

第三章作业

- 假定某数采用 IEEE 754 单精度浮点数格式表示为 C820 0000H, 则该数的值是 (C)。
A. $(-1.01)_{10} \times 2^{17}$ B. $(-1.01)_{10} \times 2^{144}$
C. $(-1.25)_{10} \times 2^{17}$ D. $(-1.25)_{10} \times 2^{144}$
- 假定变量 i、f 的数据类型分别是 int、float。已知 i=12345, f=1.2345e3, 则在一个 32 位机器中执行下列表达式时, 结果为“假”的是 (C)。
A. $i = (int)(float)i$ B. $i = (int)(double)i$
C. $f = (float)(int)f$ D. $f = (float)(double)f$
- 某计算机字长为 8 位, 其 CPU 中有一个 8 位加法器。已知带符号整数 $x = -69$, $y = -38$, 现要在该加法器中完成 $x+y$ 的运算, 则该加法器的两个输入端信息和输入的低位进位信息分别为 (A)。
A. 1011 1011、1101 1010、0 B. 1011 1011、1101 1010、1
C. 1011 1011、0010 0101、0 D. 1011 1011、0010 0101、1
- 某 8 位计算机中, 假定 x 和 y 是两个带符号整数变量, 用补码表示, $x=63$, $y=-31$, 则 $x+y$ 的机器数及其相应的溢出标志 OF 分别是 (B)。
A. 1FH、0 B. 20H、0 C. 1FH、1 D. 20H、1
- 若两个 float 型变量 (用 IEEE 754 单精度浮点格式表示) x 和 y 的机器数分别表示为 $x=40E8\ 0000H$, $y=C204\ 0000H$, 则在计算 $x+y$ 时, 第一步对阶操作的结果 $[\Delta E]_{补}$ 为 (D)。
A. 0000 0111 B. 0000 0011 C. 1111 1011 D. 1111 1101
- 某字长为 8 位的计算机中, x 和 y 为无符号整数, 已知 $x=68$, $y=80$, x 和 y 分别存放在寄存器 A 和 B 中。请回答下列问题 (要求最终用十六进制表示二进制序列)。
(1) 寄存器 A 和 B 中的内容分别是什么?
(2) 若 x 和 y 相加后的结果存放在寄存器 C 中, 则寄存器 C 中的内容是什么? 运算结果是否正确? 加法器最高位的进位 Cout 是什么? 零标志 ZF 和进位标志 CF 各是什么?
(3) 若 x 和 y 相减后的结果存放在寄存器 D 中, 则寄存器 D 中的内容是什么? 运算结果是否正确? 加法器最高位的进位 Cout 是什么? 零标志 ZF 和借位标志 CF 各是什么?

(4) 无符号整数加/减运算时, 加法器最高位进位 Cout 的含义是什么? 它与进/借位标志 CF 的关系是什么?

(5) 无符号整数一般用来表示什么信息? 为什么通常不对无符号整数的运算结果判断溢出?

答: (1) $x = 68 = 0100\ 0100\ B = 44H$; $y = 80 = 0101\ 0000\ B = 50H$ 。所以, 寄存器 A 和 B 中的内容分别是 44H 和 50H。

(2) $x + y = 0100\ 0100 + 0101\ 0000 = (0)\ 1001\ 0100 = 94H$, 所以, 寄存器 C 中的内容为 94H, 对应的真值为 148, 运算结果正确。加法器最高位的进位 Cout 为 0。因为结果不为 0, 所以 $ZF=0$; 进位标志 $CF=Cout=0$ 。

(3) $x-y = x + [-y]_{补} = 0100\ 0100 + 1011\ 0000 = (0)\ 1111\ 0100 = F4H$, 所以, 寄存器 D 中的内容为 F4H, 对应的真值为 244, 运算结果不正确, 这是因为相减结果为负数造成的。加法器最高位的进位 Cout 为 0。因为结果不为 0, 所以 $ZF=0$; 借位标志为 $CF=Cout \oplus 1=1$ 。

