

# Sosyolojide Nicel Araştırma Teknikleri

## Lecture 6

Ali Mertcan KOSE Ph.D.

[amertcankose@ticaret.edu.tr](mailto:amertcankose@ticaret.edu.tr)

İstanbul Ticaret Üniversitesi



İSTANBUL TİCARET  
ÜNİVERSİTESİ

# Normal Dağılım Testi

**Normal dağılım bir çok istatistiksel testin kullanımı için ön şarttır.**

- İstatistikte doğru tanıtıcı istatistiğe ve doğru test yöntemine karar verebilmek için verilerin dağılıminın normal dağılıma uygunluğunun test edilmesi gereklidir.

# Verilerin Normallik Testi

- ① Veriye ilişkin Histogram grafiği çizilir. Grafiksel olarak Normal dağılım sağladığı kontrol edilir.
- ② Ortalama, medyan ve tepe değerleri hesaplanır ve karşılaştırılır( $\text{Mod} = \text{Medyan} = \text{Aritmetik Ortalama}$ ).
- ③ Verilerin  $2/3$ 'ü ortalama etrafındaki 1 standart sapmalık alanda yer olması gereklidir.
- ④ Verilerin  $\%95$ 'i ortalama etrafında 2 standart sapma alanında yer almmalıdır.
- ⑤ Normal dağılım için Q-Q ve P-P grafiklerine bakılır. Bu grafiklerin doğrusal olması beklenir.
- ⑥ Normal dağılıma uygunluk testleri kontrol sağlanır(Kolmogorov-Smirnov Testi ve Shapiro wilk testi).

# Verilerin Normallik Testi

Sayısal ifade edilen değişkenler için ilk aşama normal dağılıma uygunluk testidir. Bir değişken normal dağılıma sahipse test sonucunda  $p$  değeri 0.05'den büyük çıkar

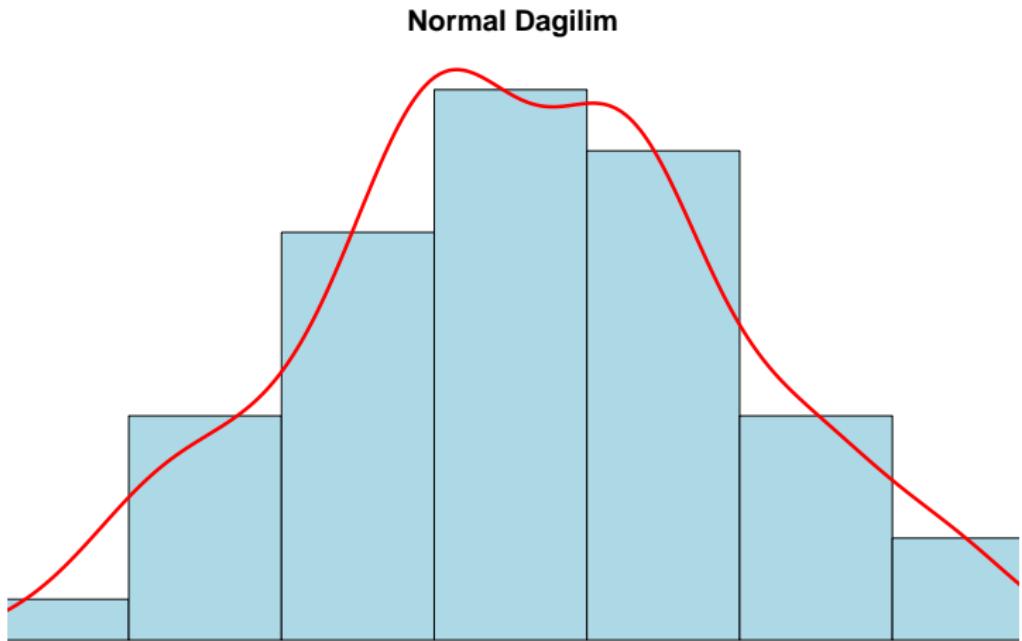
Birden fazla grup varsa her grupta ayrı ayrı normal dağılım kontrolü yapılır.

# Verilerin Normallik Testi

Bir değişken normal dağılıma uygun değilse test sonucunda p değer 0.05'den küçük olur.

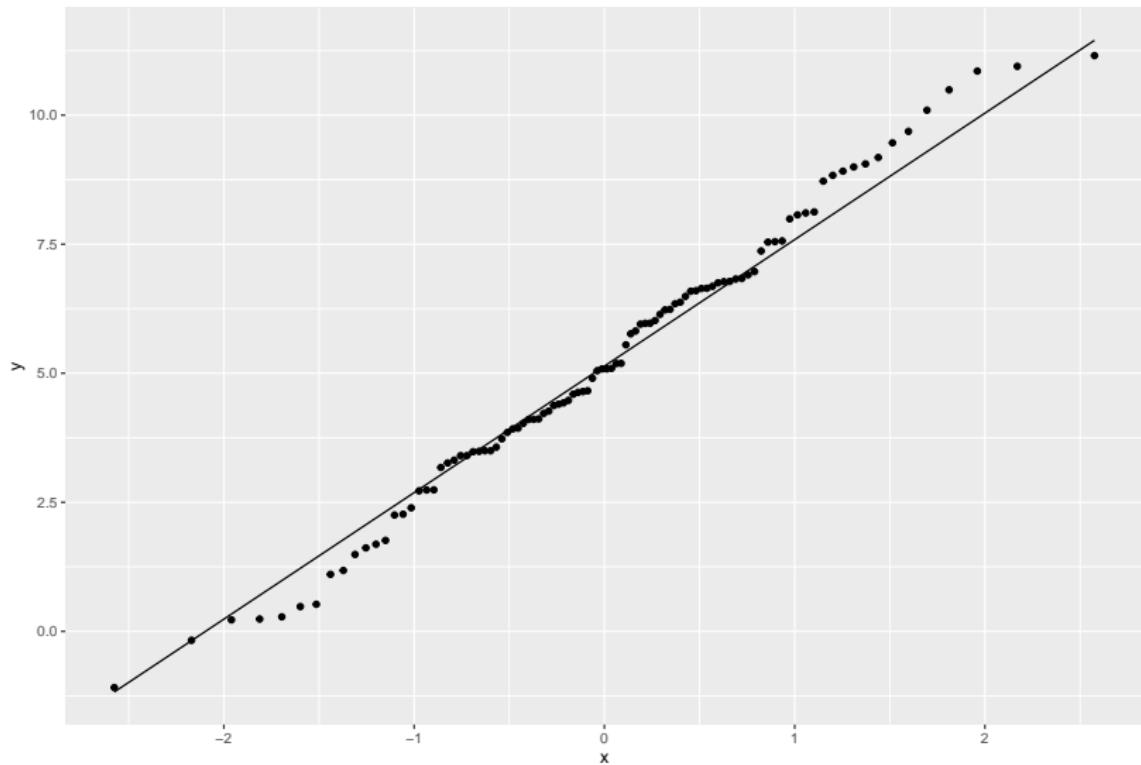
Birden fazla grup varsa her grupta ayrı ayrı normal dağılım kontrolü yapılır.

