Toán rời rạc 1 – Đức Huy

Đề 7

Câu 1 (2 điểm):

a) Dùng bảng chân lý để chứng minh mệnh đề dưới đây là hằng đúng:

$$[(p \lor q) \land (p \to r) \land \neg r] \Rightarrow q$$

b) a) Gọi S là tập hợp gồm các cặp (x, y) với x và y là các số nguyên. Hỏi phải lấy ra ít nhất bao nhiêu phần tử trong S để chắc chắn rằng có ít nhất 2 bộ (a, b) và (c, d) sao cho (a – c) và (b – d) đều chia hết cho 5?

Câu 2 (2 điểm):

- a) Tìm hệ thức truy hồi để tính số lượng các xâu thập phân kết thúc bằng 9 và chứa lẻ các chữ số 9
- b) Phương trình $x_1+x_2+x_3+x_4+x_5=28$ có bao nhiều nghiệm nguyên không âm sao cho $x_1 \ge 1, x_2 > 3, x_4 < 5, x_5 \le 4$

Câu 3 (2 điểm):

- a) Một tổ bộ môn có 10 nam và 15 nữ. Có bao nhiều cách chọn một hội đồng gồm nhiều nhất 6 ủy viên, trong đó số ủy viên nam gấp đôi số ủy viên nữ?
 - b) Giải hệ thức truy hồi: $a_n = 6a_{n-1} 12a_{n-2} + 8a_{n-3}$; $a_0 = -1$, $a_1 = 8$; $a_2 = 60$ với n > 2 và

Câu 4 (2 điểm):

- a) Viết chương trình trên C/C++, sử dụng phương pháp quay lui liệt kêt tất cả các tổ hợp chập k của 1, 2, ..., n, với n nhập từ bàn phím.
- b) Cho xâu nhị phân X = (1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1). Sử dụng phương pháp sinh xâu nhị phân theo thứ tự từ điển, tìm 5 xâu nhị phân liền kề tiếp theo của X
- Câu 5 (2 điểm): a) Trình bày thuật toán duyệt toàn thể giải bài toán người đi du lịch?
- b) Áp dụng thuật toán duyệt toàn thể giải bài toán người đi du lịch được cho bởi ma trận chi phí dưới đây

