## Matching

## Manoel Galdino

2024-03-07

## Introdução

Na aula de hoje, iremos aprender sobre a principal estratégia de "seleção em não-observável", que é matching. Mas antes, vamos falar de subclassificação ,que é uma técnica mais simples e é útil para introduzir a ideia de matching.

## Subclassificação

Subclassificação é um método para para cumprir os requisitos de ajustamento de "backdoor" de um DAG, por meio de estratificação e uso dos pesos de cada estrato. A ideia é que em vez de comparar a diferença na média entre o tratamento e controle em um estudo observacional, iremos comparar a diferença na média por estratos, responderando pelos pesos dos estratos. Este método consegue produzir equilíbrio (balancing) entre tratamento e controle em termos do controle observável.

O artigo clássico que é a referência no método é de Cochran (1968). O exemplo que ele usa para ilustrar o procedimento é a investigação sobre se cigarro causa câncer de pulmão. À época, ainda era um assunto bastante debatido se cigarro causava câncer. Fisher e Neyman, por exemplo, eram críticos das evidências de que cigarro causaria câncer.

```
library(knitr)
# Data for Table 5.1 (with NA for missing values)
data <- data.frame(
   Group = c("Non-smokers", "Cigarette smokers", "Cigar/pipe smokers"),
   Canada = c(20.2, 20.5, 35.5),
   UK = c(11.3, 14.1, 20.7),
   US = c(13.5, 13.5, 17.4)
)

# R Markdown code for the table

kable(data, caption = "Table 5.1: Death rates per 1,000 person-years Cochran 1968, apud Cunnigham 2022</pre>
```

Table 1: Table 5.1: Death rates per 1,000 person-years Cochran 1968, apud Cunnigham 2022

Group	Canada	UK	US
Non-smokers Cigarette smokers	$20.2 \\ 20.5$	11.3 14.1	13.5 13.5
Cigar/pipe smokers	35.5	20.7	17.4

```
data <- data.frame(
   Group = c("Non-smokers", "Cigarette smokers", "Cigar/pipe smokers"),
   Canada = c(54.9, 50.5, 65.9),
   UK = c(79.1, 49.8, 55.7),
   US = c(57.0, 53.2, 59.7)
)

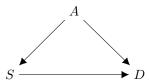
# R Markdown code for the table

kable(data, caption = "Idade média por grupo - Cochran 1968, apud Cunnigham 2022")</pre>
```

Table 2: Idade média por grupo - Cochran 1968, apud Cunnigham  $2022\,$ 

Group	Canada	UK	US
Non-smokers	54.9	79.1	57.0
Cigarette smokers	50.5	49.8	53.2
Cigar/pipe smokers	65.9	55.7	59.7

Tudo se passa como se tivéssemos o seguinte DAG:



Ou seja, precisamos controlar para idade (violação da CIA, ignorability, backdoor aberto etc.). Uma forma em que isso aparece é desbalanceamento das covariáveis. Ou seja, não temos mesma média de idade entre os grupos. Na verdade, balanceamento tem a ver com ter distribuição similar nas covariáveis entre diferentes níveis de tratamento.

A ideia da subclassificação é então ajustar o desbalanceamento na idade, de modo que tenha a mesma distribuição de idade (no caso, média) entre os três grupos. Digamos que tivéssemos três faixas etárias. Então, para cada faixa etária, nós usamos como peso a proporção de pessoas em cada faixa etária do grupo de controle e recalculamos a média (responderada), ajustando para idade.

Vamos fazer um exemplo (fictício) no R para entender isso.

```
library(fabricatr)
```

## Warning: package 'fabricatr' was built under R version 4.3.3

```
library(arm)
```

```
## Warning: package 'arm' was built under R version 4.3.2
```

