

A. PERTANYAAN

① Untuk menjawab pertanyaan no 1, kita perhatikan grafik.

a) pada saat awal ($t=0$) partikel berada pada titik V (negatif).

sehingga arah gerak nya ke sumbu x negatif.

b) pada saat akhir ($t=\infty$) partikel berada pada titik V positif.

sehingga arah gerak nya ke sumbu x positif.

c) berhenti sesaat artinya $V=0$. Pada grafik kita lihat $V=0$ terjadi satu kali.

sehingga partikel sempat berhenti sesaat.

d) percepatan $= \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta V}{\Delta t} = \frac{dV}{dt} =$ turunan V terhadap t

$\vec{a} =$ gradien kurva / kemiringan garis $V-t$

Jadi, gradien garis adalah positif, sehingga percepatan partikel bernilai positif

e) percepatan merupakan turunan ~~terhadap kecepatan dalam waktu~~
 \rightarrow turunan kecepatan terhadap waktu

$$a = \frac{dV}{dt}$$

Pada grafik, kita ketahui persamaan garis linear. (pangkat satu)

misalkan $V = 2t - 4$

maka: $a = \frac{dV}{dt} = 2$

Jadi, percepatan partikel bernilai konstan seiring waktu.

② a) pada saat $t=0$ posisi partikel berada pada x negatif (lihat grafik).

b) $\text{kecepatan} = \frac{dx}{dt} = \text{turunan } x \text{ terhadap } t$

$$\overline{V} = \text{kemiringan kurva/garis}$$

pada saat $t=1s$, kemiringan garis bernilai positif. Sehingga kecepatan bernilai positif.

c) pada saat $t=2s$, kemiringan garis bernilai nol (datar), sehingga kecepatan bernilai nol.

d) Pada saat $t=3s$, kemiringan garis bernilai negatif, sehingga kecepatan bernilai negatif.

e) Saat $t=2s$, Kecepatan bernilai nol (berhenti sekuat), dan nilai V berubah

- pada $t=0$ ke $t=2s$ positif,

- pada $t=2s$ ke $t>2s$ $V \rightarrow$ negatif.

Sehingga pada $t=2s$, partikel berbalik arah.

③ a) kelajuan awal dapat kita tulis,

$$V_0 = \sqrt{V_{0x}^2 + V_{0y}^2}$$

$$(i) \quad V_0 = \sqrt{(20)^2 + (70)^2}$$

$$(ii) \quad V_0 = \sqrt{(-20)^2 + (70)^2}$$

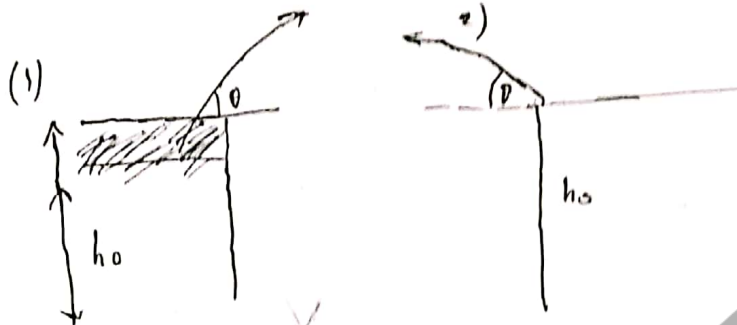
$$(iii) \quad V_0 = \sqrt{(20)^2 + (-70)^2}$$

$$(iv) \quad V_0 = \sqrt{(-20)^2 + (-70)^2}$$

keempatnya bernilai sama.

3) b) durasi perjalanan dari awal sampai mencapai tanah

.) urutannya : 1 dan 2 sama (bola di lempar ke atas), kemudian 3 dan 4 sama (bola di lempar ke bawah menuju tanah).



3)

4)



Penjelasan : .) untuk (1) dan (2) bola akan bergerak secara paratola.

dengan arah keatas pada awal pelemparan, pada gerak awal menuju puncak benda mengalami perlambatan, dan dari puncak menuju tanah mengalami pertambahan percepatan.

