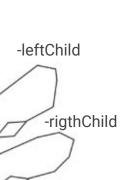
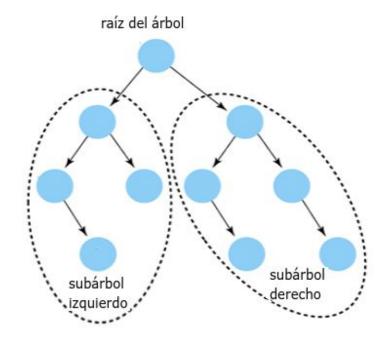
Arboles binarios en Java y árboles de expresión

Estructura

→ BinaryTree<T> tp2

- data: T
- leftChild: BinaryTree<T>
- rightChild: BinaryTree<T>
- BinaryTree(): void
- BinaryTree(data: T): void
- getData(): T
- setData(data: T): void
- getLeftChild(): BinaryTree<T>
- getRightChild(): BinaryTree<T>
- addLeftChild(child: BinaryTree<T>): void
- addRightChild(child: BinaryTree<T>): void
- removeLeftChild(): void
- removeRightChild(): void
- isEmpty(): boolean
- isLeaf(): boolean
- hasLeftChild(): boolean
- hasRightChild(): boolean
- toString(): String
- contarHojas(): int
- espejo(): BinaryTree<T>
- entreNiveles(n: int, m: int): void



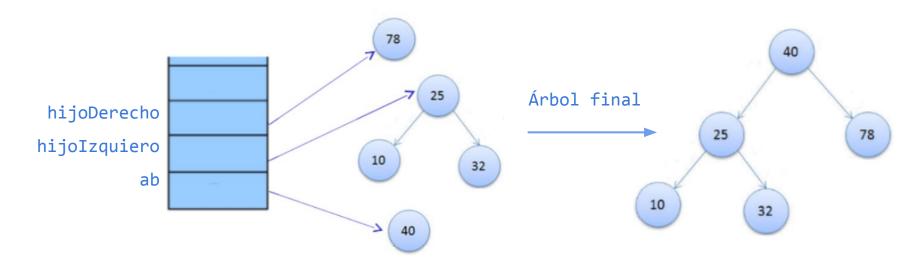


```
public class BinaryTree <T> {
    private T data;
    private BinaryTree<T> leftChild;
    private BinaryTree<T> rightChild;
    public BinaryTree() {
                               Constructores
      super();
    public BinaryTree(T data) {
      this.data = data;
    public T getData() {
      return data;
    public void setData(T data) {
                                    Preguntar antes
      this.data = data;
                                    de invocar si
                                    hasLeftChild()/
                                    hasRightChild()
    public BinaryTree<T> getLeftChild() {
      return leftChild;
    public BinaryTree<T> getRightChild() {
      return rightChild;
    public void addLeftChild(BinaryTree<T> child){
      this.leftChild = child;
```

```
public void addRightChild(BinaryTree<T> child) {
  this.rightChild = child;
public void removeLeftChild() {
  this.leftChild = null;
                                               null null
public void removeRightChild() {
  this.rightChild = null;
                                           Arbol vacío
public boolean isEmpty(){
  return (this.isLeaf() && this.getData() == null);
public boolean isLeaf() {
 return (!this.hasLeftChild() && !this.hasRightChild());
public boolean hasLeftChild() {
  return this.leftChild!=null;
public boolean hasRightChild() {
  return this.rightChild!=null;
@Override
public String toString() {
  return this.getData().toString();
```

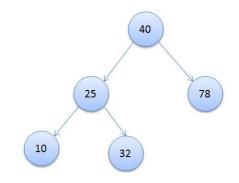
Creación

```
BinaryTree<Integer> ab = new BinaryTree<Integer>(40);
BinaryTree<Integer> hijoIzquierdo = new BinaryTree<Integer>(25);
hijoIzquierdo.addLeftChild(new BinaryTree<Integer>(10));
hijoIzquierdo.addRightChild(new BinaryTree<Integer>(32));
BinaryTree<Integer> hijoDerecho= new BinaryTree<Integer>(78);
ab.addLeftChild(hijoIzquierdo);
ab.addRightChild(hijoDerecho);
```



Recorridos (1/2)

Los árboles binarios se pueden recorrer de diferentes maneras, de acuerdo al orden en el que se visitan sus nodos. En el cuadro se sintetiza cada uno de ellos.



