



# Cours ASPD Temps et datation dans les systèmes répartis Protocoles de groupe et protocoles d'exclusion mutuelle Telecom Nancy 2A IL

Dominique Méry Telecom Nancy Université de Lorraine

## Summary

- Causalité et datation des événements
- 2 Estampillage en action
- 3 Vecteurs d'horloge ou horloges vectorielles
- 4 Application 1 : protocoles d'exclusion mutuelle

Problème de l'exclusion mutuelle

Cas d'un système centralisé Protocoles d'exclusion

mutuelle

Algorithmes

**5** Application 2 : protocoles de diffusion

6 Conclusion

#### Section Courante

- Causalité et datation des événements

- 4 Application 1 : protocoles
- **5** Application 2 : protocoles de

## Raisonner sur un système réparti

- Définir un état du système réparti : état local, état des communications, ...
- Ordonner les différentes actions ou événements du système réparti mais maintenir la cohérence des données.
- Tenir compte des niveaux d'abstraction et des couches

## Raisonner sur un système réparti

- Définir un état du système réparti : état local, état des communications, . . .
- Ordonner les différentes actions ou événements du système réparti mais maintenir la cohérence des données.
- Tenir compte des niveaux d'abstraction et des couches

#### Motivation principale

Les mécanismes de communication point à point sont généralisés à des communication de groupe :

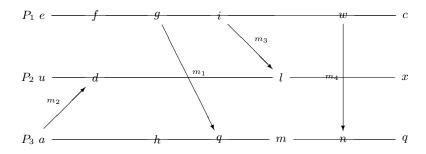
- un processus p envoie un message m à un groupe de processus D : protocole de diffusion
- propriétés attendues de ce typoe de protocole
  - validité : toute diffusion d'un message m par un processus p non-fautif à un groupe D conduit fatalement à la délivrance du message par tous les membres non-fautofs du groupe.
  - accord : si un processus non-fautif délivre le message m, alors tous les membres non-fautifs délivrent m.
  - intégrité : un message m est délivré au plus une fois à tout processus non-fautif, et seulement s'il a été diffusé par un processus.





#### Datation des événements

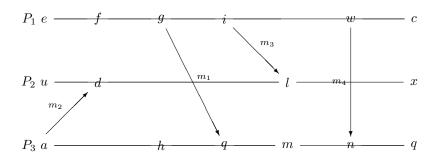
- Datation induite par l'horloge locale :
  - ordre des événements = ordre de la suite des instructions
  - ightharpoonup e arrive avant f:e est exécuté sur le site S avant f.
  - $ightharpoonup e \leadsto f \text{ signifie } e; f$
- Datation sur des sites différents : comment définir un ordre sur les événements?



- Construire un ordre sur les événements conservant les ordres :
  - l'ordre sur les processeurs
  - l'ordre sur les opérations d'envoi de message
- Solution de Lamport en 1978 : causalité
- $e \rightsquigarrow f : e$  précède f ou e arrive avant f

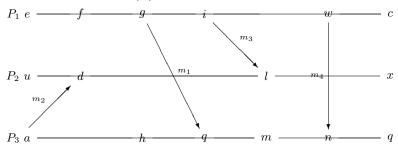
## **Règles de construction de la relation** →

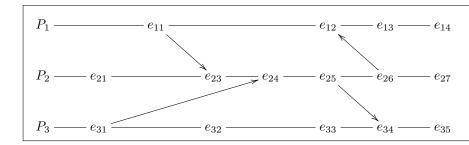
- Règle 1 : Si deux événements a et b d'un même processus et si le temps d'occurence de a est antérieur à b, alors  $a \rightsquigarrow b$ .
- Règle 2 : Si a est un événement d'envoi d'un message par un processus P à un processus Q et si b est l'événement de réception du même message, alors  $a \rightsquigarrow b$ :
- **Règle 3** : Si  $a \rightsquigarrow b$  et  $b \rightsquigarrow c$ , alors  $a \rightsquigarrow c$ .



#### Ordre causal

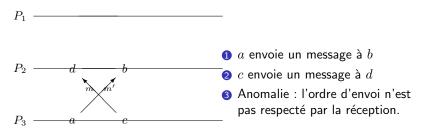
- Pour chaque événement e ∈ E, on définit :
  - Past $(e) = \{e' \in E | e' \leadsto e\}$ : passé de l'événement e.
  - Future(e) =  $\{e' \in E | e \leadsto e'\}$ : futur de l'événement e.
  - $ightharpoonup Concurrent(e) = (E \{e\}) (Future(e) \cup Past(e))$  : événements indépendants de e
  - $ightharpoonup e \parallel f \text{ ou } e \# f : e' \in Concurrent(e) \text{ ou } e \in Concurrent(e')$
  - Propriété :  $e \in Concurrent(e')$  si, et seulement si,  $e \in Concurrent(e')$





# Événements d'un système

- e : événement local à un processus donné
- $Emission_i(m, j)$  : émission d'un message m par le processus i.
- $Send_i(m, j)$  : événement d'envoi dans le processus i d'un message m à un autre processus.
- $Receive_i(m,j)$  : événement de réception par le processus i d'un message m provenant d'un autre processus.
- $Deliver_i(m, j)$  : événement marquant la livraison effective du message m par le processus i.

