

Học VIỆN CÔNG NGHỆ BƯU CHÍNH VIỄN THÔNG Posts & Telecommunications Institute of Technology



NGÔN NGỮ LẬP TRÌNH C++

SILDE 2.4: ĐỆ QUY & QUAY LUI



Giảng viên: Th.S Bùi Văn Kiên



Nội dung

- Khái niệm đệ quy
- Thuật toán quay lui
- Các bài toán ví dụ:
 - Sinh xâu nhị phân
 - Sinh hoán vị
 - Sinh tổ hợp
 - Phân tích số
 - Xếp quân hậu





- Ta gọi một đối tượng là đệ quy (recursion) nếu nó được định nghĩa qua chính nó hoặc một đối tượng cùng dạng với chính nó bằng quy nạp.
- Một hàm nếu gọi lại chính nó sẽ được gọi là hàm đệ quy.
- Số lần gọi này phải có giới hạn (điểm dừng).
- Ví dụ:

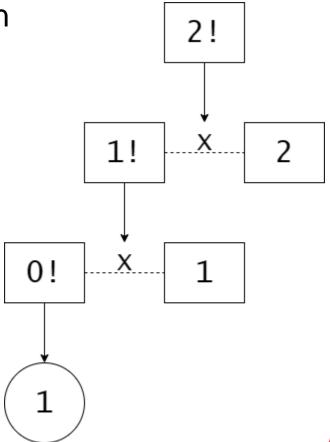
```
// Đây là một hàm gọi đệ quy
Jvoid f() {
   f();
-}
```





Ví dụ 1: hàm tính giai thừa n!

- Công thức đệ quy: n! = (n-1)! * n
- Hay là f(n) = f(n-1)*n







Ví dụ 1: hàm tính giai thừa

Tương đương với

```
//n = 0
Pvoid factorial_0() {
    return 1;
}

//n = 1
Pvoid factorial_1() {
    return factorial_0() * 1;
}

//n = 2
Pvoid factorial_2() {
    return factorial_1() * 2;
}
```





Ví dụ 2: Dãy số Fibonacci

$$f_n = egin{cases} 0 & ext{v\'oi} \ n = 0 \ 1 & ext{v\'oi} \ n = 1 \ f_{n-2} + f_{n-1} & ext{v\'oi} \ n > 1 \end{cases}$$





- Hàm đệ quy phải có 2 phần:
 - Phần dừng: trường hợp suy biến. Trong ví dụ trong bài toán tính giai thừa thì với n=0 là dừng lại.
 - Phần đệ quy: là phần có gọi lại hàm đang được định nghĩa. Trong ví dụ trên thì phần đệ quy là n>0 thì n! = n * (n-1)!
- Sử dụng hàm đệ quy trong chương trình sẽ làm chương trình dễ đọc, dễ hiểu và vấn đề được nêu bật rõ ràng hơn. Tuy nhiên trong đa số trường hợp thì hàm đệ quy tốn bộ nhớ nhiều hơn và tốc độ thực hiện chương trình chậm hơn không đệ quy.
- Tùy bài toán cụ thể mà người lập trình quyết định có nên dùng đệ quy hay không (có những trường hợp không dùng đệ quy thì không giải quyết được bài toán).





Cấu trúc tổng quát





- Uu điểm:
 - Sáng sủa, dễ hiểu, nêu rõ bản chất vấn đề
 - Tiết kiệm thời gian hiện thực mã nguồn
- Nhược điểm:
 - Tốn nhiều bộ nhớ, thời gian thực thi lâu
 - Một số bài toán không có lời giải đệ quy





2. Thuật toán quay lui

- Quay lui (backtracking) là một kĩ thuật thiết kế giải thuật dựa trên đệ quy, dùng để giải bài toán liệt kê các cấu hình. Ý tưởng của quay lui là tìm lời giải từng bước, mỗi bước chọn một trong số các lựa chọn có thể và gọi đệ quy cho bước tiếp theo.
- Nói cách khác, chúng ta đang xây dựng một danh sách gồm tất cả các tập hợp (hay dãy, ...), mà mỗi phần tử được xét tất cả các trường hợp có thể của nó. Phương pháp này cũng gọi là duyệt vét cạn.





2. Thuật toán quay lui

- Bài toán:
 - Càn xác định bộ X =(x₁, x₂,...,x_k) thỏa mãn ràng buộc.
 - Mỗi thành phần x_i ta có n_i khả năng cần lựa chọn.





3.1 Bài toán ví dụ

(1) Sinh xâu nhị phân có N kí tự (N <= 20)

- Với N = 3, có tất cả 8 xâu:
 - **000**
 - **001**
 - **010**
 - 011
 - **100**
 - **101**
 - **110**
 - 111

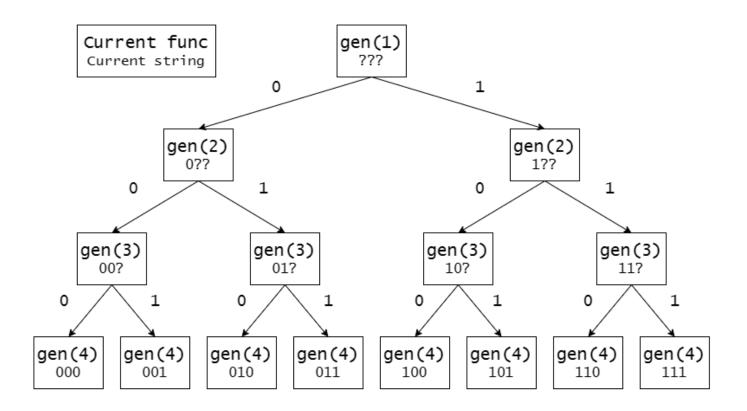
```
#include <iostream>
using namespace std;
int n;
 char ans[21];
Jvoid backtrack(int pos) {
     if (pos > n) {
          for (int i = 1; i \le n; i++)
              cout << ans[i];
          cout << endl;
          return;
     for (char i = '0'; i \leftarrow '1'; i \leftrightarrow )
         ans[pos] = i;
         backtrack(pos + 1);
int main(){
     cin >> n;
     backtrack(1);
     return 0;
-}
```





3.1 Bài toán ví dụ

- (1) Sinh xâu nhị phân có N kí tự (N <= 20)
- Với N = 3, có tất cả 8 xâu:







3.2 Bài toán ví dụ

(2) Sinh hoán vị

Cho $S = \{1, 2, ..., N\}.$

Hãy sinh ra hoán vị của tập S.

Với N = 3, có 6 hoán vị:

- **1** (1, 2, 3)
- **1** (1, 3, 2)
- **(2, 1, 3)**
- **(2, 3, 1)**
- **(3, 1, 2)**
- **(3, 2, 1)**

```
#include <iostream>
 using namespace std;
 int n;
 int a[21], visited[21];
void backtrack(int pos) {
     if (pos > n) {
         for (int i = 1; i \le n; i++)
              cout << a[i] << " ";
          cout << endl;
          return;
     for (int i = 1; i \le n; i++) {
          if(!visited[i]) {
              a[pos] = i;
              visited[i] = 1;
              backtrack(pos + 1);
              visited[i] = 0;
⊟int main() {
     memset(visited, 0, sizeof(visited));
     cin >> n;
     backtrack(1);
     return 0;
```

