

## Konvexe Hülle einer Punktwolke (langsam und instabil).

```
def convex_hull_slow(lop, epsilon=10 ** (-8)):  
    """Bestimme die Eckpunkte des Polygons, das die konvexe Hülle der  
    Punktliste lop darstellt (geordnet im mathematisch positiven  
    Umlaufsinn). Um numerische Ungenauigkeiten abzufangen, setze epsilon  
    auf einen kleinen Wert > 0."""  
    arrows = dict()  
    for i,p_i in enumerate(lop):  
        for j,p_j in enumerate(lop[i+1:], start=i+1):  
            # Trägergerade der Punkte p_i, p_j  
            t_g = PlaneLine(p_i,p_j)  
  
            # Zähle die Punkte von lop, die "schwach links" bzw.  
            # "schwach rechts" von der Trägergeraden liegen:  
            count_left = count_right = 0  
            for k,q in enumerate(lop):  
                # Setze Punkt q in die Geradengleichung ein:  
                eval_q = t_g.eval_equation(q)  
                if eval_q > epsilon:  
                    # Punkt liegt links:  
                    count_left+=1  
                elif eval_q < -epsilon:  
                    # Punkt liegt rechts:  
                    count_right+=1  
                else:  
                    # Punkt liegt auf der Geraden - aber liegt er auch  
                    # zwischen p_i und p_j  
                    proj = np.inner(t_g.v_v, q - p_i)  
                    if -epsilon<=proj and proj<=get_norm(p_j-p_i)+epsilon:  
                        count_left+=1  
                        count_right+=1  
  
            # Wenn alle Punkte auf einer Seite der Trägergeraden  
            # oder auf der Verbindungsstrecke von p_i, p_j liegen,  
            # dann ist die Kante p_i, p_j Teil des konvexen Hüll-Polygons:  
            if count_right == len(lop):  
                arrows[j] = i  
            if count_left == len(lop):  
                arrows[i] = j  
  
    # Bringe die Eckpunkte in die richtige Reihenfolge:  
    start = list(arrows.keys())[0]  
    corners = [start]  
    for i in range(len(arrows)-1):  
        new = arrows[start]  
        corners+= [new]  
        start = new  
  
    return corners
```

Wir bestimmen die konvexe Hülle einer (endlichen) Menge von Punkten als jenes konvexe *Polygon*, in dessen abgeschlossenen Inneren alle Punkte liegen, durch einen einfachen geometrischen Algorithmus.