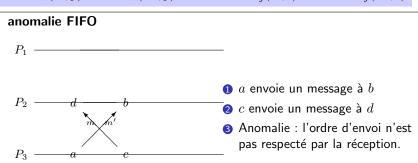


## Réception FIFO

#### Réception FIFO

Si un message m est envoyé par un processus P avant un message m', alors le message m est reçu par le processus Q avant de recevoir le message m' ou encore

Si  $Send_i(m,j) \leadsto Send_i(m',j)$ , alors  $Receive_j(m,i) \leadsto Receive_j(m',i)$ 



Temps et datation dans les systèmes répartis

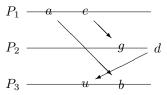
#### Livraison CAUSALE

#### Livraison CAUSALE

Si un message m est envoyé par un processus P avant un message m'envoyé après pour l'ordre causal, alors le message m est reçu par le processus Q avant de recevoir le message m' ou encore : Si  $Send_i(m,j) \rightsquigarrow Send_k(m',j)$ , alors

 $Deliver_i(m,i) \leadsto Deliver_i(m',k)$ 

#### anomalie CAUSALE



- $\mathbf{0}$  c envoie un message à q
- 2 d envoie un message à u
- $\mathbf{3}$  q précède d
- 4 Anomalie : a précède c et u précède b.

## Horloge Logique

- LC désigne une horloge logique (Logical Clock)
- LC est une fonction associant à tout événement une valeur entière.
- Toute occurence d'un événement interne à un processus conduit à l'incrément de 1 de l'horloge locale.
- Quand on envoie un message, on ajoute la valeur de LC au message envové.
- Quand on recoit un message, la valeur de LC est positionnée au maximum de l'horloge locale et de la valeur du message plus 1.
- Propriété des horloges logiques : Si  $a \rightsquigarrow b$ , alors LC(a) < LC(b).

## Gestion des horloges logiques

#### Définition

- ▶ Chaque site i dispose d'une horloge locale noté  $LC_i : LC_i \in E_i \to \mathbb{N}$
- lacktriangle Une fonction d'estampillage est définie et notée TS et associe à tout message une valeur :  $TS \in M \rightarrow \mathbb{N}$
- Pour tout événement local e à un processus  $i: e \in dom(LC_i)$ .
- lacktriangle Tout message m envoyé est estampillé par une valeur définie par une fonction d'estampillage :  $m \in dom(TS)$ .
- Pour chaque événement e, on notera P(e) le processus d'exécution de e

#### Opérations

- Initialement, les horloges sont définies par 0 pour le premier événement qui existe toujours et qui correspond à l'initialisation en  $i: start_i \in P(i)$  et  $start(i) \in dom(LC_i)$  et  $LC_i(start(i)) = 0$
- ▶ Si un événement e est local à i, alors  $LC_i(e) := Max(ran(LC_i))+1$ .
- $\triangleright$  Si un événement e est l'envoi d'un message m, alors  $LC_i(e) := Max(ran(LC_i)) + 1$  et  $TS(m) := LC_i(e)$
- ightharpoonup Si un événement e est la réception d'un message m, lors on met à jour l'horloge locale :  $LC_i(e) := Max(TS(m), Max(ran(LC_i))) + 1$ .



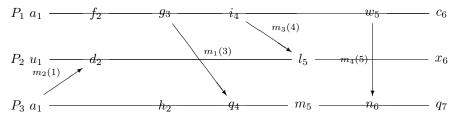


• Chaque événement est affecté d'un entier

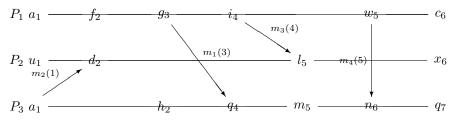
- Chaque événement est affecté d'un entier
- Deux événements peuvent avoir la même valeur

- Chaque événement est affecté d'un entier
- Deux événements peuvent avoir la même valeur

- Chaque événement est affecté d'un entier
- Deux événements peuvent avoir la même valeur



- Chaque événement est affecté d'un entier
- Deux événements peuvent avoir la même valeur



