

SOURCE CODE 1. Austabellieren von  $p(n, k)$  durch eine Rekursion.

```
def p_nk_by_recursion(nnn):
    """Erzeuge eine Tabelle der Zahlen p(n,k) für 0<=n,k,<=nnn"""
    pnk = np.zeros((nnn+1)**2, dtype=int).reshape((nnn+1, nnn+1))
    # Fülle Zeile 0 mit Einsern: Es gibt _eine_ Partition von 0,
    # nämlich die _leere_ Partition.
    pnk[0][:] = 1
    # Fülle Zeile 1 ab Spalte 1 mit Einsern: Für $n=1$ gibt es
    # nur eine Partition, und deren erster Teil ist 1>0.
    pnk[1][1:] = 1
    # Wir bestimmen alle Partitionen von n ...
    for n in range(2, nnn+1):
        # Mit größtem (also ersten) Teil kleinergleich k ...
        for k in range(1, n+1):
            # Durch eine Rekursion:
            for j in range(1, k+1):
                for i in range(1, n//j+1):
                    pnk[n][k] += pnk[n-j*i, j-1]
    for k in range(n+1, nnn+1):
        pnk[n, k] = pnk[n, n]
    return pnk
```

Hier wird die Rekursion  $p(n, k) = \sum_{j=1}^k \sum_{i=1}^{[n/j]} p(n - i \cdot j, j - 1)$  verwendet; die Ergebnisse werden wieder in einem numpy-array gespeichert: Für größere  $n$  ist das Verfahren *deutlich* schneller als die “Brute-Force-Abzählung” aller Partitionen, die man mit `generate_integer_partitions` erzeugt.