Spatial Machine Learning

Maximiliano S. Lioi

2023-01-12

Documentación

- Analyzing US Census Data Kyle Walker
- Spatial Machine Learning J. Morgan
- Import and Map NYC Census data into R with tidycensus

En Analyzing US Census Data - Kyle Walker se muestra como hacer uso de las librerías, entre ellas:

- tidycensus : Paquete de R diseñado para facilitar procesos de adquirir y trabajar data de US Census, busca distribuir los datos del censo en un formado compatible con tidyverse, además busca agilizar el proceso del tratado de datos para aquel que esté trabajando en el analisis de datos. Ch2.
- tidyverse : Colleción de paquetes de R diseñados para la ciencia de datos tales como ggplot2 para la visualización de data, readr para importar y exportar bases de datos, tidyr para la remodelación de datos, entre otros. Ch3.
- tigris : Paquete de R que busca simplificar procesos para los usuarios de obtención de información y uso de data con atributos geográficos (data espacial, Census geographic dataset), data tipo sf (simple features) viene con atributos de geometría (vector data type, tipicamente representados por puntos lineas o poligonos). Ch5.
- ggplot2 : Paquete de R enfocado en la visualización de data, nos permite realizar mapas con información de US Census data. Ch6.

Spatial Data

Viene representada en formas como:

- puntos (point reference data), i.e, ciudades en el mapa
- lineas (line string), i.e, caminos en el mapa
- poligonos (shapes), i.e, distritos censales

Librerías

library(tidycensus)
library(tidyr)
library(censusapi)
library(tmap)
library(ggplot2)
library(dplyr)
library(stringr)
library(stringr)
library(units)
library(grDevices)
library(dotenv)
library(sf)

Activacion API key

El siguiente código ejecuta la activación de la llave 'API Key' que nos permite descargar Census Data, mediante funciones como get_acs, el primer argumento es la llave utilizada en este código.

```
census_api_key("6034739b488f5fc230e467601ed20256bb25831b", install = TRUE)
```

Este comando tiene la estructura

```
census_api_key(key, overwrite = BOOL, install = BOOL)}
```

Argumentos

- key: La API Key entregada por el Censo, ingresar con "". Se obtiene en API Census.
- overwrite: Si está en TRUE, sobreescribirá sobre una ya existente CENSUS_API_KEY que tengamos instalado en nuestro archivo .Renviron
- install: Si está en TRUE, instalará la llave en nuestro archivo .Renviron para las futuras sesiones, de no existir crea uno. Viene en FALSE por defecto.

Despues de instalada la llave, puede usarse en cualquier momento llamando el siguiente comando

```
Sys.getenv("CENSUS_API_KEY")
```

[1] "6034739b488f5fc230e467601ed20256bb25831b"

Reload del enviroment para poder usar la llave sin tener que resetear R

```
readRenviron("~/.Renviron")
```

NY US Census data

Tomamos como caso de prueba al estado de New York, para visualizar el valor medio de las viviendas a nivel de condados, podemos variar el nivel geográfico con el parámetro *geography* (Walker K., 2023) [3]

Tidycensus, funciones principales para obtener data

Para obtener datos de las distintas bases tidycensus ofrece las siguientes funciones

- get decennial(): Solicita datos de las API US Decennial Census para 2000, 2010 y 2020.
- get_acs() : Solicita datos de las muestras de la American Community Survey de 1 y 5 años. Los datos están disponibles desde el ACS de 1 año hasta 2005 y el ACS de 5 años hasta 2005-2009.
- get_estimates(): Interfaz para las Population Estimates APIs. Estos conjuntos de datos incluyen estimaciones anuales de las características de la población por estado, condado y área metropolitana, junto con componentes de estimaciones demográficas de cambio como nacimientos, muertes y tasas de migración.
- get_pums(): Accede a los datos de ACS Public Use Microdata Sample APIs, Estas muestras incluyen registros anónimos a nivel individual de la ACS organizados por hogar y son muy útiles para muchos análisis de ciencias sociales, get_pums() se cubre con más profundidad en los Capítulos 9 y 10 de Analyzing US Census data.
- get_flows(): Interfaz para la ACS Migration Flows APIs. Incluye información sobre los flujos de entrada y salida de varias geografías para las muestras de ACS de 5 años, lo que permite realizar análisis de origen y destino

De manera más general, para ver que variables se pueden obtener, *tidycensus* nos provee de la función load_variables(), dicha función requiere de 2 argumentos, *year* que toma el año de referencia de la data, y *dataset*.