- $f_2$  et  $d_2$  sont deux événements non-comparables avec le même numéro. et constituent un contre-exemple à la réciproque de la propriété :  $f_2\#d_2$
- \_
- $g_3$  et  $d_2$  sont deux événements non-comparables avec des numéros comparables et constituent un contre-exemple à la réciproque de la

#### Définition d'un ordre strict

- L'estampille d'un événement e est définie par la paire  $(LC_{P(e)}(e), P(e)).$
- On définit un ordre strict sur les estampilles par  $LC(e) = (LC_{P(e)}(e), P(e)).$

$$\begin{array}{c} \blacktriangleright \ LC(e) \prec LC(f) \ \text{ou} \ (LC_{P(e)}(e),P(e)) \prec (LC_{P(f)}(f),P(f)) : \\ \left\{ \begin{array}{c} LC_{P(e)}(e) < LC_{P(f)}(f) \\ \text{ou} \ (LC_{P(e)}(e) = LC_{P(f)}(f)) \ \text{et} \ (P(e) < P(f) \end{array} \right. \end{array}$$

- ← est transitive
- **Propriété**: Si  $e \rightsquigarrow f$ , alors  $LC(e) \prec LC(f)$ .

## Démonstration de la propriété

#### Propriété

Si  $e \sim f$ , alors  $LC(e) \prec LC(f)$ .

Démonstration Récurrence sur la longueur de la suite  $e \rightsquigarrow f$ .

- e → f est de longueur 1 : deux cas sont envisagés
  - e et f sont deux événements locaux et se suivent : LC(f) = LC(e) + 1
  - ightharpoonup e est un envoi de m et f est la réception de m :  $LC(f) = Max(TS(m), Max(ran(LC_i))) + 1$  et  $TS(m) = LC_{P(e)}(e)$ . On en déduit que  $LC(e) \prec LC(f)$ .
- ullet  $e \sim f$  est de longueur strictement plus grande que 1 : Dans ce cas, on a une suite de longueur n telle que

```
e=e_0\ldots e_i\ldots e_n=f \text{ d'événements liés par la relation} \\ \leadsto (\forall i\in\{0\ldots n-1\}.e_i \prec e_{i+1}.e_{i+1})
```

- Par hypothèse de récurrence et par construction de →, on déduit que  $e \sim e_{n-1}$  et  $LC(e) \prec LC(e_{n-1})$ .
- Puisque  $e_{n-1} \prec e_n$ , on analyse les deux cas comme pour le pas de récurrence initiale pour établir que  $LC(e_{n-1}) \prec LC(e_n)$
- ▶ Par transitivit de la relation  $\prec$ , on établit que  $LC(e) \prec LC(f)$ .

#### Section Courante

- 2 Estampillage en action
- 4 Application 1 : protocoles
- **5** Application 2 : protocoles de

#### Estampillage de Lamport

- e est local à  $i: l(e) \stackrel{def}{=} e \wedge clock' = clock[i] > clock[i] + 1]$
- e est un envoi de i à  $i: l(e) \stackrel{def}{=} clock' = clock[i] >$  $clock[i]+1 \land e \land file' = file[i, j] - > < m, clock[i]+1 >$
- e est une réception par i de j:  $l(e) \stackrel{def}{=} \langle m, c \rangle = file[i, j] \land e \land file' = file[i, j] - > \langle \rangle$  $] \wedge clock' = clock[i] - > Max(clock[i], c > +1]$
- Superposer une nouvelle variable *clock* pour enregistrer le temps local.
- Appliquer une progression des variables locales selon l'occurence des événements.

## Estampillage de Lamport

- Une estampille (timestample) est une couple formé d'une valeur entière positive et d'un entier naturel.
- Les estampilles sont comparables par la relation d'ordre totale suivante :

$$< c, i > <<< d, j >> \stackrel{def}{=} (c < d) \lor (c = d \land i < j)$$

#### Préservation des propriétés

- Si un système réparti satisfait une propriété d'invariance I, alors le système transformé satisfait I.
- Si un système réparti satisfait une propriété de sûreté S, alors le système transformé satisfait S.
- Tout système transformé est un raffinement du système transformé.





