

# Inhalt

- 3 Datenstruktur: Dynamische Arrays
  - Datenstrukturen - Einführung
  - Dynamische Arrays
  - Einführung in Komplexitätsanalyse

# Motivation

Ziel:

- ▶ Programmier- (Java)-technische Realisierung von **großen** Mengen **gleichartiger** Daten

Dabei will man (mindestens)

- ▶ auf einzelne Datensätze zugreifen (lesend oder schreibend)
- ▶ Datensätze hinzufügen
- ▶ Datensätze entfernen

können.

Dazu gibt es prinzipiell zwei unterschiedliche Ansätze:

- ▶ **Arraybasierte Strukturen**
- ▶ **Verkettete Strukturen**

# Inhalt

- 3 Datenstruktur: Dynamische Arrays
  - Datenstrukturen - Einführung
  - **Dynamische Arrays**
  - Einführung in Komplexitätsanalyse

# Arrays

schon bekannt: **Arrays**

- ▶ beliebiger Basisdatentyp (simple type oder bel. Referenztyp)
- ▶ „wahlfreier“ Zugriff auf beliebige Position innerhalb des Arrays

Nachteil:

- ▶ feste Länge ( $\leadsto$  begrenzte maximale Anzahl speicherbarer Datensätze)

Ausweg:

- ▶ Definiere (generische) Klasse, die „bequemen“ Umgang mit Arrays erlaubt, insbesondere:
- ▶ Einfügen von Elementen mit **Verlängerung** des Arrays, falls nötig

# Klasse DynArray

DynArray<T>
- T[ ] array
size(): int isEmpty(): boolean set(int, T): void get(int): T add(T): void - increase(): void

(zunächst noch ohne remove() und ohne decrease())

- ▶ size bezeichnet die **Anzahl der gespeicherten Elemente**, nicht die Länge des Arrays!
- ▶ keine simple types als Basistyp möglich (Wrapper-Klassen nutzen)

# Semantik von set, get und add

Bei „unseren“ dynamischen Arrays: **Einschränkung des wahlfreien Zugriffs**

- ▶ `set(int pos, T v)`  
**ändern** dh **überschreiben** von bereits bestehenden Einträgen  
→ nur auf bereits besetzte Positionen anwendbar
- ▶ `get(int pos)`  
**lesen** eines bereits vorhandenen Elements  
→ nur auf bereits besetzte Positionen anwendbar
- ▶ `add(T v)`  
**einfügen** von Elementen: keine Wahlfreiheit der Position, sondern  
→ immer Einfügen an **erste unbelegte Position** des Arrays

# Implementierung von set und get

- Zugriff auf ungültige Array-Positionen löst eine `IndexOutOfBoundsException` („IOOBE“) aus.

```
public void set(int pos, T e) throws IOOBE {  
    if (pos < 0 || pos >= size)  
        throw new IOOBE();  
    array[pos] = e;  
}
```

```
public T get(int pos) throws IOOBE {  
    if (pos < 0 || pos >= size)  
        throw new IOOBE();  
    return array[pos];  
}
```

# Implementierung von add

- ▶ Verwende ein (privates) Attribut `size`, das bei jedem Hinzufügen (und später auch beim Entfernen) eines Elementes aktualisiert wird.
- ▶ Das **erstmalige** Belegen einer Komponente (Hinzufügen eines weiteren Datensatzes) geschieht über die Methode `add`.

Neue Elemente werden „hinter“ der zuletzt belegten Position angehängt.

Dadurch erhöht sich die `size` des dynamischen Arrays.

- ▶ Falls die „Kapazität“ (= Länge) des Arrays erschöpft ist, muss vor dem Hinzufügen ein neues Array von größerer Länge angelegt werden:

~> `increase`

- ▶ führe erst dann die gewünschte `add`-Aktion aus

```
public void add(T e) {  
    if (size >= array.length)  
        increase();  
    array[size++] = e;  
}
```



# Implementierung von increase

- ▶ Bei Erzeugung eines Objektes von DynArray wird ein Array mit einer definierten Startgröße angelegt.
- ▶ Falls das Array voll besetzt ist und eine weitere add-Aktion ausgeführt werden soll, dann
  - erzeuge ein neues Array von **doppelter** Länge
  - kopiere die bisherigen Elemente in das neue Array
  - ersetze (die Referenz auf) das alte Array durch (eine Referenz auf) das neue Array

```
private void increase() {  
    T[] neu = (T[]) new Object[array.length * 2];  
    for (int i = 0; i < size; i++)  
        neu[i] = array[i];  
    array = neu;  
}
```

# Löschen von Elementen

Zum Entfernen (Löschen) von Elementen aus einem dynamischen Array gibt es verschiedene Anforderungen und verschiedene Strategien:

- ▶ unterschiedliche Anforderungen
  - entferne das Element mit dem Eintrag  $e$
  - entferne das Element an der Array-Position  $pos$
  - entferne das erste (oder: das letzte) Element
- ▶ unterschiedliche Strategien
  - alle folgenden Elemente rücken eine Position nach vorne
  - die Position wird nur als „frei“ markiert
- ▶ Durch Löschen von Elementen können in einem Array sehr viele Positionen unbesetzt sein  
↪ entsprechend zum increase auch ein **decrease** (wieder Verkleinern der Kapazität) eines Arrays sinnvoll

