### Biyoistatistik Lecture 2

Msc.Ali Mertcan KÖSE

İstanbul Kent Üniversitesi

#### İstatistik Nedir?

**İstatistik** Verinin toplanması, düzenlenmesi, özetlenmesi ve analiz edilmesi ile ilgili çalışmaların yapıldığı bir alandır.

İstatistik bir veri bilimidir.

- Çok sayıda bilginin özetlenmesini sağlar
- Eldeki az sayıda veriden yola çıkarak öngörü yapar(Bütüne ilişkin çıkarımda bulunur).

#### Kitle ve Örneklem

**Kitle:** Üzerinden araştırma yaptığımız birimler topluluğuna "Kitle" denir.

Örneklem: Çekildiği Kitleyi temsil ettiği düşünülen ve evrene göre daha az sayıda birey ya da gözlemden oluşan alt kümedir. Basit bir ifade ile kitlenin bir bölümüne *örneklem* denir. (Kitleyi iyi temsil etmesi gerekir!)

## Değişkenlerin Ölçme Düzeyi

- Sınıflandırılmış (Nominal) Değişkenler
- Sıralanmış (Ordinal) Değişkenler
- Eşit Aralıklı Değişkenler
- Oranlı Değişkenler

#### Not

- Kesikli Değişkenler (Sayılarak Elde edilen)
- Sürekli Değişkenler (Ölçülerek Elde edilen)

#### Verilerin Özetlenmesi

Bir araştırmacı araştırmaya başlamadan önce araştırma evrenini oluşturmalıdır. Araştırma evrenini(Kitle) belirlerken, birimlerin ortak nitelik, mekan ve zaman da olması önemli bir husustur. Bir sonraki aşamada belirlediğimiz kitle üzerinden, Kitleyi iyi temsil edecek örneklem çekilmesi gerekir. Böylece örneklem seçildikten sonra gözlem birimlerinden veriler elde edilir. Bu veriler üzerinden herhangi bir düzenleme, özetleme veya başka bir oynama yapılmadığı zaman ham veri(raw data) elde edilir.

#### Verilerin Özetlenmesi

```
##
    npreg glu bp skin bmi ped age type
##
  1
        5
           86 68
                  28 30.2 0.364
                                24
                                     No
## 2
        7 195 70
                  33 25.1 0.163 55
                                    Yes
## 3
        5 77 82
                  41 35.8 0.156 35
                                     No
## 4
        0 165 76 43 47.9 0.259 26
                                     No
## 5
        0 107 60 25 26.4 0.133 23
                                     No
## 6
        5 97 76
                  27 35.6 0.378 52
                                   Yes
```

**npreg:** Gebelik sayısı, **glu:** Plazma glukoz konsantrasyonu, **bp:** diyastolik kan basıncı, **skin:**cilt kat kalınlığı, **bmi:** Beden kitle indeksi, **ped:** diyabetik pedigre fonksiyonu, **age:** yaş, **type:** diyabet statüsü

#### Verilerin Özetlenmesi

Verilerin anlamlı bilgiler verebilmesi ve bu bilgilerin açık, kolay anlaşılır olması için, verilerin belirli bir düzende sunulması, bazı matematiksel işlemler yardımlarıyla özetlenmesi için bazı yöntemlerin uygulanması gerekir.

- 1 Tablo oluşturulması(Frekans dağılım tabloların hazırlanması)
- @ Grafik çizilmesi
- Tanımlayıcı istatistiklerin hesaplanması

### Tanımlayıcı istatistikler

- Tanımlayıcı istatistikler hesaplandığı örneklemin özelliklerini tek bir değer ile özetler
- Tanımlayıcı istatistikler veri setleri hakkında daha fazla bilgi edinmemizi sağlar.
- Kitleye ait parametler üzerinden tahmin yapılan ölçülerdir.

### Tanımlayıcı istatistikler

- Merkezi eğilim Ölçüleri
  - Mod
  - Medyan
  - Aritmetik Ortalama
  - Diğer Ortalamalar (Geometrik Ortalama, Harmonik Ortalama, Karesel Ortalama)
- Dağılış Ölçüleri (Yayılış, Saçılış)
  - Açıklık
  - Çeyrekler arası açıklık
  - Çeyrek ayrılış
  - Ortalama ayrılış
  - Varyans ve Standart Sapma
  - Değişim Katsayısı
  - Basıklık ve Çarpıklık

Verinin ağırlık noktasını(merkezini) gösterir.

Mod (Tepe değeri): Frekansı en fazla olan değerdir.

 $\mathsf{Ham}\ \mathsf{veri} \to \mathsf{En}\ \mathsf{b\"{u}}\mathsf{y\"{u}}\mathsf{k}\ \mathsf{frekans}$ ı veren değer.

