## Jelek és rendszerek

## 3. HÁZI FELADAT

Érvényes: 2010-2011/II. félév

Név Kriván Bálint Neptun kód CBVOEN Házi feladat kódja jj583f

Megjegyzések: A házi feladat megoldását a feladatlappal együtt kell beadni. Ügyeljen az áttekinthető és világos külalakra! A teljes megoldást minden esetben részletesen le kell írni, nem elegendő a végeredményeket közölni! A numerikus számításokra és az ábrák elkészítésére természetesen alkalmazhat számítógépi programokat (MATLAB, DERIVE, stb.), de a megoldás elvi lépéseit ekkor is részletesen ismertetni kell.

	a	b	$\sum$	Javító
3.1	/ 1,6	/ 2,8	/ 4,4	
3.2	/ 2,4	_	/ 2,4	
3.3	/ 2,4	/ 0,8	$/\ 3,2$	
			/ 10*	

<sup>\*</sup> a házi feladat végső pontszáma a részpontok összegéből kerekített egész szám.

3.1 Tekintse az alábbi impulzusválasszal adott FI illetve DI rendszert!

$$h(t) = 4\delta(t) + \varepsilon(t) \left\{ 6e^{-0.2t} + (-4) \cdot e^{-0.3t} \right\}$$
  
$$h[k] = 4\varepsilon[k](0.5)^k \cos(0.3k + (-0.5))$$

- (a) Határozza meg és írja fel normál alakban a rendszerek átviteli függvényét! (0,8+0,8 pont)
- (b) A rendszerek gerjesztése az alábbi bemeneti jel. Számítsa ki a válaszjelek formuláját, és ábrázolja a válaszjeleket! (1,4+1,4 pont)

1

$$u(t) = 9\{\varepsilon(t) - \varepsilon(t - 1,6)\}$$
  
$$u[k] = \varepsilon[k]\{7 + (-8) \cdot (0,5)^k\}$$

3.2 Tekintse az alábbi állapotváltozós leírással adott FI illetve DI rendszert! A FI rendszer állapotváltozós leírása:

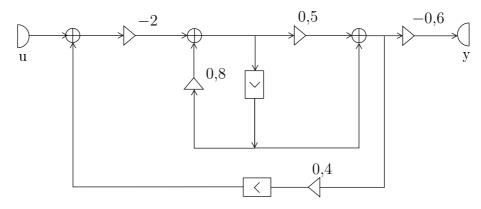
$$\begin{bmatrix} x_1'(t) \\ x_2'(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1.2 & -0.5 \\ 2 & -1.2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1(t) \\ x_2(t) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1.2 \\ 1.3 \end{bmatrix} u(t)$$
$$y(t) = \begin{bmatrix} 0.8 & -0.6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1(t) \\ x_2(t) \end{bmatrix} + (0.45)u(t)$$

A DI rendszer állapotváltozós leírása:

$$\begin{bmatrix} x_1[k+1] \\ x_2[k+1] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & -0.7 \\ 0.8 & 0.8 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1[k] \\ x_2[k] \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0.7 \\ 0.6 \end{bmatrix} u[k]$$
$$y[k] = \begin{bmatrix} -0.4 & 0.5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1[k] \\ x_2[k] \end{bmatrix} + (1.3)u[k]$$

Állapítsa meg, minimálfázisú-e az állapotváltozós leírással adott FI illetve DI rendszer! Ha nem, adja meg a rendszer átviteli függvényét egy minimálfázisú és egy mindent áteresztő rendszer átviteli függvényének szorzataként! Adja meg mindegyik rendszer zérusait és pólusait! (1,2+1,2 pont)

3.3 Tekintse az alábbi hálózattal adott FI illetve DI rendszert!



- (a) Ábrázolja a fenti hálózat által reprezentált rendszer átviteli függvényének pólus-zérus elrendezését, és ennek alapján vizsgálja meg a DI illetve az FI hálózat stabilitását! (1,2+1,2 pont)
- (b) Adjon meg egy olyan kanonikus (minimális számú késleltetőt tartalmazó) DI hálózatot, amely a fenti DI hálózattal kaszkád kapcsolásban FIR típusú rendszert reprezentál! (0,8 pont)