# Verilerin Normallik Testi



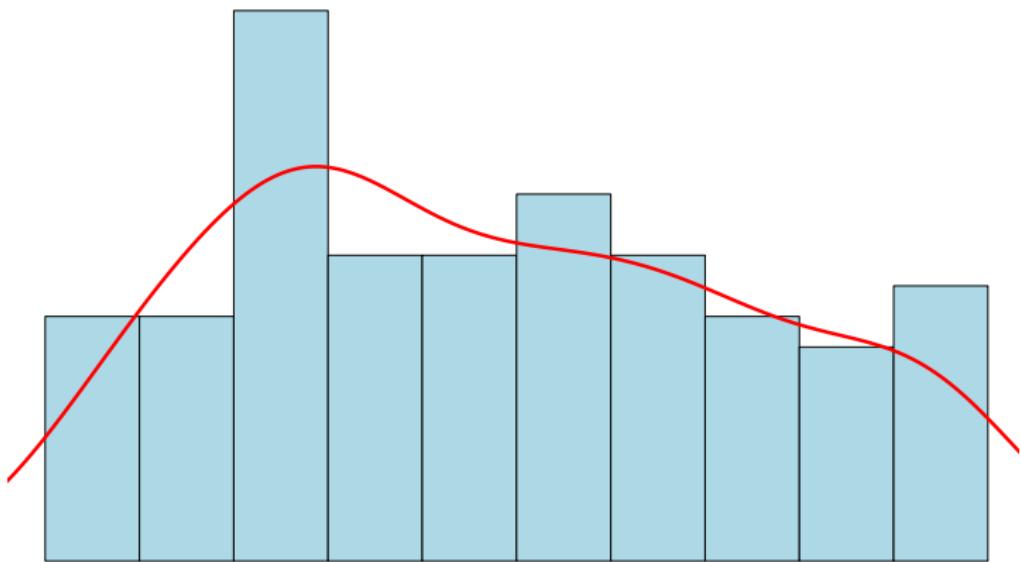
# Verilerin Normallik Testi

*Q-Q-Grafigi*



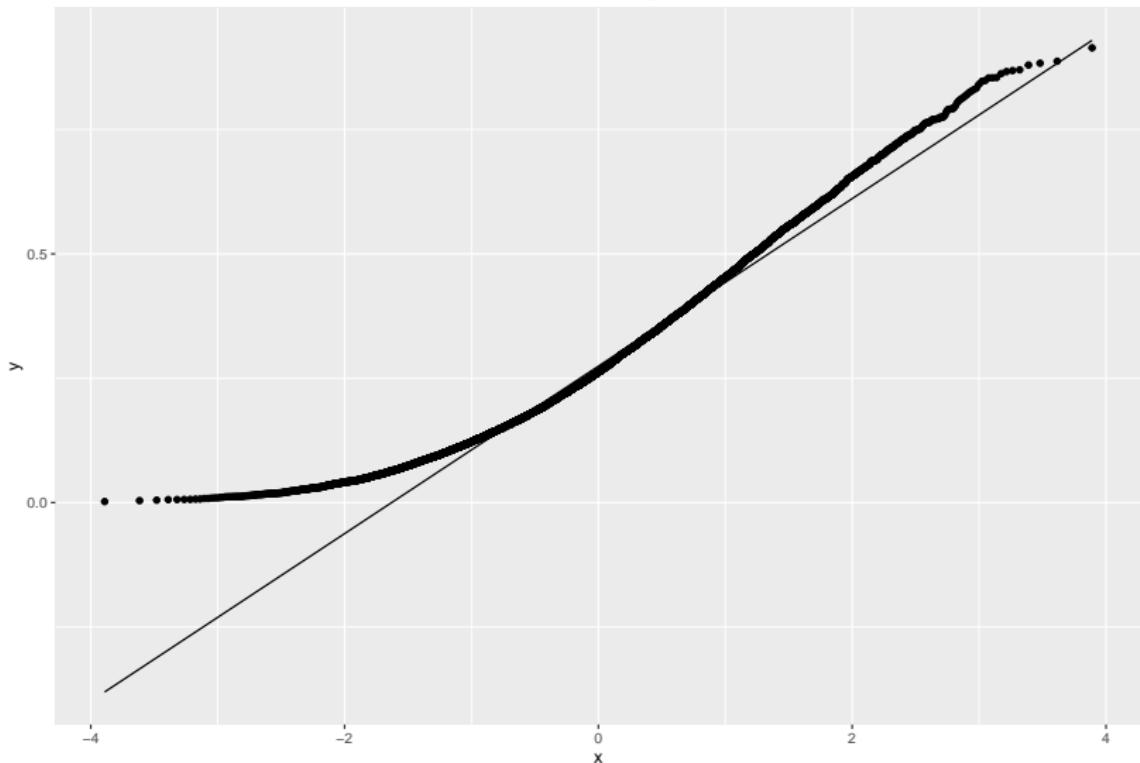
# Verilerin Normallik Testi

**Non-Normal**



# Verilerin Normallik Testi

*Q-Q-Grafigi*



# Verilerin Normallik Testi

```
##  
## Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test  
##  
## data: a  
## D = 0.05907, p-value = 0.5304  
  
##  
## Shapiro-Wilk normality test  
##  
## data: a  
## W = 0.97838, p-value = 0.09932
```

# Verilerin Normallik Testi

```
##  
## Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test  
##  
## data: b  
## D = 0.094855, p-value = 0.027  
  
##  
## Shapiro-Wilk normality test  
##  
## data: b  
## W = 0.94397, p-value = 0.0003397
```

# Veri Analizi

Hem ilişkinin hem de farklı araştırıldığı çalışmalarında veri analizine başlamadan önce bir araştırmacının ilke belirlemesi gereken araştırmadaki bağımlı ve bağımsız değişkenlerdir.

