Cours Algorithmique des systèmes parallèles et distribués
Exercices
Série : PlusCal pour la programmation répartie ou concurrente (II)
par Alessio Coltellacci et Dominique Méry
12 mars 2025

Exercice 1 *Compléter le module pluscalappaspd22.tla en proposant une assertion Q1 correcte.*

```
---------------------------- MODULE pluscalappaspd22 ----------------------------
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets
(*
--wf
--algorithm ex1{
variables x = 0;


process (one = 1)
variables u;
{
  A:
    u := x+1;
  AB:
    x := u;
  B:
    x := x +1;
};

process (two = 2)
{
  C:
    x := x - 1;
  D:
    assert E2;
};

}
end algorithm;

*)


====
```

Exercice 2 *Compléter le module pluscalappaspd33.tla en proposant deux as-*

sertions R1 et R2 correctes.

```
---------------------------- MODULE pluscalappaspd33 ----------------------------
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets
(*
--wf
--algorithm ex3{
variables x = 0, y = 2;


process (one = 1)
variable u;
{
  A:
  u := x+1;
  AB:
    x := u;
  B:
    y := y -1;
  C:
 assert E31;
};

process (two = 2)
{
  D:
    x := x - 1;
  E:
    y:=y+2;
   F:
    x:= x+2;
  G:
    assert E32;
};

}
end algorithm;

*)
\
====
```

Exercice 3 *voir Figure 1*
On considère un système formé de deux processus one et two assurant les calculs suivants :

— *one : le processus envoie les entiers pairs entre 0 et N via un canal de communication à two.*
— *two : le processus reçoit les valeurs envoyées par one et ajoute la valeur reçue à la variable s.*
— *three : le processus fait un calcul de la somme des entiers de 0 à N/4.*

On suppose que N est divisible par 4..

Question 3.1 *Afin de vérifier que le calcul effectué par les deux processus est correct, on décide de vérifier que, quand tous les processus ont terminé la variable result contient la somme des entiers pairs entre 0 et N.*
En utilisant le fichier qquestion1a.tla, ajouter une propriété de sûreté safety1 qui énonce la correction de cet algorithme.

Question 3.2 *On décide de calculer avec le processus three la somme des entiers de 0 à $N\%4$. Proposer une propriété à vérifier afin de monter que le calcul du processus two est correct.*

Exercice 4 *voir Figure 2*
Soit le petit module qquestion2a.tla.
Donner les deux expressions A1 et A2 à placer dans les parties `assert` *afin que la vérification ne détecte pas d'erreurs dans cette assertion. Par exemple, on pourrait proposer $(x = 1 \vee x = 2) \wedge (y = 0 \vee y = 5)$ mais il vous appartient de simuler le programme pluscal pour vérifier que jamais l'assertion que vous proposerez ne soit fausse. La solution TRUE fonctionne mais n'est pas autorisée et les expressions demandées doivent contenir une occurence de x au moins et une occurence de y.*

Exercice 5 *Voir figure 3*
On considère des populations de clients $\mathcal{P}_i = \{P_{ij} : j \in \ \in 1..n_i\}$ avec $i \in 1..n$ et $Q_j, i \in 1..n$ associé à chaque population : le processus Q_i est le serveur de la population $\mathcal{P}_i$. L'algorithme de la figure 4 met en place la gestion d'une ressource R partagée par les processus $C_1 \ldots C_p$ via un serveur S. On décide d'utiliser cet algorithme pour gérer une ressource R partagée par toutes les populations et attribuée aux populations par leur serveur respectif quand ce serveur a le jeton. Le réseau en anneau dans la figure 3 explique les liens possibles entre les processus serveurs Q_i et les populations. La gestion de l'anneau est réalisé comme indiqué dans le fichier qring.tla de la figure 3. La gestion d'une population est assurée par le programme du fichier de la figure 4.