#### Section Courante

- 3 Vecteurs d'horloge ou horloges vectorielles
- 4 Application 1 : protocoles
- **5** Application 2 : protocoles de

# Vecteur d'horloges

- Propriété des horloges logiques : Si  $a \rightsquigarrow b$ , alors  $LC(a) \prec LC(b)$ .
- déduire une causalité entre 2 événements.
- Pour y remédier on va associer aux événements un vecteur d'horloges qui permettra de décider, s'il y a une relation de causalité entre 2 événements :

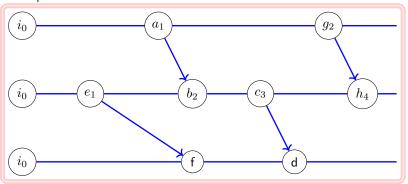
#### Objectif des horloges vectorielles

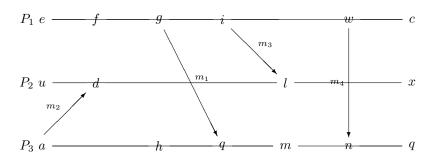
 $a \rightsquigarrow b$  si, et seulement si,  $VC(a) \prec_v VC(b)$ .

#### Illustration 1

LC(e)=1 et LC(g)=2, e et g ne sont pas comparables pour  $\prec$ .

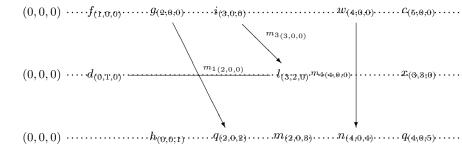
#### Example



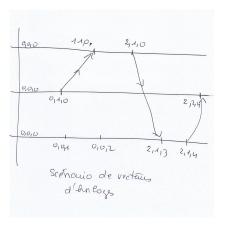


devient décoré comme suit

#### devient décoré comme suit



#### Illustration 2



# Vecteur d'horloges (I)

#### Contexte

- Chaque site  $i \in \{1 \dots n\}$  dispose d'un vecteur local noté  $VC_i$ :  $VC_i \in E_i \to \mathbb{N}^n$
- Une fonction d'estampillage est définie et notée MC et associe à tout message une valeur :  $MC \in M \to \mathbb{N}^n$
- Pour tout événement local e à un processus  $i: e \in dom(VC_i)$ .
- Tout message m envoyé est estampillé par une valeur définie par une fonction d'estampillage :  $m \in dom(MC)$ .
- Pour chaque événement e, on notera P(e) le processus d'exécution de e.

## Opérations sur les n-uplets d'entiers

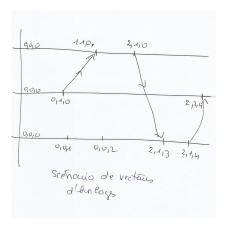
- $v \in 1..n \to \mathbb{N}$  et  $w \in 1..n \to \mathbb{N}$
- $1_i \in 1..n \to \mathbb{N}$ :
  - $1_i(i) = 1$
  - $\forall j.j \in \{1..n\} \land j \neq i \Rightarrow 1_i(j) = 0$
- $v \oplus 1_i \in 1..n \to \mathbb{N}$ :
  - $(v\oplus 1_i)(i) = v(i)+1$
  - $\forall j.j \in \{1..n\} \land j \neq i \Rightarrow (v \oplus 1_i)(j) = v(j)$
- $v \leq_{uple} w : \forall j.j \in \{1..n\} \Rightarrow v(j) \leq w(j)$
- $Max \in POW(1..n \rightarrow \mathbb{N}) \rightarrow 1..n \rightarrow \mathbb{N}$ :
  - $\blacktriangleright dom(Max) \subseteq POW(1..n \to \mathbb{N}) \{\varnothing\}$
  - ▶ Max renvoie la valeur maximale (selon l'ordre  $\leq_{uple}$ ) d'un ensemble fini de n-uplets, si elle existe.
  - $Max(\{(0,1,0),(3,4,0),(7,0,9)\})$  n'existe pas.
  - $Max(\{(0,1,0),(3,4,0),(7,6,9)\}) = (7,6,9).$
- Pour tout n-uple  $u \in \{1..n \to \mathbb{N}\}$ , on définit la j-ième projection par la notation u(j).
  - (0,6,5)(2) = 6, (0,6,5)(1) = 0, (0,6,5)(3) = 5

# Vecteur d'horloges (II)

#### Mécanisme

- Initialement, les horloges sont définies par (0,0,0) pour le premier événement qui existe toujours et qui correspond à l'initialisation en  $i: start_i \in P(i)$  et  $start(i) \in dom(VC_i)$  et  $VC_i(start(i)) = (0, 0, 0)$
- Si un événement e est local à i, alors  $VC_i(e) := Max(ran(VC_i)) \oplus 1_i$ .
- Si un événement e est l'envoi d'un message m, alors  $VC_i(e) := Max(ran(VC_i)) \oplus 1_{P(e)}$  et  $MC(m) := VC_i(e)$ .
- Si un événement e est la réception d'un message m, alors
  - 1 on met à jour le vecteur local :  $VC_i(e)(i) := Max(ran(VC_i), MC(m)) + 1$
  - 2 et  $\forall j, j \in 1...n \land j \neq i \Rightarrow VC_i(e)(j) :=$  $Max(Max(ran(VC_i)), MC(m))(j).$

### Illustration 2



# Propriétés de la datation vectorielle

### Date d'un événement e et sens de $VC_{P(e)}(e)$

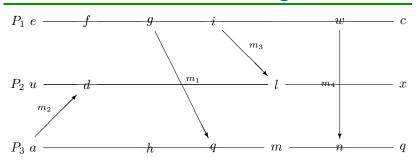
La valeur de la ième composante de  $VC_{P(e)}(e)$  correspond au nombre d'événements dans la passé de e pour le site i ou que e connaît.