**Bağımlı Değişkenler:** Diğer değişkenlerden etkilendiği düşünülen birincil olarak ilgilenilen değişkenlerdir.

**Bağımsız Değişkenler:** Bağımsız değişken bir risk faktörü, maruziyet ya da bağımlı değişken üzerine etkisi olabileceği düşünülen, gözlemlenen veya ölçülen değişkenlerdir.

**İstatistiksel test seçimini etkileyen en önemli faktörler şöyle sıralanabilir;**

- Hipotezin türü: İlişki mi, fark mı araştırılıyor?
- Bağımlı değişkenin ölçme düzeyi: Nicel veya Nitel değişken mi?
- Bağımsız değişkenin ölçme düzeyi: Nicel ya da Nitel değişken mi?
- Sayısal değişkenlerin Normal dağılıma uygunluğu test edilir.

# Veri Analizi

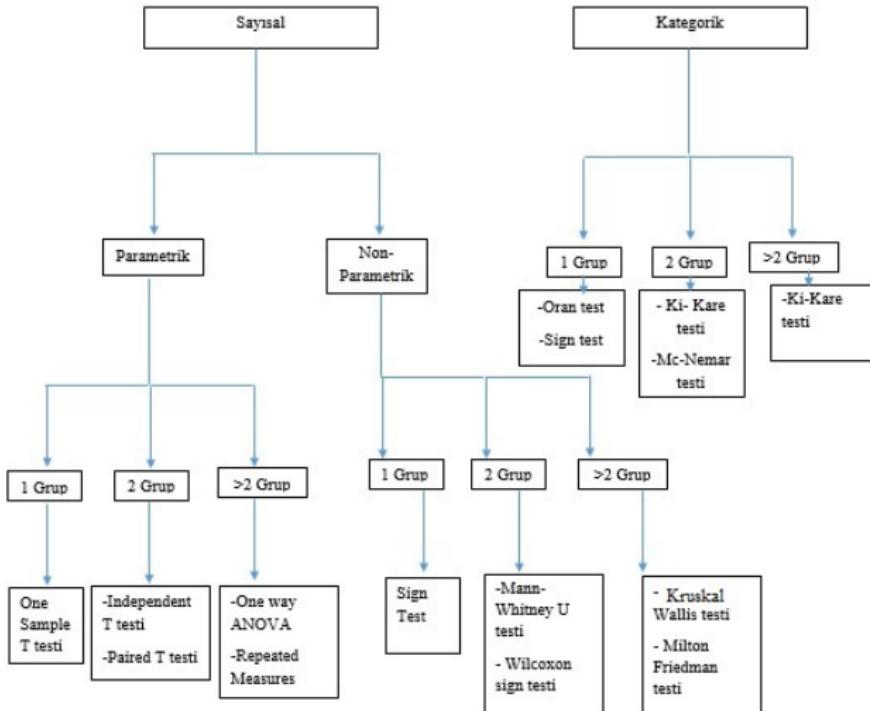


Figure 1: İstatistiksel Yöntemler.

# Hipotez Testi ve Tahmin

**Hipotez:** Parametreler hakkındaki iddalardır. Hipotezler Araştırma ve İstatistiksel hipotezler olmak üzere ikiye ayrılır. **Araştırma**

**Hipotezi:** Herhangi bir araştırmacı tarafından ortaya atılan bir hipotezdir.

**İstatistiksel Hipotez:** Araştırma hipotezinin rotasyonlara dökülmüş halidir. Ve istatistik bilen birisi tarafından ifade edilir.

# Hipotez Testi ve Tahmin

**Hipotez Testi:** Geçerliliği olasılık esaslarına göre araştırılabilen ve karar verebilmek için öne sürülen varsayımlara istatistikte “*Hipotez*” denir.

Örneklem dağılımlarından elde edilen istatistiklere bağlı olarak, örneklem dağılımının, parametresi bilinen kitleye ait olup olmadığı araştırılır. Hipotezlerin örneklem yardımıyla incelenmesi “*Hipotez testi*” denir.