(4) 在加法器中进行无符号整数加法运算时, 若加法器最高位进位 $Cout=1$, 则表示实际结果大于最大可表示数 255; 在加法器中进行无符号整数减法运算时, 若加法器最高位进位 $Cout=1$, 则表示被减数大于减数, 反之被减数小于减数。因此, 在无符号数相加时, CF 就等于 Cout, 表示进位; 在无符号数相减时, 通常将最高进位 Cout 取反来作为借位标志 CF, 也即, 无符号整数相减时, $CF=\overline{Cout}$, $CF=1$ 表示有借位。

(5) 无符号整数一般用来表示地址 (指针) 信息, 当两个地址相加结果大于最大地址而取低位地址时, 相当于取模, 也即采用地址循环运算。因此通常不需要判断其运算结果是否溢出, 即不考虑溢出标志 OF。

7. 考虑以下 C 语言程序代码:

```
int    func1 (unsigned word)
{
    return  (int) (( word <<24) >> 24);
}
int    func2 (unsigned word)
{
    return  ( (int) word <<24 ) >> 24;
}
```

假设在一个 32 位机器上执行这些函数, $\text{sizeof (int)}=4$ 。说明函数 func1 和

func2 的功能，并填写下表。

| W | | func1(w) | | func2(w) | |
|-----|-----|----------|---|----------|---|
| 机器数 | 值 | 机器数 | 值 | 机器数 | 值 |
| | 127 | | | | |
| | 128 | | | | |
| | 255 | | | | |
| | 256 | | | | |

答: 函数 func1 的功能是把无符号数高 24 位清零(左移 24 位再逻辑右移 24 位), 结果一定是正的带符号整数; 而函数 func2 的功能是把无符号数的高 24 位都变成和第 25 位一样, 因为左移 24 位后左边第一位变为原来的第 25 位, 然后进行算术右移, 高位补符号, 即高 24 位都变成和原来第 25 位相同。

| W | | func1(w) | | func2(w) | |
|-----------|-----|-----------|------|-----------|------|
| 机器数 | 值 | 机器数 | 值 | 机器数 | 值 |
| 0000007FH | 127 | 0000007FH | +127 | 0000007FH | +127 |
| 00000080H | 128 | 00000080H | +128 | FFFFFF80H | -128 |
| 000000FFH | 255 | 000000FFH | +255 | FFFFFFFFH | -1 |
| 00000100H | 256 | 00000000H | 0 | 00000000H | 0 |

8. 假定在一个程序中定义了变量 x、y 和 i, 其中, x 和 y 是 float 型变量(用 IEEE 754 单精度浮点数表示), i 是 16 位 short 型变量(用补码表示)。程序执行到某一时刻, $x = -130$ 、 $y = 7.25$ 、 $i = 130$, 它们都被写到了主存(按字节编址), 其地址分别是 &x, &y 和 &i。请分别给出在大端机器和小端机器上变量 x、y 和 i 在内存的存放位置。

答: $x = -130 = -100\ 00010B = -1.00\ 0001B \times 2^7$, 阶码 $e = 127 + 7 = 128 + 6 = 1000\ 0110$, 所以, 用 IEEE 754 单精度浮点数表示为: 1 100 0011 0 000 0010 0000 0000 0000 0000 = C302 0000H。

$y = 7.25 = 111.01B = +1.1101B \times 2^2$, 阶码 $e = 127 + 2 = 128 + 1 = 1000\ 0001$, 所以, 用 IEEE 754 单精度浮点数表示为: 0 100 0000 1 110 1000 0000 0000 0000 0000 = 40E8 0000H。

$i = 130 = 1000\ 0010B$, 用 16 位补码表示为 0082H。

上述三个数据在大端机器和小端机器上的存放位置如下所示。

| 地址 | 大端机器 | 小端机器 |
|--------|------|------|
| &x | C3H | 00H |
| &x + 1 | 02H | 00H |
| &x + 2 | 00H | 02H |
| &x + 3 | 00H | C3H |
| &y | 40H | 00H |
| &y + 1 | E8H | 00H |
| &y + 2 | 00H | E8H |
| &y + 3 | 00H | 40H |
| &i | 00H | 82H |
| &i + 1 | 82H | 00H |

