# Trabajo Práctico N° 0: Repaso OLS, GLS y FGLS. Lectura y Resumen de Datos de Panel en Stata.

## Ejercicio 1.

Considerar el siguiente modelo de regresión:

 $ltotexp_i = \beta_0 + \beta_1 suppins_i + \beta_2 phylim_i + \beta_3 actlim_i + \beta_4 totchr_i + \beta_5 age_i + \beta_6 female_i + \beta_7 income_i + u_i$ , i = 1, ..., N.

(a) Usar la base de datos "mus03data.dta", la cual contiene datos de corte transversal de gastos médicos, para estimar la ecuación por OLS usando comandos de matrices en Stata. Adicionalmente, reportar los errores estándar usuales de OLS y los estadísticos t asociados.

	beta	se	t
suppins	.25564276	.04622641	5.5302312
phylim	.30205979	.05697091	5.3020003
actlim	.35600541	.06211178	5.7316894
totchr	.37582014	.01842273	20.399812
age	.00380163	.00365613	1.039797
female	08432753	.0455442	-1.8515536
income	.00254982	.0010194	2.5013046
cons	6.7037374	.27675999	24.222206

**(b)** *Utilizar el comando regress para verificar los resultados obtenidos.* 

Source	SS	df	MS	Numbe F(7,	r of obs	=	2,955 124.98
Model   Residual	1264.72124 4260.16814		180.674463 1.44559489	Prob R-squ	> F	=	0.0000
+ Total	5524.88938	2 <b>,</b> 954	1.87030785	Adj R Root	-squared MSE	=	0.2271 1.2023
ltotexp	Coefficient	Std. err.	t I	 ?> t	[95% cont	f.	interval]
suppins   phylim   actlim   totchr   age   female   income   _cons	.3020598	.0462264 .0569709 .0621118 .0184227 .0036561 .0455442 .0010194 .27676	5.30 (5.73 (7.73 (7.74 (	0.000 0.000 0.000 0.000 0.299 0.064 0.012	.1650034 .190353 .2342185 .3396974 0033672 1736292 .000551 6.161075		.3462821 .4137666 .4777923 .4119429 .0109705 .0049741 .0045486 7.2464

(c) Implementar un test de significatividad individual para totchr.

(1) totchr = 0
$$F( 1, 2947) = 416.15$$

$$Prob > F = 0.0000$$

Por lo tanto, se puede observar que, con un nivel de significancia del 1%, estos datos aportan evidencia suficiente para indicar que la variable *totchr* es estadísticamente significativa.

(d) Implementar un test de significatividad conjunta para todas las variables del modelo, excluyendo el intercepto.

```
(1) suppins = 0
(2) phylim = 0
(3) actlim = 0
(4) totchr = 0
(5) age = 0
(6) female = 0
(7) income = 0
F( 7, 2947) = 124.98
Prob > F = 0.0000
```

Por lo tanto, con un nivel de significancia del 1%, estos datos aportan evidencia suficiente para indicar que las variables del modelo, en conjunto, son estadísticamente significativas.

## Ejercicio 2.

En este ejercicio, se va a aprender cómo setear los datos como panel en Stata y cómo generar estadísticas descriptivas del panel. Adicionalmente, se verá cómo convertir los datos de wide form a long form y cómo generar un panel para simulaciones.

(a) Utilizar la base "mus08psidextract.dta" y describir la base de datos de la manera usual y como un panel.

#### Stata.

(b) Utilizar la base "pigweights.dta". Los datos se encuentran en formato wide. Utilizar el comando reshape para llevarlos a formato long. Luego, describir la base de la misma forma que en el inciso (a).

#### Stata.

(c) Generar un panel de 5000 observaciones con 10 períodos temporales y 500 unidades en el corte transversal. El panel debe estar en formato long. Generar observaciones de  $x_{it} \sim \mathcal{N}$  (0, 1),  $u_{it} \sim \mathcal{N}$  (0, 1) y, además,  $y_{it} = 1 + x_{it} + u_{it}$ . Estimar por POLS.

