## Inhaltsverzeichnis

## Band I

| 1   | Grundbegriffe nichtlinearer Systeme   | 17  |
|-----|---|-----|
| 1.1 | Lineare und nichtlineare Übertragungsglieder                                      | 17  |
| 1.2 | Struktur nichtlinearer Systeme  | 23  |
| 1.3 | Häufig auftretende Kennlinien   | 31  |
| 1.4 | Ruhelagen dynamischer Systeme   | 41  |
| 1.5 | Nichtlineare Standardregelung   | 50  |
| 1.6 | Stabilitätsverhalten einer Ruhelage   | 53  |
| 1.7 | Anwendung des Ljapunowschen Stabilitätsbegriffs auf lineare                       |     |
|     | Systeme   | 61  |
| 2   | Analyse und Entwurf in der Zustandsebene  | 68  |
| 2.1 | Prinzipielle Vorgehensweise   | 69  |
| 2.2 | Lineare Systeme   | 75  |
|     | 2.2.1 Die Differentialgleichung $\ddot{x} = \epsilon K$                           | 75  |
|     | 2.2.2 Die Differentialgleichung $T\ddot{x} + \dot{x} = \epsilon K$                | 76  |
|     | 2.2.3 Die Differentialgleichung $\ddot{x} + a_1\dot{x} + a_0x = 0$ , $a_0 \neq 0$ | 80  |
|     | 2.2.4 Lineare Näherung nichtlinearer Differentialgleichungen                      |     |
|     | in der Umgebung einer Ruhelage  | 89  |
| 2.3 | Stabilitätsanalyse und Stabilisierung nichtlinearer                               |     |
|     | Regelkreise in der Zustandsebene  | 92  |
|     | 2.3.1 Regelkreise mit Relaiskennlinie   | 92  |
|     | 2.3.2 Regelkreise mit stückweise linearer Kennlinie                               | 100 |
|     | 2.3.3 Grenzzyklen   | 104 |
|     | 2.3.4 Regelkreise mit Totzeit   | 115 |
|     | 2.3.5 Grenzzyklen und das Stabilitätsverhalten der Ruhelage                       | 125 |
|     | 2.3.6 Strukturumschaltung   | 129 |
| 2.4 | Optimierung von Regelkreisen in der Zustandsebene                                 |     |
|     | 2.4.1 Vorbemerkung über Optimierung   | 142 |
|     | 2.4.2 Zeitoptimale Regelung   | 144 |
|     | 2.4.3 Suboptimale Regelung  | 152 |

| 12   | Inhaltsverz    | eichnis  |
|------|----------------|----------|
| 12 / | illiuits ver z | CILIIIII |