Para el Decennial Census 2000 a 2010, usar "sf1" o "sf2", el 2020 Decennial Census tambien acepta "sf3" y "sf4", sf hace referencia a Summary Files.

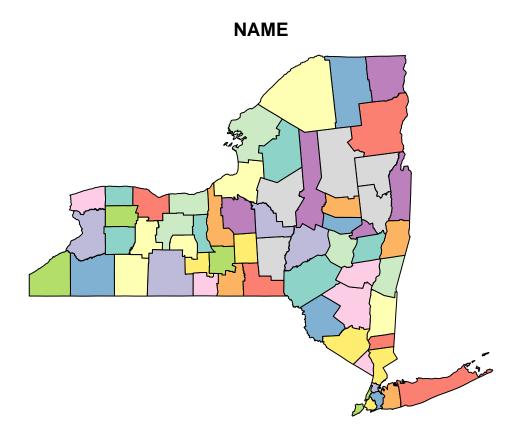
Para variables de la American Community Survey, debemos especificar el año de la encuesta, por ejemplo "acs1" para el primer año de la ACS, por ejemplo si se quiere acceder a la data 5-year ACS

load_acs = load_variables(year = 2020, dataset = "acs5")

Plot del estado New York

Comencemos a visualizar la información, probaremos primeramente con plot, y luego usaremos herramientas mas avanzadas que nos ofrecen los paquetes

plot(medianincomenystate["NAME"])

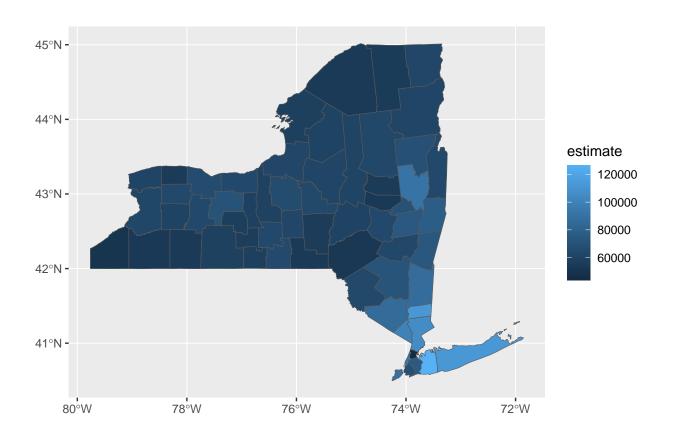


Plot del valor medio de las viviendas en New York

Map-making con ggplot2 y geom_sf

En ggplot2 podemos plotear rapidamente objetos de tipo sf mediante geom_sf(), para entender la sintaxis realizamos el siguiente plot de el estimado de la variable "Median income New York".

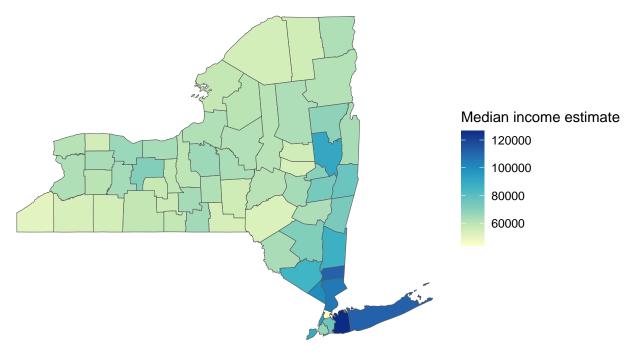
```
ggplot(data = medianincomenystate, aes(fill = estimate)) +
  geom_sf()
```