.) untuk (3) dan (4) bola akan bergerak secara dipercepat, karena

v (kebawah) dan $a = -g$ (kebawah)



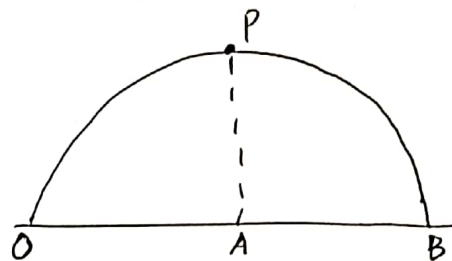
$v_{oy} (-)$

Sehingga waktu (1) dan (2) $>$ waktu (3) dan (4)

④

Kelajuan peluru tiap saat dapat kita tulis

$$V = \sqrt{V_x^2 + V_y^2}$$



$V_x = V_{0x}$ = sama di tiap titik pada lintasan

- untuk daerah $O \rightarrow A \rightarrow V_y$ akan bernilai positif, dan V_y^2 ada nilainya
- untuk daerah $A \rightarrow B \rightarrow V_y$ akan bernilai negatif dan V_y^2 ada nilainya
- Pada titik tertinggi (titik P), $V_y = 0 \rightarrow$ nilai $V_y^2 = 0$

Jadi, kelajuan minimum peluru adalah pada ketinggian maksimum,

$$\text{yakni } |V| = \sqrt{V_x^2 + 0} = |V_x|$$

⑤ Percepatan pada lintasan melengkung adalah percepatan sentripetal.

$$\text{Besar percepatan sentripetal} = \frac{|V|^2}{R}$$

$$a_{sp} \sim \frac{1}{R}$$

karena $|V_1| = |V_2| = |V_3| = |V_4|$

$$R_2 < R_1 = R_4 < R_3$$

Jadi, urutan besar percepatannya adalah

2, kemudian 1 dan 4 sama, kemudian 3

B. SOAL

oleh: Wawan K

① posisi dari tiap mobil sebagai fungsi waktu adalah :

• mobil merah

$$x_r(t) = x_{r0} + \frac{1}{2} a_r t^2 = (-35 \text{ m}) + \frac{1}{2} a_r t^2 \quad (\text{GLBB})$$

• mobil hijau

$$x_g(t) = x_{g0} + V_g t = (270 \text{ m}) - (20 \text{ m/s})t \quad (\text{GLB})$$

pada mobil hijau kita telah mensubstitusikan kecepatan bukan kelajuan,

$$\vec{V} = -20 \text{ m/s } \hat{i} \quad (\text{arah negatif } x).$$

•) kedua mobil saling bertemu (berpapasan) pada $t = 12 \text{ s}$, ketika kedua grafik saling bertemu. (saling bersilang).

$$\text{maka : } x_{\text{mobil merah}} : (-35 \text{ m}) + \frac{1}{2} a_r (12)^2 = x_{\text{mobil hijau}}$$

$$x_{\text{mobil hijau}} : (270 \text{ m}) - (20 \text{ m/s})(12 \text{ s}) = 30 \text{ m}$$

•) Saat bertemu kedua posisi mobil adalah sama. Sehingga

$$x_{\text{merah}} = x_{\text{hijau}}$$

$$-35 + \frac{1}{2} a_r (12)^2 = 30$$

$$|a_r| = 0,90 \text{ m/s}^2$$

② Perpindahan (Δx) untuk tiap kereta adalah luas grafik ($v-t$)

Karena perpindahan adalah Integral dari kecepatan,

$$x - x_0 = \int v dt$$

$$\Delta x = \int v dt$$

• Tiap luas adalah segitiga, dengan $L = \frac{1}{2}$ alas \times tinggi

• Jadi nilai mutlak dari perpindahan,

• kereta 1 : $|\Delta x_1| = \frac{1}{2} (40 \text{ m/s}) (5 \text{ s}) = 100 \text{ m}$

• kereta 2 : $|\Delta x_2| = \frac{1}{2} (30 \text{ m/s}) (4 \text{ s}) = 60 \text{ m}$

• Pada mulanya keduanya terpisah sejauh 200 m. perhitungan nilai mutlak perpindahan adalah 160 m.