Question 5.1 *On souhaite tester le protocole ring du fichier qring.tla de la figure 3. Expliquer pourquoi le réseau ring de qring.tla est correct et effecteur des tests que vous indiquerez dans votre fichier soit en exprimant des propriétés de sûreté ou d'invariance, soit en vérifiant l'absence de blocage. n*

Listing 1 – qquestion1.tla

```
---------------------------- MODULE question1a ----------------------------
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets
CONSTANTS N
ASSUME N % 4 = 0
(*
--algorithm algo {
variable
        canal = <<>>;
        witness = -1;
        result = -1;

\*  Macro for sending primitive: sending a message m on the fifo channel chan
macro Send(m, chan) {
    chan := Append(chan, m);
  };

\*  Macro for receivinbg  primitive: receiving
a message m on the fifo channel chan
macro Recv(v, chan) {
    await chan # <<>>;
    v := Head(chan);
    chan := Tail(chan);
  };

process (one = 1)
variable
         x = 0;
{
        w:while (x <= N) {
      a:x := x + 1;
      b:if ( x % 4 = 0) {
           c: Send(x,canal);
       };
};
d: Send(-1,canal);
};

process (two = 2)
variable s = 0,mes;
{
          w:while (TRUE) {
          a: if (canal # <<>>) {
             b:Recv(mes,canal);
                c:if (mes # -1) { d: s := s +mes;}
                else {e: goto f;};
          };                    4
          };
          f: print <<s>>;
          g: result := s;
};

process (three = 3)
variable
         i = 0;
         s = 0;
         b = N \div 4;
{
        w:while ( i<= b) {
    a:i := i + 1;
        b: s := s +i;
      }
```

Listing 2 – qquestion2a.tla

```
---------------------------- MODULE qquestion2a ----------------------------
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets


(*
--wf
--algorithm ex3{
variables x = 0, y = 8;


process (one = 1)
{
  A:
    x := x + 1;
  B:
    y := y -1;
  C:
      assert  A1;
};

process (two = 2)
{
  D:
    x := x - 1;
  E:
    y:=y+2;
   F:
    x:= x+2;
   assert A2;
};

}
end algorithm;

*)
====
```

FIGURE 2 – Programme

Question 5.2 *La ressource R ne peut être attribuée que par un processus serveur Q qui a le jeton c'est-à-dire que $v[Q] = TOKEN$ sinon NIL. Q est un des processus sur l'anneau et est numéroté de 0 à N. Modifier le processus Q afin de réaliser cette fonctionnalité d'attribution de la ressource R au processus de la population gérée par Q et répondant à une demande de la population selon le,protocole de la figure 4.*

Question 5.3 *Détailler les propriétés de correction que doit satisfaire ce protocole et vérifier les. En particulier, il faudra montrer que le processus P d'une population donnée reçoit la ressource quand le serveur est en état de lui donner c'est-à-dire qu'il a le jeton.*

Exercice 6

La figure 6 est un réseau de Petri modélisant le système des philosophes qui mangent des spaghetti.

Question 6.1 *Traduire le réseau de Petri sous la forme d'un module TLA, en utilisant le fichier petri2023.tla. En particulier, il faut compléter l'initialisation.*

Question 6.2 *Est-ce que le réseau peut atteindre un point de deadlock ? Expliquez votre réponse.*

Question 6.3 *Proposer une propriété TLA pour répondre à la question suivante, en donnant des explications.*
Est-ce que deux philosophes voisins peuvent manger en même temps ?

```
------------------- MODULE examen2023q1 -----------------
EXTENDS Naturals,TLC
CONSTANTS  Places (* d\'esigne l'ensemble des places du r\'eseau de Petri  *)

VARIABLES  M  (*  la variable d'\'etat  indiquant o\`u se trouvent les jetons *)
------------------------
ASSUME
   Places \subseteq {"p11","p12","p13", ...}
------------------------
l1 ==
r1 ==
b1 ==
......

Init ==  M = [p \in Places |-> IF p \in {"p1","p2","p3","p4"} THEN 1 ELSE IF .... ]
Next == t1 \/ t2    \/ t3   \/ t4    \/ t5
```