Customizing ggplot2 maps

Podemos customizar nuestros plots en ggplot2, la estructura es la siguiente

Median income New York, 2016-2020



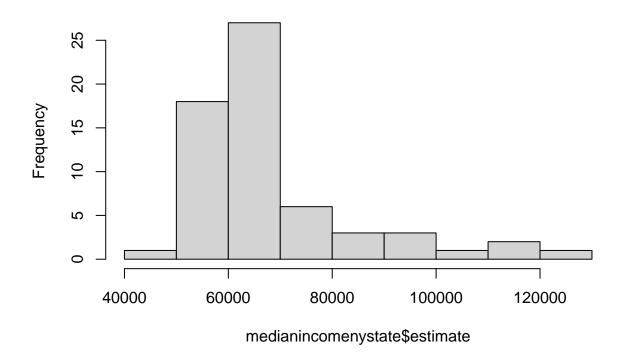
Data source: 2016-2020, US Census

Las funciones que acompañan la sintaxis nos permiten customizar nuestro plot en ggplot2.

- scale_fill_distiller() : Nos permite especificar una paleta de colores de ColorBrewer en el plot.
- labs() : Nos permite añadir título, caption, legend label en el plot.
- theme_void() : Nos permite remover el fondo y la grilla cuadrícular.

hist(medianincomenystate\$estimate)

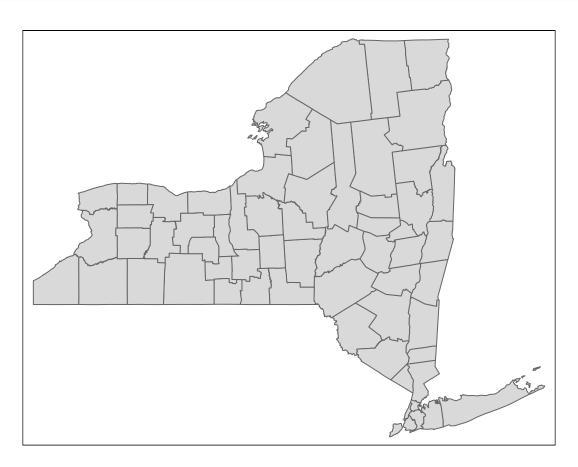
Histogram of medianincomenystate\$estimate



Map-making con tmap

La sintaxis en similar a la usada en ggplot2, el objeto mapa se inicializa con la función tm_shape() y nos permite visualizar los distritos censales con tm_polygons()

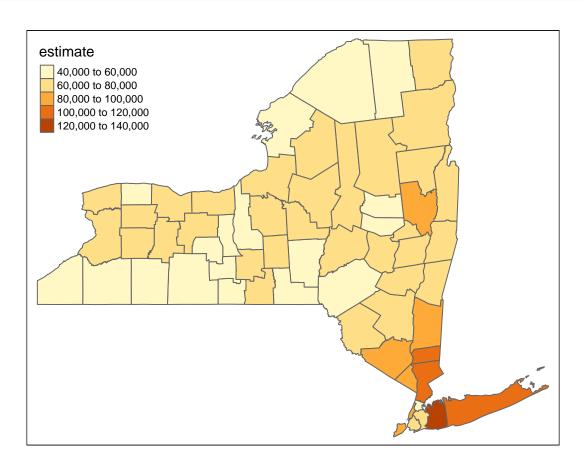
```
library(tmap)
tm_shape(medianincomenystate) +
  tm_polygons()
```



Variables en tmap

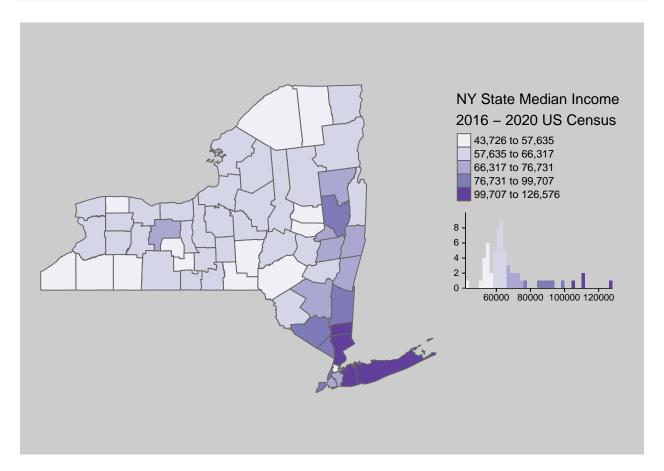
Veamos nuevamente la variable "median income"

```
library(tmap)
tm_shape(medianincomenystate) +
  tm_polygons(col = "estimate")
```