Preorden

Se procesa primero la raíz y luego sus hijos, izquierdo y derecho.

40, 25, 10, 32, 78

Inorden

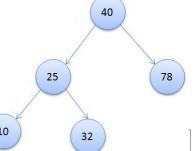
Se procesa el hijo izquierdo, luego la raíz y último el hijo derecho.

10, 25, 32, 40, 78

```
public void preorden() {
    imprimir (dato);
    si (tiene hijo_izquierdo)
        hijoIzquierdo.preorden();
    si (tiene hijo_derecho)
        hijoDerecho.preorden();
}
```

```
public void inorden() {
    si (tiene hijo_izquierdo)
       hijoIzquierdo.inorden();
    imprimir (dato);
    si (tiene hijo_derecho)
       hijoDerecho.inorden();
}
```

Recorridos (2/2)



Postorden

Se procesan primero los hijos, izquierdo y derecho, y luego la raíz

10, 32, 25, 78, 40

public void postorden() { si (tiene hijo_izquierdo) hijoIzquierdo.postorden(); si (tiene hijo_derecho) hijoDerecho.postorden(); imprimir (dato); }

Por niveles

Se procesan los nodos teniendo en cuenta sus niveles, primero la raíz, luego los hijos, los hijos de éstos, etc.

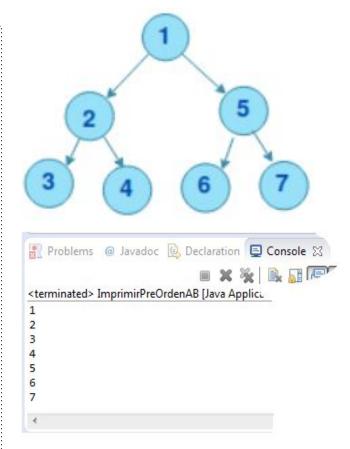
```
40, 25, 78, 10, 32
```

```
public void porNiveles() {
    encolar(raíz);
    mientras (cola no se vacíe) {
        desencolar(v);
        imprimir (dato de v);
        si (tiene hijo_izquierdo)
            encolar(hijo_izquierdo);
        si (tiene hijo_derecho)
            encolar(hijo_derecho);
    }
}
```

Arboles BinariosRecorrido PreOrden

Se procesa primero la raíz y luego sus hijos, izquierdo y derecho

```
public class BinaryTree<T> {
    private T data;
    private BinaryTree<T> leftChild;
    private BinaryTree<T> rightChild;
  public void printPreorden() {
     System.out.println(this.getData());
     if (this.hasLeftChild()) {
         this.getLeftChild().printPreorden();
     if (this.hasRightChild()) {
         this.getRightChild().printPreorden();
```

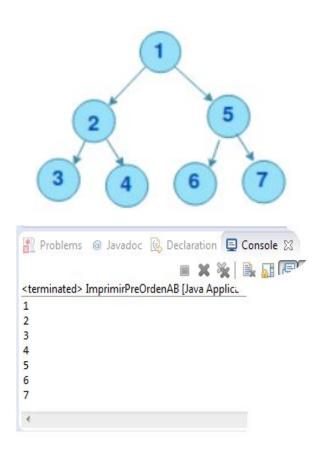


Arboles BinariosRecorrido PreOrden

¿Qué cambio se debería hacer si el método **preorden()** debe definirse en otra clase diferente al **BinaryTree**?

```
public class BinaryTreePrinter<T> {

public void preorden(BinaryTree<T> ab) {
    System.out.println(ab.getData());
    if (ab.hasLeftChild()) {
        this.preorden(ab.getLeftChild());
    }
    if (ab.hasRightChild()) {
        this.preorden(ab.getRightChild());
    }
}
```