Listing 3 – anneau1

```
---------------------- MODULE qring  ----------------------
EXTENDS Integers, Naturals, Sequences, TLC
CONSTANT N,NIL,TOKEN

Remove(i, seq) == [j \in 1..(Len(seq)-1) |-> IF j < i THEN seq[j] ELSE seq[j+1]]

v0 ==  [i \in 0..N |->NIL]

(*
--algorithm  algo {

variable
    v = v0;
    port = [i \in 0..N |-> IF i # 0 THEN <<>> ELSE <<TOKEN>>];

\*  Macro for sending primitive: sending a message m on the fifo channel chan
macro Send(m, chan) {
    chan := Append(chan, m);
  };

\*  Macro for receiving  primitive: receiving
a message m on the fifo channel chan
macro Recv(v, chan) {
    await chan # <<>>;
    v := Head(chan);
    chan := Tail(chan);
  };

 process (q \in 0..N )
    variable  mes;
  {
  s:  while (TRUE) {
  cc1: Recv(mes,port[self]);
        test: if (self = 0) {  pp: print <<"P[0]:",v>>;};
        cc4: v[self] := mes;
        rr:  v[self]:= NIL;
        cc5:  Send(TOKEN,port[(self+1) % N]);
        };
         };
         };



} \* end algorithm

*)                                  7


=================================================================
```

FIGURE 3 – Programme

Listing 4 – pop

```
---------------------- MODULE  qquestion3a
----------------------
EXTENDS Naturals, Sequences, TLC
CONSTANT p

Remove(i, seq) == [j \in 1..(Len(seq)-1) |-> IF j < i THEN seq[j] ELSE seq[j+1]]

(*
--algorithm  algo {

variable
    requests = <<>>,  reply = [i \in 1..p |-><<>>], msgok = <<>>;

macro Send(m, chan) {
    chan := Append(chan, m);
  };

macro Recv(v, chan) {
    await chan # <<>>;  \* could also do Len(chan) > 0 ??
    v := Head(chan);
    chan := Tail(chan);
  };

 process (C \in 1..p )
    variable request = 0, mes, cs = 0;
  {
  s:  while (TRUE) {
    c1: request := 1;
    c2: Send(self,requests);
    c3: Recv(mes,reply[self]);
    c4: cs := 1;
    c5: request := 0;
    c6: Send(self,msgok);
    };
}


  process (Server = 0 )
    variables  cs=0,v;
  {
  r:  while (TRUE) {
      if (requests # <<>> /\ cs=0)
      {
           a: Recv(v,requests);
           b: cs := 1;        8
           c: Send(v,reply[v]);

      } else if (msgok # <<>>)
      {
           d: Recv(v,msgok);
           e: cs := 0;
      } else
      { v:skip;
      }
      ;


        };
  };
```