Sınıflandırılmış veri ightarrow mod= L +  $\frac{\mathit{fs}}{\mathit{fs}+\mathit{f\"{o}}}$  imes c

L: mod sınıfının alt değeri

fs: mod sınıfından sonra gelen frekans

fö: mod sınıfından önce gelen frekans

c: sınıf aralığı

#### örnek:

*x<sub>i</sub>*: 20, 40,40,20,60,80,20

**Medyan(Ortanca):** Veriler küçükten büyüğe sıralandıktan sonra tam ortaya düşen değerdir. Bu nedenle medyana ikinci çeyrek  $(Q_2)$  denir.

Ham veri ightarrow n tek ise,  $\mathsf{M} = X_{(n+1)/2}$  n çift ise,  $\mathsf{M} = \frac{(\mathsf{X} n/2) + (\mathsf{X} n + 2/2)}{2}$ 

Sınıflandırılmış veri  $\rightarrow$  M= L +  $\frac{c}{f}$   $\times$  ( $\frac{N}{2}$ -d)

L: medyan sınıfı alt sınıfı

f: medyan sınıfı frekansı

c: sınıf aralığı

d: medyan sınıfından önce gelen sınıfların frekansı

#### örnek:

i: 12345

x<sub>i</sub>: 20 60 40 80 50

#### Aritmetik Ortalama( $\mu$ ):

$$(\mu) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} f(x_i)$$

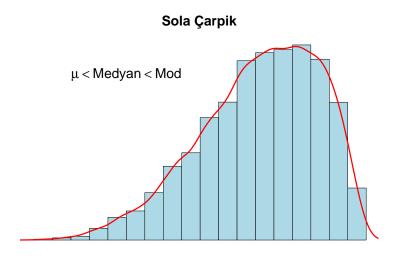
Sınıflandırılmış veri  $ightarrow rac{1}{N} \sum_{i=f}^m f_j \overline{x_j}$ 

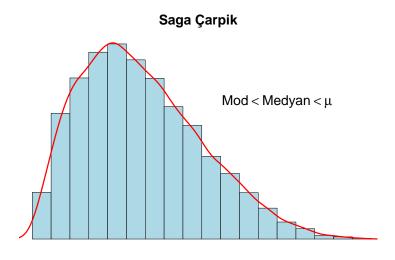
$$f(x) \rightarrow \mu = \sum x \times f(x) \implies$$
 Kesikli değişken

$$\mu = \int \mathbf{x} \times \mathbf{f}(\mathbf{x}) \implies$$
 Sürekli değişken

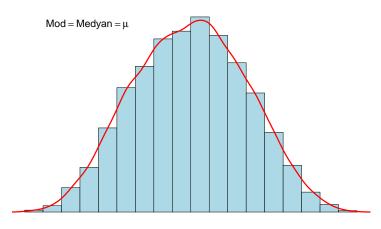
#### Not

**A.O'nın dezavantajı:** Uç değerden aşırı derece etkilenmektedir. Bu yüzden Aykırı değer varsa A.O'dan kaçınılır.









#### Diğer Ortalamalar

#### Geometrik Ortalama:

$$G=N\sqrt{X_1.X_2...X_N}$$

Birim zamanda kullanılan orana mutlak farktır.

Bu oran sadece oran ölçeğinde kullanılır.

Herhangi bir gözlem değeri 0 olamaz.

#### Harmonik Ortalama:

$$H = \frac{N}{\frac{1}{X_1} + \frac{1}{X_2} + \dots + \frac{1}{X_N}}$$

Uç değerden en az etkilenendir.

$$X_i > 0$$

Oran ölçeğinde kullanılır.

Birim mesafe birim zamanda yapılan işlerin ort.'da kullanılır.

$$A \ge G \ge H$$

#### Karesel Ortalama:

$$K = \sqrt{\frac{\sum_{N} x^2}{N}}$$

$$\sigma^2 = K^2 - \mu^2$$

- Dağılış ölçüsü verilerin merkezden uzaklığını gösteren ölçülerdir.
- Verilerin birbirinden uzaklığını gösteren bir ölçüdür.
- Bir homojenlik ölçüsüdür.
- Dağılış ölçüsü 0'dan büyük değer alır.
- Dağılış ölçüsü 0'a yaklaştıkça homojenlik artar.
- Bir sabitin dağılış ölçüsü 0'dır.