| 2.5  | Behar   | ndlung von Systemen höherer als 2. Ordnung in der      |     |
|------|---|--|-----|
|      | Zusta   | ndsebene   | 156 |
| 2.6  |   | lineare Systeme 1. Ordnung in der Zustandsebene        | 162 |
|      |   | Regelkreis mit Hysteresekennlinie                      | 162 |
|      | 2.6.2   | Schaltender PI-Regler                                  | 166 |
| 3    | Grun  | dzüge und Anwendung der Direkten Methode               | 177 |
| 3.1  | Grun  | dgedanke der Direkten Methode                          | 177 |
| 3.2  | Stabi   | litätskriterien  | 182 |
| 3.3  | Konst   | ruktion von Ljapunow - Funktionen                      | 189 |
|      | 3.3.1   | Positiv definite Funktionen                            | 190 |
|      | 3.3.2   | Ljapunow-Funktionen für lineare Systeme                | 194 |
|      | 3.3.3   | Beispiele zur Konstruktion von Ljapunow-Funktionen für |     |
|      |   | nichtlineare Systeme                                   | 201 |
|      | 3.3.4   | Die Methode von M.A.Aiserman                           | 211 |
| 3.4  | Eine .  | Anwendung der Direkten Methode: Methode der ersten     |     |
|      | Näherung  |  |     |
| 3.5  | Weitere Anwendung der Direkten Methode: Entwurf struktur-   |  |     |
|      | umschaltender Regelungen                                    |  |     |
|      | 3.5.1   | Zweck und mathematische Beschreibung strukturumschal-  |     |
|      |   | Regelungen   | 232 |
|      | 3.5.2   | Entwurf der Umschaltstrategie mittels einer Ljapunow-  |     |
|      |   | Funktion   | 237 |
|      | 3.5.3   | Beispiel und Literaturanmerkungen                      | 243 |
| 3.6  | Eine dritte Anwendung der Direkten Methode: Synthese nicht- |  |     |
|      | linear  | er Regelungen durch Gütemaßangleichung nach U. Sieber  | 253 |
|      | 3.6.1   | Mathematische Vorbemerkung: Kronecker-Produkt und      |     |
|      |   | Vektorisierungsoperator                                | 253 |
|      | 3.6.2   | Beschreibung des Syntheseverfahrens                    | 260 |
|      |   | Herleitung der Reglerformel                            | 265 |
|      | 3.6.4   | Beispiel: Über Feld und Anker geregelter Gleichstrom-  |     |
|      |   | motor  | 269 |
|      | 3.6.5   | Entwurf nichtlinearer Ausgangsrückführungen            | 274 |
| Übuı | ngsaufga  | aben mit Lösungen zu Band I                            | 292 |
| Verz | eichnis   | von Buchveröffentlichungen zu nichtlinearen Systemen   | 337 |
| Sach | wortver   | zeichnis zu Band I                                     | 344 |

## Band II

| 4    | Harmonische Balance (Harmonische Linearisierung, Methode der  |          |  |
|------|---|----------|--|
|      | Beschreibungsfunktion)  | 11       |  |
| 4.1  | Einführung der Beschreibungsfunktion und die Gleichung der F  | Iarmoni- |  |
|      | schen Balance   | 12<br>22 |  |
| 4.2  | Berechnung der Beschreibungsfunktion                          |          |  |
| 4.3  | Lösung der Gleichung der Harmonischen Balance                 | 30       |  |
| 4.4  | Beispiele zur Lösung der Gleichung der Harmonischen Balance   | 37       |  |
|      | 4.4.1 Regelkreis mit Dreipunktkennlinie                       | 37       |  |
|      | 4.4.2 Nichtlineare Regelungen mit Totzeit                     | 45       |  |
|      | 4.4.3 Regelkreis mit Hysterese                                | 53       |  |
|      | 4.4.4 Ein kritischer Fall                                     | 57       |  |
| 4.5  | Benutzung von Frequenzkennlinien                              | 63       |  |
| 4.6  | Stabilitätsverhalten von Dauerschwingungen                    | 69       |  |
| 4.7  | Dauerschwingungen und das Stabilitätsverhalten der Ruhelage   | 82       |  |
| 4.8  | Stabilisierung nichtlinearer Regelungen                       | 87       |  |
|      | 4.8.1 Lineare Stabilisierung                                  | 87       |  |
|      | 4.8.2 Nichtlineare Stabilisierung anhand eines Anwendungsbei- |          |  |
|      | spiels  | 91       |  |
| 4.9  | Anwendung der Harmonischen Balance auf Regelkreise mit mehre- |          |  |
|      | ren Kennlinien  | 107      |  |
|      | 4.9.1 In Reihe gelegene Kennlinien                            | 107      |  |
|      | 4.9.2 Beliebige Lage der Kennlinien im Regelkreis             | 114      |  |
| 4.10 | Anwendung der Harmonischen Balance auf Regelkreise mit unsym- |          |  |
|      | metrischer Kennlinie und konstanten Eingangsgrößen            | 121      |  |
|      | 4.10.1 Aufstellen der Gleichungen der Harmonischen Balance    | 121      |  |
|      | 4.10.2 Lösung der Gleichungen der Harmonischen Balance        | 129      |  |
| 4.11 | Harmonische Balance bei sinusförmigen Eingangsgrößen und all- |          |  |
|      | gemeineren Nichtlinearitäten (Querverbindung zur Schwingungs- |          |  |
|      | technik)  | 139      |  |
|      | 4.11.1 Die Schwingungsdifferentialgleichung als Regelkreis    | 140      |  |
|      | 4.11.2 Die Gleichung der Harmonischen Balance für den Regel-  |          |  |
|      | kreis der Schwingungsdifferentialgleichung                    | 146      |  |
|      | 4.11.3 Beispiele  | 149      |  |
|      | 4.11.4 Die ungedämpfte Schwingungsdifferentialgleichung       |          |  |
|      | $\ddot{x} + f(x) = 0$   | 152      |  |
| 4.12 | Zusammenstellung einiger Beschreibungsfunktionen              | 157      |  |