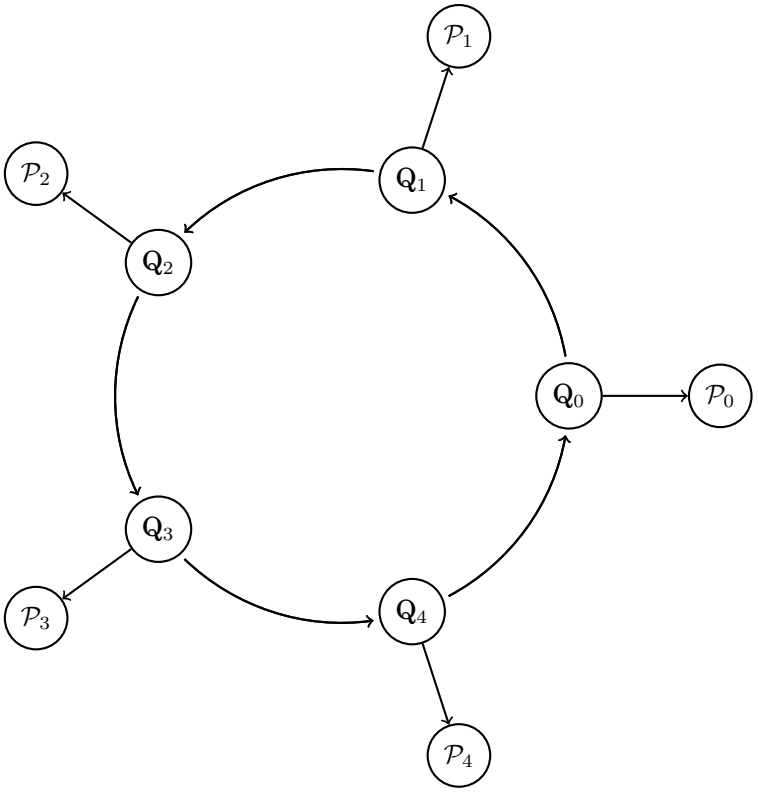

FIGURE 5 – Réseau global

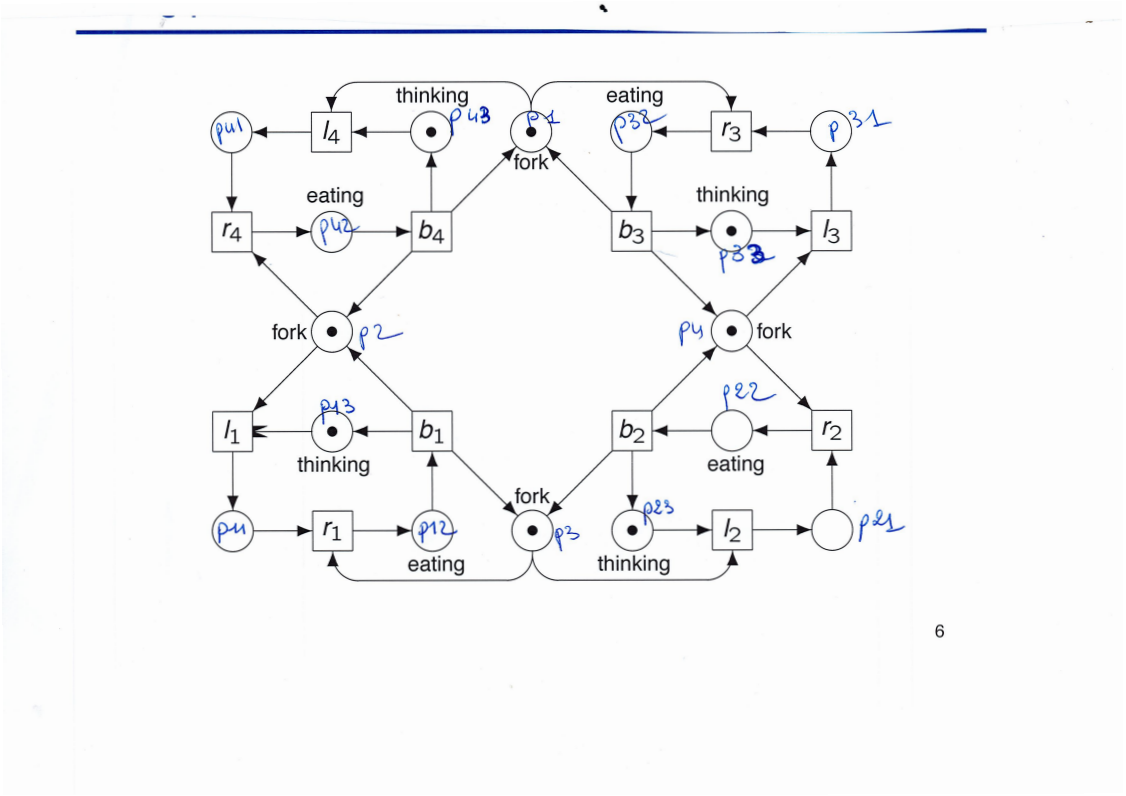

FIGURE 6 – Réseau de Petri

==========