Arboles BinariosRecorrido PreOrden

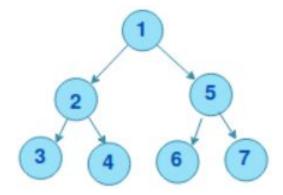
¿Qué cambio harías para devolver una lista con los elementos de un recorrido en preorden?

```
package tp2.ejercicio1;
                                                                                                                                                                                                                                                              🔐 Problems @ Javadoc 🚇 Declaration 📮 Console 💥
import java.util.List;
import java.util.LinkedList;
                                                                                                                                                                                                                                                              <terminated> ImprimirPreOrdenAB [Java Application | Java Application |
public class BinaryTreePrinter<T> {
                   public List<T> preorden(BinaryTree<T> ab) {
                          List<T> result = new LinkedList<T>();
                          this.preorden private(ab, result);
                          return result;
                   private void preorden private(BinaryTree<T> ab, List<T> result) {
                          result.add(ab.getData());
                          if (ab.hasLeftChild()) {
                                               preorden private(ab.getLeftChild(), result);
                          if (ab.hasRightChild()) {
                                               preorden private(ab.getRigthChild(), result);
```

Arboles Binarios Recorrido por Niveles

```
package tp1.ejercicio1;
import tp1.Queue;
public class BinaryTree<T> {
    public void printLevelTraversal() {
     BinaryTree<T> ab = null;
     Queue<BinaryTree<T>> cola = new Queue<BinaryTree<T>>();
     cola.enqueue(this);
      cola.enqueue(null);
     while (!cola.isEmpty()) {
          ab = cola.dequeue();
          if (ab != null) {
               System.out.print(ab.getData());
               if (ab.hasLeftChild()) {
                    cola.enqueue(ab.getLeftChild());
               if (ab.hasRightChild()) {
                    cola.enqueue(ab.getRightChild());
          } else if (!cola.isEmpty()) {
               System.out.println();
               cola.enqueue(null);
```

Implementación del recorrido por niveles dentro de la clase BinaryTree.



Arboles Binarios ¿Es árbol lleno?

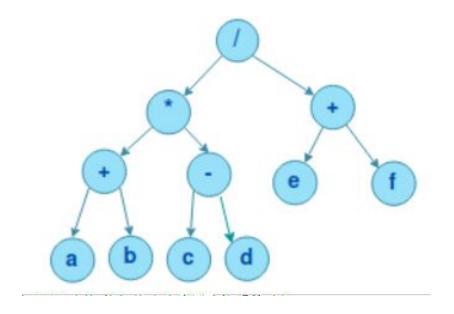
Dado un árbol binario de altura h, diremos que es un **árbol lleno** si cada nodo interno tiene grado 2 y todas las hojas están en el mismo nivel (h). Implementar un método para determinar si un árbol binario es "**11eno**"

```
public boolean lleno() {
     BinaryTree<T> ab = null;
     Queue<BinaryTree<T>> cola = new Queue<BinaryTree<T>>();
                                                                                           Nivel/Prof
     boolean lleno = true;
     int cant nodos = 0;
     int nivel = 0;
     cola.enqueue(this);
                                                                                             1
     cola.enqueue(null);
     while (!cola.isEmpty() && lleno) {
                                                                                             2
           ab = cola.dequeue();
           if (ab != null) {
                 if (ab.hasLeftChild()) {
                      cola.enqueue(ab.getLeftChild());
                      cant nodos++;
                 if (ab.hasRightChild()) {
                      cola.enqueue(ab.getRightChild());
                                                                                                    cola
                      cant nodos++;
                                                                   nul/1
                                                                             2
                                                                                    5
           } else if (!cola.isEmpty()) {
                 if (cant nodos == Math.pow(2, ++nivel))
                      cola.enqueue(null);
                      cant nodos = 0;
                                                                            arbol = cola.desencolar();
                 } else
                                                                      arbol = null
                      lleno = false;
                                                                      cant nodos = 2
      return lleno;
```

Árboles de Expresión

Un árbol de expresión es un árbol binario asociado a una expresión aritmética donde:

- Los nodos internos representan operadores
- Los nodos externos (hojas) representan operandos

