



## **Analysis und Lineare Algebra**

Vorlesung im Wintersemester 2014/2015 Prof. Dr. habil. Christian Heinlein

# 5. Übungsblatt (3. November 2014)

### **Aufgabe 8: Bestimmung von Extremwerten**

Bestimmen Sie die lokalen Extrema folgender Funktionen:

a) 
$$f(x) = -x^3 - \frac{3}{2}x^2 + 6x - 5$$

b) 
$$f(x) = \frac{1}{2}x^4 - \frac{4}{3}x^3 - 3x^2 + 7$$

#### Hinweise:

- Nach dem Satz von Fermat muss für ein lokales Extremum f'(x) = 0 gelten.
- Wenn dann f''(x) > 0 ist, handelt es sich um ein lokales Minimum, bei f''(x) < 0 um ein lokales Maximum.
- Eine Gleichung dritten Grades ohne konstantes Glied kann man durch Ausklammern von x auf eine Gleichung zweiten Grades reduzieren.

### Aufgabe 9: Additionstheorem der Exponentialfunktion

Beweisen Sie für die Funktion E mit den Eigenschaften E'(x) = E(x) für alle  $x \in \mathbb{R}$  und E(0) = 1 das Additionstheorem: E(x + y) = E(x) E(y) für alle  $x, y \in \mathbb{R}$ 

*Hinweis:* Bestimmen Sie die Ableitung der Hilfsfunktion  $h(x) = \frac{E(x+y)}{E(x)E(y)}$  für ein beliebiges, aber festes  $y \in \mathbb{R}$  (d. h. sowohl y als auch E(y) sind Konstanten), die wegen  $E(x) \neq 0$  für alle  $x \in \mathbb{R}$  wohldefiniert ist.