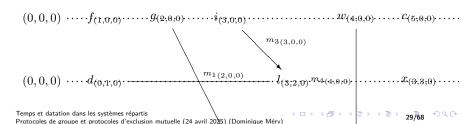
### **Propriétés**

Soit un événement  $e \in E$  tel que  $e \in dom(VC_{P(e)})$  (signifiant que e a une date ou encore qu'il a eu une occurence).

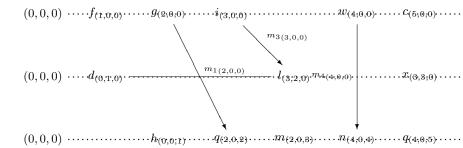
- Si  $i \neq P(e)$ , alors  $VC_{P(e)}(e)(i) = Card(\{e'|e' \in E_i \land e' \leadsto e\})$
- Si i = P(e), alors  $VC_{P(e)}(e)(i) = Card(\{e'|e' \in E_i \land e' \leadsto e\})$

# Illustration des vecteurs d'horloge





# Illustration des vecteurs d'horloge



### **Propriétés**

Soient  $e_1$  et  $e_2$  2 événements se produisant dans le réseau.

Pour tous les événements e et f de E,

$$e \leadsto f$$
 si, et seulement si,  $VC_{P(e)}(e) \leq_{uple} VC_{P(f)}(f)$ 

Soient  $e_1$  et  $e_2$  2 événements se produisant dans le réseau.

Pour tous les événements e et f de E.

e # f si, et seulement si,  $VC_{P(e)}(e)$  et  $VC_{P(f)}(f)$  ne sont pas comparables par  $\leq_{unle}$ .

# **Justification (I)**

$$e \leadsto f$$
 :  $Past(e) \subseteq Past(f)$  et  $\forall i.i \in 1..n \Rightarrow VC_{P(e)}(i) \leq VC_{P(f)}(i)$   $VC_{P(f)}(f)$  :

# **Justification (II)**

e#f  $\mathsf{par} \leq_{uple}.$ 

# Propriété des horloges vectorielles

#### densité

Soient deux événements  $e_i$  de  $P_i$  et  $e_i$  de  $P_i$ . Si  $VC(e_i)(k) < VC(e_i)(k)$ , alors il existe un événement e tel que  $\neg (e \longrightarrow e_i) \text{ et } e \longrightarrow e_i.$ 

Il existe un événement e qui a permis l'incrément de la composante k de l'horloge verctorielle. e n'est pas la cause de  $e_i$ .

### Section Courante

- 4 Application 1 : protocoles d'exclusion mutuelle Problème de l'exclusion mutuelle Cas d'un système centralisé Protocoles d'exclusion mutuelle
- 6 Application 2 : protocoles de

Algorithmes

### Etat courant

- Causalité et datation des événements

- 4 Application 1 : protocoles d'exclusion mutuelle Problème de l'exclusion mutuelle

- **5** Application 2 : protocoles de diffusion
- 6 Conclusion



### Problèmes d'exclusion mutuelle

Problème : un ensemble d'agents communicants souhaitent partager une ressource commune et

- avoir accès au bout d'un temps fini après une requête
- avoir un accès exclusif
- être considéré de manière équitable

### Problème de l'Exclusion mutuelle

- Assurer le partage de ressources communes
- Garantir une répartition équitable de ces ressources partagées
- Environnement centralisé solutions logicielles : algorithmes de Dekker, de Dijkstra, de Peterson,
- Environnement centralisé solutions matérielles : sémaphores, test and sets

### Etat courant

- Causalité et datation des événements

- 4 Application 1 : protocoles d'exclusion mutuelle

Cas d'un système centralisé

- **5** Application 2 : protocoles de diffusion
- 6 Conclusion



### Solutions en système centralisé

- Utilisation de verrous : lock, unlock
- Utilisation de sémaphores :
- Variables de priorités Bakery

# **Sémaphores**

- Un sémaphore est une structure constituée d'une variable s et d'une file d'attente q et cette structure est gérée par dexu opérations :
  - ightharpoonup P(s): demande du sémaphore
  - V(s) : libération du sémaphore
- PROPRIÉTÉ 1 : le nombre de processus distincts utilisant le sémaphore est d'au plus sa valeur initiale.
- PROPRIÉTÉ 2 : tout processus demandant le sémaphore poura l'obtenir à condition qu'au moins un des processus le possédant le rende.

