

$$\begin{aligned}
& \sin(x+y) \sin(x+z) \sin(x+\alpha) \sin(x+\beta) \\
& \sin(y+x) \sin(y+z) \sin(y+\alpha) \sin(y+\beta) \sin(z+x) \\
& \sin(z+y) \sin(z+\alpha) \sin(z+\beta) \sin(\alpha+x) \sin(\alpha+y) \\
& \sin(\alpha+z) \sin(\alpha+\beta) \sin(\beta+x) \sin(\beta+y) \\
& \sin(\beta+z) \sin(\beta+\alpha) \sin(x-y) \sin(x-z) \sin(x-\alpha) \\
& \sin(x-\beta) \sin(y-x) \sin(y-z) \sin(y-\alpha) \\
& \sin(y-\beta) \sin(z-x) \sin(z-y) \sin(z-\alpha) \sin(z-\beta) \\
& \sin(\alpha-x) \sin(\alpha-y) \sin(\alpha-z) \sin(\alpha-\beta) \\
& \sin(\beta-x) \sin(\beta-y) \sin(\beta-z) \sin(\beta-\alpha) \sin(x.y) \\
& \sin(x.z) \sin(x.\alpha) \sin(x.\beta) \sin(y.x) \sin(y.z) \sin(y.\alpha) \\
& \sin(y.\beta) \sin(z.x) \sin(z.y) \sin(z.\alpha) \sin(z.\beta) \sin(\alpha.x) \\
& \sin(\alpha.y) \sin(\alpha.z) \sin(\alpha.\beta) \sin(\beta.x) \sin(\beta.y) \sin(\beta.z) \\
& \sin(\beta.\alpha) \sin((x+y)) \sin((x+z)) \sin((x+\alpha)) \\
& \sin((x+\beta)) \sin((y+x)) \sin((y+z)) \sin((y+\alpha)) \\
& \sin((y+\beta)) \sin((z+x)) \sin((z+y)) \sin((z+\alpha)) \\
& \sin((z+\beta)) \sin((\alpha+x)) \sin((\alpha+y)) \sin((\alpha+z)) \\
& \sin((\alpha+\beta)) \sin((\beta+x)) \sin((\beta+y)) \sin((\beta+z)) \\
& \sin((\beta+\alpha)) \sin((x-y)) \sin((x-z)) \sin((x-\alpha)) \\
& \sin((x-\beta)) \sin((y-x)) \sin((y-z)) \sin((y-\alpha)) \\
& \sin((y-\beta)) \sin((z-x)) \sin((z-y)) \sin((z-\alpha)) \\
& \sin((z-\beta)) \sin((\alpha-x)) \sin((\alpha-y)) \sin((\alpha-z)) \\
& \sin((\alpha-\beta)) \sin((\beta-x)) \sin((\beta-y)) \sin((\beta-z)) \\
& \sin((\beta-\alpha)) \sin((x.y)) \sin((x.z)) \sin((x.\alpha)) \\
& \sin((x.\beta)) \sin((y.x)) \sin((y.z)) \sin((y.\alpha)) \sin((y.\beta)) \\
& \sin((z.x)) \sin((z.y)) \sin((z.\alpha)) \sin((z.\beta)) \sin((\alpha.x))
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& \sin((\alpha.y)) \sin((\alpha.z)) \sin((\alpha.\beta)) \sin((\beta.x)) \sin((\beta.y)) \\
& \sin((\beta.z)) \sin((\beta.\alpha)) \cos(x+y) \cos(x+z) \cos(x+\alpha) \cos(x+\beta) \cos(y+x) \cos(y+z) \cos(y+\alpha) \\
& \cos(y+\beta) \cos(z+x) \cos(z+y) \cos(z+\alpha) \cos(z+\beta) \cos(\alpha+x) \cos(\alpha+y) \cos(\alpha+z) \cos(\alpha+\beta) \\
& \cos(\beta+x) \cos(\beta+y) \cos(\beta+z) \cos(\beta+\alpha) \cos(x-y) \cos(x-z) \cos(x-\alpha) \cos(x-\beta) \\
& \cos(y-x) \cos(y-z) \cos(y-\alpha) \cos(y-\beta) \cos(z-x) \cos(z-y) \cos(z-\alpha) \cos(z-\beta) \\
& \cos(\alpha-x) \cos(\alpha-y) \cos(\alpha-z) \cos(\alpha-\beta) \cos(\beta-x) \cos(\beta-y) \cos(\beta-z) \cos(\beta-\alpha) \\
& \cos(x.y) \cos(x.z) \cos(x.\alpha) \cos(x.\beta) \cos(y.x) \cos(y.z) \cos(y.\alpha) \cos(y.\beta) \cos(z.x) \cos(z.y) \cos(z.\alpha) \\
& \cos(z.\beta) \cos(\alpha.x) \cos(\alpha.y) \cos(\alpha.z) \cos(\alpha.\beta) \cos(\beta.x) \cos(\beta.y) \cos(\beta.z) \cos(\beta.\alpha) \cos((x+y)) \cos((x+z)) \\
