + 1));
       }
       public static void main(String[] args) {
              System.out.println(Arrays.toString(randomUno(1000)));
              System.out.println(Arrays.toString(randomDos(1000)));
              System.out.println(Arrays.toString(randomTres(1000)));
       }
}
```

- a. Analizar si todos los algoritmos terminan o alguno puede quedar en loop infinito.
- b. Describa con palabras la cantidad de operaciones que realizan.

Ejercicio 6

- a.- Supongamos que tenemos un algoritmo de O(log² n) y disponemos de 1 hora de uso de CPU. En esa hora, la CPU puede ejecutar el algoritmo con una entrada de tamaño n= 1024 como máximo. ¿Cuál sería el mayor tamaño de entrada que podría ejecutar nuestro algoritmo si disponemos de 4 horas de CPU?
- b.- Considerando que un algoritmo requiere T(n) operaciones para resolver un problema y la computadora procesa 10.000 operaciones por segundo. Si $T(n) = n^2$, determine el tiempo en segundos requerido por el algoritmo para resolver un problema de tamaño n=2.000.



Algoritmos y Estructuras de Datos Cursada 2025

Ejercicio 7

Para cada uno de los siguientes fragmentos de código, calcule, intuitivamente, el orden del tiempo de ejecución.

<pre>for(int i = 0; i< n; i++) sum++;</pre>	<pre>for(int i = 0; i < n; i+=2) sum++;</pre>
<pre>for(int i = 0; i< n; i++) for(int j = 0; j< n; j++) sum++;</pre>	<pre>for(int i = 0; i < n + 100; ++i) { for(int j = 0; j < i * n; ++j) { sum = sum + j; } for(int k = 0; k < n + n + n; ++k) { c[k] = c[k] + sum; } }</pre>
<pre>for(int i = 0; i < n; i++)</pre>	<pre>int i,j; int x = 1; for (i = 0; i <= n²; i=i+2) for (j = n; j >= 1; j-= n/4) x++;</pre>

Ejercicio 8

Para cada uno de los algoritmos presentados calcule el T(n).

- a. Expresar en función de ${\bf n}$ el tiempo de ejecución.
- b. Establecer el orden de dicha función usando notación Big-Oh.

```
1. int c = 1;
                                                2. int c = n;
                                                   while ( c > 1 ) {
  while ( c < n ) {
      algo_de_0(1);
                                                     algo_de_0(1);
      c = 2 * c;
                                                     c = c / 2;
                                                   }
3. public static void calcular(int n) {
        int i, j, r = 0;
        for ( i = 1; i < n; i= i+2)
           for (j = 1; j <= i; j++ )
                 r = r + 1;
        return r;
   }
  }
```



Algoritmos y Estructuras de Datos Cursada 2025

Ejercicio 9

- a. Exprese la función del tiempo de ejecución de cada uno de los siguientes algoritmos, resuélvala y calcule el orden.
- b. Compare el tiempo de ejecución del método 'rec2' con el del método 'rec1'.
- c. Implemente un algoritmo más eficiente que el del método 'rec3'. (es decir, que el T(n) sea menor).

```
static public int rec2(int n) {
       if (n <= 1)
              return 1;
       else
              return (2 * rec2(n-1));
static public int recl(int n) {
       if (n <= 1)
              return 1;
              return (rec1(n-1) + rec1(n-1));
static public int rec3(int n) {
       if ( n == 0 )
             return 0;
       else {
              if ( n == 1 )
                     return 1;
              else
                     return (rec3(n-2) * rec3(n-2));
       }
static public int potencia iter(int x, int n) {
       int potencia;
       if (n == 0)
             potencia = 1;
       else {
                 (n == 1)
              if
                     potencia = x;
              else{
                     potencia = x;
for (int i = 2 ; i <= n ; i++) {</pre>
                            potencia *= x ;
              }
       return potencia;
}
```



Algoritmos y Estructuras de Datos Cursada 2025

Ejercicio 10

a.- Resolver las siguientes recurrencias

b.- Calcular el O(n) justificar usando la definición de Big-Oh

1. 2.

