

SOURCE CODE 1. Rekursive Berechnung der r -Bell Zahlen.

```
def compute_r_Bell_numbers(nnn):  
    """Berechne die r--Bell Zahlen, die bei der Bestimmung  
    des Rangs einer Funktion von beschränktem Wachstum in  
    lexikographischer Ordnung auftreten"""  
    # Vorbereitung der Matrix als numpy-array von ganzen Zahlen  
    result = np.zeros(nnn**2, dtype=int).reshape((nnn,nnn))  
    # Die letzte und vorletzte Zeile ergeben sich aus der  
    # Anfangsbedingung der Rekursion  
    result[-1] = 1  
    result[-2][: -1] = np.arange(2,nnn+1)  
    # Die übrigen Einträge bestimmen wir aus der Rekursionsgleichung  
    for row in range(nnn-3, -1, -1):  
        for col in range(row+1):  
            new_b = (col+1)*result[row+1][col] + result[row+1][col+1]  
            result[row][col] = new_b  
  
    return result
```

Die Matrix, die wir hier berechnen, hat in der OEIS-Datenbank Index A095148.