Es un árbol binario asociado a una expresión aritmética

- Nodos internos representan operadores
- Nodos externos (hojas) representan operandos

Ejemplo:

*

e
f

Aplicaciones:

- En compiladores para analizar, optimizar y traducir los códigos fuente
- Evaluar expresiones algebraicas o lógicas
 - No se necesita el uso de paréntesis
- Traducir expresiones a notación sufija, prefija e infija
- En base de datos pueden representar consultas complejas, permitiendo optimizar la ejecución
- En Inteligencia artificial, los árboles de expresión se utilizan en algoritmos de aprendizaje automático y en la representación de conocimiento

Recorriendo el árbol, obtenemos:

Inorden: (((a + b) * (c - d)) / (e + f))

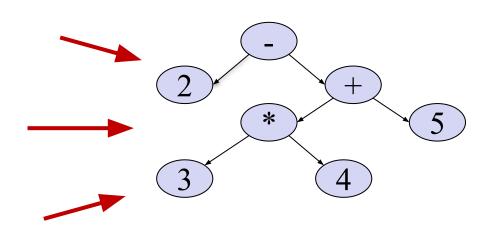
Preorden: /*+ab-cd+ef

Postorden: ab+cd-*ef+/

Construcción de un árbol de expresión

A partir de una:

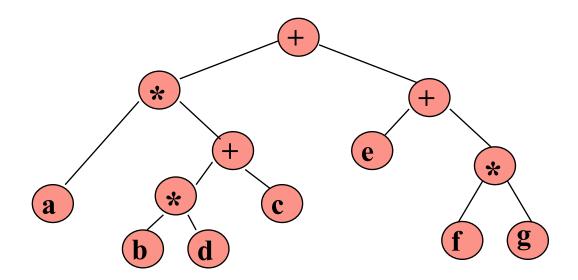
- 1) Expresión postfija
- 2) Expresión prefija
- 3) Expresión infija



Árboles binarios de expresión

Expresión algebraica:

$$a*(b*d+c)+(e+f*g)$$



Expresión **prefija**
$$\longrightarrow$$
 + * a + * b d c + e * f g
Expresión **postfija** \longrightarrow a b d * c + * e f g * + +
Expresión **infija** \longrightarrow ((a *((b * d) + c)) + (e + (f * g)))

Algoritmo:

```
tomo un carácter de la expresión

<u>mientras</u> ( existe carácter ) <u>hacer</u>

<u>si</u> es un operando -> creo un nodo y lo apilo.

<u>si</u> es un operador (lo tomo como la <u>raíz</u> de los dos últimos nodos creados)

-> - creo un nodo R,

- desapilo y lo agrego como hijo derecho de R

- desapilo y lo agrego como hijo izquierdo de R

- apilo R.

tomo otro carácter

<u>fin</u>
```

Expresión postfija: a b d * c + * e f g * + +

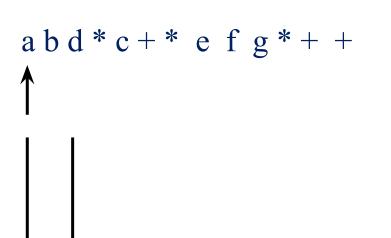
Algoritmo:

tomo un carácter de la expresión
mientras (existe carácter) hacer
si es un operando -> creo un nodo y lo apilo.
si es un operador (lo tomo como la raíz de los dos últimos nodos creados -> creo un nodo R,

- desapilo y lo agrego como hijo derecho de R
- desapilo y lo agrego como hijo izquierdo de R

- apilo R.

tomo otro carácter



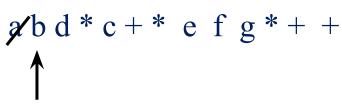


fin

Expresión postfija: a b d * c + * e f g * + +

Algoritmo:

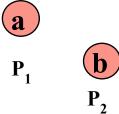
tomo un carácter de la expresión
mientras (existe carácter) hacer
si es un operando -> creo un nodo y lo apilo.
si es un operador (lo tomo como la raíz de los dos últimos nodos creados)
-> creo un nodo R,
- desapilo y lo agrego como hijo derecho de R
- desapilo y lo agrego como hijo izquierdo de R
- apilo R.



tomo otro carácter

fin

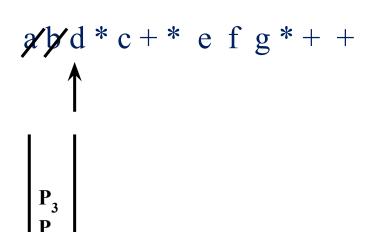




Expresión postfija: a b d * c + * e f g * + +

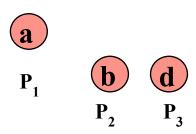
Algoritmo:

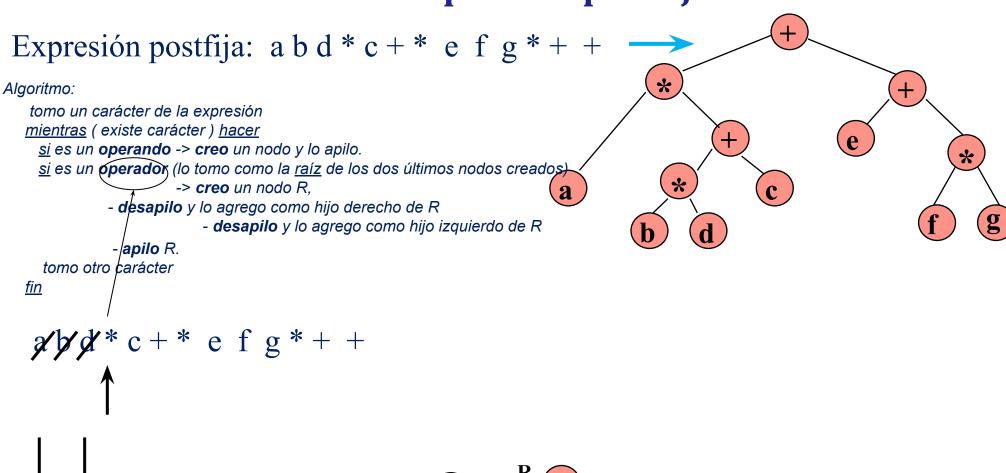
tomo un carácter de la expresión
mientras (existe carácter) hacer
si es un operando -> creo un nodo y lo apilo.
si es un operador (lo tomo como la raíz de los dos últimos nodos creados)
-> creo un nodo R,
- desapilo y lo agrego como hijo derecho de R
- desapilo y lo agrego como hijo izquierdo de R
- apilo R.