$$T(n) = \begin{cases} 2, n = 1 \\ T(n-1) + n, n \ge 2 \end{cases}$$

$$T(n) = \begin{cases} 2, n = 1 \\ T(n-1) + \frac{n}{2}, n \ge 2 \end{cases}$$
3.

 $T(n) = \begin{cases} 1 & \text{n} = 1 \\ 2T\left(\frac{n}{4}\right) + \sqrt{n}, & \text{n} \ge 2 \end{cases}$ $T(n) = \begin{cases} 1, n = 1 \\ 4T\left(\frac{n}{2}\right) + n^2, n \ge 2 \end{cases}$

Ejercicio 11

Calcule el tiempo de ejecución de los métodos buscarLineal y buscarDicotomica de la clase BuscadorEnArrayOrdenado. Compare el tiempo con los valores obtenidos empíricamente en el ejercicio 2.

Ejercicio 12

Calcule el tiempo de ejecución de procesarMovimientos y procesarMovimientosOptimizado del ejercicio 1. Compare el tiempo con los valores obtenidos empíricamente.





Algoritmos y Estructuras de Datos Cursada 2025

Ejercicio 13

Resuelva las recurrencias y calcule el orden. Para cada recurrencia se muestra a modo de ejemplo el código correspondiente.

```
int recursivo(int n) {
                                                   int recursivo(int n){
if (n <= 1)
                                                   if (n == 1)
       return 1;
                                                          return 1;
else
       return (recursivo (n-1));
                                                           return (recursivo (n/2));
}
                                                   }
              1, n \le 1
                                                                 1, n = 1
         T(n-1)+c, n \geq 2
                                                            T(n/2)+c, n \geq 2
int recur (int n) {
                                                   int recursivo(int n) {
if (n == 1)
                                                   if (n <= 5)
       return 1;
                                                           return 1;
else
                                                   else
       return (recur(n/2) + recur(n/2));
                                                          return (recursivo (n-5));
}
                                                   }
              1, n = 1
                                                                 1, n \le 5
         2T(n/2) + c, n \ge 2
int recur (int n) {
                                                   int recursivo(int n) {
if (n == 1)
                                                   if (n <= 7)
                                                          return 1;
       return 1;
else
                                                   else
       return (recur(n-1)+recur(n-1));
                                                          return (recursivo (n/8));
}
                                                   }
                                                                 1, n \le 7
                                                   T(n) =
                                                            T(n/8) + c, n \ge 8
```

Ejercicio 14

Considere el siguiente fragmento de código:

```
int count = 0; int n = a.length; for (int i = 1; i <= n; i = i*2) { for (int j = 0; j < n; j+=n/2) { a[j]++; }
```

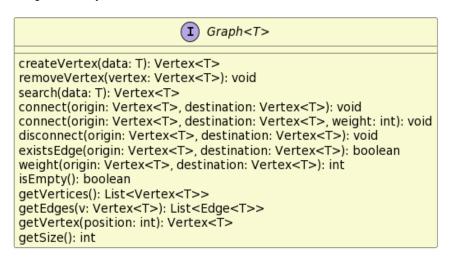
Este algoritmo se ejecuta en una computadora que procesa 1.000 operaciones por segundo. Determine el tiempo aproximado que requerirá el algoritmo para resolver un problema de tamaño n=4096.



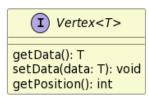
Práctica 5 Grafos

Ejercicio 1

Sea la siguiente **especificación** de un Grafo:







Interface Graph<T>

Con los siguientes métodos:

• public Vertex<T> createVertex(T data)

Crea un vértice con el dato recibido y lo retorna.

public void removeVertex(Vertex<T> vertex)

Elimina el vértice del Grafo.

En caso de que el vértice esté relacionado con otros, estas relaciones también se eliminan.

