

# Лабораторная работа №6 Моделирование распространения эпидемии (SIR-модель) Модель хищник-жертва

---

Хватов М.Г.

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

## Информация

---

- Хватов Максим Григорьевич
- студент
- Российский университет дружбы народов
- 1032204364@pfur.ru



Исследовать распространение эпидемии с помощью численного решения системы дифференциальных уравнений и построить графики изменения численности восприимчивых, инфицированных и выздоровевших в двух различных случаях: при начальном числе заражённых, меньшем либо равном критическому значению ( $I^*$ ), и при превышении этого значения.

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове ( $N=666$ ) в момент начала эпидемии ( $t=0$ ) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции)  $I(0)=83$ , А число здоровых людей с иммунитетом к болезни  $R(0)=6$ . Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени  $S(0)=N-I(0)-R(0)$ . Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп

## Выполнение лабораторной работы

---

```
function dydt = system_epidemic(t, y, alpha, beta, I_star)
    S = y(1);
    I = y(2);
    R = y(3);

    if I > I_star then
        dS = -alpha * S * I;
        dI = alpha * S * I - beta * I;
    else
        dS = 0;
        dI = -beta * I;
    end

    dR = beta * I;
```

## Выполнение лабораторной работы

---



```
// Общие параметры  
alpha = 0.0001;  
beta = 0.05;  
I_star = 100;  
N = 6666;  
t = 0:1:200;
```

## Выполнение лабораторной работы

---

```
// ---- Случай 1:  $I_0 \leq I^*$ 
```

```
 $I_{0\_1} = 83;$ 
```

```
 $R_{0\_1} = 6;$ 
```

```
 $S_{0\_1} = N - I_{0\_1} - R_{0\_1};$ 
```

```
 $y_{0\_1} = [S_{0\_1}; I_{0\_1}; R_{0\_1}];$ 
```

```
deff('dydt = f1(t,y)', 'dydt = system_epidemic(t, y, alpha, beta, I_star)');
```

```
 $y_1 = \text{ode}(y_{0\_1}, 0, t, f1);$ 
```

## Выполнение лабораторной работы

---

```
// ---- Случай 2:  $I_0 > I^*$ 
```

```
 $I_{0\_2} = 150;$ 
```

```
 $R_{0\_2} = 6;$ 
```

```
 $S_{0\_2} = N - I_{0\_2} - R_{0\_2};$ 
```

```
 $y_{0\_2} = [S_{0\_2}; I_{0\_2}; R_{0\_2}];$ 
```

```
deff('dydt = f2(t,y)', 'dydt = system_epidemic(t, y, alpha, beta, I_star)');
```

```
 $y_2 = \text{ode}(y_{0\_2}, 0, t, f2);$ 
```

## Выполнение лабораторной работы

---

```
scf(0);  
plot(t, y1(1,:), 'b', t, y1(2,:), 'r', t, y1(3,:), 'g');  
legend("S(t) - Io=83", "I(t) - Io=83", "R(t) - Io=83");  
xtitle("Случай 1: Io = 83 \le I*", "Время (дни)", "Число особей");  
xgrid();
```

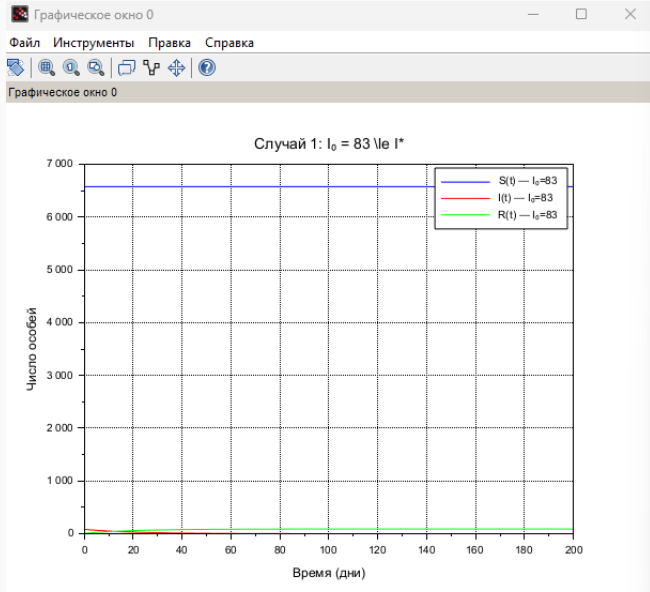
```
scf(1);  
plot(t, y2(1,:), 'b--', t, y2(2,:), 'r--', t, y2(3,:), 'g--');  
legend("S(t) - Io=150", "I(t) - Io=150", "R(t) - Io=150");  
xtitle("Случай 2: Io = 150 > I*", "Время (дни)", "Число особей");  
xgrid();
```

## Выполнение лабораторной работы

---



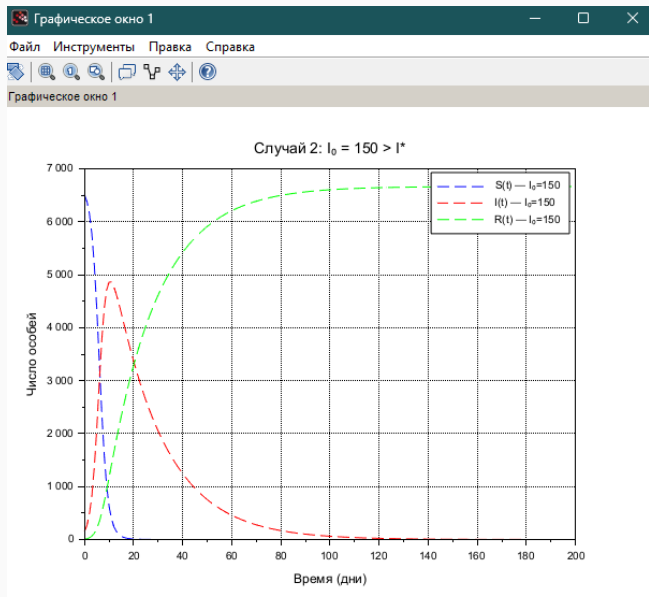
# Выполнение лабораторной работы



## Выполнение лабораторной работы

---

# Выполнение лабораторной работы



## Выводы

---

- При (  $I(0) \leq I^*$  ) заражение не распространяется, так как не достигается критическое значение инфицированных.
- При (  $I(0) > I^*$  ) наблюдается массовое заражение, за которым следует спад. Это соответствует классическому сценарию эпидемии.
- Модель SIR позволяет прогнозировать течение эпидемии и оценить эффективность ограничительных мер в зависимости от начальных условий.