Sehingga jarak antar keduanya ketika keduanya telah berhenti bergerak adalah

$$|x| = 200 - 160 = 40 \text{ m}$$

③ a) ~~kejs~~ Kecepatan rata-rata selama 3 s pertama, adalah :

$$V_{\text{avg}} = \frac{x(3) - x(0)}{\Delta t} = \frac{(50(3) - (10)(3)^2) - 0}{3} = 80 \text{ m/s}$$

$$\vec{V} = 80 \text{ m/s } \hat{i}$$

b) Kecepatan sesaat : $V = \frac{dx}{dt} = 50 + 20t$

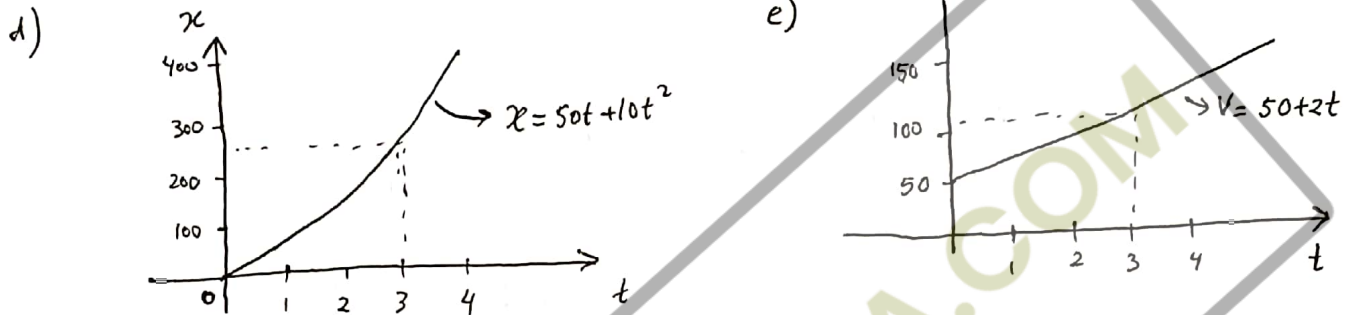
Saat $t = 3 \text{ s}$, $\vec{V} = 50 + 20(3) = 110 \text{ m/s } \hat{i}$

③ c) percepatan sesaat adalah

$$\vec{a}(t) = \frac{dV}{dt}$$

$$\vec{a}(t) = 20 \text{ m/s}^2 \hat{i}$$

Nilai percepatan tiap waktu berarti konstan, dengan besar $20 \text{ m/s}^2 \hat{i}$



Saat $x=0 \rightarrow x=0$

$t = 3 \text{ s} \rightarrow x = 240 \text{ m}$.

- ④
- percepatan konstan pada partikel B, sehingga dapat diterapkan rumus GLBB.
 - Untuk partikel A bergerak dengan kecepatan konstan (GLB).

•) Untuk gerak B (arah y)

$$y = y_0 + V_{0y}t + \frac{1}{2}a_yt^2$$

$$y = 0 + 0 + \frac{1}{2}a_yt^2$$

$$y = \frac{1}{2}a_yt^2$$

$$30 \text{ m} = \frac{1}{2} [(0,40) \cos \theta] t^2 \dots (1)$$

•) gerak x dari A dan B bertepatan :

$$V_t = \frac{1}{2}a_xt^2 \rightarrow$$

$$3t = \frac{1}{2}(0,40) \sin \theta t^2$$

$$3 = \frac{1}{2}(0,40) \sin \theta t$$

$$t = \frac{6}{0,40 \sin \theta}$$

④ Substitusi nilai t ke persamaan (1),

sehingga

$$30 = \frac{1}{2} (0,40 \cos \theta) \left(\frac{6}{0,40 \sin \theta} \right)^2$$

kita gunakan $\sin^2 \theta = 1 - \cos^2 \theta$, sehingga

$$30 = \frac{9}{0,2} \frac{\cos \theta}{1 - \cos^2 \theta} \Rightarrow 1 - \cos^2 \theta = \frac{9}{(0,2)(30)} \cos \theta$$

$$1 - \cos^2 \theta = 1,5 \cos \theta$$

c) dengan mencari nilai akar,

dari persamaan kuadrat \rightarrow

$$\cos^2 \theta + 1,5 \cos \theta - 1 = 0$$

kita peroleh :

$$\cos \theta = \frac{-1,5 + \sqrt{1,5^2 - 4(1)(-1)}}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\text{Sehingga diperoleh : } \theta = \cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) = 60^\circ$$