### **CONTEXT** sem0

#### SETS

PROCESSES

#### **CONSTANTS**

smax

#### **AXIOMS**

 $axm1: PROCESSES \neq \varnothing$ 

 $axm2: smax \in \mathbb{N}$  $axm3: smax \neq 0$ 

**END** 

#### MACHINE sem1

SEES sem0

#### VARIABLES

s, f, r, qet

#### INVARIANTS

 $inv1: s \in \mathbb{N}$ 

 $inv2: r \in \mathbb{N}$ 

 $inv3: f \in 1...r \rightarrow PROCESSES$ 

 $inv4: qet \subseteq PROCESSES$ 

 $inv5: s \leq smax$ 

 $inv6: ran(f) \cap get = \emptyset$ 

 $inv7: dom(f) = 1 \dots r$ 

inv8: finite(get)

inv9: s+card(get) = smax

 $inv10: r \neq 0 \Rightarrow s = 0$ 

 $inv11: s \neq 0 \Rightarrow r = 0$ 

 $inv12: s \neq 0 \Rightarrow dom(f) = \emptyset$ 

### EVENT INITIALISATION

#### **BEGIN**

act1:s:=smaxact2: r := 0 $act3: get := \emptyset$  $act4: f := \emptyset$ 

#### **END**

EVENT RequestSemFree

#### **ANY**

p

#### WHERE

 $grd1: p \in PROCESSES$  $grd2: p \notin get$  $qrd3: s \neq 0$ 

#### THEN

act1s := s-1 $act2get := get \cup \{p\}$ 

#### **END**

```
EVENT RequestSemWaiting
  ANY
    p
  WHERE
    grd1: p \in PROCESSES
    grd2: s = 0
    grd3: p \notin get
  THEN
    act1: f(r+1) := p
    act2: r := r+1
  END
EVENT ReleaseSemFree
  ANY
    p
  WHERE
    qrd1: p \in PROCESSES
    qrd2: p \in qet
    qrd3: r=0
  THEN
    act1: get := get \setminus \{p\}
    act2: s := s+1
```

```
EVENT ReleaseSemWaiting
```

#### ANY

```
p,q
WHERE
```

```
qrd1: p \in qet
qrd2: q \in ran(f)
qrd3: q = f(1)
```

#### THEN

```
act1: get := (get \setminus \{p\}) \cup \{q\}
act2: r := r-1
```

**END** 

 $act3: f: |(f' \in 1 ... (r-1)) \rightarrow PROCESSES \land (\forall i \cdot i \in 1 ... (r-1)) \Rightarrow f'(i)|$ 

# Algorithmes classiques d'exclusion mutuelle

- Garantir l'exclusion mutuelle par des variables de priorités
- Plusieurs solutions existent comme Dekker, Dijkstra, ...
- Algorithme bakery de Lamport : rôle des variables y1 et y2.

### **Etat courant**

- 1 Causalité et datation des événements
- 2 Estampillage en action
- 3 Vecteurs d'horloge ou horloges vectorielles
- 4 Application 1 : protocoles d'exclusion mutuelle
  Problème de l'exclusion mutuelle
  Cas d'un système centralisé
  Protocoles d'exclusion mutuelle
  Algorithmes
- **5** Application 2 : protocoles de diffusion
- **6** Conclusion

# Problèmes posés par la répartition

- Hypothèse 1 : le réseau est supposés complet ou encore que les sites communiquent entre eux via un protocole fiable.
- Hypothèse 2 : chaque site a sa propre horloge.
- Problème : Les sites partagent une ressource commune et la demande de ressource conduit à un service exclusif, effectif et équitable.

# Problèmes posés par la répartition

- Hypothèse 1 : le réseau est supposés complet ou encore que les sites communiquent entre eux via un protocole fiable.
- Hypothèse 2 : chaque site a sa propre horloge.
- Problème : Les sites partagent une ressource commune et la demande de ressource conduit à un service exclusif, effectif et équitable.