Labels y otras opciones de diseño

Podemos añadir más variables y seguir personalizando nuestros plots, por ejemplo añadiendo histogramas por distintos tipos de clasificación, quantiles ("quantile"), equal intervals ("equal") y Jenks natural breaks ("jenks"), con tm_layout() nos permite customizar el estilo del mapa, del histograma y añadir leyendas.



NYC Median Income

Podemos trabajar con niveles geográficos de menor nivel, como condados y tracts, trabajamos la ciudad de New York, formado por ciertos condados.

Filtramos respecto de los condados que queremos visualizar, aquellos cerca de la ciudad de NY, usamos tidyr con la función separate(), de manera de poder filtrar los condados que nos interesan

El siguiente código nos permite crear nuevas columnas "tract" y "county", de manera que podemos filtra aquellos condados de interes con otras funciones, ademas usamos na.omit() para botar aquellos valores con NA y así limpiar la data

Plot con tmap de NYC sobre los ingresos promedios



Spatial Machine Learning

Replicamos la simulación Spatial Machine Learning, Justin Morgan Williams, con el fin de entender los desafíos con los que se encuentra el Machine Learning con los datos espaciales, dicha simulación esta fuertemente basada en el capítulo 8 de Analyzing US Census Data, Modeling US Census Data[3], respecto de los desafíos al tratar datos espaciales, citando.

- $Autocorrelación\ espacial \to autocorrelación\ debida\ a$ la similitud en la ubicación del componente espacial de los datos
- $Heterogeneidad\ espacial o$ datos que no siguen una distribución idéntica dentro del área de muestra
- Limited Ground Truth \rightarrow much svariables explicativas, verdad de terreno limitada
- Multiple Scales and Resolutions → puede existir en múltiples escalas y resoluciones

Si no se toman en cuenta, pueden tener efecto en la predicción de Machine Learning, entregando resultados que no son óptimos, la simulación trata los primeros 2 puntos, autoccorelación espacial y heterogeneridad espacial.

Importando data

Importamos data de NYC US Census con tidycensus

```
#load package
library(dotenv)
library(sf)
library(tidycensus)
library(dplyr)
# set county variables, condados que forman NYC
nyc counties <- c("Bronx", "Kings", "New York", "Queens", "Richmond")</pre>
# set list of census variables
# variable list
variables <- c(
 median_value = "B25077_001",
 median_rooms = "B25018_001",
 median_income = "DP03_0062",
 total_population = "B01003_001",
 median_age = "B01002_001",
 pct_college = "DP02_0068P",
 pct_foreign_born = "DP02_0094P",
 pct_white = "DP05_0077P",
 pct_black = "DP05_0078P",
 pct_hispanic = "DP05_0070P",
```

```
pct_asian = "DP05_0080P",
  median_year_built = "B25037_001",
  percent_ooh = "DP04_0046P"
)
```

Import usando get_acs()

Llamamos las variables antes definidas, en los condados que forman NYC usando get_acs()

```
# get acs data y transforma a tipo NYC EPSG
nyc_census_data <- get_acs(
  geography = "tract",
  variables = variables,
  state = "NY",
  county = nyc_counties,
  geometry = TRUE,
  output = "wide",
  year = 2020,
  key = Sys.getenv("CENSUS_API")) %>%
  st_transform(2263)
```

Las variables que importamos, que se corresponden a estimados que entrega la ACS sobre los condados de NY, son las siguientes:

