



Disciplina: Mecânica do Voo

Professor: William Reis Silva

e-mail: reis.william@unb.br

Lista de exercícios 3 – Completando o modelo não linear

1. Defina as seguintes características de uma asa.
 - Envergadura
 - Diedro
 - Enflechamento
 - Alongamento
2. Explique os trade-offs (ou seja, o que se perde e o que se ganha) ao se alterar as seguintes características de uma asa:
 - Diedro
 - Enflechamento
 - Alongamento
3. Considerando o modelo não linear da aeronave com aproximação de Terra plana, descreva quais são os elementos do vetor de estados x e do vetor de entrada u . Veja que existe mais de uma possibilidade de modelo não-linear, e o aluno é livre para escolher qualquer um.
4. Explique como as superfícies de controle (aileron, leme e profundor) afetam o modelo não-linear. Utilize uma das superfícies, e seu efeito, como exemplo.
5. Como a propulsão afeta o modelo não linear?
6. O que é, e que relação descreve o coeficiente $C_l(\beta)$? Quais características do avião afetam essa relação? Explique cada uma delas, incluindo ilustrações se necessário.
7. Liste dois coeficientes adimensionais afetados pelo leme (rudder) de uma aeronave. Explique como, fisicamente, o leme afeta cada um deles.
8. Ao pilotar um aeromodelo, você percebe que a resposta em arfagem está instável, ou seja, ao fornecer um comando de profundor (elevator), mesmo que pequeno e de curta duração, α aumenta até que o avião entre em stall. Explique uma possível razão para a instabilidade. O que poderia ser feito para estabilizar? Informações extras: o aeromodelo, em si, possui fuselagem oca, na qual foram instalados diversos equipamentos: baterias, rádio transmissores, sensores, computador de bordo. Esses equipamentos não possuem lugar fixo (ou seja, podem ser instalados em qualquer lugar da fuselagem), e foram instalados de forma arbitrária.
9. Encontre as derivadas adimensionais do movimento longitudinal e látero-direcional com apresentado nas tabelas abaixo:



TABLE 2.5-3. Longitudinal Dimensional Versus Dimensionless Derivatives

$X_v = -\frac{\bar{q}S}{mV_T}(2C_D + C_{D_v}),$	$C_{D_v} = V_T \frac{\partial C_D}{\partial V_T}$
$X_a = \frac{\bar{q}S}{m}(C_L - C_{D_a}),$	$C_{D_a} = \frac{\partial C_D}{\partial \alpha}$
$X_{\dot{\alpha}} = -\frac{\bar{q}S}{m}C_{D_{\dot{\alpha}}},$	$C_{D_{\dot{\alpha}}} = \frac{\partial C_D}{\partial \dot{\alpha}}$
$Z_v = -\frac{\bar{q}S}{mV_T}(2C_L + C_{L_v}),$	$C_{L_v} = V_T \frac{\partial C_L}{\partial V_T}$
$Z_a = -\frac{\bar{q}S}{m}(C_D + C_{L_a}),$	$C_{L_a} = \frac{\partial C_L}{\partial \alpha}$
$Z_{\dot{\alpha}} = -\frac{\bar{q}S\bar{c}}{2mV_T}C_{L_{\dot{\alpha}}},$	$C_{L_{\dot{\alpha}}} = \frac{2V_T}{\bar{c}} \frac{\partial C_L}{\partial \dot{\alpha}}$
$Z_q = -\frac{\bar{q}S\bar{c}}{2mV_T}C_{L_q},$	$C_{L_q} = \frac{2V_T}{\bar{c}} \frac{\partial C_L}{\partial Q}$
$Z_{\dot{\alpha}} = -\frac{\bar{q}S}{m}C_{L_{\dot{\alpha}}},$	$C_{L_{\dot{\alpha}}} = \frac{\partial C_L}{\partial \dot{\alpha}}$
$M_v = \frac{\bar{q}S\bar{c}}{J_Y V_T}(2C_M + C_{m_v}),$	$C_{m_v} = V_T \frac{\partial C_M}{\partial V_T}$
$M_a = \frac{\bar{q}S\bar{c}}{J_Y}C_{m_a},$	$C_{m_a} = \frac{\partial C_M}{\partial \alpha}$
$M_{\dot{\alpha}} = \frac{\bar{q}S\bar{c}}{J_Y} \frac{\partial}{\partial V_T} C_{m_{\dot{\alpha}}},$	$C_{m_{\dot{\alpha}}} = \frac{2V_T}{\bar{c}} \frac{\partial C_M}{\partial \dot{\alpha}}$
$M_q = \frac{\bar{q}S\bar{c}}{J_Y} \frac{\partial}{\partial V_T} C_{m_q},$	$C_{m_q} = \frac{2V_T}{\bar{c}} \frac{\partial C_M}{\partial Q}$
$M_{\dot{\alpha}} = \frac{\bar{q}S\bar{c}}{J_Y}C_{m_{\dot{\alpha}}},$	$C_{m_{\dot{\alpha}}} = \frac{\partial C_M}{\partial \dot{\alpha}}$