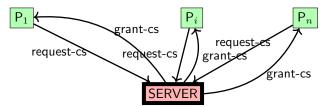
#### Idées de solution

- Assurer l'exclusion mutuelle à l'aide d'une file d'attente qui gère les requêtes.
- Deux solutions pour la file d'attente
  - Un site joue le rôle de serveur de la file d'attente
  - La file est implicite au niveau du protocole et est gérée par tous les processus;





### **Client Serveur**



- SERVER gère une file d'attente et sert les demandes selon cette file d'attente.
- Les communications sont fiables ou pas

# Décomposition en phases

- Phase de demande
- Phase d'attente
- Phase d'utilisation
- Phase de remise
- Phase de fin
- Chaque phase est propre à un processus séquentiel
- Chaque phase du processus P est concurente au process Q où P et Q sont distincts

# Questions liées à la répartition

- Un ensemble de processus Proc partagent une ressource commune R
- Tout processus est connecté à tout processus autre du réseau
- La guestion est de trouver un moyen d'ordonner totalement les requêtes de section critique sont totalement ordonnables.
- Trouver un ordre total : les estampilles de Lamport

# Principes des algorithmes d'exclusion mutuelle

Les algorithmes d'exclusion mutuelle fonctionnent sur le modèle suivant :

- Phase de demande
- Phase d'attente
- Phase d'utilisation
- Phase de remise
- Phase de fin

### Etat courant

- Causalité et datation des événements

- 4 Application 1 : protocoles d'exclusion mutuelle Algorithmes
- **5** Application 2 : protocoles de diffusion
- 6 Conclusion

# Principes de l'algorithme d'exclusion mutuelle

- Phase de requête : p demande la section critique et envoie à tous les autres sites son estampille : n-1 messages sont envoyés
- Phase d'attente : p attend de recevoir un message de chaque site lui permettant d'entrer en section critique : n-1 messages sont recus
- Phase de section critique : p utilise la section critique et il la rendra au bout d'un temps fini.
- Phase de relâche : le processus p sort de section critique et renvoie un message à tous les sites : n-1 messages sont envoyés
- Total des message : 3·n−3 messages sont nécessaires.

### Mise en œuvre

- Problème à résoudre : trouver un mécanisme équitable pour ordonnancer les demandes.
- Solution : mettre en œuvre une file d'attente de manière répartie qui permette de positionner les sites demandeurs les uns par rapport aux autres.
- Mécanisme des estampilles :
  - chaque site a un numéro propre
  - chaque site maintient un numéro de demande qui est mis à jour en fonction des demandes
  - $\blacktriangleright \ (p,n) < (q,m) \text{ si et seulement si } p < q \lor p = q \land n < m$

# Algorithme de Lamport

- Phase de requête : p demande la section critique et envoie à tous les autres sites son estampille (diffusion aux n-1 sites).
- Phase d'attente : p attend de recevoir un message de chaque site lui permettant d'entrer en section critique (attente de n-1 réponses de site).
- Phase de section critique.
- Phase de relâche : le processus p sort de section critique et renvoie un message à tous les sites pour préciser qu'il sort et il donne une information sur son estampille aux autres processus. (diffusion aux n -1 sites).
- $3 \cdot (n-1)$  messages sont nécessaires

# Algorithme de Ricart et Agrawala

- Phase de requête : p demande la section critique et envoie à tous les autres sites son estampille, .
- Phase d'attente : p attend de recevoir un message de chaque site lui permettant d'entrer en section critique.
- Phase de section critique.
- Phase de relâche : le processus p sort de section critique et renvoie un message à tous les sites qui sont en attente de son accord ; cela signifie que l'autorisation du processus p est attendue par certains sites.
  - qui ont été différés pour préciser qu'il sort et il donne une information sur son estampille aux autres processus.
- $2 \cdot n 2$  messages sont nécessaires.

# Algorithme de Carvalho et Roucairol

- Même idée que Ricart et Agrawala mais avec une amélioration : un site ne demande pas aux sites qui ne lui ont pas demandé l'autorisation, sauf la première fois.
- Phase de requête: p demande la section critique et envoie à tous les autres sites son estampille mais la seconde fois n'envoie pas aux sites qui ne lui ont pas demandé.
- Phase d'attente : p attend de recevoir un message de chaque site lui permettant d'entrer en section critique.
- Phase de section critique.
- Phase de relâche: le processus p sort de section critique et renvoie un message à tous les sites qui sont en attente de son accord; cela signifie que l'autorisation du processus p est attendue par certains sites.
   qui ont été différés pour préciser qu'il sort et il donne une information sur son estampille aux autres processus.
- $2 \cdot n 2$  messages sont nécessaires mais au plus.