| 5   | Stabilitätskriterien im Frequenzbereich                         | 159 |
|-----|---|-----|
| 5.1 | Die absolute Stabilität von Regelkreisen                        | 159 |
| 5.2 | Das Popow-Kriterium   | 161 |
| 5.3 | Erweiterungen des Popow-Kriteriums                              | 166 |
| 5.4 | Formelmäßige Lösung der Popow-Ungleichung                       | 169 |
| 5.5 | Geometrische Deutung der Popow-Ungleichung                      | 173 |
| 5.6 | Sektortransformation  | 179 |
| 5.7 | Popow-Sektor und Hurwitz-Sektor                                 | 186 |
| 5.8 | Das Kreiskriterium  | 197 |
|     | 5.8.1 Zusammenhang zwischen Popow- und Kreiskriterium           | 197 |
|     | 5.8.2 Anwendung des Kreiskriteriums                             | 201 |
|     | 5.8.3 Vergleich von Popow- und Kreiskriterium                   | 204 |
| 6   | Hyperstabilität   | 209 |
| 6.1 | Begriff der Hyperstabilität                                     | 209 |
| 6.2 | Hyperstabilitätskriterien                                       | 221 |
| 6.3 | Behandlung von Eingrößenregelungen mittels der Hyperstabilität  | 232 |
|     | 6.3.1 Allgemeine Vorgehensweise                                 | 232 |
|     | 6.3.2 Beispiele   | 240 |
|     | 6.3.3 Ein Regelkreis mit Stellgrößenbegrenzung                  | 246 |
| 6.4 | Behandlung von Mehrgrößenregelungen mittels der Hyperstabilität | 254 |
|     | 6.4.1 Allgemeine Vorgehensweise                                 | 254 |
|     | 6.4.2 Beispiele   | 257 |
| 6.5 | Verknüpfung hyperstabiler Systeme                               | 266 |
|     | 6.5.1 Verknüpfungsregeln  | 266 |
|     | 6.5.2 Anwendung der Verknüpfungsregeln zur Regelungssynthese    | 271 |
| 7   | Synthese nichtlinearer Regelungen durch Kompensation und        | •04 |
|     | Entkopplung ("globale" oder "exakte Linearisierung")            | 281 |
| 7.1 | Struktur der nichtlinearen Strecke                              | 283 |
| 7.2 | Begriff der Differenzordnung und direkte Systembeschreibung     | 288 |
| 7.3 | Entwurf nichtlinearer Eingrößenregelungen durch Kompensation    | 299 |
| 7.4 | Entwurf nichtlinearer Mehrgrößenregelungen durch Kompensation   |     |
|     | und Entkopplung   | 309 |

|      |         | Inhaltsverzeichnis                                   | 15  |
|------|---------|--|-----|
| 7.5  | Nicht   | lineare Beobachter                                   | 324 |
|      | 7.5.1   | Beobachterentwurf mittels Linearisierung             | 326 |
|      | 7.5.2   | Beobachterentwurf mittels Gütemaßangleichung         | 337 |
| Übu  | ngsaufg | aben mit Lösungen zu Band II                         | 349 |
| Verz | æichnis | von Buchveröffentlichungen zu nichtlinearen Systemen | 387 |
| Sach | wortve  | rzeichnis zu Band II                                 | 394 |