Açıklık

$$\mathsf{R} = X_{\mathsf{N}} \; (\mathsf{En} \; \mathsf{b\ddot{u}y\ddot{u}k}) - X_1 \; (\mathsf{En} \; \mathsf{k\ddot{u}\ddot{c}\ddot{u}k})$$

- Gözlem sayısının az olduğu durumlarda kullanılması önerilir.
- $N \le 5$  ise kullanılır.
- 2 Çeyrekler Arası Açıklık

$$\varsigma.A.= Q_3 - Q_1$$

$$Q_1 = \frac{N}{4}$$

$$Q_3=\frac{3N}{4}$$

Çeyrek Ayrılış

$$Q = \frac{Q_3 - Q_1}{2}$$

Ortalama Ayrılış

$$O.A. = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (|x_i - \mu|)$$

Sınıflandırılmış veri  $ightarrow rac{1}{N} \sum^N f_j \left| \overline{x_j} - \mu \right|$ 

Varyans ve Standart Sapma

$$\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum^{N} (x_i - \mu)^2 
ightarrow ext{Kitle için}$$

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2 \rightarrow \text{Örneklem için}$$

sınıflandırılmış veri 
$$\sigma^2 = \rightarrow \frac{1}{N} \sum^{N} (f_j \overline{x_j} - \mu)^2$$

Oeğişim Katsayısı

$$\mathsf{c} = rac{\sigma}{u} imes 100 o \mathsf{Kitle}$$
 için

$$\hat{c} = \frac{s}{\overline{x}} \times 100 
ightarrow \ddot{O}$$
rneklem için

#### Not

Gözlem değerleri arasında önem farklılığı varsa(olasılık) ağırlıklı ortalama kullanılır.

 $\sigma^2 = \text{Kitle varyans}$ 

 $s^2 = \ddot{O}$ rneklem varyansı

 $\mathit{s}_{\overline{\mathsf{x}}} = \mathsf{Istatistiğin}$  varyansının karekökü

## Çarpıklık ve Basıklık

Çarpıklık 
$$(\alpha_3) = \frac{\frac{1}{N} \sum (x_i - \mu)^3}{\sigma^3}$$

 $\alpha_3 > 0$  sağa çarpık

 $lpha_{
m 3}<$  0 sola çarpık

 $\alpha_{\rm 3}={\rm 0}$  simetrik

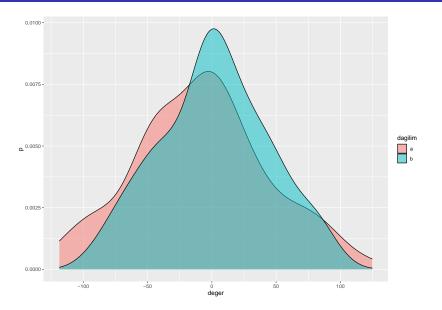
Basıklık (
$$\alpha_4$$
)=  $\frac{\frac{1}{N}\sum(x_i-\mu)^4}{\sigma^4}$ 

 $\alpha_4 > 3$  sivri

 $\alpha_{4} <$  3 basık

 $\alpha_{\rm 4}=$  3 simetrik

## Çarpıklık ve Basıklık



Örnek: 10, 10, 5 15, 10 örneklem verisinin,

- Mod
- Medyan
- A.o.
- standard sapması ve varyansını bulunuz.

#### Çözüm:

Mod (en çok tekrar eden) = 10

Medyan = 5 10 10 10 15 (Küçükten büyüğe sıralanır) sonrasında  $(\frac{n+1}{2})=6/2=3$  ve 3. değer 10

$$A.o = 5+10+10+10+15/5 = 10$$

A.o= Medyan = Mode olduğu için simetrik bir dağılım.

varyans 
$$\frac{\sum (x-\mu)^2}{n-1} = \frac{(5-10)^2 + (10-10)^2 \dots + (15-10)^2}{5-1} = 12,5$$

Standard sapma =  $\sqrt{(12,5)}$  = 3,53

Örnek: 2,9,3,7,5,6,10 dizine ait aşağıdaki değerleri bulunuz.

- Açıklık
- Çeyrekler arası genişlik
- Çeyrek Ayrılış
- Ortalama
- Varyans ve standart sapma, Çarpıklık ve Basıklık.
- Marmonik Ortalama
- Geometrik Ortalama
- 8 Kareli Ortalama

#### Çözüm:

Açıklık
$$= R = X_N$$
 (En büyük) -  $X_1$  (En küçük)

$$10-2 = 8$$

Çeyrekler arası genişlik = 
$$Q_3$$
 -  $Q_1$ 

$$9-3=6$$

Çeyrek ayrılış = 
$$\frac{Q_3 - Q_1}{2}$$

$$6/2 = 3$$

A.Ortalama = 
$$\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} f(x_i)$$

$$(2+3+5+...+10)/7=6$$

Geometrik Ortalama = 
$$\sqrt[N]{X_1.X_2...X_N}$$

$$^{7}\sqrt{2*3*...*10} = 5,27$$

Harmonik Ortalama= 
$$\frac{N}{\frac{1}{X_1} + \frac{1}{X_2} + \dots + \frac{1}{X_N}}$$

$$\frac{7}{\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{10}} = 4,50(A > G > H)$$