### **Autres solutions**

• A  $\sqrt{N}$  Algorithm for Mutual Exclusion in Decentralized Systems MAMORU MAEKAWA University of Tokyo

### **Autres solutions**

- A  $\sqrt{N}$  Algorithm for Mutual Exclusion in Decentralized Systems MAMORU MAEKAWA University of Tokyo
- Partition de l'espace des sites
- Chaque élément de la partition gère les sites de sa classe
- Demande aux représentants de classe

# **Conclusion et Questions**

- Mécanisme de priorité
- Gestion d'une file d'attente répartie
- Mécanisme d'estampillage
- Hypothèses fortes :
  - graphe complet
  - communications fiables

### Section Courante

- 4 Application 1 : protocoles
- **5** Application 2 : protocoles de diffusion

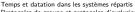
### Diffusion fiable

Une diffusion est fiable, si

- elle est valide : quand un processus diffuse, tous les processus membres du groupe de diffusion reçoivent.
- elle satisfait la propriété d'accord : si un processus reçoit, alors tous les autres membres du groupe reçoivent.
- elle est intègre : chaque message n'arrive qu'une et une seule fois.

Les mécanismes de diffusion fiable sont de type

- FIFO : les messages sont délivrés selon l'ordre d'envoi (FBCAST)
- causalité : les messages sont délivrés selon un ordre respectant la causalité (CBCAST)
- Atomique : les messages sont tous délivrés dans le même ordre (ABCAST)





### Conventions et notations

- $\mathbf{receive}_P(m)$  : événement de réception d'un message m par le processus P.
- $\mathbf{delivery}_{P}(m)$  : événement de délivrance du message m au processus P.

### Conventions et notations

- $\mathbf{receive}_{P}(m)$  : événement de réception d'un message m par le processus P.
- $\mathbf{delivery}_P(m)$  : événement de délivrance du message m au processus P.
- Observation :  $\mathbf{receive}_P(m)$  précède  $\mathbf{delivery}_P(m)$
- Idée : différer la délivrance d'un message quand il est reçu.

### Ordre FIFO avec FBCAST

# Principe

Si un processus diffuse un message m1 puis un message m2, alors aucun processus du groupe ne livre le message m2 à moins que m1 ait été livré.

- Si  $\operatorname{send}_P(m1) \rightsquigarrow \operatorname{send}_P(m2)$ , alors pour tout processus Q du groupe de diffusion D, delivery $_{\mathcal{O}}(m1) \rightsquigarrow \mathbf{cdlivery}_{\mathcal{O}}(m2)$ .
- Idée de l'algorithme : à la réception des messages, on les stocke et on compare les estampilles des messages pour la composante d'envoi P.

### Ordre causal avec CBCAST

# Principe

#### Si

- un processus envoie un message m1
- la délivrance de m1 est suivi causalement de l'envoi de m2 alors tous les processus délivrent le message m2 après le message m1.
  - Si delivery<sub>O</sub> $(m1) \sim \text{send}_P(m2)$ , alors pour tout processus Q du groupe de diffusion D,  $\operatorname{\mathbf{delivery}}_{\mathcal{O}}(m1) \rightsquigarrow \operatorname{\mathbf{cdlivery}}_{\mathcal{O}}(m2)$ .
  - Idée de l'algorithme : à la réception des messages, on les stocke et on compare les estampilles des messages pour la composante d'envoi P.

# Ordre atomique avec ABCAST

# Principe

Les processus d'un groupe livre les messages dans le même ordre.

- Si delivery  $_P(m1) \sim \text{send}_P(m2)$ , alors pour tout processus Q du groupe de diffusion D, delivery<sub>O</sub> $(m1) \rightsquigarrow \mathbf{cdlivery}_O(m2)$ .
- Idée de l'algorithme : à la réception des messages, on les stocke et on compare les estampilles des messages pour la composante d'envoi P.

# Protocole de diffusion CBCAST

### Initialisation

Pour chaque site  $i \in 1..n$ , positionner les valeurs des vecteurs  $VC_i$  à 0.

### Diffusion de m sur le site i

```
VC_i(i) := VC_i(i) + 1
Pour tout site j de 1..n : Send_i(m, VC_i(i), j)
```

# Réception

```
Receive_i(m, VC_m, j)
Wait(VC_m = VC_i(j)+1)
Wait(\forall j.j \in 1..n \land j \neq VC_m \leq VC_i(j))
Deliver_i(m)
VC_i(j) = VC_i(j) + 1
```

### **Conclusion**

- Rôle des estampilles pour les algorithmes d'exclusion mutuelle
- Rôle de horloges vectorielles dans la diffusion des messages et la propriété de causalité

# **Section Courante**

- 4 Application 1 : protocoles
- **5** Application 2 : protocoles de



### Bilan

- Mécanisme simple et cprrect mais incomplet pour ordonnancer les différents processus répartis avec les estampilles.
- Complétude des horloges vectorielles pour exprimer la causalité etre les événements.
- Algorithmes de diffusion
- Igorithmes d'exclusion mutuelle.