⑤ Gerakan arah x

$$\Delta x = V_x \cdot t$$

$$t = \frac{\Delta x}{V_x} = \frac{22 \text{ m}}{(25) \cos 40^\circ} = 1,15 \text{ s}$$

$$\text{a) Jarak Vertikal : } \Delta y = V_{0y}t - \frac{1}{2}gt^2$$

$$\Delta y = V_0 \sin \theta t - \frac{1}{2}gt^2$$

5) a) $\Delta y = (V_0 \sin \theta_0) t - \frac{1}{2} g t^2$

$$\Delta y = (25) \sin 40^\circ (1,15) - \frac{1}{2} (9,8) (1,15)^2 = 12 \text{ m}$$

b) komponen kecepatan horizontal tidak berubah dengan V_{0x} .

$$\text{sehingga } V_x = V_0 \cos 40^\circ = 19,2 \text{ m/s}$$

c) komponen kecepatan vertikal menjadi,

$$V_y = V_0 \sin \theta_0 - g t$$

$$= 25 \sin 40^\circ - (9,8) (1,15)$$

$$V_y = 4,80 \text{ m/s}$$

d) karena $V_y > 0$, maka ketika bola menabrak dinding, bola tidak mencapai titik tertinggi.

6) Dalam permasalahan gerak parabola ini, kita memiliki $V_0 = V_x = \text{konstan}$. dan diplot $V = \sqrt{V_x^2 + V_y^2}$, kita lihat dari grafik, saat $t = 2,5 \text{ s}$ bola mencapai titik maksimum, dimana $V_y = 0$, sehingga dari grafik kita dapatkan

$$V_x = 19 \text{ m/s}$$

a) selama $t = 5 \text{ s}$, gerakan horizontal adalah:

$$x - x_0 = V_x t$$

$$x - x_0 = 19 (5)$$

$$x - x_0 = 95 \text{ m}$$

6) b) karena

$$V_0 = \sqrt{V_x^2 + V_y^2}$$

$$V_0 = \sqrt{(19)^2 + V_{0y}^2} \approx 31 \text{ m/s} \quad (\text{titik pertama dari grafik})$$

kita dapatkan :

$$961 = 361 + V_{0y}^2$$

$$V_{0y} = 24,5 \text{ m/s}$$

• saat $t = 2,5 \text{ s}$, kita gunakan salah satu rumus GLBB

$$(i) \quad y_{\max} - y_0 = V_{0y}t - \frac{1}{2}gt^2$$

$$(ii) \quad V_y^2 = V_{0y}^2 - 2g(y_{\max} - y_0)$$

$$(iii) \quad y_{\max} - y_0 = \frac{1}{2}(V_y + V_{0y})t$$

kita gunakan pers (iii).

$$y_{\max} - y_0 = \frac{1}{2}(V_y + V_{0y})t$$

$$y_{\max} = \frac{1}{2}(0 + 24,5)(2,5) \approx 31 \text{ m}$$

dimana kita ambil $y_0 = 0$ pada permukaan tanah.

7) kita misalkan a_1 saat $t_1 = 2 \text{ s}$ dan a_2 saat $t_2 = 5 \text{ s}$

\vec{a}_1 tegak lurus terhadap \vec{a}_2 .

dengan menggunakan perkalian dot product,

$$\vec{a}_1 \cdot \vec{a}_2 = [(6\hat{i} + 4\hat{j})] \cdot (4\hat{i} - 6\hat{j}) = 0$$

7) karena percepatan (vektor) dalam arah negatif radial, maka kedua posisi pada t_1 dan t_2 adalah $\frac{1}{4}$ lingkaran ($\frac{3}{4}$ lingkaran bergantung pada pengukuran searah jarum atau berlawanan jarum jam).

Sebuah sketsa yang cepat dapat ditrapkan untuk mengambil kesimpulan bahwa jika partikel sedang bergerak berlawanan jarum jam, ~~dari posisi t_1~~ (seperti pada problem) maka partikel akan menempuh $\frac{3}{4}$ permukaan lingkaran, yang bergerak dari posisi saat t_1 ke posisi t_2 .

