

SOURCE CODE 1. Austabellieren von $p(n, k)$ durch eine Rekursion.

```
def p_nk_by_recursion(nnn):
    """Erzeuge eine Tabelle der Zahlen  $p(n, k)$  für  $0 \leq n, k, \leq nnn$ """
    pnk = np.zeros((nnn+1)**2, dtype=int).reshape((nnn+1, nnn+1))
    # Fülle Zeile 0 mit Einsen: Es gibt _eine_ Partition von 0,
    # nämlich die _leere_ Partition.
    pnk[0][:] = 1
    # Fülle Zeile 1 ab Spalte 1 mit Einsen: Für  $n=1$  gibt es
    # nur eine Partition, und deren erster Teil ist  $1 > 0$ .
    pnk[1][1:] = 1
    # Wir bestimmen alle Partitionen von  $n \dots$ 
    for n in range(2, nnn+1):
        # Mit größtem (also ersten) Teil kleinergleich  $k \dots$ 
        for k in range(1, n+1):
            # Durch eine Rekursion:
            for j in range(1, k+1):
                for i in range(1, n//j+1):
                    pnk[n][k] += pnk[n-j*i, j-1]
            for k in range(n+1, nnn+1):
                pnk[n, k] = pnk[n, n]
    return pnk
```

Hier wird die Rekursion $p(n, k) = \sum_{j=1}^k \sum_{i=1}^{\lfloor n/j \rfloor} p(n - i \cdot j, j - 1)$ verwendet; die Ergebnisse werden wieder in einem numpy-array gespeichert: Für größere n ist das Verfahren *deutlich* schneller als die "Brute-Force-Abzählung" aller Partitionen, die man mit `generate_integer_partitions` erzeugt.