Universidad de las Américas Cálculo Diferencial e Intégral MAT333 Sumo 14, 2019

Disandlo Catedia III

Problema 1.

Busqueda del precio de equilibria:

$$\varphi(x) = \mathcal{D}(x) x^{2} = (x - 4)^{2} => x^{2} = x^{2} - 3x + 16 => 3x = 16 \Rightarrow x = 2.$$

Po: precio de equilibrio => O(z) = 4 (dolares)

Eq: excedende del productor (oferta)

ED: excedente del consumidor (demanda).

$$E_{0} = \int_{0}^{2} (4 - 8cx) dx = \int_{0}^{2} (4 - x^{2}) dx = \int_{0}^{2} 4 dx - \int_{0}^{2} x^{2} dx = 4x \Big|_{0}^{2} - \frac{x^{3}}{3} \Big|_{0}^{2}$$
$$= 8 - \frac{8}{3} = \frac{16}{3} \approx 5.3$$

$$E_{D} = \int_{0}^{2} (D(x) - 4) dx = \int_{0}^{2} (x^{2} - 8x + 16 - 4) dx = \int_{0}^{2} (x^{2} - 8x + 12) dx$$

$$= \int_{0}^{2} x^{2} dx - \int_{0}^{2} 8x dx + \int_{0}^{2} 12 dx = \frac{x^{3}}{3} \Big|_{0}^{2} - 4x^{2} \Big|_{0}^{2} + 12x \Big|_{0}^{2} = \frac{8}{3} - 16 + 24 = \frac{3^{2}}{3} \approx 10.67$$

Respuesta: El excedente del productor es de 5.3 dólares y el excedente del combunidor es de 10.67 dólares.

$$D'(p) = -\frac{4000}{p^{2}} / \int dp$$

$$\int D'(p)dp = \int -\frac{4000}{p^{2}} dp$$

$$D(p) = \frac{4000}{p} + C$$

Per condición del problema:
$$D(8) = 504$$

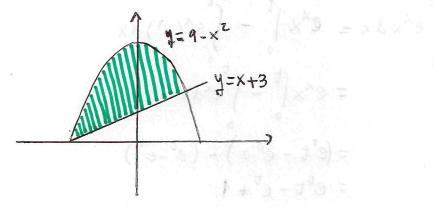
$$504 = D(8) = \frac{4000}{8} + C = 500 + C$$

$$C = 4$$

Problema 3.

A: Area total a semblar (en multos cuadrades) P: Divero total a gastar en semillas (en peros)

Emeción:



Buscamos punto de intersección entre las curvas:

$$9 - x^2 = x + 3 \Rightarrow 0 = x^2 + x + 3 - 9$$

 $\Rightarrow 0 = x^2 + x - 6$
 $\Rightarrow x = -3, 2$

$$A = \int (9 - x^{2} - (x+3)) dx = \int_{-3}^{2} (-x^{2} - x + 6) dx$$

$$= -\frac{x^{3}}{3} \Big|_{-3}^{2} - \frac{x^{2}}{2} \Big|_{-3}^{2} + 6x \Big|_{-3}^{2} = \frac{125}{6}$$

Por la tante: P = 38400. 125 = 800.000

Condusion: El cliente debe cancelar 800000 peros.

$$G(t) = \int_{0}^{t} 400 e^{x} \times dx = 400 \int_{0}^{t} e^{x} \times dx$$

Ourpando regla de integración por partes sobre la integral Sexidx

$$\int_{0}^{t} e^{x} \times dx = e^{x} \times \int_{0}^{t} - \int_{0}^{t} e^{x} (x^{2}) dx$$

$$= e^{x} \times \int_{0}^{t} - \int_{0}^{t} e^{x} dx$$

$$= (e^{t} t - e^{0} \cdot 0) - (e^{t} - e^{0})$$

$$= e^{t} t - e^{t} + 1$$

El gasto total es 6(t) = ett-et+1

Gasto total en los primeros 10 años: G(10)

Condusión: El gasto total de la empresa durante los primeros 10 años es de aproximadamente 198239.19 dólares.