Source	SS	df	MS		r of obs	=	5,000
+				Τ ( Τ /	,	=	4972.58
Model		1	5006.33835		> F	=	0.0000
Residual	5031.92865	4,998	1.00678844	R-squ	ared	=	0.4987
+				· Adj R	-squared	=	0.4986
Total	10038.267	4,999	2.00805501	Root	MSE	=	1.0034
У	Coefficient	Std. err.	t	P> t	[95% co	nf.	interval]
+							
x	1.01052	.0143303	70.52	0.000	.982426	4	1.038614
cons	1.02376	.0141901	72.15	0.000	.995941	7	1.051579
_ ' ' '	1.02570	.0111301	72.10	0.000	. 555511	,	<b>= .</b> 00 <b>=</b> 0 , 3

### Ejercicio 3.

Considerar el siguiente modelo:

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{2i} + \beta_3 x_{3i} + u_i, i = 1, ..., N.$$
  
 $u_i = \sqrt{e^{(-1+0.2x_{2i})}} \varepsilon_i, i = 1, ..., N.$ 

con  $\beta_1$ = 1,  $\beta_2$ = 1,  $\beta_3$ = 1,  $x_2 \sim \mathcal{N}$  (0, 25),  $x_3 \sim \mathcal{N}$  (0, 25) y  $\varepsilon \sim \mathcal{N}$  (0, 25). Luego, el error u es heterocedástico con un varianza condicional igual a  $25e^{(-1+0.2x_2)}$ .

- (a) Generar 1000 muestras de N=10 observaciones a partir del modelo presentado. Para cada muestra, estimar por OLS, GLS y FGLS los parámetros del modelo y realizar un test de hipótesis para contrastar que  $H_0$ :  $\beta_3=1$ . Reportar tamaño del test al 1%. Adicionalmente, reportar la media, mediana y desvío estándar de las estimaciones de  $\beta_1$ ,  $\beta_2$  y  $\beta_3$ .
- **(b)** Repetir el inciso anterior con N igual a 20, 30, 100, 200 y 500.

```
N_30
                                                                                     N_100
                                                                                                                          N 500
                                N_{10}
                                   .8
                                                                     -.8
tam_test_1~s
                                                \overline{1}.1
                                                                                       _ 1
                                                                                                        . 8
media_b1_ols 1.0054159 1.0233711
mediana_b1~s 1.0432544 1.0316013
de_b1_ols 1.4418954 .90375325
                                                                                                .99101667 1.0004401
                                                           .9913776 1.0073724
1.011929 1.000255
                                         1.03160131.0119291.000255.90375325.72169432.39574087
                                                                                                 1.0050259
                                                                                                                    1.0013884
                                                                                                 .28065068
                                                                                                                    .18146336
media b2 ols .99360726 1.0100861 1.0053778
                                                                              1.003707
                                                                                                 .99668205
                                                                                                                   1.0001666
                                                                                                .99718451
mediana b2~s 1.001702 1.0022839 1.0072177 1.001808
                                                                                                                   1.001999
     de b2 ols .37958122 .24111343 .19670063 .11009015
                                                                                                 .07716763
                                                                                                                   .05011949

      media_b3_ols
      1.0118828
      .99105405
      .98908491
      1.0008243

      mediana_b3~s
      1.0206553
      1.0012873
      .99137709
      1.0031048

      de_b3_ols
      .30943622
      .18576126
      .15294122
      .07752204

                                                                                                 .99812821
                                                                                                                    1.0005964
                                                                                                 .99734056
                                                                                                                   1.0004818
                                                                                                 .05484899
                                                                                                                   .03532914
                                                                                                            . 7
tam test 1~s
                                   . 8
                                                    1.6
media_b1_gls 1.0280305 1.0098569 .99142743 1.0028527 .99508303 1.0002454

      mediana_bl~s
      1.0521936
      1.0215993
      .99141711
      .97967514

      de_bl_gls
      1.2535653
      .78859652
      .6326124
      .34452127

      media_b2_gls
      1.0041153
      .99966412
      1.0056483
      1.0009635

                                                                                                 .99639186
                                                                                                                   1.0007963
                                                                                                 .24216176
                                                                                                                    .15728003
                                                                                                 .99825912 1.0002415
mediana b2~s 1.0016103 1.0011113 1.0057288 .99995628
                                                                                                .99866092 1.0011777
     de_b2_gls .27698551 .14838535 .10750797 .05216017
                                                                                                 .03670627
                                                                                                                   .02233929

      de_bz_gis
      .27090331
      .14030333
      .10730797
      .03210017

      media_b3_gls
      .99808488
      .99177559
      .99704105
      1.0014807

      mediana_b3~s
      1.0007759
      .99349907
      1.0007703
      1.0030935

      de_b3_gls
      .23968415
      .13024611
      .10009673
      .05074781

      tam_test_1~s
      2.6
      1.9
      1.1
      1.3

      media_b1_f~s
      1.01992
      1.01678
      .9940748
      1.0072039

                                                                                                 .99794066 1.0011461
                                                                                                 .99855053
                                                                                                                    1.0003986
                                                                                                  .03363409
                                                                                                                    .02125601
                                                                                                            . 8
                                                                                                 .99260909 1.0000234
                                                                             .98473564
                                                                                                 .99415511
mediana_b1~s 1.0103357
                                          1.023284 .98835871
                                                                                                                   .99863401
de_b1_fgls 1.3995429 .84752793 .66857393 .35431677 media_b2_f~s 1.0032334 1.0017987 1.0081194 1.0025778 mediana_b2~s 1.0093035 1.0049713 1.0057506 1.0009448
                                                                                                 .24580091
                                                                                                                    .15830694
                                                                                                 .99772954
                                                                                                                     1.000189
                                                                                                 .99776992
                                                                                                                   1.0012414
                                                                              .0558778
   de b2 fgls .33065581 .18431274 .13396221
                                                                                                  .0377256
                                                                                                                   .02264737
                                                           .99556178 1.0007816
media b3 f~s 1.006726 .99314471
                                                                                                 .99824046
                                                                                                                   1.0011263
mediana b3~s 1.0098851
                                         .99663675 .99534097 1.0025634
                                                                                                 .99817607
                                                                                                                    1.0005233
   de b3 fgls .29018109
                                                            .11601262
                                                                              .05232108
                                                                                                  .03433107
                                          .14444993
                                                                                                                    .02134511
```