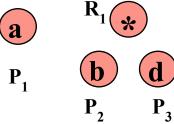


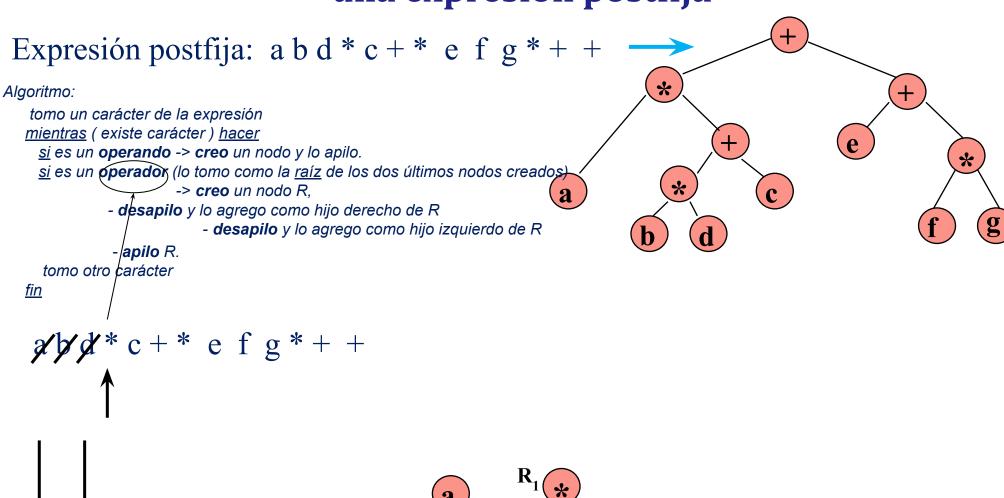
tomo otro carácter

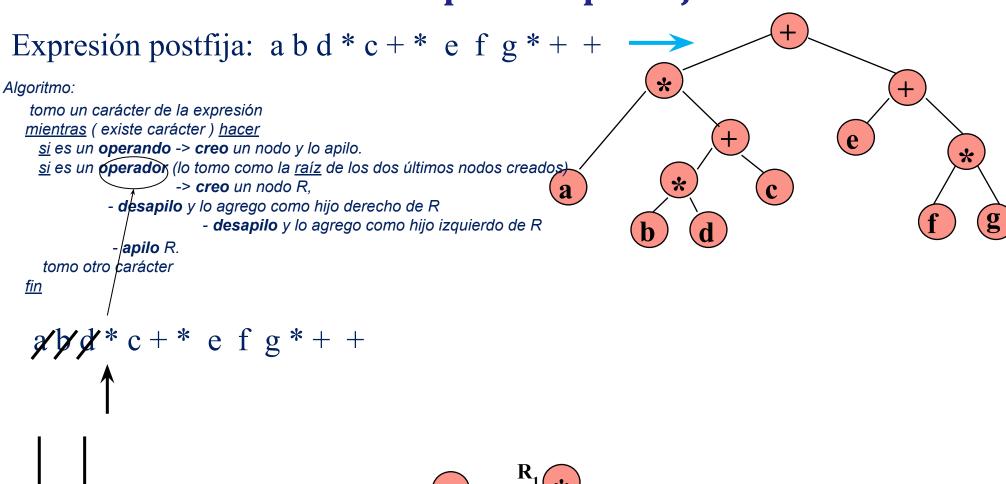
fin

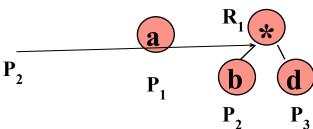


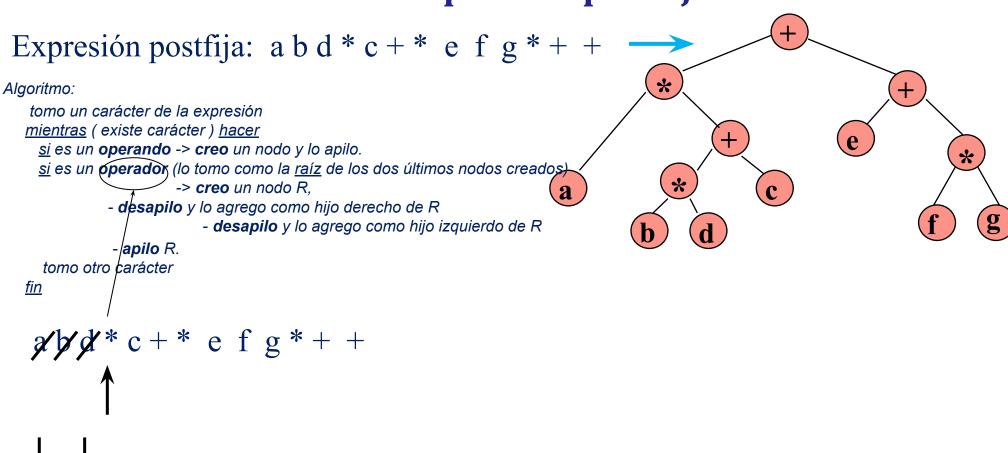




