

Implementación y Análisis de Algoritmos de Búsqueda y Ordenamiento en Java (GRUPO 5)



Introducción

- En el universo de la programación, la implementación y diseño de algoritmos eficientes es esencial para desarrollar aplicaciones robustas y rápidas. Los algoritmos de búsqueda y ordenamiento ocupan un lugar destacado por su amplia aplicabilidad e impacto significativo en el rendimiento de los sistemas. El lenguaje de programación Java, proporciona un entorno ideal para poner en práctica estos algoritmos.

Objetivos Generales

- Implementación y análisis de algoritmos de búsqueda y ordenamiento en Java.

Objetivos Específicos

- Implementar algoritmos de búsqueda secuencial y búsqueda binaria.
- Implementar algoritmos de ordenamiento burbuja, inserción y selección.
- Describir en pseudocódigo la lógica de funcionamientos de los algoritmos y utilizar la notación Big O para analizar la complejidad temporal en el mejor, caso promedio y peor caso.
- Comparar el rendimiento de los algoritmos con casos de prueba para calcular tiempos de ejecución y su variación con diferentes tamaños de datos.

Implementación de algoritmo de búsqueda secuencial

Para ejemplificarlo en este documento se utiliza un array como estructura de datos que se utiliza como parámetro de entrada junto con el elemento a buscar dentro de ese arreglo.

```
public static int sequentialSearch(int[] array, int target) { no usage
    for (int i = 0; i < array.length; i++) {
        if (array[i] == target) {
            return i;
        }
    }
    return -1;
}
```

En el ejemplo anterior, se recorre el array para buscar el elemento (target) que se desea encontrar, devuelve -1 si no le encuentra y en pseudocódigo los pasos serían los siguientes:

Búsqueda secuencial:

- Para cada elemento en el array:

- Si el elemento es igual al objetivo:

- Retorna el índice

- Retorna -1 si no lo encuentra

Ejemplo de ejecución:

```
Array: [3, 5, 7, 9, 11]
Objetivo: 7
Ejecución:
Paso 1: Compara el primer elemento (3) con el objetivo (7). No son iguales.
Paso 2: Compara el segundo elemento (5) con el objetivo (7). No son iguales.
Paso 3: Compara el tercer elemento (7) con el objetivo (7). Son iguales, por lo que se retorna el índice 2.
```

La complejidad temporal de este algoritmo es la siguiente:

- Mejor caso: $O(1)$ (si el elemento está al principio)
- Peor caso: $O(n)$ (si el elemento está al final o no está en el array)
- Caso promedio: $O(n)$

En el ejemplo anterior la complejidad temporal es el caso promedio $O(n)$ ya que tiene que recorrer el arreglo en 3 iteraciones, si el elemento a buscar es (target=3) la complejidad sería $O(1)$ ya que está al principio y recorre el arreglo 1 vez y el peor caso es cuando el elemento a buscar no está (retorna -1) o si está en la última posición (target=11) ya que debe recorrer todo el arreglo.

Ventajas: Simple de implementar y funciona con arrays no ordenados.

Desventajas: Ineficiente para arrays grandes, ya que en el peor caso requiere revisar todos los elementos.

Implementación de búsqueda binaria

Para ejemplificarlo en este documento, se muestra abajo un método Java que recibe como entrada un array de enteros y el elemento objetivo que se desea buscar.

En pseudocódigo se resume así:

Mientras $\text{left} \leq \text{right}$:

$\text{mid} = (\text{left} + \text{right}) / 2$

 Si $\text{array}[\text{mid}]$ es igual al objetivo:

 Retorna mid

 Si $\text{array}[\text{mid}]$ es menor que el objetivo:

 Ajusta left a $\text{mid} + 1$

 De lo contrario:

 Ajusta right a $\text{mid} - 1$

Retorna -1 si no se encuentra

```
public static int binarySearch(int[] array, int target) {  
    int left = 0;  
    int right = array.length - 1;  
  
    while (left <= right) {  
        int mid = left + (right - left) / 2;  
  
        if (array[mid] == target) {  
            return mid;  
        }  
        if (array[mid] < target) {  
            left = mid + 1;  
        } else {  
            right = mid - 1;  
        }  
    }  
    return -1;  
}
```

Ejemplo de ejecución:

La complejidad temporal de este algoritmo es la siguiente:

- Mejor caso: $O(1)$ (si el objetivo está en el medio)
- Peor caso: $O(\log n)$ (se divide el array en mitades)
- Caso promedio: $O(\log n)$

Para calcular cuántos pasos como máximo se requieren, se usa logaritmo base 2 de 5:

$\log_2(5) \approx 2.32$ Esto significa que puede tomar un máximo de 3 pasos en el peor caso y 2 a 3 en el caso promedio.