$H_0 \rightarrow$  yokluk hipotezi

$H_1$  yada  $H_s \rightarrow$  alternatif ya da seçenek hipotez

- Tek yönlü seçenek hipotez
- İki yönlü seçenek hipotez

# Hipotez Testi ve Tahmin

*Tek yönlü hipotez*

$$H_0: p = 0.65$$

$$H_1: p < 0.65$$

ya da

$$H_0: p = 0.65$$

$$H_1: p > 0.65$$

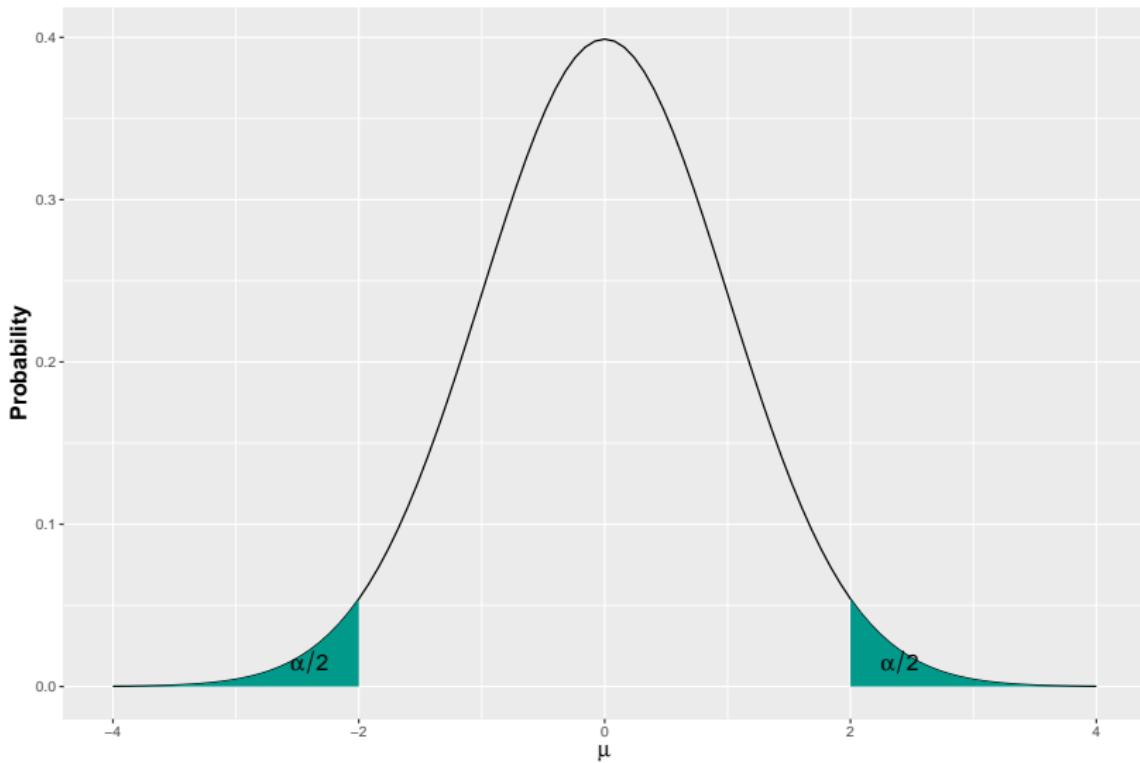
*Çift yönlü hipotez*

$$H_0: p = 0.65$$

$$H_1: p \neq 0.65$$

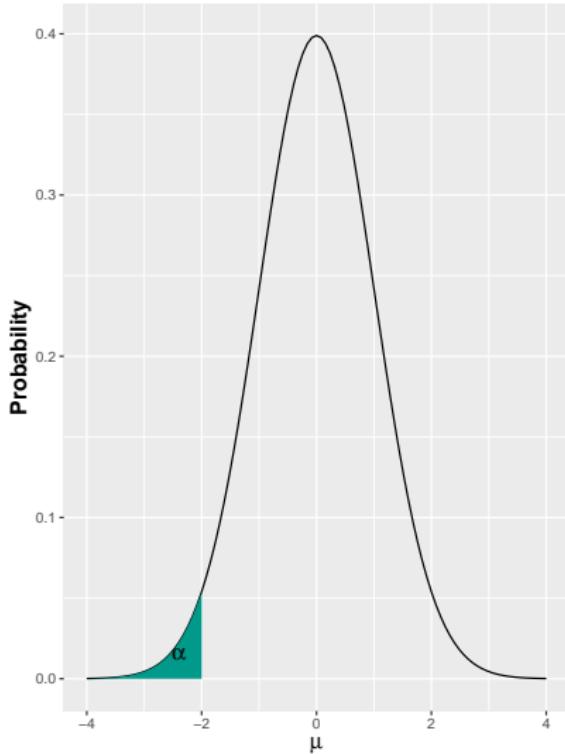
# Hipotez Testi ve Tahmin

## Çift Yönlü Hipotez Testi

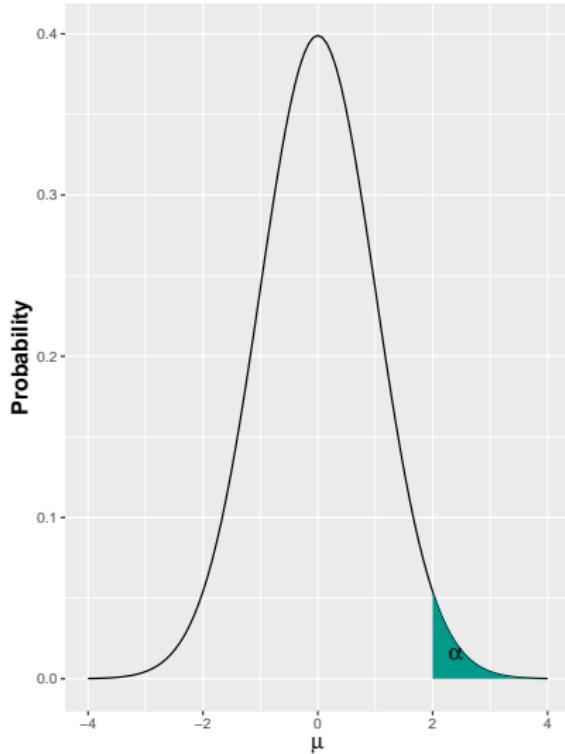


# Hipotez Testi ve Tahmin

Tek Yönlü Hipotez Testi  $p < \alpha$



Tek Yönlü Hipotez Testi  $p > \alpha$



# Hipotez Testi ve Tahmin

		Gerçek	
		$H_0$ doğru	$H_0$ yanlış
Sonuç	$H_0$ red	I.Tip hata( $\alpha$ )	Doğru karar
	$H_0$ red edilememesi	Doğru karar	II.Tip hata( $\beta$ )

Figure 2: Hipotez testi.

# Hipotez Testi ve Tahmin

$$P(\text{I.Tip Hata}) = P(H_0 \text{ Red} | H_0 \text{ Do\c{g}ru}) = \alpha$$

$$\begin{aligned}1 - \alpha &= \text{Güven düzeyi} = 1 - P(\text{I. Tip Hata}) = P(H_0 \text{ Rededilmiyor} | H_0 \text{ Do\c{g}ru}) \\&= 1 - \alpha\end{aligned}$$

$$P(\text{II.Tip Hata}) = P(H_0 \text{ Rededilmiyor} | H_0 \text{ Yanlış}) = \beta$$

$$\begin{aligned}1 - \beta &= \text{Testin gücü} = 1 - P(\text{II. Tip Hata}) = P(H_0 \text{ Red} | H_0 \text{ Yanlış}) = \\&= 1 - \beta\end{aligned}$$

# Hipotez Testinin Adımları

- Hipotezler kurulur
- Tip I. hata olasılığı belirlenir
- Uygun test istatistiği belirlenir
- Test istatistiğinin sonucuna göre karar verilir.

