# GOBIERNO CONSTITUCIONAL DEL ESTADO LIBRE Y SOBERANO DE OAXACA INSTITUTO ESTATAL DE EDUCACIÓN PÚBLICA DE OAXACA COORDINACIÓN GENERAL DE PLANEACIÓN EDUCATIVA COORDINACIÓN GENERAL DE EDUCACIÓN MEDIA SUPERIOR Y SUPERIOR

#### PROGRAMA DE ESTUDIO

NOMBRE DE LA ASIGNATURA

Topología II

CICLO	CLAVE DE LA ASIGNATURA	TOTAL DE HORAS
Noveno Semestre	070901	85

# OBJETIVO(S) GENERAL(ES) DE LA ASIGNATURA

Dar al alumno el conocimiento de las bases teóricas de la Topología Algebraica y desarrollar en él las habilidades para transformar un problema topológico en uno algebraico, resolviéndolo por medio de la herramienta de la Topología Algebraica.

# TEMAS Y SUBTEMAS

## 1. El grupo fundamental

- 1.1 Mapeos homotópicos
- 1.2 Construcción del grupo fundamental
- 1.3 Cálculo
- 1.4 Equivalencia homotópica
- 1.5 Aplicaciones: El teorema del punto fijo de Brower, separación del plano, la frontera de una superficie.

#### 2. Triangulaciones

- 2.1 Triangulación de espacios
- 2.2 Subdivisión baricéntrica
- 2.3 Aproximación simplicial
- 2.4 El grupo de aristas de un complejo

#### 3. Superficies

- 3.1 Clasificación
- 3.2 Triangulación y orientación
- 3.3 Característica de Euler
- 3.4 Cirugía
- 3.5 Símbolos de superficie

#### 4. Homología simplicial

- 4.1 Ciclos y fronteras
- 4.2 Grupos de homología
- 4.3 Ejemplos
- 4.4 Mapeos simpliciales
- 4.5 Subdivisión estelar
- 4.6 Invarianza

### 5. Grado y el número de Lefschetz

- 5.1 Mapeos de esferas
- 5.2 La fórmula de Euler-Poincaré
- 5.3 El teorema de Borsuk-Ulam
- 5.4 El teorema del punto fijo de Lefschet
- 5.5 Dimensión



#### ACTIVIDADES DE APRENDIZAJE

El desarrollo de la asignatura se basará en sesiones dirigidas por el profesor, utilizando, cuando sea necesario, elementos auxiliares para la enseñanza como proyector ó cañón. Los temas que requieran se acompañarán de horas de práctica. Se asignarán a los alumnos listas de ejercicios para resolver, seleccionando algunos para exponer ante el grupo.

# CRITERIOS Y PROCEDIMIENTOS DE EVALUACIÓN Y ACREDITACIÓN

Al inicio del curso el profesor indicará el procedimiento de evaluación. Se aplicará al menos tres exámenes parciales y un examen final. En cada evaluación parcial debe considerarse participación y asistencia en clase, asistencia a asesorías, entrega y exposición de problemas resueltos por los alumnos.

#### **BIBLIOGRAFÍA**

## Libros Básicos:

- 1. Basic Topology, Armstrong, M. A.; McGraw Hill, 1983.
- 2. An Introduction to Algebraic Topology; Rotman, J. J.; Springer-Verlag, 1988
- 3. Topología Básica; Prieto, C., Fondo de Cultura Económica, 2003.
- 4. Algebraic Topology from a homotopical viewpoint; Aguilar, M., Gitler, S.; Springer-Verlag, 2002.

### Libros de Consulta:

- 1. Elements of Algebraic Topology, Munkres, J. R.; Perseus Book Publishing, 1984
- 2. Algebraic Topology, Spanier, E. H., Springer-Verlag, 1966.
- 3. Topology of Surfaces, knots, and manifolds: A first undergraduate course, Carlson, S. C., John Wiley & Sons, 2001.
- 4. **Modern Geometry- methods and applications, part 3: Introduction to homology theory**, Dubrovin, B.A., Fomenko, A.T., Novikov, S.P., Springer-Verlag, 1990.

#### PERFIL PROFESIONAL DEL DOCENTE

Maestría o Doctorado en Matemáticas o Matemáticas Aplicadas