Ventajas: Alta eficiencia, especialmente en grandes conjuntos de datos, y simplicidad.

Desventajas: Requiere listas ordenadas y no es adecuada para listas dinámicas o estructuras no secuenciales.

Array: [3, 5, 7, 9, 11]

Objetivo: 9

Ejecución:

Paso 1: Calcula el índice medio: $\text{mid} = (0 + 4) / 2 = 2$. El valor en el índice 2 es 7.
 $7 < 9$, así que ajusta el índice izquierdo a $\text{mid} + 1$, $\text{left} = 3$.

Paso 2: Calcula el nuevo índice medio: $\text{mid} = (3 + 4) / 2 = 3$. El valor en el índice 3 es 9.
 $9 == 9$, así que se retorna el índice 3.

- **Comparación entre algoritmo de búsqueda secuencial y búsqueda binaria con diferentes tamaños de arreglos, obteniendo el tiempo de ejecución.**
-
- Para el método de la búsqueda binaria se sumará el tiempo de ordenamiento (`Arrays.sort()` que utiliza el algoritmo de búsqueda Quicksort para tipos primitivos como `int` y Timsort para objetos).


Tamaño del arreglo	Secuencial (ns)	Ordenamiento (ns)	Binaria (ns)	Total, binaria (ns)	Mejor tiempo	Peor tiempo
10	2326200	2366500	4400	2370900	SECUENCIAL	BINARIA
20010	577800	12660300	2500	12662800	SECUENCIAL	BINARIA
40010	895900	8314600	3100	8317700	SECUENCIAL	BINARIA
60010	438500	8126100	1300	8127400	SECUENCIAL	BINARIA
80010	233700	7497700	1800	7499500	SECUENCIAL	BINARIA
100010	70600	8447900	1900	8449800	SECUENCIAL	BINARIA
120010	44400	10632900	1600	10634500	SECUENCIAL	BINARIA
140010	67700	8832900	1400	8834300	SECUENCIAL	BINARIA
160010	31400	9935500	1100	9936600	SECUENCIAL	BINARIA
180010	34900	11200200	1100	11201300	SECUENCIAL	BINARIA
200010	185500	13322000	1600	13323600	SECUENCIAL	BINARIA
220010	66000	13911400	1600	13913000	SECUENCIAL	BINARIA
240010	44400	15787700	1300	15789000	SECUENCIAL	BINARIA
260010	113300	16456500	2200	16458700	SECUENCIAL	BINARIA
280010	143900	16932200	2100	16934300	SECUENCIAL	BINARIA
300010	56400	17808400	1100	17809500	SECUENCIAL	BINARIA
320010	76100	19331300	1800	19333100	SECUENCIAL	BINARIA
340010	65200	21218200	4000	21222200	SECUENCIAL	BINARIA
360010	104300	21865600	1300	21866900	SECUENCIAL	BINARIA
380010	74800	23491800	2300	23494100	SECUENCIAL	BINARIA
400010	82100	27156200	2200	27158400	SECUENCIAL	BINARIA
420010	173000	26348700	2000	26350700	SECUENCIAL	BINARIA
440010	90500	27665700	1700	27667400	SECUENCIAL	BINARIA
460010	119600	29966000	1900	29967900	SECUENCIAL	BINARIA
480010	149800	29782000	5400	29787400	SECUENCIAL	BINARIA
500010	111900	31567100	2100	31569200	SECUENCIAL	BINARIA
520010	198400	31811800	3000	31814800	SECUENCIAL	BINARIA
540010	126100	33301900	1900	33303800	SECUENCIAL	BINARIA
560010	112200	34478100	2000	34480100	SECUENCIAL	BINARIA
580010	181700	36664800	3800	36668600	SECUENCIAL	BINARIA
600010	180800	37548000	2000	37550000	SECUENCIAL	BINARIA
620010	146600	38568300	2100	38570400	SECUENCIAL	BINARIA
640010	551500	39789500	2200	39791700	SECUENCIAL	BINARIA
660010	222000	43182300	3200	43185500	SECUENCIAL	BINARIA
680010	332200	43228900	2900	43231800	SECUENCIAL	BINARIA
700010	173500	44871000	2600	44873600	SECUENCIAL	BINARIA
720010	338400	46584100	2500	46586600	SECUENCIAL	BINARIA
740010	368800	46915700	3800	46919500	SECUENCIAL	BINARIA
760010	186500	48451300	4000	48455300	SECUENCIAL	BINARIA
780010	319100	50707300	2200	50709500	SECUENCIAL	BINARIA
800010	1063500	50946100	2600	50948700	SECUENCIAL	BINARIA
820010	391600	51741900	2500	51744400	SECUENCIAL	BINARIA
840010	651100	52958500	2300	52960800	SECUENCIAL	BINARIA
860010	431800	55402200	2300	55404500	SECUENCIAL	BINARIA
880010	220400	56785900	2700	56788600	SECUENCIAL	BINARIA
900010	335600	58613200	4500	58617700	SECUENCIAL	BINARIA
920010	421800	59021400	2100	59023500	SECUENCIAL	BINARIA
940010	1132600	61947600	5700	61953300	SECUENCIAL	BINARIA
960010	308800	64142100	2300	64144400	SECUENCIAL	BINARIA
980010	499500	65285500	2700	65288200	SECUENCIAL	BINARIA