# Hipotez Testinin Adımları

## Hipotez testi yardımı ile;

- Bir özelliğe ait parametrenin nokta tahmini
- Bir özelliğe ait parametrenin aralık tahmini yapılabilir.

## I. Tip Hata

- Gerçekte anlamlı fark yok iken anlamlı fark bulma olasılığıdır.
- Hipotez testinde anlamlılık seviyesinin belirlenmesi için kullanılır.
- Her hipotez testinin sonucunda bir  $p$  değeri hesaplanır.
- Hesaplanan değer kabul edilen I. tip hatadan küçük ise anlamlı fark olduğuna karar verilir.

# Testin Gücü

- Bir denemenin aynı koşullar altında tekrarlanması halinde reddedilen kontrol hipotezi sayısının görelî frekansı olarak tanımlanabilir.
- Yani kontrol hipotezini redderken doğru karar verme olasılığıdır.
- Bir araştırmmanın planlanma aşamasında hesaplanır.

# Testin Gücü

- Gruplar arasında istatistiksel olarak anlamlı fark bulmak için en az kaç kişi ile çalışmalıyım sorusu sorulur.
- Böylelikle testin gücünü koruyabilmek için hedeflenen gerekli örnek genişliğine karar verilir.
- Çünkü bazen iki grup arasında farklılık olsa bile yeterli sayıda birey çalışmaya dahil edilmediğinde gerçek farklılık saptanamaz.

# Testin Gücünü Neler Etkiler?

- I. tip hata azaltıldığında testin gücü düşer
- Bir çalışmada örnek genişliği arttırlıdıkça testin gücü artar.
- İki grup arasındaki farklar belirginleşikçe testin gücü yükselir.

# P Değeri

**p değeri:** istatistiğin hesaplanan değerden daha ucta değer alma olasılığıdır.

- I. tip hatanın maksimum katlanılabilirlik düzeyi olan p değeri, Flsher tarafından %5 olarak önerilmiştir. Ama kesin bir kesim noktası yoktur.
- p değerinin 0.05 den küçük olması tıp literatüründe "istatistiksel olarak anlamlı" kabul edilir.
- Ne kadar küçük olursa  $H_0$  hipotezini reddetmek için elimizde kanıt o kadar yüksek olur.

# P Değeri

- P değeri bir çalışmanın klinik anlamlılığı hakkında bilgi vermez
- Büyük örneklemle yapılmış bir çalışmadan elde edilmiş bir küçük p değeri belki klinik olarak hiç bir anlam ifade etmiyordur.
- Bu nedenle çalışmanın etki büyüklüğüne ve güven aralığına da bakmak önem taşır.

# P Değeri

p değeri	Yorumu
$0.01 \leq p < 0.05$	İstatistiksel olarak anlamlı
$0.001 \leq p < 0.01$	Yüksek düzeyde anlamlı
$p < 0.001$	Çok yüksek düzeyde anlamlı
$0.05 \leq p < 0.10$	Anlamlılık eğilimi sınırda anlamlılık

# Klinik Anlamlılık ve Etki Büyüklüğü

- Bir bulgunun klinik olarak anlamlı olması için öncelikle istatistiksel olarak anlamlı olması gereklidir.
- Fakat istatistiksel olarak anlamlı her bulgu klinik olarak anlamlı olmayı bilir.
- İki grup ortalaması veya oranları arasında klinik olarak önemli kabul edilebilecek minimum fark etki büyülüğu olarak adlandırılır.

# Klinik Anlamlılık ve Etki Büyüklüğü

- Araştırma sonucunda bulunan fark etki büyüğünden büyükse bulgunun klinik olarak anlamlı olduğu söylenebilir.
- A tedavisi ile B tedavisi arasında kolestrolü düşürme başarısı bakımından klinik olarak önemli kabul edilecek en düşük fark  $30 \text{ mg/dl}$ 'dir.

# Tahmin

- Nokta Tahmini
  - Yansızlık
  - Yeterlilik
  - Etkinlik
  - Tutarlılık
- Aralık Tahmini
  - Hata payı hakkında bilgi verir.

**Tahmin edici:** Kitle parametresini tahmin etmek için kullanılan örnek istatistiğine tahmin edici adı verilir.

**Tahmin:** Tahmin edicinin almış olduğu değere tahmin denir.

- *Nokta tahmini:* Bir kitle parametresini tahmin etmek için kullanılan örnek istatistiğinin değerine nokta tahmini adı verilir.
- *Aralık tahmini:* Bir parametrenin aralık tahmini, parametreyi tahmin etmek için kullanılan değerleri içeren bir aralıktır.

## Güven Aralığı

Bir parametrenin bir aralık tahminin güven düzeyi, parametreyi kapsaması olasılığıdır.  $1-\alpha$  ile gösterilir. Burada  $\alpha$  anlamlılık düzeyi adını alır.

Tahminin güven düzeyini kullanarak bir parametre için belirlenen aralığa güven aralığı denir.

### Not

En çok kullanılan güven aralıkları %90, %95 ve %99'dur

# Güven Aralığı

$S_{\bar{x}} = s/\sqrt{n}$  (istatistiğin varyansının karekökü)

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{s/\sqrt{n}}$$

$$P(-t_{T(\alpha/2, n-1)} \leq t \leq t_{T(\alpha/2, n-1)}) = 1 - \alpha$$

$$P(-t_{T(\alpha/2, n-1)} \leq \frac{\bar{x} - \mu}{s/\sqrt{n}} \leq t_{T(\alpha/2, n-1)}) = 1 - \alpha$$

$$P(\bar{x} - t_{T(\alpha/2, n-1)}s/\sqrt{n} \leq \mu \leq \bar{x} + t_{T(\alpha/2, n-1)}s/\sqrt{n}) = 1 - \alpha$$

$(1 - \alpha) \rightarrow$  güven düzeyinde  $\mu$  için güven aralığıdır.

## Not

$n > 30$  olduğunda t istatistiği yerine z istatistiği kullanılır.

