

Cours Algorithmique des systèmes parallèles et distribués
 Exercices
 Série :PlusCal pour la programmation répartie ou concurrente (I)
 par Dominique Méry
 20 janvier 2026

Exercice 1 (*pluscaltut1.tla*)

Etudier le programme PlusCal suivant :

```

----- MODULE pluscaltut1 -----
EXTENDS Integers , Sequences , TLC, FiniteSets
(*
--wf
--algorithm Tut1 {
variables x = 0;

process (one = 1)
{
  A: assert x \in {0,1};
    x := x - 1;
  B: assert x \in {-1,0} ;
    x := x * 3;
  BB: assert x \in {-3,-2,0,1};
};

process (two = 2)
{
  C: assert x \in {-3,-2,-1,0,1};
    x := x + 1;
  D:
    assert x \in {-2,-1,0,1,2};
};

}
end algorithm;

*)

=====

```

Exercice 2 (*pluscaltut2.tla*)

Etudier le programme PlusCal suivant :

```

----- MODULE pluscaltut2 -----
EXTENDS Integers , Sequences , TLC, FiniteSets

```

```

(*)
--algorithm Tut2 {
variables x = 0;

process (one = 1)

variables temp
{

A:
    temp := x + 1;

    x := temp;

};

process (two = 2)

variables temp
{
    CC:
        temp := x + 1;

        x := temp;

};
}
end algorithm;

*)

=====

```

Exercice 3 (*pluscaltut3.tla*)

Etudier le programme PlusCal suivant :

```

----- MODULE pluscaltut3 -----
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets
(*)
--algorithm Tut3 {
variables x = 0;

process (one = 1)

```

```

{
  A:
    x := x + 1;
  B:
    await x = 1;
  C:
    print <<"x=",x>>;
};

```

```

process (two = 2)
{
  D:
    await x = 1;
  E:
    assert x = 1;
  F:
    x := x - 2;
};

```

```

}
end algorithm;

```

*)

$test == (\forall i \in ProcSet : pc[i] = "Done") \Rightarrow x \in \{1, 2\}$

====

Exercice 4 *pluscalex1.tla*

Ecrire un programme *PlusCal* qui traduit le protocole suivant : *S* envoie une valeur à *R*

Exercice 5 *pluscalex2.tla*

Ecrire un programme *PlusCal* qui calcule la fonction factorielle de la façon suivante :

- Un processus calcule $1 \times 2 \times 3 \dots \times k_1$
- Un processus calcule $k_2 \times (k_2 + 1) \times \dots \times N$
- Les processus stoppent quand la condition $k_1 < k_2$ est fausse

Exercice 6 *pluscalex3.tla*

Ecrire un programme *PlusCal* qui calcule la fonction L^K la façon suivante :

- Un processus calcule $L \times \dots \times L$ k_1 fois.

- *Un processus calcule $L \times \dots \times L$ k^2 fois.*
- *Les processus stoppent quand la condition $k^1 + K^2 < L$ est fausse*

Cours Algorithmique des systèmes parallèles et distribués
Exercices
Série : PlusCal pour la programmation répartie ou concurrente (II)
par Dominique Méry
20 janvier 2026

Exercice 1 *pluscalappspd22.tla*

Compléter le module *pluscalappspd22.tla* en proposant une assertion *Q1* correcte.

```
----- MODULE pluscalappspd22 -----
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets
(*
--wf
--algorithm ex1{
variables x = 0;

process (one = 1)
variables u;
{
  A:
    u := x+1;
  AB:
    x := u;
  B:
    x := x +1;
};

process (two = 2)
{
  C:
    x := x - 1;
  D:
    assert E2;
};

}
end algorithm;

*)

=====
```

Exercice 2 *pluscalappaspd33.tla*

Compléter le module *pluscalappaspd33.tla* en proposant deux assertions *R1* et *R2* correctes.

```
----- MODULE pluscalappaspd33 -----
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets
(*
--wf
--algorithm ex3{
variables x = 0, y = 2;

process (one = 1)
variable u;
{
  A:
  u := x+1;
  AB:
  x := u;
  B:
  y := y -1;
  C:
  assert E31;
};

process (two = 2)
{
  D:
  x := x - 1;
  E:
  y:=y+2;
  F:
  x:= x+2;
  G:
  assert E32;
};

}
end algorithm;

*)
\
====
```