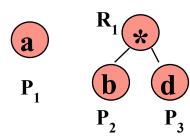


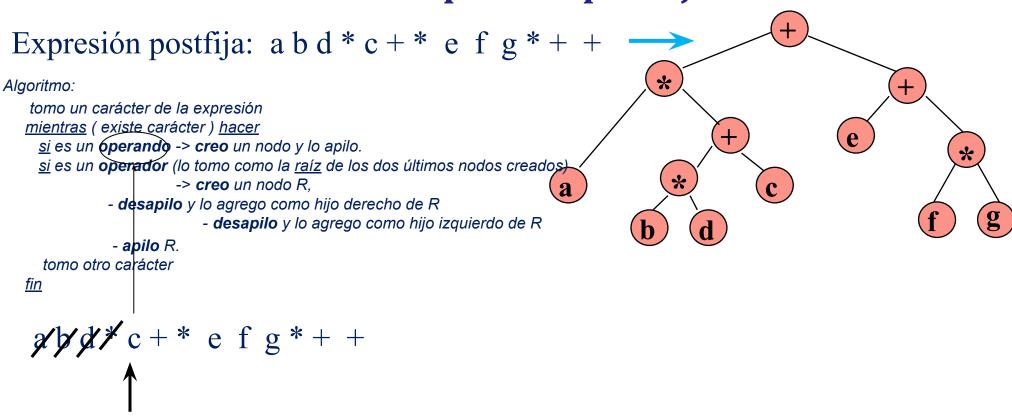




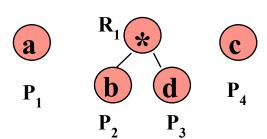




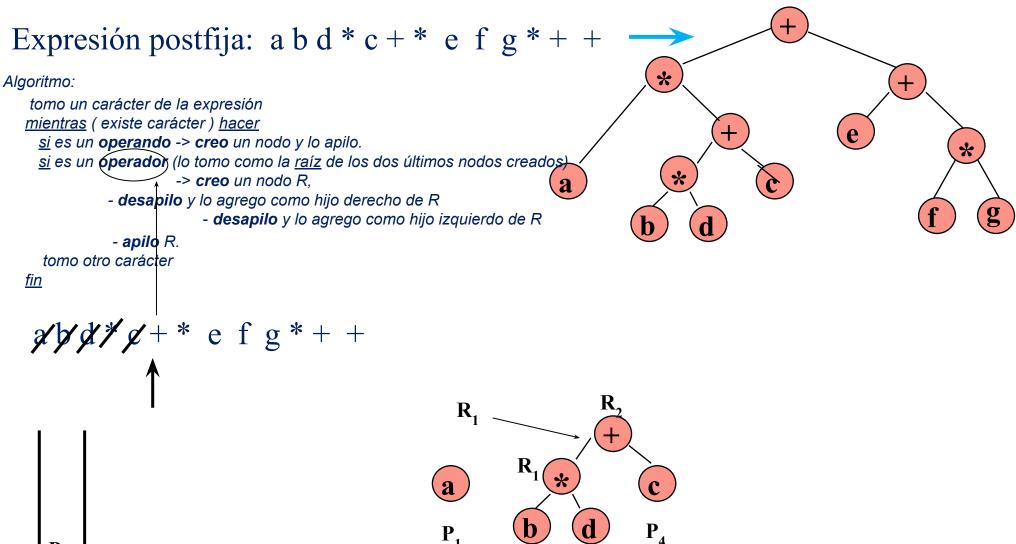


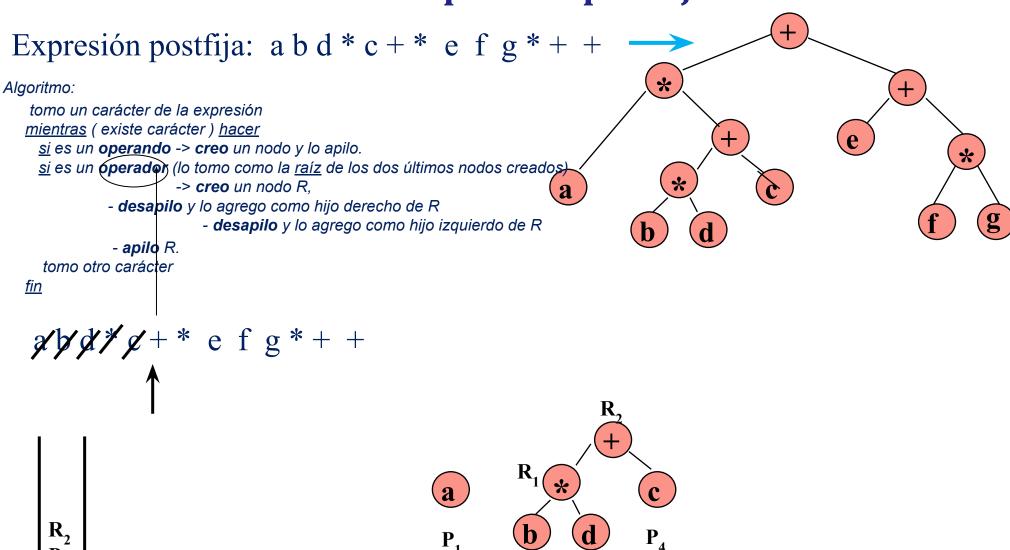


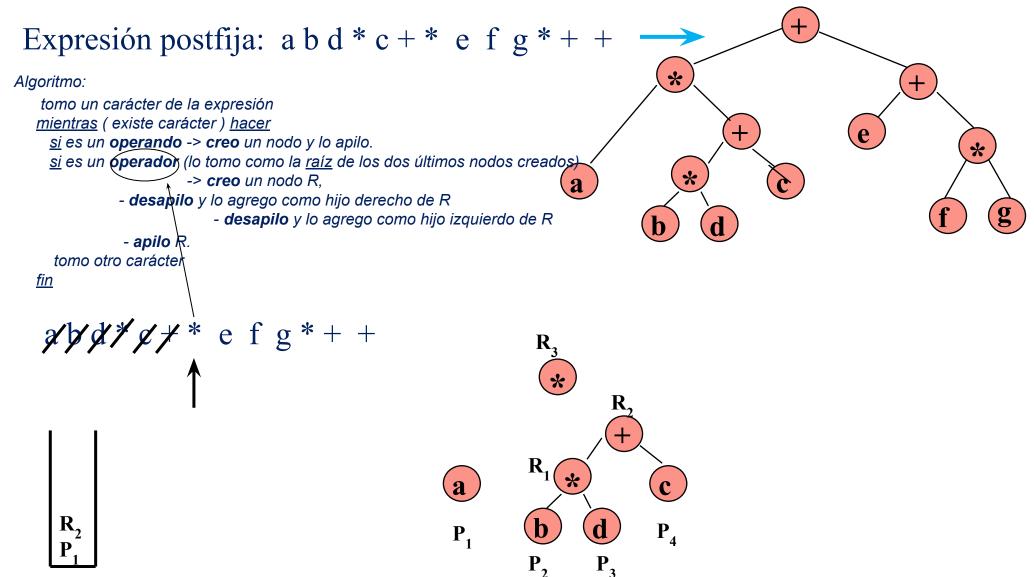


