

## Zerlegung einer Punktwolke entlang einer Koordinatenachse.

```
def split_cloud_of_points(cloud, subset, axis):
    """Gegeben sei eine "Punktwolke" von m d-dimensionalen Punkten
    in Form einer d x m Matrix (numpy-array) cloud, und eine
    Teilmenge dieser "Punktwolke" in Form eines eindimensionalen
    numpy-arrays (dtype=bool) subset, das die (Spalten-)Indizes der
    Punkte der Teilmenge subset codiert (im Sinne einer charakteristischen
    Funktion der Teilmenge): Die Funktion liefert eine
    Zerlegung der Teilmenge gemäß dem _Median_ der Projektion
    auf die Koordinaten-Achse axis.
    """
# Projektion: Koordinaten-Achse axis; das bool-Array subset
# "wählt daraus die Spalten aus, die zu subset gehören":
coords = cloud[axis][subset]

# coords kann im allgemeinen "Doubletten" (also gleiche Elemente)
# enthalten: Die numpy-Funktion "unique" returns the sorted unique
# elements of an array.
# Hier wird also ("im Hintergrund") sortiert - O(n log(n)), und es
# werden "Doubletten" entfernt:
unique_sorted_coords = np.unique(coords)

nof_unique_coords = len(unique_sorted_coords)
if nof_unique_coords <= 1:
    # Hier gibt's nichts mehr zu "zerschneiden":
    return unique_sorted_coords[0], subset, np.zeros(
        cloud.shape[1],
        dtype=int
    )

# Implicit else:

# Bestimme den Median der Koordinaten (ohne Wiederholungen!):
median = unique_sorted_coords[(nof_unique_coords+1)//2-1]

# Auch das folgende wird mit numpy sehr einfach:
# "Im Hintergrund" wird das ganze array durchlaufen - O(n) -;
# wir erhalten damit die charakteristische Funktion aller
# Spalten, deren axis-Koordinate <= median ist:
boolean_array_indicating_left_block = (cloud[axis] <= median)

# Erzeuge zwei neue Blöcke (als _Kopien_ der entsprechenden Zerlegung):
# numpy logical_and ist eine _koordinatenweise_ UND-Verknüpfung; für
# die charakteristischen Funktionen von Teilmengen entspricht diese
# logische Operation der Durchschnittsbildung:
left_or_lower_block = np.copy(
    np.logical_and(
        subset,
        boolean_array_indicating_left_block
    )
)
# numpy logical_not "flippt" jede bool-Eintragung: True->False, und
# vice versa; für die charakteristischen Funktionen von Teilmengen
# entspricht diese logische Operaton der Komplementbildung:
right_or_upper_block = np.copy(
    np.logical_and(
        subset,
        np.logical_not(boolean_array_indicating_left_block)
    )
)

# Gib Median und Blöcke zurück:
return median, left_or_lower_block, right_or_upper_block
```