Periode = T = waktu yang ditempuh satu putaran penuh.

kemudian, $t_2 - t_1 = 3s = \frac{3T}{4} \rightarrow T = 4s$

maka, besar percepatannya adalah:

$$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} = \sqrt{(6)^2 + (4)^2} = 7,21 \text{ m/s}^2$$

dengan menggunakan persamaan:

$$a_{sp} = \frac{v^2}{r} \quad \text{dan} \quad T = \frac{2\pi r}{v}$$

$$\text{maka: } a_{sp} = \frac{v^2}{r} = \frac{\left(\frac{2\pi r}{T}\right)^2}{r}$$

$$a_{sp} = \frac{4\pi^2 r}{T^2}$$

$$\text{atau } r = \frac{aT^2}{4\pi^2} = \frac{7,21(4)^2}{4(3,14)^2} = 2,92 \text{ m}$$

8) Kita ketahui bahwa dalam lintasan melingkar (melengkung),

$$a_{sp} = \frac{V^2}{r}$$

a) jari-jari minimum belok dari kereta :

$$r_{\min} = \frac{V^2}{a_{\max}} = \frac{(216 \text{ km/h})^2}{(0,050)(9,8 \text{ m/s}^2)} = 7,3 \times 10^3 \text{ m}$$

b) kelajuan kereta harus dikurangi tidak melebihi dari

$$V = \sqrt{a_{\max} r} = \sqrt{0,050(9,8)(1 \times 10^3 \text{ m})} \doteq 22 \text{ m/s}$$

atau sekitar $V = 80 \text{ km/h}$

9) $V_0 = 30 \text{ m/s}$ dan $R = 20 \text{ m}$,

jangkauan maksimum dapat kita tuliskan

$$R = \frac{V_0^2}{g} \sin 2\theta_0 \quad (\text{lihat buku halliday edisi 10})$$

$$\text{Sehingga } \sin 2\theta_0 = \frac{gR}{V_0^2} = 0,218$$

Karena $\sin \phi = \sin (180^\circ - \phi)$, maka ada dua akar dari persamaan

diatas,

$$2\theta_0 = \sin^{-1}(0,218) = 12,58^\circ \text{ dan } 167,4^\circ$$

yang berkaitan dengan kemunglisan sudut awal pelemparan yang akan mengenai target. (abaikan gaya gesek udara dan efek yang lain)

9) a) Sudut terkecil adalah $\theta_a = 6,29^\circ$

b) Sudut terbesar adalah $\theta_b = 83,7^\circ$

Sebuah pendekatan alternatif pada problem ini, dari persamaan

$$y = (\tan \theta_0)x - \frac{gx^2}{2(v_0 \cos \theta_0)^2} \quad (\text{persamaan 4-25 lihat halliday})$$

yakni dengan $y=0$ dan $\frac{1}{\cos^2 \theta} = 1 + \tan^2 \theta$ adalah spungkin.

dan menjadi persamaan kuadrat,

$$y = \tan \theta_0 x - \frac{gx^2}{2v_0^2} \tan^2 \theta_0$$

yang menghasilkan dua kemungkinan θ_0 .

10) a) Kecepatan motor terhadap mobil polisi adalah

$$\vec{V}_{mp} = \vec{V}_m - \vec{V}_p = (-60 \text{ km/h})\hat{j} - (-80 \text{ km/h})\hat{i}$$

$$\vec{V}_{mp} = (80 \text{ km/h})\hat{i} - (60 \text{ km/h})\hat{j}$$

b) \vec{V}_{mp} tidak terjadi sepanjang penglihatan lurus. Dari gambar kita temukan

Vektor mengarah dari satu mobil ke yang lain nya adalah :

$$\vec{r} = (800 \text{ m})\hat{i} - (600 \text{ m})\hat{j} \quad (\text{dari M ke P})$$

Karena rasio dalam komponen \vec{r} adalah sama seperti dalam \vec{V}_{mp}

mereka harus berarah sama.

c) Tidak, mereka tidak berubah

Sudut \vec{V}_{mp} dan \vec{r} adalah nol.