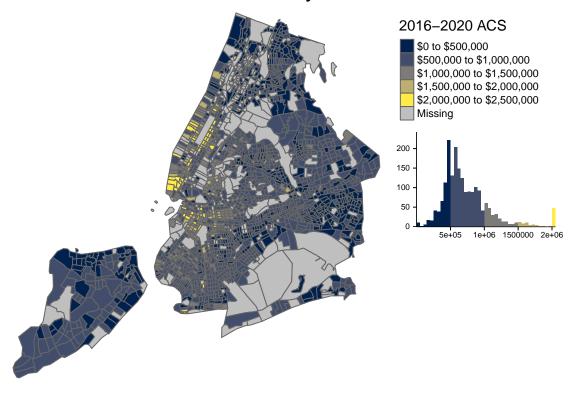
- median_valueE : El valor medio de la vivienda del tramo censal (nuestro outcome)
- median_roomsE : Cantidad media de habitaciones por casa en el tramo censal
- total_populationE : Población total
- median_ageE : Edad media de la población en el tramo censal
- median year builtE : Año promedio donde se construyó la vivienda
- median incomeE: Ingreso medio de los hogares en el tramo censal
- pct_collegeE : Porcentaje de la población de 25 años o más con un título universitario de cuatro años
- pct_foreign_bornE: Porcentaje de la población que nació fuera de EE.UU
- pct_whiteE : Porcentaje de la población que se identifica como blanco no-hispano, se sigue la misma lógica con pct_blackE, pct_asian, pct_hispanic.
- percent_oohE : El porcentaje de unidades de vivienda en el tramo censal que están ocupadas por sus propietarios.

Más detalles sobre la estructura del código se encuentran en la sección 8.2.1 (Data setup and exploratory data analysis), en el libro se toma la misma variable "median home value", pero que a diferencia de esta réplica, se toman los tramos censales en Dallas-Fort Worth metropolitan area, en consecuencia también cambian el código usando en st_transform, a un sistema de referencias apropiado para North Texas (code 32148), a diferencia del caso NYC donde usamos code 2263

Plot de la variable dependiente

Nuestra variable dependiente será el valor promedio de la vivienda en NYC.

NYC Median Home Value by Census Tract



```
# save plot
tmap_save(nyc_median_value_hist_tm, "nyc_median_value.png", width=1920, height=1080, asp=0)
```

Notamos en el histograma que se presenta una asimetría a la derecha, existe una población no menor cuyos hogares perciben ingresos mucho mayores a la mediana, y vemos que existe data perdida, para el primer punto, podemos aplicar una transformación a la variable dependiente, tomando su raiz cuadrada para reducir esta asimetría a la derecha y tener los datos mejor distribuidos, acercándose más a una distribución normal, y en consecuencia, entregando resultados más precisos.

Transformación de los datos

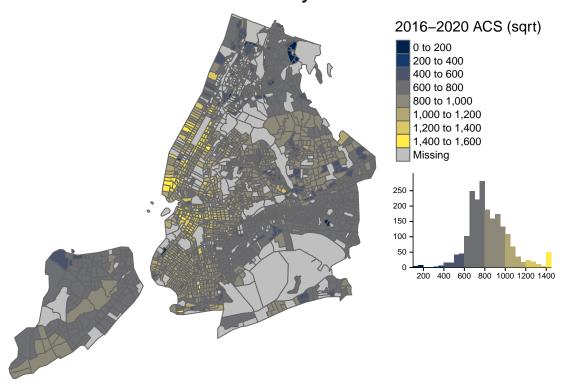
Creamos la nueva variable tomando la raiz cuadrada de la variable dependiente median valueE

```
# create plot
(nyc_median_value_sqrt_hist_tm <- nyc_census_data[!st_is_empty(nyc_census_data),,drop=F] %>% #
    mutate(sqrt_med_value = sqrt(median_valueE)) %>% #variable_sqrt

tm_shape() +
    tm_polygons(col = "sqrt_med_value",
        palette = "cividis",
        title = "2016-2020 ACS (sqrt)",
        legend.hist = TRUE) +

tm_layout(main.title = "NYC Median Home Value by Census Tract",
        frame = FALSE,
        legend.outside = TRUE,
        bg.color = "grey100",
        legend.hist.width = 5,
        ))
```