# Tek Örneklem t Testi

- 1  $H_0 : \mu = \mu_0$  hipotezinin testi ( $\sigma^2$  biliniyorsa)

$$H_0 : \mu = \mu_0$$

$$Z_h = \frac{\bar{x} - \mu}{\sigma / \sqrt{n}} \sim N(0,1)$$

$$H_1 : \mu > \mu_0, z_h > z_k \quad H_0 \text{ red}$$

$$H_1 : \mu < \mu_0, z_h < z_k \quad H_0 \text{ red}$$

$$H_1 : \mu \neq \mu_0, z_h < -z_k, \alpha/2 \quad z_h > z_k, \alpha/2$$

# Tek Örneklem t Testi

## Güven aralığı

$$P(\bar{x} - z_{\alpha/2} \sigma_{\bar{x}} \leq \mu \leq \bar{x} + z_{\alpha/2} \sigma_{\bar{x}}) = 1 - \alpha$$

$$\sigma_{\bar{x}} = \sigma / \sqrt{n}$$

$z_{\alpha/2}$  = kritik değer(tablo değeri)

## Tek Örneklem t Testi

- ②  $H_0 : \mu = \mu_0$  hipotezinin testi ( $\sigma^2$  bilinmiyorsa)

$$H_0 : \mu = \mu_0$$

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{s/\sqrt{n}} \sim t_{n-1}$$

$$H_1 : \mu > \mu_0, t_h > t_{n-1}, \alpha \text{ } H_0 \text{ red}$$

$$H_1 : \mu < \mu_0, t_h < -t_{n-1}, \alpha \text{ } H_0 \text{ red}$$

$$H_1 : \mu \neq \mu_0, t_h < -t_{n-1}, \alpha/2 \text{ } t_h > t_{n-1}, \alpha/2$$

# Tek Örneklem t Testi

## Güven aralığı

$$P(\bar{x} - t_{n-1,\alpha/2} s_{\bar{x}} \leq \mu \leq \bar{x} + t_{n-1,\alpha/2} s_{\bar{x}}) = 1 - \alpha$$

$$s_{\bar{x}} = s/\sqrt{n}$$

$t_{\alpha/2}$  = kritik değer(tablo değeri)

# Oran Testi

- ③  $H_0 : \pi = \pi_0$  hipotezinin testi

$$H_0 : \pi = \pi_0$$

$$Z = \frac{p - \pi}{\sigma_p} \sim N(0,1) = z_\alpha$$

$$\sigma_p = \sqrt{\frac{\pi \times 1 - \pi}{n}}$$

$$H_1 : \pi > \pi_0, z_h > z_\alpha \quad H_0 \text{ red}$$

$$H_1 : \pi < \pi_0, z_h < z_\alpha \quad H_0 \text{ red}$$

$$H_1 : \pi \neq \pi_0, z_h < -z_{\alpha/2} \quad z_h > z_{\alpha/2}$$

## Güven aralığı

$$P(p - z_{\alpha/2} \sigma_p \leq \pi \leq p + z_{\alpha/2} \sigma_p) = 1 - \alpha$$

$$\sigma_p = \sqrt{\frac{\pi \times 1 - \pi}{n}}$$

$z_{\alpha/2}$  = kritik değer(tablo değeri)

### Not

$p'$ yi hesapladığımız için varyans bilinmiyor. alt sınırı negatif olarak çıkarsa 0 olarak alınır.

# T Tablosu

## t Dağılımı Tablosu

TEK YÖNLÜ (BİR YANILI) TEST İÇİN $\alpha$											
0.25	0.20	0.15	0.10	0.05	0.025	0.02	0.01	0.005	0.0025	0.001	0.0005
İKİ YÖNLÜ (İKİ YANILI) TEST İÇİN $\alpha$											
0.50	0.40	0.30	0.20	0.10	0.05	0.04	0.02	0.01	0.005	0.002	0.001
<b>sd</b>											
1	1.000	1.376	1.963	3.078	6.314	12.719	15.890	31.820	63.660	127.300	318.300
2	0.816	1.081	1.286	1.886	2.920	4.303	4.849	6.965	9.925	14.090	22.330
3	0.765	0.978	1.250	1.638	2.353	3.182	3.482	4.541	5.841	7.453	10.210
4	0.741	0.941	1.190	1.533	2.132	2.776	2.999	3.747	4.604	5.596	7.173
5	0.727	0.920	1.156	1.476	2.015	2.571	2.757	3.365	4.032	4.773	5.893
6	0.718	0.906	1.134	1.440	1.943	2.447	2.612	3.143	3.707	4.317	5.208
7	0.711	0.896	1.119	1.415	1.894	2.365	2.517	2.998	3.499	4.029	4.785
8	0.706	0.889	1.108	1.397	1.860	2.306	2.449	2.896	3.355	3.833	4.501
9	0.703	0.883	1.100	1.383	1.834	2.262	2.394	2.821	3.250	3.690	4.297
10	0.700	0.879	1.093	1.372	1.812	2.228	2.359	2.764	3.169	3.581	4.144
11	0.697	0.876	1.088	1.363	1.796	2.201	2.328	2.718	3.104	3.497	4.025
12	0.695	0.873	1.083	1.356	1.782	2.179	2.303	2.681	3.055	3.426	3.930
13	0.694	0.870	1.079	1.350	1.771	2.166	2.282	2.650	3.012	3.372	3.852
14	0.692	0.868	1.076	1.345	1.761	2.145	2.264	2.624	2.977	3.326	3.787
15	0.691	0.866	1.074	1.341	1.753	2.131	2.249	2.602	2.947	3.286	3.733
16	0.690	0.865	1.071	1.337	1.746	2.120	2.235	2.583	2.921	3.292	3.686
17	0.689	0.863	1.069	1.333	1.740	2.110	2.224	2.567	2.898	3.222	3.646
18	0.688	0.862	1.067	1.330	1.734	2.101	2.214	2.552	2.878	3.197	3.611
19	0.688	0.861	1.066	1.328	1.728	2.093	2.204	2.539	2.861	3.174	3.579
20	0.687	0.860	1.064	1.325	1.725	2.086	2.197	2.528	2.845	3.153	3.552
21	0.663	0.859	1.063	1.323	1.723	2.080	2.189	2.516	2.831	3.135	3.527
22	0.686	0.858	1.061	1.321	1.717	2.074	2.183	2.508	2.819	3.119	3.505
23	0.685	0.858	1.060	1.319	1.714	2.069	2.177	2.500	2.807	3.104	3.485
24	0.685	0.857	1.059	1.318	1.711	2.064	2.172	2.492	2.797	3.091	3.467
25	0.684	0.856	1.058	1.316	1.708	2.060	2.167	2.485	2.787	3.078	3.450
26	0.684	0.856	1.050	1.315	1.704	2.056	2.162	2.479	2.779	3.067	3.435
27	0.684	0.855	1.057	1.314	1.703	2.052	2.150	2.473	2.771	3.057	3.421
28	0.683	0.855	1.056	1.313	1.701	2.048	2.154	2.467	2.763	3.047	3.408
29	0.683	0.854	1.055	1.311	1.699	2.045	2.150	2.462	2.756	3.038	3.396
30	0.683	0.854	1.055	1.310	1.697	2.042	2.147	2.457	2.750	3.030	3.385
40	0.631	0.851	1.050	1.303	1.684	2.021	2.123	2.423	2.704	2.971	3.307
50	0.679	0.849	1.047	1.295	1.676	2.009	2.109	2.403	2.678	2.937	3.261
60	0.679	0.848	1.045	1.296	1.671	2.000	2.098	2.390	2.660	2.915	3.232
80	0.678	0.846	1.043	1.292	1.664	1.990	2.088	2.374	2.639	2.887	3.195
100	0.677	0.845	1.042	1.290	1.660	1.984	2.081	2.364	2.626	2.871	3.174
1000	0.675	0.842	1.037	1.282	1.646	1.962	2.056	2.330	2.581	2.813	3.098
∞	0.674	0.841	1.036	1.282	1.640	1.960	2.054	2.326	2.576	2.807	3.091