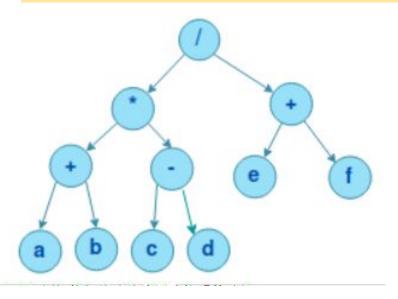


No necesitan el uso de paréntesis

Árboles de Expresión Casos de uso

Algunas aplicaciones de los árboles de expresión son:

- En compiladores se usa para analizar, optimizar y traducir programas.
- Evaluar expresiones algebraicas o lógicas complejas de manera eficiente
- Los árboles pueden almacenar expresiones algebraicas y a partir de ellos se puede generar notaciones sufijas, prefijas e infijas.



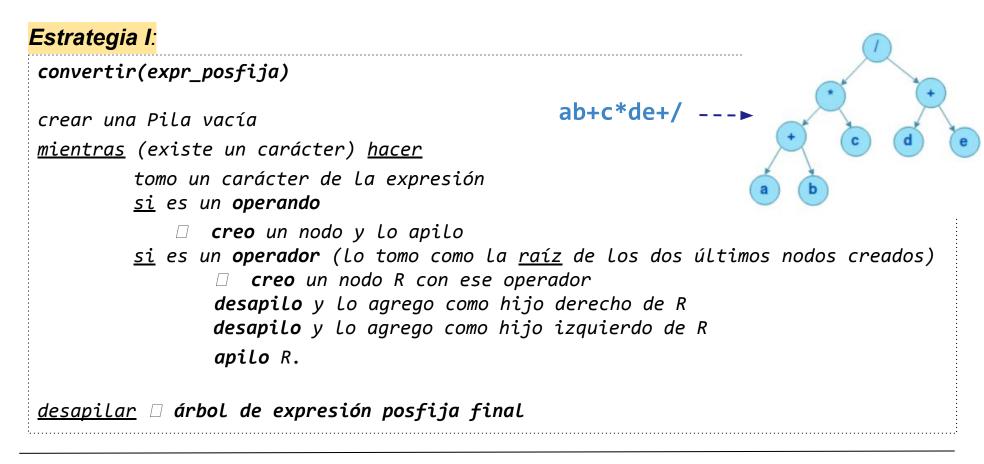
Recorridos

Inorden: $(((a + b) * (c - d)) / (e + f)) \longrightarrow expresión infija$

Preorden: /*+ab-cd+ef → expresión prefija

Postorden: ab+cd-*ef+/ → expresión posfija

Construcción de un árbol de expresión a partir de una expresión posfija



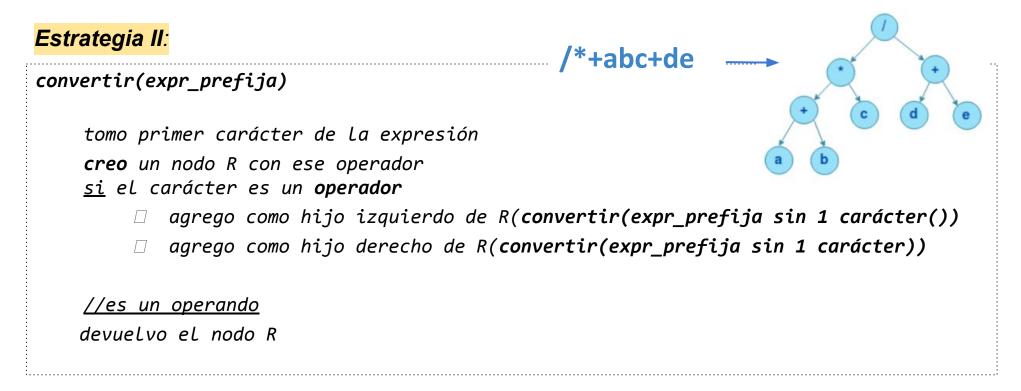
Este proceso es posible ya que la expresión posfija está organizada en una forma en la que los operandos aparecen antes de los operadores. Esto nos permite construir el árbol de expresión utilizando una pila, donde se apilan operandos hasta que se encuentre un nodo operador que tome los dos últimos nodos de la pila como hijos.