NYC Median Home Value by Census Tract



save plot
tmap_save(nyc_median_value_sqrt_hist_tm, "nyc_median_value_sqrt.png", width=1920, height=1080,

Preparando la data para modelar

Debemos borrar aquellas variables con data NA, y eliminar columnas con información del margen de error eliminando las columnas que terminan con "M", se le quita la E final a las columnas como median_valueE y se añaden las variables pop_density y median_structure_age, esto pues buscamos transformar los predictores de manera que se represente mejor la relación que tiene con la variable de salida (en este caso, median_value)

- pop_density → mide densidad de población por metros cuadrados
- median_structure_age \rightarrow resta 2020 de median_year_built

```
## Simple feature collection with 1967 features and 17 fields
## Geometry type: MULTIPOLYGON
## Dimension:
                   XΥ
## Bounding box: xmin: 913037.2 ymin: 120117 xmax: 1067245 ymax: 272608.6
## Projected CRS: NAD83 / New York Long Island (ftUS)
## # A tibble: 1,967 x 18
##
      GEOID
              NAM
                     media~1 media~2 total~3 media~4 media~5 media~6 pct_c~7 pct_f~8
##
      <chr>
              <chr>>
                       <dbl>
                                <dbl>
                                        <dbl>
                                                 <dbl>
                                                         <dbl>
                                                                  <dbl>
                                                                          <dbl>
                                                                                   <dbl>
##
    1 360050~ Cens~
                      426200
                                  5.1
                                         4167
                                                  37.9
                                                          1962
                                                                 68000
                                                                           34.3
                                                                                    27
    2 360050~ Cens~
                                  5
                                                  40.1
                                                          2002
                                                                           28.9
                                                                                    18.6
##
                      437600
                                         5684
                                                                 93155
    3 360050~ Cens~
                                  4.1
                                                  39.3
                                                          1973
                                                                 34766
                                                                           16.6
                                                                                    24.3
##
                      575200
                                         5917
  4 360050~ Cens~
                                                                                    24.3
##
                      350000
                                  3.9
                                         1334
                                                  30.9
                                                             0
                                                                 53882
                                                                           17.1
## 5 360050~ Cens~
                                  3.9
                                                  38.4
                                                                           17.1
                      447100
                                         4768
                                                          1945
                                                                 48711
                                                                                    38.2
##
    6 360050~ Cens~
                      653800
                                  3.7
                                         5694
                                                  32
                                                          1953
                                                                 27196
                                                                            8.8
                                                                                    38.4
   7 360050~ Cens~
                      289800
                                  4.2
                                         5030
                                                  43.7
                                                          1967
                                                                 52068
                                                                           34.5
                                                                                    8.4
##
   8 360050~ Cens~
                      242300
                                  4
                                         1858
                                                  30.5
                                                          1945
                                                                 42228
                                                                           19.4
                                                                                    28.3
## 9 360050~ Cens~
                      476400
                                  3.8
                                         3140
                                                  33.3
                                                          1980
                                                                 22159
                                                                           10.4
                                                                                    23.9
## 10 360050~ Cens~
                      594900
                                  3.7
                                         3738
                                                  26.6
                                                          1965
                                                                 29068
                                                                           13.5
                                                                                    23.6
```

```
## # ... with 1,957 more rows, 8 more variables: pct_white <dbl>, pct_black <dbl>,
## # pct_hispanic <dbl>, pct_asian <dbl>, percent_ooh <dbl>,
## # geometry <MULTIPOLYGON [US_survey_foot]>, pop_density <dbl>,
## # median_structure_age <dbl>, and abbreviated variable names 1: median_value,
## # 2: median_rooms, 3: total_population, 4: median_age, 5: median_year_built,
## # 6: median_income, 7: pct_college, 8: pct_foreign_born
```

