# GOBIERNO CONSTITUCIONAL DEL ESTADO LIBRE Y SOBERANO DE OAXACA INSTITUTO ESTATAL DE EDUCACIÓN PÚBLICA DE OAXACA COORDINACIÓN GENERAL DE PLANEACIÓN EDUCATIVA COORDINACIÓN GENERAL DE EDUCACIÓN MEDIA SUPERIOR Y SUPERIOR

#### PROGRAMA DE ESTUDIO

NOMBRE DE LA ASIGNATURA

Optimización de Espacios Vectoriales

CICLO CLAVE DE LA ASIGNATURA TOTAL DE HORAS
0710010P 85

### OBJETIVO(S) GENERAL(ES) DE LA ASIGNATURA

El alumno conocerá la Teoría de Optimización en espacios vectoriales de dimensión infinita y sus aplicaciones en teoría de control óptimo.

#### TEMAS Y SUBTEMAS

### 1. Espacios normados y Espacios de Hilbert

- 1.1 Definiciones y ejemplos
- 1.2 Transformaciones y continuidad
- 1.3 Los espacios  $l_{\scriptscriptstyle p}$  y  $L_{\scriptscriptstyle p}$
- 1.4 Valores extremos de funcionales y compacidad
- 1.5 El teorema de proyección. Aplicaciones
- 1.6 Ecuaciones normales y matrices de Gram
- 1.7 Series de Fourier

# 2. Espacios duales, operadores lineales y adjuntos

- 2.1 El dual de algunos espacios de Banach
- 2.2 El teorema de Hahn-Banach en forma de extensión
- 2.3 El dual de C[a,b]
- 2.4 El espacio segundo dual
- 2.5 Alineación y complemento ortogonal
- 2.6 Problemas de norma mínima y aplicaciones
- 2.7 El teorema de Hahn-Banach en forma geométrica
- 2.8 Dualidad en problemas de norma mínima
- 2.9 El espacio de operadores lineales acotados
- 2.10 Operador adjunto
- 2.11 Relaciones entre el rango y el espacio nulo

# 3. Optimización de funcionales y Teoría de optimización con restricciones

- 3.1 Diferenciales según Gateaux y según Fréchet
- 3.2 Extremos de funcionales
- 3.3 Ecuaciones de Euler Lagrange
- 3.4 Problemas con puntos terminales variables
- 3.5 Problemas con restricciones de igualdad
- 3.6 Problemas con restricciones de desigualdad

#### 4. Teoría de control óptimo

- 4.1 Condiciones necesarias
- 4.2 El principio del máximo de Pontryagin

ACTIVIDADES DE APRENDIZAJE

Exposición de temas por parte del profesor. Asignación de listas de ejercicios.



COORDINACIÓN

GENERAL DE EDUCACIÓN

MEDIA SUPERIOR Y SUPERIOR

## CRITERIOS Y PROCEDIMIENTOS DE EVALUACIÓN Y ACREDITACIÓN

Al inicio del curso el profesor indicará el procedimiento de evaluación que deberá comprender al menos tres evaluaciones parciales y un examen final.

#### BIBLIOGRAFÍA

#### Libros básicos:

- 1. Optimization by vector space methods. David G. Luenberger. John Wiley
- 2. Calculus of Variations. I. M. Gelfand and S. V. Fomin.
- 3. Introduction to optimal control theory. Jack Macki. Springer.
- 4. Introductory Functional Analysis with Applications. Erwin Kreyszig

#### Libros de consulta:

- 1. Nonlinear programming theory and algorithms. Mokhtar S. Bazaraa, Hanif D. Sherali and C.M. Shetty
- 2. Nonlinear Programming, Dimitri P. Bertsekas, Athena Scientific; 2nd edition, 1999.
- 3. Convex Analysis R. Tyrrell Rockafellar. Princeton University Press.

### PERFIL PROFESIONAL DEL DOCENTE

Posgrado en Matemáticas con dominio de los temas de análisis funcional y teoría de control optimo.