Construcción de un árbol de expresión a partir de una expresión posfija

Este método convierte una expresión **postfija** en un **BinaryTree**. Puede estar implementado en cualquier clase.

```
public BinaryTree<Character> convertirPostfija(String exp) {
  Character c = null;
  BinaryTree<Character> result;
  Stack<BinaryTree<Character>> p = new Stack<BinaryTree<Character>>();
  for (int i = 0; i < exp.length(); i++) {
    c = exp.charAt(i);
    result = new BinaryTree<Character>(c);
    if ((c == '+') || (c == '-') || (c == '/') || (c == '*')) {
        // Es operador
        result.addRightChild(p.pop());
        result.addLeftChild(p.pop()
                                     ab+c*de+/ --->
        p.push(result);
    return (p.pop());
```

Construcción de un árbol de expresión a partir de una expresión prefija



Este proceso es posible ya que la expresión prefija está organizada en una forma en la que los operadores siempre aparecen antes de los operandos. Cuando se llega a las hojas, la recursión retorna y permite ir armando el árbol desde abajo hacia arriba.

Construcción de un árbol de expresión a partir de una expresión prefija

Este método convierte una expresión *prefija* en un árbol de expresión. Puede estar implementado en cualquier clase.

```
public BinaryTree<Character> convertirPrefija(StringBuffer exp) {
    Character c = exp.charAt(0);
    BinaryTree<Character> result = new BinaryTree<Character>(c);
    if ((c == '+') || (c == '-') || (c == '/') || c == '*') {
        // es operador
        result.addLeftChild(this.convertirPrefija(exp.delete(0, 1)));
        result.addRigthChild(this.convertirPrefija(exp.delete(0, 1)));
    // es operando
    return result;
                             /*+abc+de
```

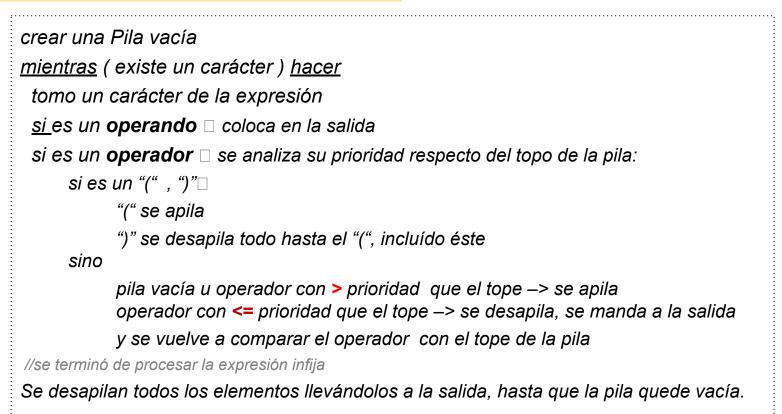
Construcción de un árbol de expresión a partir de una expresión infija

La estrategia para crear un árbol de expresión a partir de una expresión *infija* es un poco más compleja. Primero se debe convertir a una expresión *posfija*.

Estrategia III: Expresión infija (i) Se usa una pila y se tiene (2+5)*3+1en cuenta la precedencia de los operadores Expresión postfija 25+3*1+ (ii) Se usa la estrategia l (usar la pila)

Construcción de un árbol de expresión a partir de una expresión infija

Este método convierte una expresión *infija* en una expresión *posfija*. Luego se aplica el algoritmo iterativo visto anteriormente.



Prioridades
۸
*, /
+, -

Nota: Los '({ [' se apilan siempre (como si tuvieran mayor prioridad) y a partir de ahí se considera como si la pila estuviera vacía.