Modelos

En esta sección pasaremos al desarrollo de modelos de predicción, para ello replicamos los modelos de predicción hecho en Spatial Machine Learning, Justin Morgan Williams y además, complementamos con el Capítulo 8 del libro Analyzing US Census Data - Modeling US Census Data (Walker K., 2023)[3], capítulo donde se estudian conceptos durante la primera sección como indices de segregación y diversidad los cuales son usados en ciencias sociales para explicar patrones demográficos, en la segunda sección se estudian tópicos en modelamiento estadístico, incluyendo métodos de regresión con atributos espaciales, en donde tomamos en cuenta conceptos como la autocorrelación espacial que está inherente en la mayoría de las variables del censo; en la tercera sección del capítulo se estudian conceptos como clasificación, clusterización y regionalización, que son comunes en técnicas de Machine Learning. Nos enfocamos en particular en la segunda sección del capítulo.

Simple Linear Regression

Con la data preparada, podemos crear el primer modelo sencillo de regresión lineal, con la variable dependiente, la raiz cuadrada del valor medio de la vivienda ("NYC Median Home Value")

```
# model formula
formula <- "sqrt(median_value) ~ median_rooms + median_income +
pct_college + pct_foreign_born + pct_white + pct_black + pct_hispanic +
pct_asian + median_age + percent_ooh + median_structure_age + pop_density"

# compute model
model1 <- lm(formula = formula, data = nyc_census_data_prepped)

# view model statistics
summary(model1)</pre>
```

```
##
## Call:
## lm(formula = formula, data = nyc_census_data_prepped)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q
                   Median
                                3Q
                                       Max
## -637.50 -80.48
                     -1.49
                             75.05
                                   707.21
##
## Coefficients:
##
                          Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                         5.041e+02 3.903e+01
                                              12.914
                                                       < 2e-16 ***
                                                8.304
## median_rooms
                         5.331e+01
                                    6.420e+00
                                                       < 2e-16 ***
## median_income
                                    1.672e-04
                                               12.310
                                                       < 2e-16 ***
                         2.058e-03
## pct_college
                         1.443e+00
                                    3.565e-01
                                                4.046 5.41e-05 ***
## pct_foreign_born
                                    3.203e-01
                                              -2.932
                                                       0.00341 **
                        -9.391e-01
## pct white
                         2.371e+00
                                    2.332e-01 10.169 < 2e-16 ***
## pct_black
                         1.060e+00 2.035e-01
                                                5.211 2.08e-07 ***
                        -1.086e-02 2.116e-03 -5.133 3.14e-07 ***
## pct_hispanic
```

```
2.947e-01
## pct_asian
                         3.281e+00
                                               11.132
                                                       < 2e-16 ***
## median_age
                        -1.824e+00
                                    5.882e-01
                                               -3.101
                                                       0.00195 **
## percent_ooh
                        -4.140e+00
                                    2.785e-01 -14.866
                                                       < 2e-16 ***
## median_structure_age 3.234e-02
                                    3.569e-03
                                                9.061
                                                       < 2e-16 ***
## pop density
                         7.144e-04
                                    3.355e-04
                                                2.129
                                                       0.03337 *
                   0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '. ' 0.1 ' ' 1