Kareli Ortalama = 
$$\sqrt{\frac{\sum x^2}{N}}$$

$$\sqrt{\frac{2^2+3^2+\ldots+10^2}{7}}=43,42$$

Standart sapma = 
$$\sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \mu)^2}$$

$$\sqrt{\frac{1}{7}(2-6)^2 + (3-6)^2 + ... + (10-6)^2} = 2,72$$

Varyans= 
$$\frac{1}{N} \sum^{N} (x_i - \mu)^2$$
  
 $\frac{1}{N} \sum^{N} (x_i - \mu)^2 = 7,42$   
Çarpıklık=  $\frac{\frac{1}{N} \sum (x_i - \mu)^3}{\sigma^3}$   
0  
Basıklık =  $\frac{\frac{1}{N} \sum (x_i - \mu)^4}{\sigma^4}$   
1.75  $\rightarrow$  1.75-3= -1.25

#### Örnek:

Kan Basıncı	Hasta Sayısı
115-124	4
125-134	5
135-144	5
145-154	7
155-164	5
165-174	4
175-184	5

Yukarıdaki tabloda yer alan veri seti üzerinden

- Mod
- Medyan
- Aritmatik Ortalama
- Varyans ve Standart Sapma
- Açıklık, Çeyrekler arası Açıklık, Çeyrek ayrılış ve değişim katsayısını bulunuz.

frekans	хi	xi.fj	fj(xifj-xort)^2		
4	119,5	478	3668,89		
5	129,5	647,5	2057,55		
5	139,5	697,5	528,97		
7	149,5	1046,5	0,57		
5	159,5	797,5	471,836		
4	169,5	678	1554,61		
5	179,5	897,5	4414,69		
Toplam:35		Toplam:5242,5	Toplam:12697,14		

#### Çözüm:

**Mod:** Mod= L + 
$$\frac{fs}{fs + f\ddot{o}}$$
 × c = 145 +  $\frac{5}{10}$  × 10 = 150

**Medyan:** Medyan = L + 
$$\frac{c}{f}$$
 ×  $(\frac{N}{2}$ -d) = 145 +  $\frac{10}{7}$  ×  $(\frac{35}{2}$ -14) = 150

**A.O:** 
$$\frac{1}{N} \sum_{i=f}^{m} f_j \overline{x_j}$$

$$= \frac{1}{35} (119,5 \times 4 + 129,5 \times 5 + 139,5 \times 5 + 149,5 \times 7 + 159,5 \times 5 + 169,5 \times 4 + 179,5 \times 5) = 897,5/35 = 149,78$$

**Varyans:** 
$$\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (f_i \overline{x_i} - \mu)^2 = 12697,14 /35 = 362,77$$

**Standart sapma** 
$$\sqrt{\sigma^2} = \sqrt{362,77} = 19,04$$

Açıklık: R = 
$$X_N$$
 (184) -  $X_1$  (115) =69  
Çeyrekler arası Açıklık:  $Q_1$ = L +  $\frac{c}{f}$  × ( $\frac{N}{4}$ -d)  
=  $125 + \frac{10}{5}$  × ( $\frac{35}{4}$ -4) =  $134,5$   
 $Q_3$  = L +  $\frac{c}{f}$  ×( $\frac{3N}{4}$ -d)  
=  $165 + \frac{10}{4}$  × ( $\frac{35}{4}$ -26) =  $165,62$   
 $Q_3$  -  $Q_1$  =  $165,62$  -  $134,5$  =  $31,12$   
Çeyrek Ayrılış:  $\frac{Q_3-Q_1}{2}$  =  $31,12/2$  =  $15,56$   
Değişim Katsayısı  $\frac{\sigma}{\mu}$  ×  $100 = \frac{19,4}{149,978}$  \*  $100 = 12,95$ 

### ÖDEV 1

Hasta id:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Tedavi Süresi:	12	11	12	6	11	11	8	5	5	5

Yukarıda yer alan veri seti üzerinden

- Mod
- Medyan
- Aritmatik Ortalama
- Varyans ve Standart Sapma
- Açıklık, Çeyrekler arası Açıklık, Çeyrek ayrılış ve değişim katsayısını bulunuz.

# ÖDEV 2

Kolesterol_Duzeyi	Erkek_sayisi
80-119	13
120-159	150
160-199	442
200-239	299
240-279	115
280-319	34
320-359	9
360-399	5

#### ÖDEV 2

Yukarıdaki tabloda yer alan veri seti üzerinden

- Mod
- Medyan
- Aritmatik Ortalama
- Varyans ve Standart Sapma
- Açıklık, Çeyrekler arası Açıklık, Çeyrek ayrılış ve değişim katsayısını bulunuz.