Evaluación

Este método evalúa y retorna un número de acuerdo a la expresión aritmética representada por el ArbolBinario que es enviado como parámetro.

```
public Integer evaluar(BinaryTree<Character> arbol) {
 Character c = arbol.getData();
  if ((c == '+') || (c == '-') || (c == '/') || c == '*') {
        // es operador
        int operador_1 = evaluar(arbol.getLeftChild());
        int operador 2 = evaluar(arbol.getRightChild());
        switch (c) {
                                                                            Retorna 4
           case '+':
            return operador_1 + operador_2;
           case '-':
            return operador 1 - operador 2;
           case '*':
            return operador_1 * operador_2;
           case '/':
            return operador 1 / operador 2;
  // es operando
  return Integer.parseInt(c.toString());
                                                                         Estructuras de Datos 2025
```

Problema: Encontrar la Valencia Total

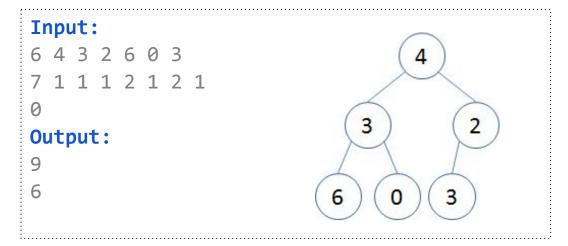


El Sr. White ha encontrado una manera de maximizar la pureza de los cristales basados en ciertos compuestos químicos. Ha observado que <u>cada compuesto está hecho de moléculas</u> que están unidas entre sí siguiendo <u>la estructura de un árbol binario completo.</u>

Cada nodo del árbol almacena la valencia de una molécula y se representa como un número entero. El Sr. White utiliza un microscopio electrónico que descarga la estructura de la molécula como un stream de números enteros y le gustaría tener su ayuda para obtener automáticamente <u>la valencia total</u> de las hojas del árbol dado.

Cada línea de entrada comienza con un entero N (1 <= N <= 1000000), seguido de N números enteros Vi que representan las valencias de cada molécula separadas por espacios en blanco (0 < = Vi < = 100). El final de la entrada se indica mediante un caso de prueba con N = 0.

Ejemplo

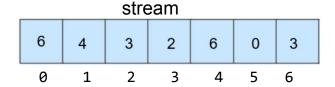


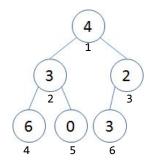
Ejercicio: Valencias --> SPOJ.com - Problem UCV2013J

Problema: Encontrar la Valencia Total

createBinaryTreeIte(stream) -> versión iterativa

```
public class ValenciaTotal {
  private static BinaryTree<Integer> createBinaryTreeIte(int[] stream) {
     if (stream.length == 0)
           return null;
     BinaryTree<Integer> root = new BinaryTree<>(stream[0]);
     Queue<BinaryTree<Integer>> queue = new Queue<>();
     queue.enqueue(root);
     int i = 1;
     while (i < stream.length) {</pre>
          BinaryTree<Integer> current = queue.dequeue();
          if (i < stream.length) {</pre>
               current.addLeftChild(new BinaryTree<>(stream[i++]));
               queue.enqueue(current.getLeftChild());
          if (i < stream.length) {</pre>
               current.addRightChild(new BinaryTree<>(stream[i++]));
               queue.enqueue(current.getRightChild());
      return root;
```



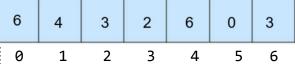


Problema: Encontrar la Valencia Total

createBinaryTreeRec(stream,1) -> versión recursiva

```
public class ValenciaTotal {
  private static BinaryTree<Integer> createBinaryTreeRec(int[] stream, int i) {
      int dato = stream[i];
      BinaryTree<Integer> ab = new BinaryTree<Integer>(dato);
      if (2*i < stream.length)</pre>
            ab.addLeftChild(crearBinaryTreeRec(stream, 2*i));
      if (2*i+1 < stream.length)</pre>
            ab.addRightChild(crearBinaryTreeRec(stream, 2*i+1));
      return ab;
  public static int calcularValencia(BinaryTree<Integer> arbol) {
      if (arbol.isLeaf())
            return arbol.getData();
      int suma = 0:
      if (arbol.hasLeftChild()) {
            suma = suma + calcularValencia(arbol.getLeftChild());
      if (arbol.hasRightChild()) {
            suma = suma + calcularValencia(arbol.getRightChild());
      return suma;
```

stream



Como es un árbol completo, dado un nodo i:

- hijo izquierdo 2*i
- hijo derecho 2*i+1