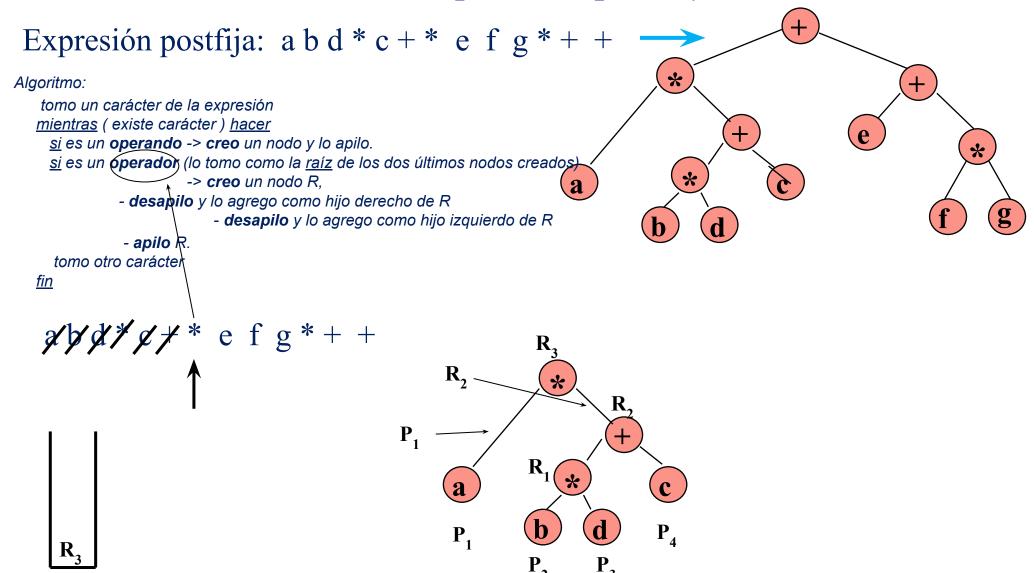


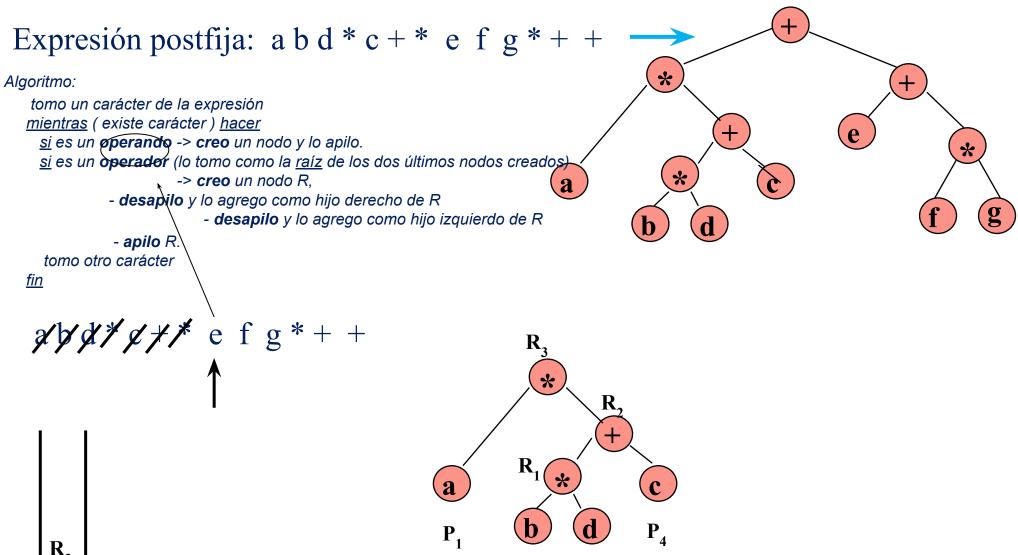
Expresión postfija: a b d * c + * e f g * + + Algoritmo: tomo un carácter de la expresión mientras (existe carácter) hacer <u>si</u> es un **ope<u>rando</u> -> creo** un nodo y lo apilo. si es un **óperador** (lo tomo como la <u>raíz</u> de los dos últimos nodos creados) -> creo un nodo R. - desapilo y lo agrego como hijo derecho de R - desapilo y lo agrego como hijo izquierdo de R - apilo R. tomo otro carácter fin */*/*/* e f g * + + P

