

Cours Algorithmique des systèmes parallèles et distribués
Exercices

Série :PlusCal pour la programmation répartie ou concurrente (I)
par Dominique Méry
21 janvier 2026

Exercice 1 (*pluscaltut1.tla*)

Etudier le programme PlusCal suivant :

```
----- MODULE pluscaltut1 -----
EXTENDS Integers , Sequences , TLC, FiniteSets
(*
--wf
--algorithm Tut1 {
variables x = 0;

process (one = 1)
{
  A: assert x \in {0,1};
  x := x - 1;
  B: assert x \in {-1,0} ;
  x := x * 3;
  BB: assert x \in {-3,0};
};

process (two = 2)
{
  C: assert x \in {-3,-2,-1,0,1};
  x := x + 1;
  D:
    assert x \in {-2,-1,0,1,2};
};

}
end algorithm;

*)
/* BEGIN TRANSLATION (chksum(pcal) = "6bb757bc" /\ chksum(tla) = "ad730de7")
VARIABLES x, pc

vars == << x, pc >>
ProcSet == {1} \cup {2}
Init == (* Global variables *)
```

```

/\ x = 0
/\ pc = [self \in ProcSet |-> CASE self = 1 -> "A"
          [] self = 2 -> "C"]

A == /\ pc[1] = "A"
      /\ Assert(x \in {0,1}, "Failure of assertion at line 10, column 6.")
      /\ x' = x - 1
      /\ pc' = [pc EXCEPT ![1] = "B"]

B == /\ pc[1] = "B"
      /\ Assert(x \in {-1,0}, "Failure of assertion at line 12, column 6.")
      /\ x' = x * 3
      /\ pc' = [pc EXCEPT ![1] = "BB"]

BB == /\ pc[1] = "BB"
      /\ Assert(x \in {-3,0}, "Failure of assertion at line 14, column 8.")
      /\ pc' = [pc EXCEPT ![1] = "Done"]
      /\ x' = x

one == A \ / B \ / BB

C == /\ pc[2] = "C"
      /\ Assert(x \in {-3,-2,-1,0,1},
                 "Failure of assertion at line 19, column 6.")
      /\ x' = x + 1
      /\ pc' = [pc EXCEPT ![2] = "D"]

D == /\ pc[2] = "D"
      /\ Assert(x \in {-2,-1,0,1,2},
                 "Failure of assertion at line 22, column 5.")
      /\ pc' = [pc EXCEPT ![2] = "Done"]
      /\ x' = x

two == C \ / D

(* Allow infinite stuttering to prevent deadlock on termination. *)
Terminating == /\ \A self \in ProcSet: pc[self] = "Done"
                  /\ UNCHANGED vars

Next == one \ / two
                  \ / Terminating

Spec == Init /\ [] [Next]_vars

Termination == <>(\A self \in ProcSet: pc[self] = "Done")

```

```
\* END TRANSLATION
```

```
=====
```

Exercice 2 (*pluscaltut2.tla*)

Etudier le programme PlusCal suivant :

```
----- MODULE pluscaltut2 -----
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets

(*
--algorithm Tut2 {
variables x = 0;

process (one = 1)
variables temp
{
A:
    temp := x + 1;
    x := temp;
};

process (two = 2)
variables temp
{
    CC:
        temp := x + 1;
        x := temp;
    };
}
end algorithm;

*)
```

```
=====
```

Exercice 3 (*pluscaltut3.tla*)

Etudier le programme PlusCal suivant :

```
----- MODULE pluscaltut3 -----
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets
(*
--algorithm Tut3 {
variables x = 0;

process (one = 1)
{
  A:
    x := x + 1;
  B:
    await x = 1;
  C:
    print <<"x=",x>>;
};

process (two = 2)
{
  D:
    await x = 1;
  E:
    assert x = 1;
  F:
    x := x -2;
};

}
end algorithm;

*)
test == (\A i \in ProcSet : pc[i] = "Done") => x \in {1, 2}

=====
```

Exercice 4 (*pluscalex1.tla*)

Ecrire un programme PlusCal qui traduit le protocole suivant : S envoie une valeur à R

Exercice 5 (*pluscalex2.tla*)

Ecrire un programme PlusCal qui calcule la fonction factorielle de la façon suivante :

- *Un processus calcule $1 \times 2 \times 3 \dots \times k_1$*
- *Un processus calcule $k_2 \times (k_2+1) \times \dots \times N$*
- *Les processus stoppent quand la condition $k_1 < k_2$ est fausse*

Exercice 6 pluscalex3.tla

Ecrire un programme PlusCal qui calcule la fonction L^K la façon suivante :