Figure 3: T tablosu.

# İşaret Testi

- Kitle ortalamasının anlamlılık testinin parametrik olmayan karşılığıdır.
- Kitle Ortancası üzerine kurulmuş hipotezlerin test edilmesinde yararlanılır.
- Çalışılan örneklemekin çekildiği kitlenin normal dağılım göstermemesi halinde kullanılır.
- Test işlemleri örneklemdeki denek sayısının  $n < 25$  ve  $n \geq 25$  olmasına göre iki farklı biçimde yapılır.

# İşaret Testi

$n < 25$ ;

$$H_0 : M = M_0$$

$$H_1 : M > M_0$$

$$H_0 : M = M_0$$

$$H_1 : M < M_0$$

$$H_0 : M = M_0$$

$$H_1 : M \neq M_0$$

# İşaret Testi

**İşlemler:** Örneklemdeki değerler  $X_i$  olmak üzere her değer için  $X_i - M_i > 0$  için (+)  $X_i - M_i < 0$  için (-) işaret verilir  $X_i - M_i = 0$  olanlar analizden çıkarılır ve denek sayısı o kadar azaltılır.

**Test İşlemi:**  $k$ , en az sayıda gözlenen işaret sayısı ve  $n$ , denek sayısı olmak üzere işaret test tablosundan,  $n$  ve  $k$  değerine karşılık gelen olasılık değeri bulunur.

## Karar

$p < \alpha$  ya da  $p < \alpha/2 = H_0$  red

$p > \alpha$  ya da  $p > \alpha/2 = H_0$  kabul

# İşaret Testi

EK 6. İŞARET TESTİ TABLOSU

n/k	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
5	.031	.188	.500									
6	.016	.109	.344	.656								
7	.008	.062	.227	.500								
8	.004	.035	.145	.363	.637							
9	.002	.020	.090	.254	.500							
10	.001	.011	.055	.172	.377	.623						
11		.006	.033	.113	.274	.500						
12		.003	.019	.073	.194	.387	.613					
13		.002	.011	.046	.133	.291	.500					
14		.001	.006	.029	.090	.212	.395	.605				
15			.004	.018	.059	.151	.304	.500				
16			.002	.011	.038	.105	.227	.402	.598			
17			.001	.006	.025	.072	.166	.315	.500			
18			.001	.004	.015	.048	.119	.240	.407	.593		
19			.002	.010	.032	.084	.180	.324	.500			
20			.001	.006	.021	.058	.132	.252	.412	.588		
21			.001	.004	.013	.039	.095	.192	.332	.500		
22				.002	.008	.026	.067	.143	.262	.416	.584	
23				.001	.005	.017	.047	.105	.202	.339	.500	
24				.001	.003	.011	.032	.076	.154	.271	.419	.58
25					.002	.007	.022	.054	.115	.212	.345	.50

Figure 4: İşaret tablosu.

# İşaret Testi

$n \geq 25$ ;

Test işlemleri için  $Z = \frac{|k-n/2|}{\sqrt{n}/2}$

## Karar

$Z < Z_{\alpha/2}$  yaa da  $Z < Z_\alpha$   $H_0$  kabul

$Z > Z_{\alpha/2}$  yaa da  $Z > Z_\alpha$   $H_0$  red

## Örnek 1

3-6 yaş arasında 14 çocuk için elde edilen ebeveynden bağımsız yemek yiyebilme testinde ilişkin skorlar aşağıdadır. Bağımsız yemek yeme yönünden orta kategoriye ilişkin kitle ortancası 7 olduğuna göre bu grup orta kategoride kabul edilebilir mi?

3,3,3,4,4,5,6,6,6,7,7,8,8,8

## Örnek 1

$$H_0 : M = 7$$

$$H_1 : M \neq 7 \text{ (örneklem ortancası=}6)$$

(-) sayısı =9 (+) sayısı =3 Denek sayısı( $n$ ) = 14-2 =12

$k=3$ ,  $n=12$  için tabloya bakılır  $\Rightarrow p = 0.073$  buna göre; 3-6 yaş arasında ebeveynden bağımsız yemek yiyebilme testine ilişkin kitle ortacاسının 7 olduğunu söyleyebiliriz.

## Örnek 2

örnek1'deki problemde 25 kişi incelenmiş olsaydı ebeveyneden bağımsız yemek yiyebilme yönünden orta kategoriye ilişkin kitle ortancası 7 olduğuna göre bu grup orta kategoride kabul edilebilir mi?

3,3,3,3,3,3,4,4,4,4,4,5,5,5,6,6,6,7,7,7,8,8,8,8,9

## Örnek 2

örneklem ortancası=7

(-) sayısı=17 (+)sayısı =5 denek sayısı(n)=25-3 =22

$$Z = \frac{|5 - 22/2|}{\sqrt{22/2}} = 2.558$$

p=0.0013< 0.025 Kitle ortancası 7 kabul edilemez.