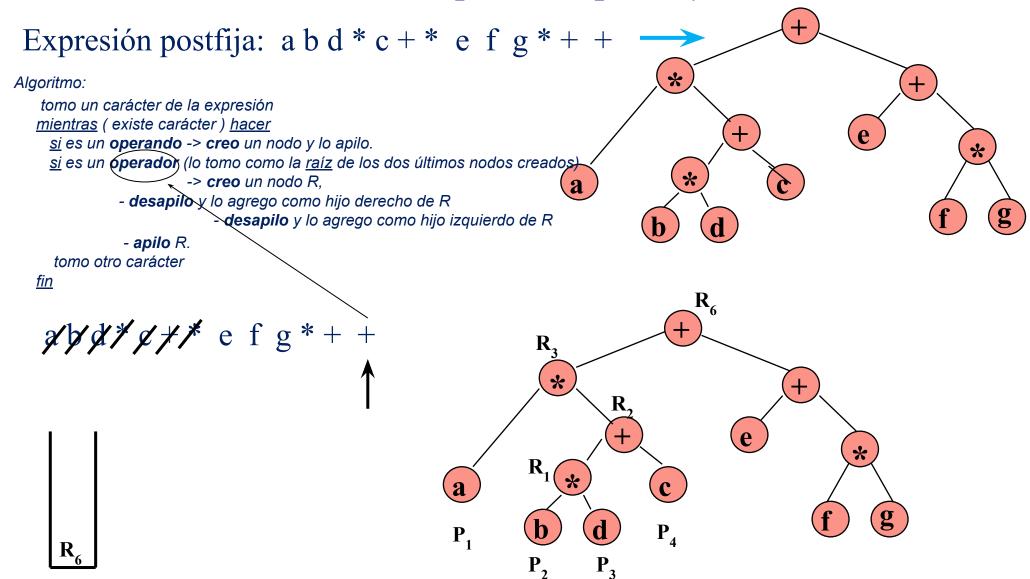










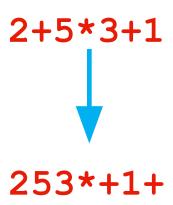


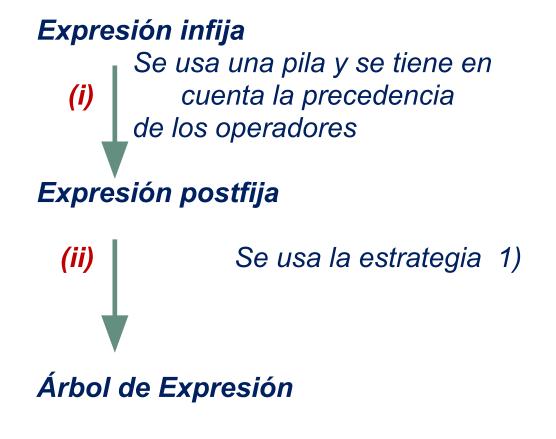
Algoritmo:

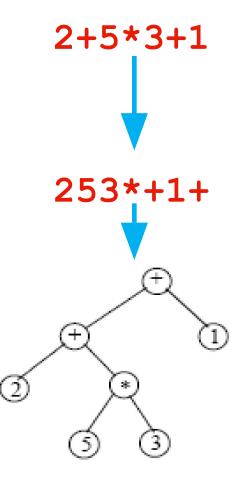
```
ArbolExpresión (A: ArbolBin, exp: string)

si exp nulo -> nada.
si es un operador -> - creo un nodo raíz R
- ArbolExpresión (subArbIzq de R, exp
(sin 1° carácter))
- ArbolExpresión (subArbDer de R, exp
(sin 1° carácter))
si es un operando -> creo un nodo (hoja)
```

Se usa una pila y se tiene en cuenta la precedencia de los operadores Expresión postfija







Convertir una expresión infija en árbol de expresión

se debe convertir la expresión infija en postfija (i) y a partir de ésta, construir el árbol de expresión (ii).