- *Un processus calcule $L \times \dots \times L$ k_1 fois.*
- *Un processus calcule $L \times \dots \times L$ k_2 fois.*
- *Les processus stoppent quand la condition $k_1 + K_2 < L$ est fausse*

Cours Algorithmique des systèmes parallèles et distribués
Exercices
Série : PlusCal pour la programmation répartie ou concurrente (II)
par Dominique Méry
21 janvier 2026

Exercice 1 *pluscalappasd22.tla*

Compléter le module pluscalappasd22.tla en proposant une assertion Q1 correcte.

```

----- MODULE pluscalappasd22 -----
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets
(*
--wf
--algorithm ex1{
variables x = 0;

process (one = 1)
variables u;
{
  A:
    u := x+1;
  AB:
    x := u;
  B:
    x := x +1;
};

process (two = 2)
{
  C:
    x := x - 1;
  D:
    assert E2;
};

}
end algorithm;
*)

=====
```

Exercice 2 pluscalappaspd33.tla

Compléter le module pluscalappaspd33.tla en proposant deux assertions R1 et R2 correctes.

```
----- MODULE pluscalappaspd33 -----
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets
(*
--wf
--algorithm ex3{
variables x = 0, y = 2;

process (one = 1)
variable u;
{
  A:
    u := x+1;
  AB:
    x := u;
  B:
    y := y -1;
  C:
    assert E31;
};

process (two = 2)
{
  D:
    x := x - 1;
  E:
    y:=y+2;
  F:
    x:= x+2;
  G:
    assert E32;
};

}
end algorithm;

*)
\
=====
```

Exercice 3 qquestion1.tla voir Figure 1

On considère un système formé de deux processus *one* et *two* assurant les calculs suivants :

- *one* : le processus envoie les entiers pairs entre 0 et N via un canal de communication à *two*.
- *two* : le processus reçoit les valeurs envoyées par *one* et ajoute la valeur reçue à la variable *s*.
- *three* : le processus fait un calcul de la somme des entiers de 0 à $N/4$.

On suppose que N est divisible par 4..

Question 3.1 Afin de vérifier que le calcul effectué par les deux processus est correct, on décide de vérifier que, quand tous les processus ont terminé la variable *result* contient la somme des entiers pairs entre 0 et N .

En utilisant le fichier *qquestion1a.tla*, ajouter une propriété de sûreté *safety1* qui énonce la correction de cet algorithme.

Question 3.2 On décide de calculer avec le processus *three* la somme des entiers de 0 à $N\%4$. Proposer une propriété à vérifier afin de monter que le calcul du processus *two* est correct.

Exercice 4 *qquestion2a.tla* voir Figure 2

Soit le petit module *qquestion2a.tla*.

Donner les deux expressions *A1* et *A2* à placer dans les parties *assert* afin que la vérification ne détecte pas d'erreurs dans cette assertion. Par exemple, on pourrait proposer $(x = 1 \vee x = 2) \wedge (y = 0 \vee y = 5)$ mais il vous appartient de simuler le programme pluscal pour vérifier que jamais l'assertion que vous proposerez ne soit fausse. La solution TRUE fonctionne mais n'est pas autorisée et les expressions demandées doivent contenir une occurrence de *x* au moins et une occurrence de *y*.

Exercice 5 *petri2023.tla*

La figure 3 est un réseau de Petri modélisant le système des philosophes qui mangent des spaghetti.

Question 5.1 Traduire le réseau de Petri sous la forme d'un module TLA, en utilisant le fichier *petri2023.tla*. En particulier, il faut compléter l'initialisation.

Question 5.2 Est-ce que le réseau peut atteindre un point de deadlock ? Expliquez votre réponse.

Question 5.3 Proposer une propriété TLA pour répondre à la question suivante, en donnant des explications.

Est-ce que deux philosophes voisins peuvent manger en même temps ?

Listing 1 – qquestion1.tla

```
----- MODULE question1a -----
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets
CONSTANTS N
ASSUME N % 4 = 0
(*
--algorithm algo {
variable
    canal = <>>;
    witness = -1;
    result = -1;

/* Macro for sending primitive: sending a message m on the fifo channel chan
macro Send(m, chan) {
    chan := Append(chan, m);
};

/* Macro for receivinbg primitive: receiving
a message m on the fifo channel chan
macro Recv(v, chan) {
    await chan # <>>;
    v := Head(chan);
    chan := Tail(chan);
};

process (one = 1)
variable
    x = 0;
{
    w:while (x <= N) {
        a:x := x + 1;
        b:if ( x % 4 = 0) {
            c: Send(x,canal);
        };
    };
    d: Send(-1,canal);
};

process (two = 2)
variable s = 0,mes;
{
    w:while (TRUE) {
        a: if (canal # <>>) {
            b:Recv(mes,canal);
            c:if (mes # -1) { d: s := s +mes;}
            else {e: goto f;};
        };
        f: print <<s>>;
        g: result := s;
    };
};

process (three = 3)
variable
    i = 0;
    s = 0;
    b = N \div 4;
{
    w:while ( i<= b) {
        a:i := i + 1;
        b: s := s +i;
    };
}
```

