chap 6 同态信号处理



- 一理解同态概念,掌握广义叠加原理, 同态系统概念, 同态系统的规范形式
- 二了解乘法同态系统的规范形式实现原理和框图
- 三 掌握卷积同态系统规范形式实现原理和框图
- 四 掌握复倒谱的定义与性质和四种计算方法(按复倒谱定义计算;
- 复对数求导数计算方法;最小相位序列的复倒谱的计算;递推计算方

法)

同态概念

同态是从一个代数结构到同类代数结构的映射,它保持所有相关的结构不变

广义叠加原理

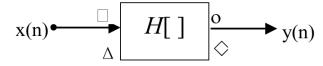
定义:满足以下条件的系统**H**称之为符合<mark>广义叠加原理:</mark>

$$H[x_1(n) \square x_2(n)] = H[x_1(n)] \cap H[x_2(n)]$$

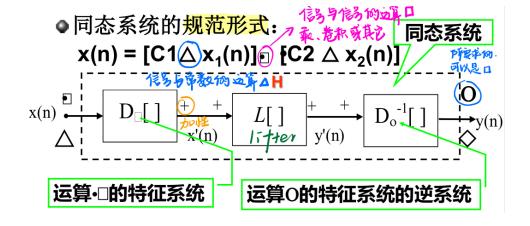
 $H[c \triangle x(n)] = c \diamondsuit H[x(n)]$

同态系统概念

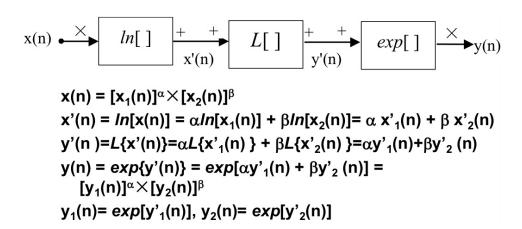
■满足广义叠加原理的系统即为*同态系统*,其 一般表示形式为:



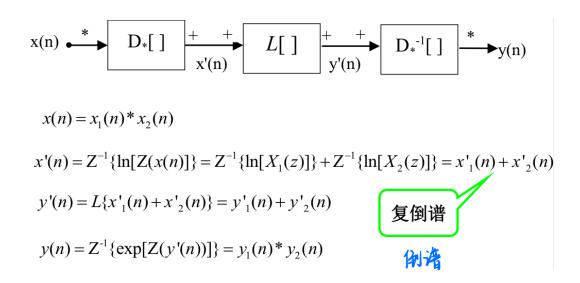
同态系统的规范形式



乘法同态系统的规范形式:实现原理,框图



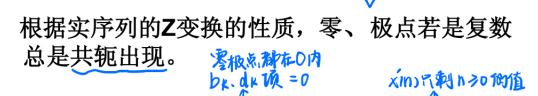
卷积同态系统的规范形式:实现原理,框图



复倒谱的定义

复倒谱的性质

● 性质1: 若x(n)为实序列,x'(n)也为是实序列



- 性质2: 若x(n)为最小相位序列,则x'(n)为因果序列。
- 性质3: 若x(n)为最大相位序列,则x'(n)为非因果序列。
- 性质4:即使x(n)为有限长的时间序列,x'(n)也总是无限长的时间序列。
- 性质6: 间隔为 N_p 的冲激序列的复倒谱仍然是一个间隔为 N_p 冲激序列。

复倒谱的四种计算方法

定义法

基本原理:
$$x(e) \rightarrow x(e)$$
 $x'(n) = Z^{-1}\{In[Z(x(n))]\}$ $x'(n) = IDFT\{In[DFT(x(n))]\}$ $x'(n) \rightarrow DFT$ $x'(n) \rightarrow x'(n) \rightarrow x'(n)$ $x'(n) \rightarrow x'(n) \rightarrow x'(n)$ $x'(n) \rightarrow x'(n)$

复对数求导法

- 基本思想:利用**Z**变换的微分性质以及对数函数的导数性质避免计算复对数的困难。
 - \bullet X'(z) = In[X(z)],求X'(z)的反变换的主要 困难是复对数运算的存在。
 - ●Z变换的微分性质: -zdX(z)/dz = Z[nx(n)]。
 - $\phi dln(x)/dx = 1/x$

最小相位序列的复倒谱计算

■ 计算原理:最小相位条件下复倒谱x'(n)为因果实序列,故可由其偶序列完全决定,也就是由其傅立叶变换的实部完全决定。

$$X'(j\omega) = \ln[X(j\omega)] = \ln|X(j\omega)| + j \arg[X(j\omega)]$$

$$x'_{e}(n) = F^{-1}\{\ln |X(j\omega)|\}$$

$$x'_{e}(n) = \frac{1}{2}[x'(n) + x'(-n)]$$

$$x'(n) = \begin{cases} 2x'_{e}(n), & n > 0 \\ x'_{e}(n), & n = 0 \\ 0, & n < 0 \end{cases}$$

递推法