

Rys. 1

1. (8 pkt.) Zdefiniuj maszynę stanów w języku NuSMV dla systemu tranzycyjnego z rys. 1. W maszynie stanów zdefiniuj zmienne a , b i c jako zmienne typu boolean. Przyjmij stan s_1 jako stan początkowy systemu tranzycyjnego.

2. Przyjmując, że dla systemu tranzycyjnego z rys. 1 $I = \{s_1\}$ sprawdź, które z poniższych formuł są spełnione, a które nie dla tego systemu. Odpowiedzi uzasadnij.

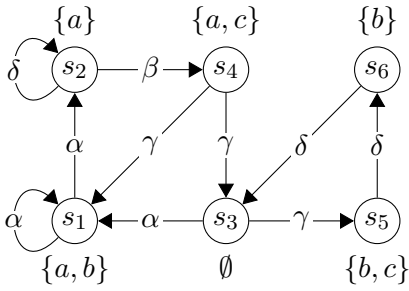
- a) (2 pkt.) $\neg X(c \wedge G(\neg a))$
- b) (2 pkt.) $G(a \cup c)$
- c) (2 pkt.) $(GFb) \vee (FGc)$
- d) (2 pkt.) $a \Rightarrow X((b \cup c) \vee Gb)$

3. Dla systemu tranzycyjnego z rys. 1 zdefiniuj w języku μ poniższe własności. W punktach c)-e) użyj operatorów punktu stałego.

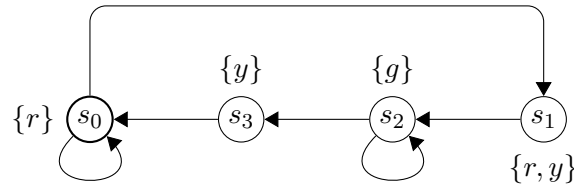
- a) (1 pkt.) dla każdego ciągu akcji jako druga musi być wykonana akcja α ;
- b) (1 pkt.) nie istnieje ciąg akcji, w którym akcja α byłaby wykonywana dwa razy z rzędu;
- c) (2 pkt.) istnieje nieskończony ciąg przejść, w którym nigdy nie jest wykonywana akcja β ;
- d) (2 pkt.) dla każdego ciągu akcji rozpoczynającego się od α, β , po skończonej liczbie kroków musi być wykonane α .
- e) (2 pkt.) możliwe jest wykonanie sekwencji akcji α, β, β i powrót do stanu wyjściowego, ale po wykonaniu po raz pierwszy akcji γ , nigdy już nie będzie wykonana akcja β .

4. Podaj przykłady systemów tranzycyjnych (maksymalnie 5 stanów), dla których spełniona jest formuła w logice CTL, ale nie jest spełniona formuła w logice LTL (uzasadnij, że tak jest).

- a) (3 pkt.) $AX E(a \cup (b \vee c)), \quad X(a \cup (b \vee c))$
- b) (3 pkt.) $(EG AXa) \wedge b, \quad (G Xa) \wedge b$



Rys. 1



Rys. 2

1. Przyjmując, że dla systemu tranzycyjnego z rys. 1 $I = \{s_1\}$ sprawdź, które z poniższych formuł są spełnione, a które nie dla tego systemu. Odpowiedzi uzasadnij.

- (2 pkt.) $AX(\neg b \wedge EG a)$
- (2 pkt.) $EG a \vee E(a \cup \neg(a \wedge b \wedge c))$
- (2 pkt.) $a \wedge (AX a) \wedge (AX AX a) \wedge (AX AX AX AX a)$
- (2 pkt.) $EF EG(\neg a)$

2. Niech dany będzie zbiór formuł atomowych $AP = \{a, b, c, d\}$. Które z poniższych LT-własności można zakwalifikować jako własności bezpieczeństwa, własności żywotności i jako niezmienniki (dana własność może być zakwalifikowana do kilku grup). Odpowiedź uzasadnij.

- (1 pkt.) c i d nigdy nie są spełnione;
- (1 pkt.) b jest spełnione co najwyżej 5 razy;
- (1 pkt.) b jest spełnione co najmniej 5 razy;
- (1 pkt.) po wystąpieniu stanu, w którym spełnione jest a , nigdy nie jest spełnione b i c jednocześnie;
- (1 pkt.) a jest spełnione co najmniej tyle razy co b i c jest spełnione co najmniej tyle razy co d ;
- (1 pkt.) jeżeli w jakimś stanie spełnione jest a , to w następnym stanie spełnione jest b lub c .

3. (8 pkt.) Zbuduj etykietowany system przejść, który ma dokładnie 5 stanów i spełnia wszystkie podane niżej warunki. Uzasadnij, że wszystkie warunki są spełnione.

- $[true] \langle true \rangle true$
- $\langle true.b \rangle true$
- $[b] false$
- $\langle true^*.d \rangle true$
- $([true.d] false) \wedge ([d.true] false)$
- $\nu X.(\langle a.b.c \rangle X)$
- $[true^*.d.(\neg a)], false$
- $[true^*.d], \nu X.(\langle a \rangle X)$

4. System z rys. 2 opisuje działanie świateł drogowych. $AP = \{r, y, g\}$ (red, yellow, green). Zdefiniuj w logice LTL podane poniżej własności. Które z nich są prawdziwe dla podanego systemu. Odpowiedź uzasadnij.

- (2 pkt.) Nigdy po sygnale zielonym nie jest od razu włączany sygnał czerwony.
- (2 pkt.) Zawsze, gdy wyświetlany jest sygnał czerwony, to jest on wyświetlany tak długo, aż pojawi się sygnał zielony.
- (2 pkt.) Jeżeli w pewnym (dowolnym) stanie wyświetlany jest jednocześnie sygnał czerwony i żółty, to: kiedyś w przyszłości wyświetlone będą jednocześnie sygnały zielony i żółty lub od następnego stanu począwszy zawsze wyświetlany będzie tylko sygnał żółty.
- (2 pkt.) Możliwe jest, że od pewnego stanu począwszy nigdy nie będą wyświetlone żadne dwa sygnały jednocześnie.