- Los tiempos de la tabla anterior están en nanosegundos, el tiempo de ejecución de la búsqueda binaria parece ser menor que el de la secuencial en la mayoría de los casos; pero sumándole el tiempo de ejecución del ordenamiento del arreglo a la búsqueda binaria el tiempo total es mayor.

Implementación de algoritmo de ordenamiento burbuja

Abajo se encuentra un ejemplo con método java que recibe un array de enteros como parámetro de entrada y realiza el ordenamiento usando el algoritmo de la burbuja.

```
public static void bubbleSort(int[] array) {  
    int n = array.length;  
    boolean swapped;  
    do {  
        swapped = false;  
        for (int i = 1; i < n; i++) {  
            if (array[i - 1] > array[i]) {  
                int temp = array[i - 1];  
                array[i - 1] = array[i];  
                array[i] = temp;  
                swapped = true;  
            }  
        }  
        n--;  
    } while (swapped);  
}
```



En pseudocódigo se resume así:
Repite mientras haya
intercambios:

 Para cada elemento en el
array:

 Si el elemento es mayor
que el siguiente:

 Intercambia los
elementos

Ejemplo:

Array: [64, 34, 25, 12, 22]

Ejecución:

Primera Pasada:

 Compara 64 y 34, intercambia → [34, 64, 25, 12, 22]

 Compara 64 y 25, intercambia → [34, 25, 64, 12, 22]

 Compara 64 y 12, intercambia → [34, 25, 12, 64, 22]

 Compara 64 y 22, intercambia → [34, 25, 12, 22, 64]

Segunda Pasada:

 Compara 34 y 25, intercambia → [25, 34, 12, 22, 64]

 Compara 34 y 12, intercambia → [25, 12, 34, 22, 64]

 Compara 34 y 22, intercambia → [25, 12, 22, 34, 64]

Tercera Pasada:

 Compara 25 y 12, intercambia → [12, 25, 22, 34, 64]

 Compara 25 y 22, intercambia → [12, 22, 25, 34, 64]

El array ya está ordenado, así que se detiene el proceso.

- La complejidad temporal de este algoritmo es la siguiente:
-
- Mejor caso: $O(n)$ (si el array ya está ordenado)
- Peor caso: $O(n^2)$ (cuando el array está en orden inverso)
- Caso promedio: $O(n^2)$
-
- Los pasos que tomara el ejemplo anterior se calculan así $(n(n-1))/2$, donde n es el tamaño del arreglo y quedaría como $(5(5-1))/2 = ((5)(4))/2 = 10$.



Implementación de algoritmo de ordenamiento por inserción

En el método Java siguiente se muestra su aplicación:

```
public static void insertionSort(int[] array) {  
    int n = array.length;  
    for (int i = 1; i < n; i++) {  
        int key = array[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && array[j] > key) {  
            array[j + 1] = array[j];  
            j--;  
        }  
        array[j + 1] = key;  
    }  
}
```

Ejemplo:

- En pseudocódigo se resumiría así:
- Para cada elemento desde el segundo hasta el final:
 - Guarda el elemento actual
 - Mueve los elementos mayores al elemento actual a la derecha
 - Inserta el elemento en su posición correcta

Array: [64, 34, 25, 12, 22]

Ejecución:

Paso 1: i = 1, key = 34

Compara 34 con 64, coloca 34 antes de 64 → [34, 64, 25, 12, 22]

Paso 2: i = 2, key = 25

Compara 25 con 64 y 34, coloca 25 antes de 34 → [25, 34, 64, 12, 22]

Paso 3: i = 3, key = 12

Compara 12 con 64, 34 y 25, coloca 12 al principio → [12, 25, 34, 64, 22]