& \cos((x+\alpha)) \cos((x+\beta)) \cos((y+x)) \cos((y+z)) \cos((y+\alpha)) \cos((y+\beta)) \cos((z+x)) \cos((z+y)) \\
& \cos((z+\alpha)) \cos((z+\beta)) \cos((\alpha+x)) \cos((\alpha+y)) \cos((\alpha+z)) \cos((\alpha+\beta)) \cos((\beta+x)) \cos((\beta+y)) \\
& \cos((\beta+z)) \cos((\beta+\alpha)) \cos((x-y)) \cos((x-z)) \cos((x-\alpha)) \cos((x-\beta)) \cos((y-x)) \cos((y-z)) \\
& \cos((y-\alpha)) \cos((y-\beta)) \cos((z-x)) \cos((z-y)) \cos((z-\alpha)) \cos((z-\beta)) \cos((\alpha-x)) \cos((\alpha-y)) \\
& \cos((\alpha-z)) \cos((\alpha-\beta)) \cos((\beta-x)) \cos((\beta-y)) \cos((\beta-z)) \cos((\beta-\alpha)) \cos((x.y)) \cos((x.z))
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& \cos((x.\alpha)) \cos((x.\beta)) \cos((y.x)) \cos((y.z)) \cos((y.\alpha)) \\
& \cos((y.\beta)) \cos((z.x)) \cos((z.y)) \cos((z.\alpha)) \cos((z.\beta)) \\
& \cos((\alpha.x)) \cos((\alpha.y)) \cos((\alpha.z)) \cos((\alpha.\beta)) \cos((\beta.x)) \\
& \cos((\beta.y)) \cos((\beta.z)) \cos((\beta.\alpha)) \ln(x+y) \ln(x+z) \ln(x+\alpha) \ln(x+\beta) \ln(y+x) \ln(y+z) \ln(y+\alpha) \\
& \ln(y+\beta) \ln(z+x) \ln(z+y) \ln(z+\alpha) \ln(z+\beta) \\
& \ln(\alpha+x) \ln(\alpha+y) \ln(\alpha+z) \ln(\alpha+\beta) \ln(\beta+x) \\
& \ln(\beta+y) \ln(\beta+z) \ln(\beta+\alpha) \ln(x-y) \ln(x-z) \\
& \ln(x-\alpha) \ln(x-\beta) \ln(y-x) \ln(y-z) \ln(y-\alpha) \\
& \ln(y-\beta) \ln(z-x) \ln(z-y) \ln(z-\alpha) \ln(z-\beta) \\
& \ln(\alpha-x) \ln(\alpha-y) \ln(\alpha-z) \ln(\alpha-\beta) \ln(\beta-x) \\
& \ln(\beta-y) \ln(\beta-z) \ln(\beta-\alpha) \ln(x.y) \ln(x.z) \\
& \ln(x.\alpha) \ln(x.\beta) \ln(y.x) \ln(y.z) \ln(y.\alpha) \ln(y.\beta) \ln(z.x) \\
& \ln(z.y) \ln(z.\alpha) \ln(z.\beta) \ln(\alpha.x) \ln(\alpha.y) \ln(\alpha.z) \ln(\alpha.\beta) \\
& \ln(\beta.x) \ln(\beta.y) \ln(\beta.z) \ln(\beta.\alpha) \ln((x+y)) \ln((x+z)) \ln((x+\alpha)) \ln((x+\beta)) \ln((y+x)) \ln((y+z)) \\
& \ln((y+\alpha)) \ln((y+\beta)) \ln((z+x)) \ln((z+y)) \ln((z+\alpha)) \ln((z+\beta)) \ln((\alpha+x)) \ln((\alpha+y)) \ln((\alpha+z)) \ln((\alpha+\beta)) \\
& \ln((\beta+x)) \ln((\beta+y)) \ln((\beta+z)) \ln((\beta+\alpha)) \ln((x-y)) \ln((x-z)) \ln((x-\alpha)) \ln((x-\beta)) \ln((y-x)) \ln((y-z)) \\
& \ln((y-\alpha)) \ln((y-\beta)) \ln((z-x)) \ln((z-y)) \ln((z-\alpha)) \ln((z-\beta)) \ln((\alpha-x)) \ln((\alpha-y)) \ln((\alpha-z)) \ln((\alpha-\beta)) \\
& \ln((\beta-x)) \ln((\beta-y)) \ln((\beta-z)) \ln((\beta-\alpha)) \ln((x.y)) \ln((x.z))
\end{aligned}$$

$$\begin{array}{l}
\ln((x.\alpha)) \ln((x.\beta)) \ln((y.x)) \ln((y.z)) \ln((y.\alpha)) \\
\ln((y.\beta)) \ln((z.x)) \ln((z.y)) \ln((z.\alpha)) \ln((z.\beta)) \\
\ln((\alpha.x)) \ln((\alpha.y)) \ln((\alpha.z)) \ln((\alpha.\beta)) \ln((\beta.x)) \\
\ln((\beta.y)) \ln((\beta.z)) \ln((\beta.\alpha))
\end{array}$$