

SOURCE CODE 1. Binary Search: Finde die richtige Position p , an der ein Element x in eine (aufsteigend) geordnete Liste eingefügt werden müßte, damit die Ordnung erhalten bleibt. Einfügen bedeutet hier: Verschiebe alle Elemente ab p nach rechts, und füge an der dadurch freigewordenen Stelle das Element x ein. Bedingungsloses Einfügen in diesem Sinne kann Doubletten erzeugen, also mehrfache Vorkommnisse desselben Elements — wenn man nur Listen von verschiedenen Elementen möchte, muß man das Einfügen an die Bedingung knüpfen, daß x nicht mit dem Element in Position p übereinstimmt.

```
def binary_search(s_list, x):
    """Find the position  $p$  ( $0 \leq p \leq \text{len}(s\_list)$ ) where element  $x$ 
    should be inserted in list  $s\_list$ , which should be sorted
    in increasing order. (Insertion might mean: Replace an
    element which is already present in  $s\_list$ .)"""

    # Length of the list:
    n = len(s_list)

    # Simple case:
    if s_list[0] >= x:
        return 0
    if x > s_list[-1]:
        return n

    # Otherwise:  $s\_list[0] < x \leq s\_list[n-1]$ 
    left = 0
    right = n-1

    # So we have  $s\_list[left] < x \leq s\_list[right]$ ;
    # we shall maintain these inequalities during
    # the following loop:
    while (right - left) > 1:
        # mid = largest INTEGER  $\leq (right + left) / 2$ :
        # Symbol "/" means "integer division"; not
        # to be confused with "normal" division "/".
        mid = (right + left) // 2
        if x <= s_list[mid]:
            right = mid
        else:
            left = mid

    return right
```