Exercice 3 *qquestion1.tla* voir Figure 1

On considère un système formé de deux processus *one* et *two* assurant les calculs suivants :

- *one* : le processus envoie les entiers pairs entre 0 et N via un canal de communication à *two*.
- *two* : le processus reçoit les valeurs envoyées par *one* et ajoute la valeur reçue à la variable s .
- *three* : le processus fait un calcul de la somme des entiers de 0 à $N/4$.

On suppose que N est divisible par 4..

Question 3.1 Afin de vérifier que le calcul effectué par les deux processus est correct, on décide de vérifier que, quand tous les processus ont terminé la variable $result$ contient la somme des entiers pairs entre 0 et N .

En utilisant le fichier *qquestion1a.tla*, ajouter une propriété de sûreté *safety1* qui énonce la correction de cet algorithme.

Question 3.2 On décide de calculer avec le processus *three* la somme des entiers de 0 à $N\%4$. Proposer une propriété à vérifier afin de montrer que le calcul du processus *two* est correct.

Exercice 4 *qquestion2a.tla* voir Figure 2

Soit le petit module *qquestion2a.tla*.

Donner les deux expressions $A1$ et $A2$ à placer dans les parties *assert* afin que la vérification ne détecte pas d'erreurs dans cette assertion. Par exemple, on pourrait proposer $(x = 1 \vee x = 2) \wedge (y = 0 \vee y = 5)$ mais il vous appartient de simuler le programme pluscal pour vérifier que jamais l'assertion que vous proposerez ne soit fausse. La solution *TRUE* fonctionne mais n'est pas autorisée et les expressions demandées doivent contenir une occurrence de x au moins et une occurrence de y .

Exercice 5 *petri2023.tla*

La figure 3 est un réseau de Petri modélisant le système des philosophes qui mangent des spaghetti.

Question 5.1 Traduire le réseau de Petri sous la forme d'un module TLA, en utilisant le fichier *petri2023.tla*. En particulier, il faut compléter l'initialisation.

Question 5.2 Est-ce que le réseau peut atteindre un point de deadlock ? Expliquez votre réponse.

Question 5.3 Proposer une propriété TLA pour répondre à la question suivante, en donnant des explications.

Est-ce que deux philosophes voisins peuvent manger en même temps ?

Listing 1 – qquestion1.tla

```

----- MODULE question1a -----
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets
CONSTANTS N
ASSUME N % 4 = 0
(*
--algorithm algo {
variable
    canal = <<>>;
    witness = -1;
    result = -1;

\* Macro for sending primitive: sending a message m on the fifo channel chan
macro Send(m, chan) {
    chan := Append(chan, m);
};

\* Macro for receiveinbg primitive: receiving
a message m on the fifo channel chan
macro Recv(v, chan) {
    await chan # <<>>;
    v := Head(chan);
    chan := Tail(chan);
};

process (one = 1)
variable
    x = 0;
{
    w:while (x <= N) {
        a:x := x + 1;
        b:if ( x % 4 = 0) {
            c: Send(x,canal);
        };
    };
    d: Send(-1,canal);
};

process (two = 2)
variable s = 0,mes;
{
    w:while (TRUE) {
        a: if (canal # <<>>) {
            b:Recv(mes,canal);
            c:if (mes # -1) { d: s := s +mes;}
            else {e: goto f;};
        };
        f: print <<s>>;
        g: result := s;
    };
};

process (three = 3)
variable
    i = 0;
    s = 0;
    b = N \div 4;
{
    w:while ( i<= b) {
        a:i := i + 1;
        b: s := s +i;
    };
};