Paso 4: i = 4, key = 22

Compara 22 con 64, 34 y 25, coloca 22 antes de 25 → [12, 22, 25, 34, 64]

- **La complejidad temporal del algoritmo es:**
- Mejor caso: $O(n)$ (si el array ya está ordenado)
- Peor caso: $O(n^2)$ (cuando el array está en orden inverso)
- Caso promedio: $O(n^2)$
- El total de comparaciones que realiza el ejemplo anterior son las siguientes:
- Primer paso: 1 comparación, segundo paso: 2 comparaciones, tercer paso: 3 comparaciones, cuarto paso: 3 comparaciones
- Total = $1 + 2 + 3 + 3 = 9$ comparaciones.
- El algoritmo de ordenamiento por método de la burbuja y por inserción tienen el mismo orden de complejidad en el peor caso, pero el algoritmo de inserción tiende a ser más eficiente.

Implementación del algoritmo de ordenamiento por selección

Ejemplo en Java:

```
public static void selectionSort(int[] array) {  
    int n = array.length;  
    for (int i = 0; i < n - 1; i++) {  
        int minIndex = i;  
        for (int j = i + 1; j < n; j++) {  
            if (array[j] < array[minIndex]) {  
                minIndex = j;  
            }  
        }  
        int temp = array[minIndex];  
        array[minIndex] = array[i];  
        array[i] = temp;  
    }  
}
```

Ejemplo:

- Pseudocódigo:
- Para cada posición en el array:
 - Encuentra el índice del elemento más pequeño desde la posición actual hasta el final
 - Intercambia el elemento más pequeño con el elemento en la posición actual

```
Array: [64, 25, 12, 22, 11]
Ejecución:
Primera pasada:
  Encuentra el elemento más pequeño en la parte desordenada ([64, 25, 12, 22, 11]).
  El elemento más pequeño es 11.
  Intercambia 11 con el primer elemento (64).
  Lista después del primer paso: [11, 25, 12, 22, 64]
Segunda pasada:
  Encuentra el elemento más pequeño en la parte desordenada ([25, 12, 22, 64]).
  El elemento más pequeño es 12.
  Intercambia 12 con el primer elemento de la parte desordenada (25).
  Lista después del segundo paso: [11, 12, 25, 22, 64]
Tercera pasada:
  Encuentra el elemento más pequeño en la parte desordenada ([25, 22, 64]).
  El elemento más pequeño es 22.
  Intercambia 22 con el primer elemento de la parte desordenada (25).
  Lista después del tercer paso: [11, 12, 22, 25, 64]
Cuarta pasada:
  Encuentra el elemento más pequeño en la parte desordenada ([25, 64]).
  El elemento más pequeño es 25.
  No es necesario intercambiar ya que 25 ya está en la posición correcta.
  Lista después del cuarto paso: [11, 12, 22, 25, 64]
Terminación
  La lista ya está ordenada, ya que no hay más elementos en la parte desordenada.
```

- La complejidad de este algoritmo es la siguiente:
- Mejor caso: $O(n^2)$ (si el array está en cualquier orden)
- Peor caso: $O(n^2)$
- Caso promedio: $O(n^2)$
- En este ejemplo se realizaron 10 comparaciones $(n(n-1))/2 = (5(5-1))/2 = 10$
- La complejidad de este algoritmo es la misma para el mejor caso, caso promedio y peor caso.