TABLE 2.5-4. Lateral-Directional Dimensional Versus Dimensionless Derivatives

$Y_{\beta} = \frac{\bar{q}S}{m}C_{Y_{\beta}},$	$C_{Y_{\beta}} = \frac{\partial C_Y}{\partial \beta}$
$Y_p = \frac{\bar{q}Sb}{2mV_T}C_{Y_p},$	$C_{Y_p} = \frac{2V_T}{b} \frac{\partial C_Y}{\partial P}$
$Y_r = \frac{\bar{q}Sb}{2mV_T}C_{Y_r},$	$C_{Y_r} = \frac{2V_T}{b} \frac{\partial C_Y}{\partial R}$
$Y_{\dot{\alpha}} = \frac{\bar{q}S}{m}C_{Y_{\dot{\alpha}}},$	$C_{Y_{\dot{\alpha}}} = \frac{\partial C_Y}{\partial \dot{\alpha}}$
$Y_{\dot{\alpha}} = \frac{\bar{q}S}{m}C_{Y_{\dot{\alpha}}},$	$C_{Y_{\dot{\alpha}}} = \frac{\partial C_Y}{\partial \dot{\alpha}}$
$L_{\beta} = \frac{\bar{q}Sb}{J'_X}C_{L_{\beta}},$	$C_{L_{\beta}} = \frac{\partial C_L}{\partial \beta}$
$L_p = \frac{\bar{q}Sb}{J'_X} \frac{b}{2V_T}C_{L_p},$	$C_{L_p} = \frac{2V_T}{b} \frac{\partial C_L}{\partial P}$
$L_r = \frac{\bar{q}Sb}{J'_X} \frac{b}{2V_T}C_{L_r},$	$C_{L_r} = \frac{2V_T}{b} \frac{\partial C_L}{\partial R}$
$L_{\dot{\alpha}} = \frac{\bar{q}Sb}{J'_X}C_{L_{\dot{\alpha}}},$	$C_{L_{\dot{\alpha}}} = \frac{\partial C_L}{\partial \dot{\alpha}}$
$L_{\dot{\alpha}} = \frac{\bar{q}Sb}{J'_X}C_{L_{\dot{\alpha}}},$	$C_{L_{\dot{\alpha}}} = \frac{\partial C_L}{\partial \dot{\alpha}}$
$N_{\beta} = \frac{\bar{q}Sb}{J'_Z}C_{N_{\beta}},$	$C_{N_{\beta}} = \frac{\partial C_N}{\partial \beta}$
$N_p = \frac{\bar{q}Sb}{J'_Z} \frac{b}{2V_T}C_{N_p},$	$C_{N_p} = \frac{2V_T}{b} \frac{\partial C_N}{\partial P}$
$N_r = \frac{\bar{q}Sb}{J'_Z} \frac{b}{2V_T}C_{N_r},$	$C_{N_r} = \frac{2V_T}{b} \frac{\partial C_N}{\partial R}$
$N_{\dot{\alpha}} = \frac{\bar{q}Sb}{J'_Z}C_{N_{\dot{\alpha}}},$	$C_{N_{\dot{\alpha}}} = \frac{\partial C_N}{\partial \dot{\alpha}}$
$N_{\dot{\alpha}} = \frac{\bar{q}Sb}{J'_Z}C_{N_{\dot{\alpha}}},$	$C_{N_{\dot{\alpha}}} = \frac{\partial C_N}{\partial \dot{\alpha}}$