## Carregando pacotes exigidos: MASS

## Carregando pacotes exigidos: Matrix

## Warning: package 'Matrix' was built under R version 4.3.3

```
## Carregando pacotes exigidos: lme4
## Warning: package 'lme4' was built under R version 4.3.1
##
## arm (Version 1.13-1, built: 2022-8-25)
## Working directory is C:/Users/3134777/Documents/DCP/Curso/Causalidade/Causality
library(tidyverse)
## Warning: package 'ggplot2' was built under R version 4.3.2
## Warning: package 'purrr' was built under R version 4.3.1
## Warning: package 'lubridate' was built under R version 4.3.2
## -- Attaching core tidyverse packages ----- tidyverse 2.0.0 --
## v dplyr 1.1.2
                        v readr
                                    2.1.4
## v forcats 1.0.0
                       v stringr 1.5.0
## v ggplot2 3.4.4
                      v tibble 3.2.1
## v lubridate 1.9.3
                     v tidyr 1.3.0
## v purrr
              1.0.2
## -- Conflicts ----- tidyverse_conflicts() --
## x tidyr::expand() masks Matrix::expand()
## x dplyr::filter() masks stats::filter()
## x dplyr::lag()
                    masks stats::lag()
## x tidyr::pack() masks Matrix::pack()
## x dplyr::select() masks MASS::select()
## x tidyr::unpack() masks Matrix::unpack()
## i Use the conflicted package (<a href="http://conflicted.r-lib.org/">http://conflicted.r-lib.org/</a>) to force all conflicts to become error
set.seed(123)
smoking <- fabricate(</pre>
 smoke status = add level(
   N = 3, status = c("não-fumante", "p-cachimbo-charuto", "s-cigarro"),
   mean_age = c(55, 60, 50),
   qtde_pessoas = c(15000,6000, 10000)
   ),
 person_id = add_level(
   N = qtde_pessoas, age = rpois(N, mean_age),
   death = draw_binary(N = N, prob = invlogit(-4.5 + .1*(age - mean(age)) + .525*ifelse(status == "s-c
  )
)
smoking <- smoking %>%
 mutate(faixa_etaria = case_when(age < 50 ~ "30-50",</pre>
                                 age < 60 \sim "51-60",
                                 age < 70 \sim "61-70",
                                  .default = "70+"))
# death rate
```

```
# unique(as.factor(smoking$status))
# as.numeric(unique(as.factor(smoking$status)))
smoking %>%
 group_by(status) %>%
 summarise(death_rate = 1000*sum(death)/n())
## # A tibble: 3 x 2
   status
##
                       death_rate
##
    <chr>
                        <dbl>
## 1 não-fumante
                             15.1
## 2 p-cachimbo-charuto
                            23.5
## 3 s-cigarro
                             15.3
aux <- smoking %>%
 group_by(faixa_etaria, status) %>%
 summarise(death_per_age = sum(death),
        num_per_age = n(),
        death_age_thousands = death_per_age/num_per_age)
## 'summarise()' has grouped output by 'faixa_etaria'. You can override using the
## '.groups' argument.
adustment_table <- aux %>%
 filter(status == "não-fumante") %>%
 ungroup() %>%
 mutate(total = sum(num per age)) %>%
 group_by(faixa_etaria) %>%
 summarise(num = num_per_age,
           total = total,
           prop_grupo_controle = num_per_age/total)
tabela <- aux %>%
 inner_join(adustment_table, by = join_by(faixa_etaria)) %>%
 ungroup() %>%
 group_by(status) %>%
 summarise(death_age_adjusted = 1000*sum(prop_grupo_controle*death_age_thousands),
           alternative_computation = 1000*weighted.mean(x=death_age_thousands, w=prop_grupo_controle))
kable(tabela, caption = "Subclassificação - exemplo simulado")
```

Table 3: Subclassificação - exemplo simulado

status	death_age_adjusted	alternative_computation
não-fumante	15.06667	15.06667
p-cachimbo-charuto	15.21693	15.21693
s-cigarro	22.47793	22.47793

```
data <- data.frame(
   Group = c("Non-smokers", "Cigar/pipe smokers", "Cigarette smokers"),
   Canada = c(20.2, 35.5, 19.8),
   UK = c(11.3, 14.8, 11.0),
   US = c(13.5, 21.2, 13.7)
)

# R Markdown code for the table

kable(data, caption = "Age adjusted death rates per 1,000 person-years Cochran 1968, apud Cunnigham 202</pre>
```

Table 4: Age adjusted death rates per 1,000 person-years Cochran 1968, apud Cunnigham 2022

Group	Canada	UK	US
Non-smokers	20.2	11.3	13.5
Cigar/pipe smokers	35.5	14.8	21.2
Cigarette smokers	19.8	11.0	13.7

Cochran, W. G. 1968. "The Effectiveness of Adjustment by Subclassification in Removing Bias in Observational Studies." Biometrics 24 (2): 295–313.