Listing 2 – qquestion2a.tla

```
----- MODULE qquestion2a -----
EXTENDS Integers , Sequences , TLC, FiniteSets

(*
--wf
--algorithm ex3{
variables x = 0, y = 8;

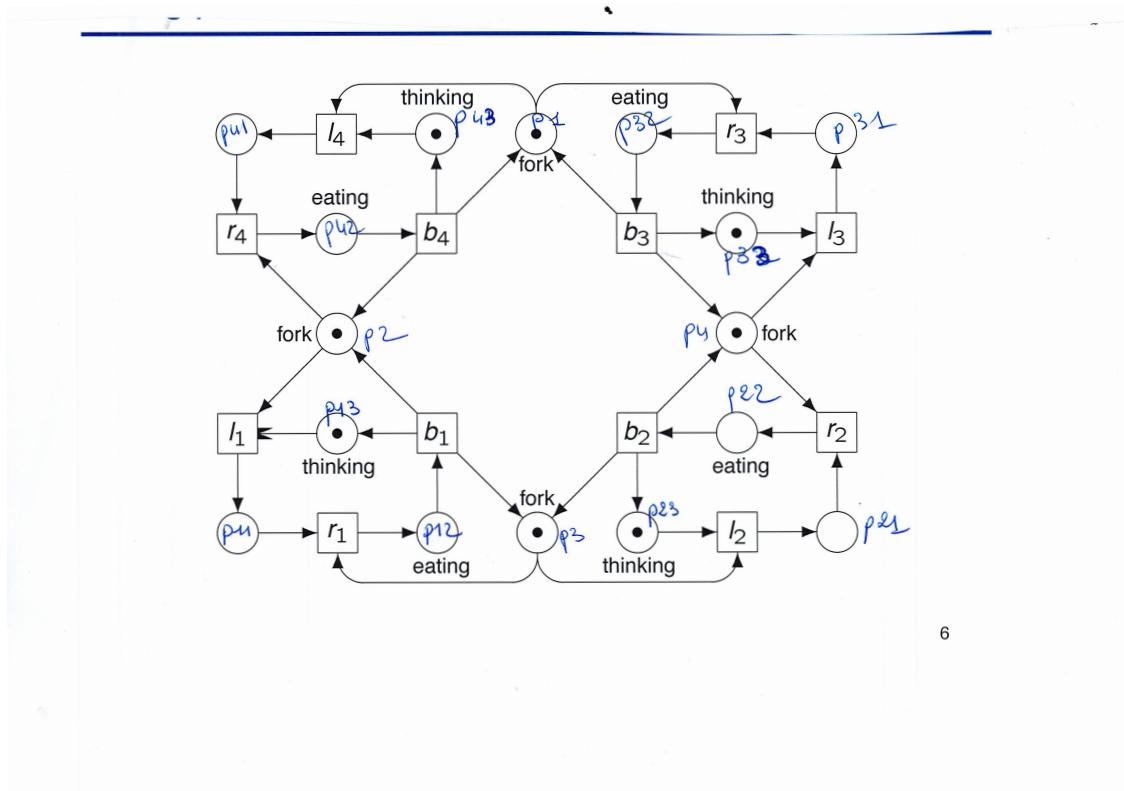
process (one = 1)
{
  A:
    x := x + 1;
  B:
    y := y -1;
  C:
    assert A1;
};

process (two = 2)
{
  D:
    x := x - 1;
  E:
    y:=y+2;
  F:
    x:= x+2;
  assert A2;
};

}
end algorithm;

*)
=====
```

FIGURE 2 – Programme



6

FIGURE 3 – Réseau de Petri

```
----- MODULE examen2023q1 -----
EXTENDS Naturals, TLC
CONSTANTS Places (* d'\esigne l'ensemble des places du r\'eseau de Petri *)
VARIABLES M (* la variable d'\\'etat indiquant o\`u se trouvent les jetons *)
-----
ASSUME
    Places \subseteq {"p11", "p12", "p13", ...}
-----
l1 ==
r1 ==
b1 ==
.....
Init == M = [p \in Places | -> IF p \in {"p1", "p2", "p3", "p4"} THEN 1 ELSE IF .... ]
```

```
Next == t1 \/ t2      \/ t3      \/ t4      \/ t5
```