- (i) Estrategia del Algoritmo para convertir <u>exp. infija en postfija</u> :
 - a) si es un operando -> se coloca en la salida.
 - b) si es un operador -> se maneja una pila según la prioridad del operador en relación al tope de la pila

operador con > prioridad que el tope -> se apila operador con <= prioridad que el tope -> se desapila elemento colocándolo en la salida. Se vuelve a comparar el operador con el tope de la pila

- c) si es un "(", ")" -> "(" se apila
 ")" se desapila todo hasta el "(", incluído éste
- d) cuando se llega al final de la expresión, se desapilan todos los elementos llevándolos a la salida, hasta que la pila quede vacía.

Operadores ordenados de mayor a menor según su prioridad:

```
*, / (potencia)*, / (multiplicación y división)+, - (suma y resta)
```

Los " (" siempre se apilan como si tuvieran la mayor prioridad y se desapilan <u>sólo</u> cuando aparece un ") ".

Evaluar un árbol de expresión

Algoritmo:

EvaluarAE (A: ArbolBin)

si dato es operador ->

EvaluarAE (subArbIzq de A) operador EvaluarAE (subArbDer de A)

<u>si</u> es un operando -> Retornar el dato del nodo (hoja)

Evaluar un árbol de expresión

Algoritmo:

```
Integer EvaluarAE (A: ArbolBin)
<u>si</u> dato es operador //
   valorIzq = EvaluarAE (subArbIzq de A)
   valorDer = EvaluarAE ( subArbDer de A)
   según el valor operador {
      "+" : retornar valorlzq + valorDer
      "-" : retornar valorlzq - valorDer
      "*" : retornar valorIzq * valorDer
      "/" : retornar valorIzq / valorDer }
```

<u>si</u> es un **operando** -> Retornar el dato del nodo (hoja)

Evaluar una expresión postfija

¿Cómo evaluar una expresión postfija?

```
mientras (existe carácter) hacer
```

```
<u>si</u> es un operando -> se apila

<u>si</u> es un operador -> se desapila el tope (O2)

se desapila el tope (O1)

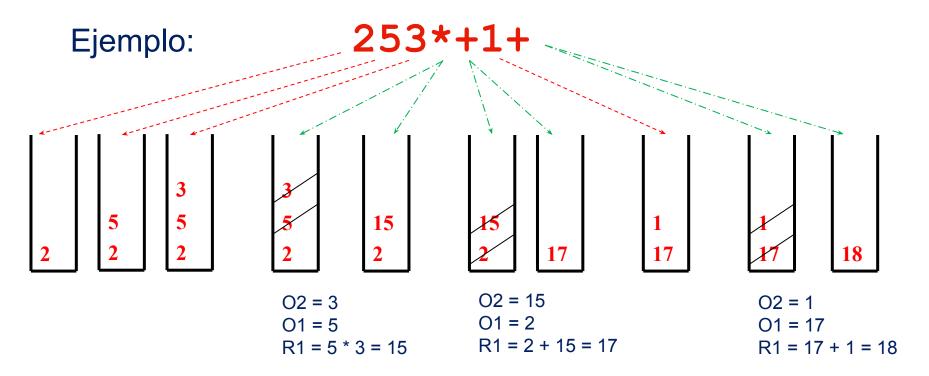
R1 = O1 operador O2

se apila R1
```

<u>fin</u>

Evaluar una expresión postfija

¿Cómo evaluar una expresión postfija?



Ejercitación

<u>Árbol binario de expresión</u>

Ejercicio 1.

- ✓ Dada la siguiente expresión postfija : IJK++AB*C-*, dibuje su correspondiente árbol binario de expresión
- \checkmark Convierta la expresión ((a + b) + c * (d + e) + f) * (g + h) en expresión prefija

Ejercicio 2.

- ✓ Dada la siguiente expresión prefija : *+I+JK-C*AB , dibuje su correspondiente árbol binario de expresión
- \checkmark Convierta la expresión ((a+b)+c*(d+e)+f)*(g+h) en expresión postfija