9. 以下是函数 fpower2 的 C 语言源程序，它用于计算 2^x 的浮点数表示，其中调用了函数 u2f, u2f 用于将一个无符号整数表示的 0/1 序列作为 float 类型返回。请填写 fpower2 函数中的空白部分，以使其能正确计算结果。

```

1  float fpower2(int x)
2  {
3      unsigned exp, frac, u;
4
5      if (x<_____) { /* 值太小，返回 0.0 */
6          exp = _____;
7          frac = _____;
8      } else if (x<_____) { /* 返回非规格化结果 */
9          exp = _____;
10         frac = _____;
11     } else if (x<_____) { /* 返回规格化结果 */
12         exp = _____;
13         frac = _____;
14     } else { /* 值太大，返回+∞ */
15         exp = _____;
16         frac = _____;
17     }
18     u = exp << 23 | frac;
19     return u2f(u);
20 }
```

答：

```
1 float fpower2(int x)
2 {
3     unsigned exp, frac, u;
4
5     if (x < -149) { /* 值太小，返回 0.0 */
6         exp = 0;
7         frac = 0;
8     } else if (x < -126) { /* 返回非规格化结果 */
9         exp = 0;
10        frac = 0x400000 >> (-x-127);
11    } else if (x < 128) { /* 返回规格化结果 */
12        exp = x+127;
13        frac = 0;
14    } else { /* 值太大，返回 +∞ */
15        exp = 255;
16        frac = 0;
17    }
18    u = exp << 23 | frac;
19    return u2f(u);
20 }
```

10. 采用 IEEE 754 单精度浮点数格式计算下列表达式的值。

(1) $0.75 + (-65.25)$

(2) $0.75 - (-65.25)$

答：

$x = 0.75 = 0.11B = (1.10...0)_2 \times 2^{-1}$, $[x]_{\text{浮}} = 0\ 01111110\ 10...0$

$y = -65.25 = -1000001.01B = (-1.00000101...0)_2 \times 2^6$, $[y]_{\text{浮}} = 1\ 10000101\ 000001010...0$

$E_x = 0111\ 1110$, $M_x = 1.100\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$,

$E_y = 1000\ 0101$, $M_y = 1.000\ 0010\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000$,

(1) $0.75 + (-65.25)$

① 对阶。

$[\Delta E]_{\text{补}} = E_x + [-E_y]_{\text{补}} = 0111\ 1110 + 0111\ 1011 = 1111\ 1001 \pmod{2^8}$, $\Delta E = -7$, 故需

对 x 进行对阶，结果为 $E_x = E_y = 1000\ 0101$, $M_x = 0.000\ 0001\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000$,

② 尾数相加。

因为 x 与 y 符号相反，故做减法，即 $M_x + [-M_y]_{\text{补}}$

$[-M_y]_{\text{补}} = 0.111\ 1101\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000$

$$\begin{array}{r}
0.000\ 0001\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000 \\
+ 0.111\ 1101\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000 \\
\hline
0.111\ 1111\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000
\end{array}$$

最高数值位没有产生进位,表明结果为负,得到的是数值的补码形式,因此,需要对结果求补,即结果为 1.000 0001 0000 0000 0000 0000,结果符号与 x 的符号相反,即负号。

③ 规格化。

根据所得尾数的形式,数值部分最高位为 1,所以不需要进行规格化。

④ 溢出判断。

在上述阶码计算和调整过程中,没有发生“阶码上溢”和“阶码下溢”的问题。

最终结果为 $E_b=1000\ 0101$, $M_b=1.000\ 0001\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$, 符号为负,即: $(-1.0000001)_2 \times 2^6 = -64.5$ 。

(2) $0.75 - (-65.25)$

① 对阶。

同上述 (1) 中对阶过程一样。

② 尾数相减。

因为 x 与 y 符号相反,故做加法,即 $M_x + M_y$, 符号与 x 的符号相同,为正号。

$$\begin{array}{r}
0.000\ 0001\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000 \\
+ 1.000\ 0010\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000 \\
\hline
1.000\ 0100\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000
\end{array}$$

结果没有溢出,符号为正号。

③ 规格化。

根据所得尾数的形式,数值部分最高位为 1,不需要进行规格化。

④ 溢出判断。

在上述阶码计算和调整过程中,没有发生“阶码上溢”和“阶码下溢”的问题。

最后结果为 $E_b=1000\ 0101$, $M_b=1.00001000...0$, 符号为正,即: $(+1.00001)_2 \times 2^6 = +66$ 。