## Örnek 3

Belirli bir tür hastalığın tedavisi için yeni bir tür ilaç geliştirilmiştir. Bu ilaçla tedavi edilen hastaların ortalama iyileşme süresinin 10 gün-den az olduğu iddia edilmektedir.

Rasgele olarak seçilen 7 hasta sözü edilen ilaçla tedavi edilmiş ve kaç günde iyileşikleri aşağıdaki gibi saptanmıştır.

$$X_i : 2, 4, 11, 3, 4, 6, 8$$

$\sigma^2 = 4$  ve  $\alpha = 0.01$  ise kararınız ne olur? %99 güven düzeyinde kitle ortalaması için güven aralığı oluşturunuz.

## Örnek 3

- Hipotez kurulur

$$H_0 : \mu = 10$$

$$H_1 : \mu < 10$$

- Test istatistiği hesaplanır.

$$Z_h = \frac{5.43 - 10}{2/\sqrt{7}} = -6.046$$

$z_h = -6.046 < -z_{T(0.01)} = -2.33$   $H_0$  red edilir, yani bu ilaçla tedavi edilen hastaların ortalama iyileşme süresinin 10 günden az olduğu %99 güvenle söylenebilir.

## Örnek 3

- Güven aralığı

$$P(\bar{x} - z_{\alpha/2} \sigma_{\bar{x}} \leq \mu \leq \bar{x} + z_{\alpha/2} \sigma_{\bar{x}}) = 0.99$$

$$\bar{x} \pm z_{\alpha/2} \sigma_{\bar{x}} = 5.43 \pm 2.575 \frac{2}{\sqrt{7}}$$

$\mu$ : [3.482, 7.375] → Bu aralığın  $\mu$ 'yu içeren aralıklardan biri olması olasılığı %99'dur.

## Örnek 4

Belli bir ilaç kullanılarak yapılan diş dolgularının ortalama dayanma süresinin 5 yıldan farklı olduğu iddia edilmektedir. İlgili ilaç kullanılarak yapılan diş dolgularından rasgele olarak 41 tanesi rasgele olarak seçilmiş ve örnek ortalaması 5.9 yıl, standart sapması da 1.74 olarak hesaplanmıştır.  $\alpha=0.01$  anlamlılık düzeyinde iddiayı test ediniz. Kitle ortalamasının %99 güven düzeyinde sınırlarını oluşturunuz. ( $\sigma^2$  bilinmiyor)

## Örnek 4

- Hipotez kurulur

$$H_0 : \mu = 5$$

$$H_1 : \mu \neq 5$$

- Test istatistiği hesaplanır.

$$t = \frac{5.9 - 5}{1.74/\sqrt{41}} = 3.33$$

$t_h = 3.33 > t_{n-1, \alpha/2} = 2.704$   $H_0$  red edilir, yani belli bir ilaç kullanılarak yapılan diş dolgularının ortalama dayanma süresinin 5 yıldan farklı olduğu %99 güvenle söylenebilir.

## Örnek 4

- Güven aralığı

$$P(\bar{x} - t_{n-1,\alpha/2} s_{\bar{x}} \leq \mu \leq \bar{x} + t_{n-1,\alpha/2} s_{\bar{x}}) = 0.99$$

$$\bar{x} \pm t_{n-1,\alpha/2} s_{\bar{x}} = 5.9 \pm 2.704 \frac{1.74}{\sqrt{41}}$$

$\mu[5.164, 6.635] \rightarrow$  Bu aralığın  $\mu$ 'yü içeren aralıklardan biri olması olasılığı %99'dur.

## Örnek 5

A ilaç firmasının piyasaya sunduğu yeni bir ilaçın belirli bir çeşit alerjiyi iyileştirmede 24 saatte %90 etkili olduğu iddia edilmektedir. İlaç alerjisi olan 300 kişilik hasta grubuna uygulandıktan 24 saat sonra 246 kişinin, yani hastalardan %82'sinin ( $246/300=0.82$ ) iyileştiği belirlenmiştir. Örneklem sonucu ile varsayılı oran arasındaki %8'lik farkın istatistiksel olarak anlamlı olup olmadığını belirleyiniz. (%95 güvenle analizleri yorumlayınız)

## Örnek 5

- Hipotez kurulur

$$H_0 : \pi = 0.90$$

$$H_1 : \pi < 0.90$$

- Test istatistiği hesaplanır.

$$\sigma_p = \frac{\sqrt{0.90 \times 0.10}}{\sqrt{300}} = 0.017$$

$$Z = \frac{0.82 - 0.90}{0.017} = -4.62$$

$z_h = -4.62 < z_\alpha = -1.65$   $H_0$  red edilir, yani A firması yeni ilaçın %95 etkili olmadığını (%95'dan az olduğu) %5 anlamlılık düzeyinde veya 95% güvenirlikle söylenebilir.

## Örnek 5

- Güven aralığı

$$P(p - z_{\alpha/2} \sigma_p \leq \pi \leq p + z_{\alpha/2} \sigma_p) = 0.95$$

$$p \pm z_{\alpha/2} \sigma_p = 0.82 \pm 1.96 \frac{0.3}{\sqrt{300}}$$

$\pi[0.79,0.85] \rightarrow$  Bu aralığın  $\mu$ 'yü içeren aralıklardan biri olması olasılığı %95'dir

# ÖDEV 1

Belirli bir şehirdeki 24 aylık çocukların ortalama ağırlığının 12.5 kg. dan küçük olduğu öne sürülmektedir. Rasgele seçilen 5 tane 24 aylık çocuğun ağırlıkları aşağıda verilmiştir.

$$X_i : 13, 11, 10, 10.5, 10.5$$

$\alpha=0.10$  anlamlılık düzeyinde kararınız ne olur? %90 güven düzeyinde kitle ortalaması için güven aralığını oluşturunuz.

## ÖDEV 2

Bir bölgeden rasgele seçilen 125 yetişkenin 10'unda beslenme bozukluğu görüldüğüne göre bu bölgede beslenme bozukluğu görülme sıklığı 0.06 dan büyük olarak kabul edilebilir mi? (%95 güvenle yorumlarınızı yapınız)