```


Listing 2 – qqquestion2a.tla

```

----- MODULE qqquestion2a -----
EXTENDS Integers, Sequences, TLC, FiniteSets

(*
--wf
--algorithm ex3{
variables x = 0, y = 8;

process (one = 1)
{
  A:
    x := x + 1;
  B:
    y := y - 1;
  C:
    assert A1;
};

process (two = 2)
{
  D:
    x := x - 1;
  E:
    y:=y+2;
  F:
    x:= x+2;
    assert A2;
};

}
end algorithm;

*)
=====

```

FIGURE 2 – Programme

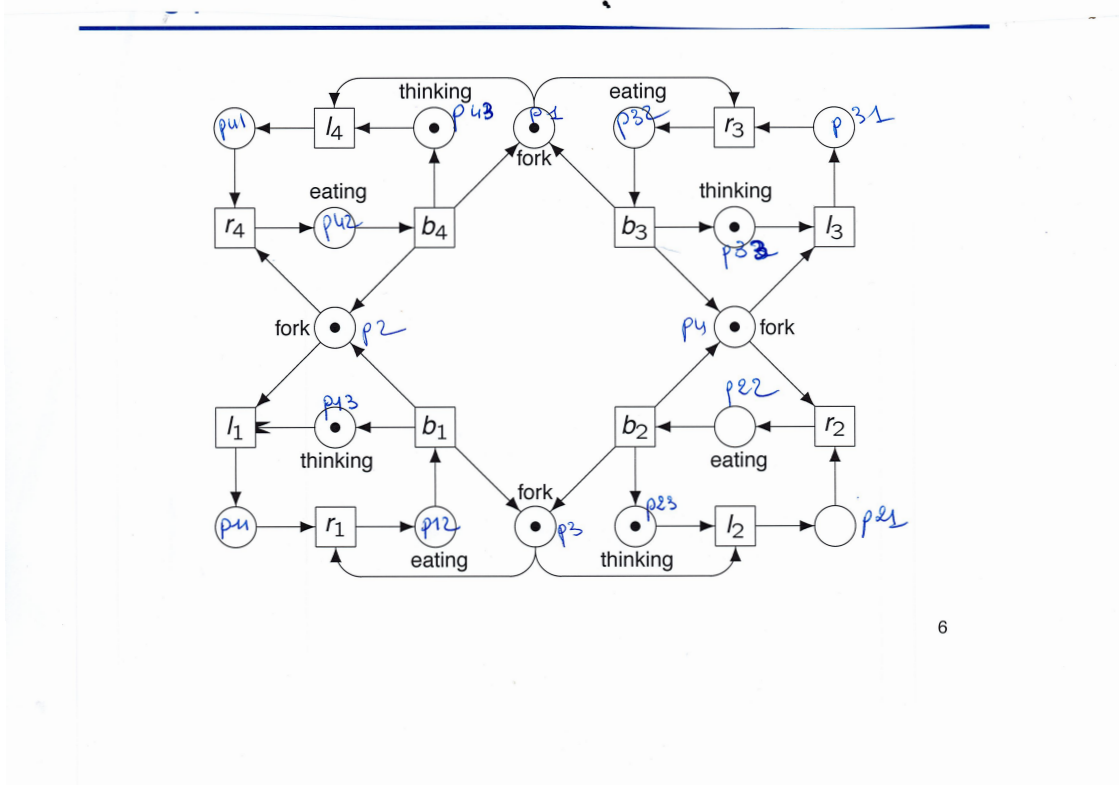


FIGURE 3 – Réseau de Petri

```

----- MODULE examen2023q1 -----
EXTENDS Naturals, TLC
CONSTANTS Places (* d'esigne l'ensemble des places du r'eseau de Petri *)

VARIABLES M (* la variable d'\etat indiquant o\'u se trouvent les jetons *)
-----
ASSUME
  Places \subteq {"p11", "p12", "p13", ...}
-----
l1 ==
r1 ==
b1 ==
.....

Init == M = [p \in Places |-> IF p \in {"p1", "p2", "p3", "p4"} THEN 1 ELSE IF .... ]

```

Next == t1 \ / t2 \ / t3 \ / t4 \ / t5

=====