public Vertex<T> search(T data)

Busca y retorna el primer vértice cuyo dato es igual al parámetro recibido.

Retorna null si no existe tal.

public void connect(Vertex<T> origin, Vertex<T> destination)

Conecta el vértice origen con el vértice destino.

Verifica que ambos vértices existan, caso contrario no realiza ninguna conexión.

public void connect(Vertex<T> origin, Vertex<T> destination, int weight)

Conecta el vértice origen con el vértice destino con peso. Verifica que ambos vértices existan, caso contrario no realiza ninguna conexión.

public void disconnect(Vertex<T> origin, Vertex<T> destination)

Desconecta el vértice origen con el destino.

Verifica que ambos vértices existan, caso contrario no realiza ninguna desconexión.

En caso de existir la conexión destino-->origen, esta permanecerá sin cambios.

public boolean existsEdge(Vertex<T> origin, Vertex<T> destination)



Retorna true si existe una arista entre el vértice origen y el destino.

public boolean isEmpty()

Retorna si el grafo no contiene datos (sin vértices creados).

public List<Vertex<T>> getVertices()

Retorna la lista de vértices.

• public int weight(Vertex<T> origin, Vertex<T> destination)

Retorna el peso entre dos vértices.

En caso de no existir la arista retorna 0.

public List<Edge<T>> getEdges(Vertex<T> v)

Retorna la lista de adyacentes al vértice recibido.

public Vertex<T> getVertex(int position)

Obtiene el vértice para la posición recibida.

public int getSize()

Retorna la cantidad de vértices del grafo

Interface Vertex<T>

public T getData()

Retorna el dato del vértice.

public void setData(T data)

Reemplaza el dato del vértice.

public int getPosition()

Retorna la posición del vértice en el grafo.

Interface Edge<T>

public Vertex<T> target()

Retorna el vértice destino de la arista.

public int getWeight()

Retorna el peso de la arista

- a) Defina las interfaces **Graph**, **Vertex** y **Edge** de acuerdo a la especificación que se detalló previamente, dentro del paquete **ejercicio1**.
- b) Defina las clases necesarias para implementar grafos con matriz de adyacencia, utilizando las interfaces dadas.
- c) Defina las clases necesarias para implementar grafos con listas de adyacentes, utilizando las interfaces dadas.
- d) Dada la interfaz Edge previa. ¿Es posible utilizarla para implementar grafos ponderados como no ponderados? Analice el comportamiento de los métodos que componen la misma.
- e) Analice qué métodos cambiarían de comportamiento en el caso de utilizarse para modelar grafos dirigidos.
- f) Importe las clases dadas por la cátedra y compárelas contra la implementación realizada en los pasos b y c.

Ejercicio 2

a. Implemente en JAVA una clase llamada **Recorridos** ubicada dentro del paquete **ejercicio2** cumpliendo la siguiente especificación:

dfs(Graph<T> grafo): List<T>

// Retorna una lista con los datos de los vértices, con el recorrido en profundidad del grafo recibido como parámetro.



bfs(Graph<T> grafo): List<T>

// Retorna una lista con los datos de vértices, con el recorrido en amplitud del grafo recibido como parámetro.

b. Estimar el orden de ejecución de los métodos anteriores.

Ejercicio 3



mapaCiudades: Graph<String>

devolverCamino(ciudad1: String, ciudad2: String): List<String>

devolverCaminoExeptuando(ciudad1: String, ciudad2: String, ciudades: List<String>): List<String>

caminoMasCorto(ciudad1: String, ciudad2: String): List<String>

caminoSinCargarCombustible(ciudad1: String, ciudad2: String, tanqueAuto: int): List<String> caminoConMenorCargaDeCombustible(ciudad1: String, ciudad2: String, tanqueAuto: int): List<String>

1. devolverCamino (String ciudad1, String ciudad2): List<String>

Retorna la lista de ciudades que se deben atravesar para ir de *ciudad1* a *ciudad2* en caso de que se pueda llegar, si no retorna la lista vacía. (Sin tener en cuenta el combustible).