## Signif. codes:
##
## Residual standard error: 143.9 on 1954 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.4789, Adjusted R-squared: 0.4757
## F-statistic: 149.6 on 12 and 1954 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Aquellas variables con mayor p-value son pct_foreign_born, median_age, pop_density, un p valor alto nos dice que la variable no tiene mucha significancia en el resultado (típicamente pedimos que sea menor a 0.05 para que la variable se considere significativa), notamos tambien que las primeras dos variables se correlacionan negativamente con median_value, es decir, a mayor cantidad de nacidos extranjeros y edad promedio, se tiene que el valor medio de la vivienda disminuye. Al contrario, si aumenta la densidad poblacional, notamos que el valor medio de la vivienta aumenta, podemos ver tambien el valor R^2 el cual nos dice que un 0.4757% de la varianza de median_value es explicado con las variables del modelo (el modelo es deficiente).

En la regresión lineal, los errores no son independientes en un modelo con componentes espaciales, esto es porque la autocorrelación espacial está presente en el error, lo que nos dice que el performance del modelo depende de la posición geográfica.

Spatial data

Lo definimos como un conjunto de observaciones de data espacial (Jiang Z., 2019) [1]

$$\{(x(s_i), y(s_i)) | i \in \mathbb{N}, 1 < i < n\}$$

donde $n \in \mathbb{N}$ es la cantidad de muestras, $s_i \in \mathbb{R}^{2 \times 1}$ es un vector de coordenadas espaciales, $x(s_i) \in \mathbb{R}^m$ son las variables explicativas del modelo y $y(s_i) \in \mathbb{R}$ es la respuesta a dichas variables donde nuestra intención es predecir y.

Este mismo conjunto también puede ser descrito en formato matricial como $(X,Y) \in \mathbb{R}^{(m+1)\times n}$ donde $X = [x(s_1), x(s_2), \dots, x(s_n)]^T \in \mathbb{R}^{m \times n}$ (ya que $x(s_i) \in \mathbb{R}^m$) y $Y = [y(s_1), y(s_2), \dots, y(s_n)]^T \in \mathbb{R}^n$.

Por lo tanto, dado un conjunto de muestras de data espacial, buscamos modelar una función f tal que Y = f(X), una vez que el modelo se entrena, puede usarse para precedir $y(s_i)$ dado $x(s_i)$.

La predicción espacial (Spatial prediction) tiene una cualidad única que la diferencia de la predicción usual en data mining en donde se asume que las muestras son independientes e identicamente distribuidas (i.i.d) y por lo tanto dado un modelo reflejado en la función f podemos usarlo para predecir y(s) = f(x(s)) para todo s, sin embargo la suposición de que los datos son i.i.d no se cumple bajo la data espacial debido a la relación espacial implícita que existe entre posiciones cercanas en una región.

"Todo se relaciona con todo lo demás, pero las cosas más cercanas se relacionan más que las cosas distantes", primera ley de la geografía (Tobler W.R, 1970) [2]

Spatial Autocorrelation

Usando spatial data recolectada, notamos que locaciones cercanas tienden a parecerse entre sí en lugar de ser estadisticamente independientes, llamamos a este fenomeno como efecto de autocorrelación, lo que hace que las muestras nos sean i.i.d, ignorar este factor puede producir modelos menos precisos, por ejemplo cuando aplicamos un modelo de regresión lineal, el error residual esta comunmente correlacionado.

La primera ley de geografía (Tobler W.R, 1970) [2] nos indica que en muestras con spatial data, estas no son estadísticamente independientes, si no que se encuentran correlacionadas, en particular sobre locaciones cercanas entre si.

Índice de Moran

Definimos el índice de Moran como [1]

$$I = \frac{\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} W_{ij}(y(s_i) - \bar{y})(y(s_j) - \bar{y})}{(\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} W_{ij}) \sum_{i=1}^{n} (y(s_i) - \bar{y})/n}$$

O de manera equivalente

$$= \frac{n}{W} \frac{\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} W_{ij}(y(s_i) - \bar{y})(y(s_j) - \bar{y})}{\sum_{i=1}^{n} (y(s_i) - \bar{y})}$$

donde $\bar{y} = \sum_{i=1}^n y(s_i)/n$ con n el número total de muestras, $W = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n W_{ij}$.

Spatial Weights Matrix

```
# create neighbor list object
nyc_nb <- spdep::poly2nb(nyc_census_data_prepped, queen = TRUE)</pre>
```

Referencias

- [1] Jiang, Z. 2019. A survey on spatial prediction methods. *IEEE Transactions on Knowledge and Data Engineering*. 31, 9 (2019), 1645–1664. DOI:https://doi.org/10.1109/TKDE.2018.2866809.
- [2] Tobler, W.R. 1970. A computer movie simulating urban growth in the detroit region. *Economic Geography.* 46, (Jun. 1970), 234. DOI:https://doi.org/10.2307/143141.
- [3] Walker, K. 2023. Analyzing US census data. (Jan. 2023). DOI:https://doi.org/10.1201/9780203711415.