Comparación entre algoritmos de ordenamiento burbuja, inserción y selección

Tamaño del arreglo	Burbuja (ns)	Inserción (ns)	Selección (ns)	Mejor tiempo	Peor tiempo
10	2965600	6900	5300	SELECCIÓN	BURBUJA
3010	21143500	5805700	6879100	INSERCIÓN	BURBUJA
6010	32427400	9453400	16226600	INSERCIÓN	BURBUJA
9010	102228800	17694400	18182000	INSERCIÓN	BURBUJA
12010	185858700	9768900	65942900	INSERCIÓN	BURBUJA
15010	287191200	15159200	99854100	INSERCIÓN	BURBUJA
18010	417903600	23177400	144275200	INSERCIÓN	BURBUJA
21010	571089300	30434500	196704900	INSERCIÓN	BURBUJA
24010	763917200	40744500	266522300	INSERCIÓN	BURBUJA
27010	989920300	53047800	337273800	INSERCIÓN	BURBUJA
30010	1207671700	66309700	243619000	INSERCIÓN	BURBUJA
33010	1472369800	76827200	286819700	INSERCIÓN	BURBUJA
36010	2301917700	148354600	575186100	INSERCIÓN	BURBUJA
39010	2421080100	151605200	449593800	INSERCIÓN	BURBUJA
42010	2992010400	128015000	550384200	INSERCIÓN	BURBUJA
45010	3503114600	176437400	668749500	INSERCIÓN	BURBUJA
48010	4000492400	167594200	682054100	INSERCIÓN	BURBUJA
51010	4385724100	326678800	965054800	INSERCIÓN	BURBUJA
54010	5290578600	293612200	1034473900	INSERCIÓN	BURBUJA
57010	6058732100	363208100	1183165000	INSERCIÓN	BURBUJA
60010	7110280400	405478400	1287320600	INSERCIÓN	BURBUJA
63010	6098358400	281514100	1125303700	INSERCIÓN	BURBUJA
66010	5954439800	322059200	1182142400	INSERCIÓN	BURBUJA
69010	8768013100	514940800	1486832100	INSERCIÓN	BURBUJA
72010	7129720500	400839400	1413846400	INSERCIÓN	BURBUJA
75010	7773782800	415213700	1614500300	INSERCIÓN	BURBUJA
78010	8331135400	468018200	1698445600	INSERCIÓN	BURBUJA
81010	8864001800	494441300	1763405600	INSERCIÓN	BURBUJA
84010	12229519600	664536200	2619563600	INSERCIÓN	BURBUJA
87010	14347121800	742909100	2845457700	INSERCIÓN	BURBUJA
90010	15875050500	861610400	2984024000	INSERCIÓN	BURBUJA
93010	15968645800	890171700	2979650500	INSERCIÓN	BURBUJA
96010	16610249200	911692700	3180187200	INSERCIÓN	BURBUJA
99010	17906349600	991061500	3339919200	INSERCIÓN	BURBUJA

- La tabla anterior muestra los resultados de tiempos de ejecución en nanosegundos al ordenar arreglos de diferentes tamaños y se encuentra que la mayoría tienen menor tiempo utilizando el algoritmo de ordenamiento por inserción, pero los 3 algoritmos no son tan eficientes para grandes volúmenes de datos debido a su complejidad cuadrática $O(n^2)$ por lo que en la práctica se prefieren algoritmos más eficientes como QuickSort ó MergeSort, que tienen complejidades $O(n \log n)$.
- La tabla siguiente muestra como crecería el tiempo de ejecución entre la complejidad cuadrática y logarítmica.

Tamaño del arreglo	$O(n^2)$	$O(\log n)$
10	100	3.32
100	10,000	6.64
1000	1,000,000	9.97

- **CONCLUSIONES**

- Hemos analizado los algoritmos de búsqueda secuencial, binaria y los métodos de ordenamiento por burbuja, selección e inserción que nos revela la importancia de elegir el enfoque adecuado según el contexto y las características de los datos. La búsqueda secuencial es sencilla, se puede aplicar a diferentes colecciones y puede ser no tan eficiente para conjuntos de datos grandes. Por otro lado la búsqueda binaria es rápida, pero tiene la desventaja de que los datos deben estar previamente ordenados lo que suma tiempo si primero se ordenan los datos y luego se implementa, en el caso que analizamos concluimos que el secuencial tiene mejor tiempo debido a que la búsqueda binaria primero debe hacer un proceso de ordenamiento lo cual suma tiempo, por lo que se podría usar en los casos que sabemos que los datos están previamente ordenados para evitar el costo de ordenamiento.
- En cuanto a los algoritmos de ordenamiento, cada método presenta sus propias ventajas y desventajas. El ordenamiento por burbuja es sencillo, pero poco eficiente en comparación con los algoritmos de inserción y selección, que como lo analizamos tienen mejores rendimientos sobre todo el de inserción. Todos tienen una complejidad cuadrática (el tiempo de ejecución crece cuadráticamente con el tamaño de los datos n) y en la practica son utilizados mejores algoritmos como QucikSort o MergeSort debido a que son de complejidad logarítmica (el tiempo de ejecución crece logarítmicamente con el tamaño de los datos n).
- Estos algoritmos sirven en la comprensión de la eficiencia computacional, ya que permiten desarrollar habilidades críticas para abordar problemas más complejos.
- El dominio de estos algoritmos es esencial para la programación y desarrollo de software, también proporciona una base para el aprendizaje de estructuras de datos y técnicas avanzadas en el ámbito de la computación. La elección del algoritmo adecuado puede significativamente hacer la diferencia entre un sistema eficiente y uno que se vuelve casi inoperante con grandes volúmenes de datos.