# Semantik von remove, delete, decrease

- ▶ `remove()` entfernt das erste Element des Arrays (`array[0]`)
- ▶ `delete(T e)` (sucht und) entfernt das Element mit Eintrag `e`
- ▶ sowohl bei `remove()` als auch bei `delete(T e)`:  
alle folgenden Feldelemente rücken eine Position nach vorne  
am Ende „rausfallende“ Elemente werden **nicht „gelöscht“**
- ▶ `decrease()` reduziert das Array auf halbe Länge, falls es nur noch zu einem Viertel gefüllt ist

Implementierung  $\leadsto$  Übung

## Beispiel: Verhalten eines dynamischen Arrays

```
DynArray<Integer> d = new DynArray<>();  
for (int i=0; i < 20; i++)  
    d.add(i);  
for (int i = 0; i < 15; i++)  
    d.delete(i);  
d.remove();  
d.remove();
```

Speicher-Inhalt nach Ablauf:

size = 3, length = 8, Arrayelemente: 17 18 19 19 null null null null

# Inhalt

- 3 Datenstruktur: Dynamische Arrays
  - Datenstrukturen - Einführung
  - Dynamische Arrays
  - Einführung in Komplexitätsanalyse

# Erinnerung: Motivation

Ziel:

- ▶ Programmier- (Java)-technische Realisierung von **großen** Mengen **gleichartiger** Daten

Dabei will man

- ▶ auf einzelne Datensätze zugreifen (lesend oder schreibend)
- ▶ Datensätze hinzufügen
- ▶ Datensätze entfernen

können.

- ▶ Wie gut werden diese Anforderungen von der Implementierung mittels Dynamischer Arrays erfüllt?
- ▶ Was bedeutet „gut“?

# Qualität einer Implementierung

Wesentliches Kriterium: Ressourcenverbrauch der Operationen

Relevante Ressourcen:

- ▶ Speicherplatz-Bedarf
- ▶ i.F. betrachtet: Zeitbedarf
- ▶ abhängig von der „Problemgröße“, d.i. bei uns:  
Anzahl der gespeicherten Datenelemente

# Landau-Symbole

- ▶ „Groß-O-Notation“, um **asymptotisches** Verhalten von Funktionen beschreiben zu können
- ▶ Bei uns meist betrachtete Funktion:  
 $f(n)$  = Anzahl der benötigten „elementaren Rechenschritte“ bei Anwendung einer Methode auf  $n$  Datensätze.
- ▶ „**asymptotisch**“: wie verändert sich  $f(n)$  bei Veränderung (zB Verdopplung) von  $n$ ?  
(Ohne Rücksicht auf additive und multiplikative Konstanten)
- ▶ Definition:

$$f \in \mathcal{O}(g) :\Leftrightarrow \exists C > 0 \exists x_0 > 0 \forall x > x_0 : |f(x)| \leq C \cdot |g(x)|$$

Beispiel und pragmatische Schreibweise für  $g(n) = n$ :

$$f(n) = \mathcal{O}(n)$$



# Komplexitätsklassen (aufsteigend sortiert)

$f = \dots$	Bezeichnung	bedeutet: wenn $n$ sich verdoppelt ...
$\mathcal{O}(1)$	konstant	... ändert sich $f(n)$ nicht
$\mathcal{O}(\log n)$	logarithmisch	... wächst $f(n)$ um eine (add.) Konstante
$\mathcal{O}(n)$	linear	... verdoppelt sich $f(n)$
$\mathcal{O}(n \log n)$	superlinear	(etwas schlechter als linear)
$\mathcal{O}(n^2)$	quadratisch	... vervierfacht sich $f(n)$
$\mathcal{O}(n^k)$	polynomiell	... wächst $f(n)$ um den Faktor $2^k$
$\mathcal{O}(2^n)$	exponentiell	$f(n)$ verdoppelt sich, wenn $n$ nur um 1 wächst (!)

# Beispiel: Dynamische Arrays

- ▶ Speicherbedarf: maximal  $4 \cdot n$ , also  $\mathcal{O}(n)$
- ▶ Zeitbedarf von `get(int pos)`:  
1 Zugriff, 2 Vergleiche, 1 return, also  $\mathcal{O}(1)$
- ▶ Zeitbedarf von `contains(T e)` (vgl Übungsaufgabe)  
Maximal (im **worst case**)  $n$  Zugriffe und  $n$  Vergleiche, also  $\mathcal{O}(n)$
- ▶ Zeitbedarf von `add(T e)`  
↪ das kommt auf die aktuelle `size` an!
  - konstant, wenn `size < „capacity“`
  - $\mathcal{O}(n)$ , wenn `size ≥ „capacity“`„amortisierter“ Zeitbedarf:  $\mathcal{O}(1)$   
(Beweis: Video)