- 2. devolverCaminoExceptuando (String ciudad1, String ciudad2, List<String> ciudades): List<String> Retorna la lista de ciudades que forman un camino desde *ciudad1* a *ciudad2*, sin pasar por las ciudades que están contenidas en la lista *ciudades* pasada por parámetro, si no existe camino retorna la lista vacía. (Sin tener en cuenta el combustible).
- 3. caminoMasCorto(String ciudad1, String ciudad2): List<String>
 Retorna la lista de ciudades que forman el camino más corto para llegar de ciudad1 a ciudad2, si no existe camino retorna la lista vacía. (Las rutas poseen la distancia).
- 4. **caminoSinCargarCombustible(String ciudad1, String ciudad2, int tanqueAuto): List<String>**Retorna la lista de ciudades que forman un camino para llegar de *ciudad1* a *ciudad2*. El auto <u>no</u> debe quedarse sin combustible y <u>no</u> puede cargar. Si no existe camino retorna la lista vacía.
- 5. caminoConMenorCargaDeCombustible (String ciudad1, String ciudad2, int tanqueAuto): List<String> Retorna la lista de ciudades que forman un camino para llegar de ciudad1 a ciudad2 teniendo en cuenta que el auto debe cargar la menor cantidad de veces. El auto no se debe quedar sin combustible en medio de una ruta, además puede completar su tanque al llegar a cualquier ciudad. Si no existe camino retorna la lista vacía.

Ejercicio 4

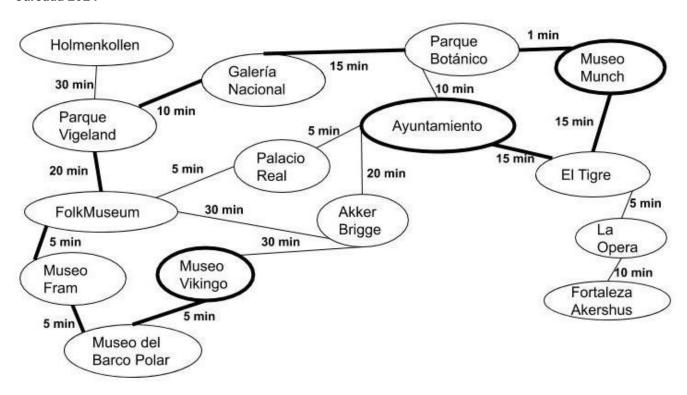
Se quiere realizar un paseo en bicicleta por lugares emblemáticos de Oslo. Para esto se cuenta con un grafo de bicisendas. Partiendo desde el "Ayuntamiento" hasta un lugar destino en menos de X minutos, sin pasar por un conjunto de lugares que están restringidos.

Escriba una clase llamada **VisitaOslo** e implemente su método:

paseoEnBici(Graph<String> lugares, String destino, int maxTiempo, List<String> lugaresRestringidos):
List<String>



UNLP. Facultad de Informática. Algoritmos y Estructuras de Datos Cursada 2024



En este ejemplo, para llegar desde **Ayuntamiento** a **Museo Vikingo**, sin pasar por: {"Akker Brigge", "Palacio Real"} y en no más de 120 minutos, el camino marcado en negrita cumple las condiciones. Notas:

- El "Ayuntamiento" debe ser buscado antes de comenzar el recorrido para encontrar un camino.
- De no existir camino posible, se debe retornar una lista vacía.
- Debe retornar el **primer camino** que encuentre que cumple las restricciones.
- Ejemplos de posibles caminos a retornar, sin pasar por "Akker Brigge" y "Palacio Real" en no más de 120 min (maxTiempo)
 - Ayuntamiento, El Tigre, Museo Munch, Parque Botánico, Galería Nacional, Parque Vigeland, FolkMuseum, Museo Fram, Museo del Barco Polar, Museo Vikingo. El recorrido se hace en 91 minutos.