(c) Describir, detalladamente, las propiedades de muestra finita de FGLS de acuerdo a lo que se observó de los puntos anteriores.

Las propiedades de muestra finita de FGLS, de acuerdo a lo que se observó de los puntos anteriores, son:

- <u>Sesgo:</u> El estimador FGLS puede estar sesgado si el modelo subyacente no se especifica correctamente o si la estructura de correlación verdadera en los datos se impone de manera incorrecta. Sin embargo, a medida que el tamaño de muestra aumenta, este sesgo tiende a disminuir.
- <u>Eficiencia relativa</u>: La eficiencia relativa del estimador FGLS en comparación con otros estimadores (como el estimador OLS) puede variar dependiendo de la estructura de correlación verdadera en los datos y del modelo. Sin embargo, en algunos casos, el estimador FGLS puede proporcionar estimaciones más precisas que el estimador OLS, especialmente cuando la estructura de correlación de los errores es ignorada por las estimaciones por OLS.
- <u>Varianza finita</u>: La varianza del estimador FGLS depende del tamaño de muestra
  y de la estructura de correlación verdadera en los datos. A diferencia de las
  propiedades asintóticas, en muestras finitas, la varianza del estimador FGLS
  puede no converger a la varianza asintótica y puede ser mayor o menor
  dependiendo de las características específicas de los datos y del modelo.
- Robustez: El estimador FGLS puede ser más robusto que otros estimadores en presencia de violaciones de los supuestos de homocedasticidad y de correlación serial en los datos. Esto significa que el estimador FGLS puede proporcionar estimaciones más precisas, incluso cuando los supuestos clásicos no se cumplan completamente.