 - Ayuntamiento, Parque Botánico, Galería Nacional, Parque Vigeland, FolkMuseum, Museo Fram, Museo del Barco Polar, Museo Vikingo. El recorrido se hace en 70 minutos.



UNLP. Facultad de Informática. Algoritmos y Estructuras de Datos Cursada 2024

El Banco Itaú se suma a las campañas "QUEDATE EN CASA" lanzando un programa para acercar el sueldo a los jubilados hasta sus domicilios. Para ello el banco cuenta con información que permite definir un grafo de personas donde la persona puede ser un jubilado o un empleado del banco que llevará el dinero.

Se necesita armar la cartera de jubilados para cada empleado repartidor del banco, incluyendo en cada lista, los jubilados que vivan un radio cercano a su casa y no hayan percibido la jubilación del mes.

Para ello, implemente un algoritmo que dado un Grafo<Persona> retorne una lista de jubilados que se encuentren a una distancia menor a un valor dado del empleado Itaú (grado de separación del empleado Itaú). El método recibirá un Grafo<Persona>, un empleado y un grado de separación/distancia y debe retornar una lista de hasta 40 jubilados que no hayan percibido la jubilación del mes y se encuentre a una distancia menor a recibido como parámetro.



En este grafo simple, donde los empleados del banco están en color rojo, si se desea retornar los jubilados hasta distancia 2, se debería retornar los jubilados en color negro.

La persona conoce si es empleado o jubilado, el nombre y el domicilio.

Ejercicio 6

Un día, Caperucita Roja decide ir desde su casa hasta la de su abuelita, recolectando frutos del bosque del camino y tratando de hacer el paseo de la manera más segura posible. La casa de Caperucita está en un claro del extremo oeste del bosque, la casa de su abuelita en un claro del extremo este, y dentro del bosque entre ambas hay algunos otros claros.

El bosque está representado por un grafo, donde los vértices representan los claros (identificados por un String) y las aristas los senderos que los unen. Cada arista informa la cantidad de árboles frutales que hay en el sendero. Caperucita sabe que el lobo es muy goloso y le gustan mucho las frutas, entonces para no ser capturada por el lobo, desea encontrar todos los caminos que no pasen por los senderos con cantidad de frutales >= 5 y lleguen a la casa de la abuelita.

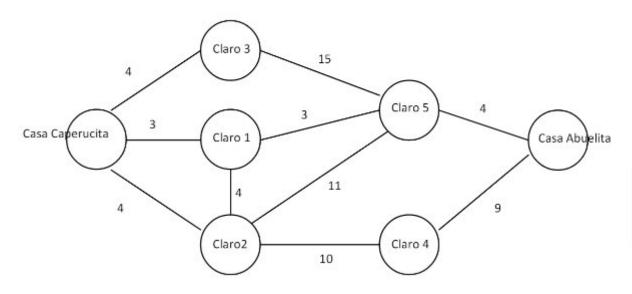
Su tarea es definir una clase llamada BuscadorDeCaminos, con una variable de instancia llamada "bosque" de tipo Graph, que representa el bosque descrito e implementar un método de instancia con la siguiente firma:

public List < List <String>> recorridosMasSeguro()

que devuelva un listado con TODOS los caminos que cumplen con las condiciones mencionadas anteriormente. Nota: La casa de Caperucita debe ser buscada antes de comenzar a buscar el recorrido.

Para el siguiente ejemplo:





Debe retornar una lista con caminos:

- 1) Casa Caperucita- Claro 1 Claro 5 Casa Abuelita.
- 2) Casa Caperucita- Claro 2 Claro 1 Claro 5 Casa Abuelita.

Ejercicio 7

- 1. Implemente nuevamente el ejercicio 3.3 haciendo uso del algoritmo de Dijkstra
- 2. Implemente nuevamente el ejercicio 3.3 haciendo uso del algoritmo de Floyd
- 3. Compare el tiempo de ejecución de las tres implementaciones.