

4-5 (1) 一页大小 4KB, 则页内偏移需 12 位, 剩余 52 位用于存储索引. 若使用单级页表, 则共有 $2^{52} \cdot 8 = 2^{55}$ 字节 = 2^{15} TB

(2) 索引位下降为 36 位, 共 $2^{36} \cdot 8 = 512$ GB

(3) 多级页表可以随着进程占用内存的增大而对应增多该进程页表数目, 而不是直接分配大量内存给页表.

4-6. 如果高位索引, 低位标签, 由于内存地址是连续分布的, 可能导致多个地址指向同一索引, 引起大量冲突

4-7. 因为虚拟地址的页内偏移与实际物理地址相同, 也就是与组索引 + 块内偏移相同. 在实际访存中可以直接由虚拟地址得到索引位, 从缓存中得到对应位置块的标签, 并与从页表中得到的物理地址对比, 提高了访存速度.

4-8. 1) $N = 97\% \times 1 + 3\% \times 110 = 4.27$ 个周期

2) 缓存命中率 $\frac{64KB}{1GB} = \frac{2^{16}}{2^{30}} = 2^{-14}$. 缺失率 $1 - 2^{-14}$

平均周期 $110 \times (1 - 2^{-14}) + 1 \times 2^{-14} \approx 110$ T

3) 局部性原理说明 CPU 访问寄存器等时, 会趋于聚集在一片连续区域中. 在内存中由于随机访存, 指令均匀分布在整个主存中, 导致缓存命中率低, 违背了局部性原理, 访存时间大大提高

4) 设平均命中率为 $k\%$. 则 $k\% + (1 - k\%) \cdot 110 \leq 105$ $k \geq 4.58$, 即命中率大于 4.58%

9. 根据给出的不同缓存配置, 补全下表中缺失的字段。

编号	地址位数 Bit	缓存大小 KB	块大小 Byte	相联度	组数量	组索引位数 Bit	标签位数 Bit	偏移位数 Bit
1	32	4	64	2	32	5	21	6
2	32	4	64	8	8	3	23	6
3	32	4	64	全相联	1	0	26	6
4	32	16	64	1	256	8	18	6
5	32	16	128	2	64	6	19	7
6	32	64	64	4	256	8	18	6
7	32	64	64	16	64	6	20	6
8	32	64	128	16	32	5	20	7

10. 1) A 平均: $t_A = 0.22 + 100 p_1$

B 平均: $t_B = 0.52 + 100 p_2$ $t_A \leq t_B$ $p_1 < p_2 + 0.3\%$

2) A 平均 $t_A = 0.22 + 0.22 k p_1$

B 平均 $t_B = 0.52 + 0.52 k p_2$ $t_A \leq t_B$ $p_1 < \frac{26}{11} p_2 + \frac{15}{11} k = 2.36 p_2 + 1.36 k$

11. : ① 直接映射: 索引位有 4 bit, 即最后一个 16 进制位:

0001
0101
0001
0101
0101
0101
0101

替换 0x1001 ← 0x1021

0x1005 ← 0x1045 ← 0x1305 ← 0x2ee5 ← 0xf05
共 5 次

② 2 路组联, 索引位有 3 位, 每路 2 个

替换: 0x1005 ← 0x1305 ← 0xf05 共 3 次

0x1045 ← 0x2ee5

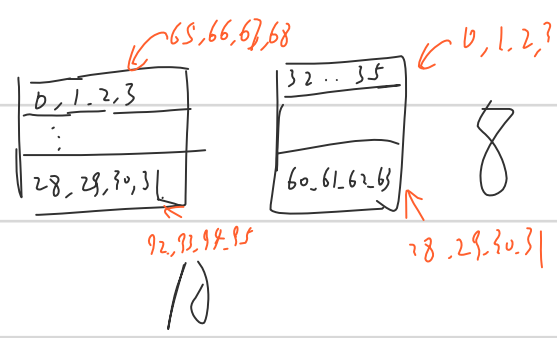
③ 4 路组联: 索引位 2 位, 每路 4 个, 但所有访存指向同一索引

故发生 7-4=3 次

④ 8 路组联, 索引 1 位, 每路 8 个, 无替换

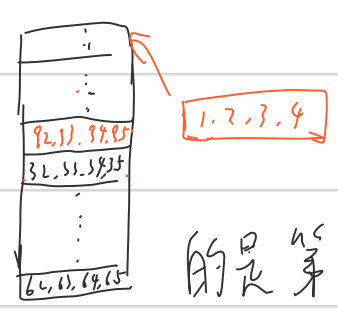
12. 一个 array[i] 大小为 4 字节, 地址为 2 位

缓存共 16 块, 每块 16 字节, 块内偏移 4 位相当于存 4 个连续数组值



对于而言, 2 路每路 8 块, 每访问 64 次数据刷一次新, 由于遵从 LRU, 从第 64 个元素开始缓存将原第 1 个元素的缓存块替换。遍历完一遍之后, 重新访问 array[0] 时, 第 1 组的两路均不匹配, 于是遵从 LRU 将 array[32]... 一路从头替换。

故总缺失率为 25%



对于 B 而言, 遍历完一遍之后, 回到 array[0] 时, 仍然无匹配, 但替换的是第一组的块而未替换块 array[32]..., 故只有一半缓存被重复替换

总缺失率为 $\frac{24 + 16 \times 99}{96 \times 100} = 5.75\%$

13. 相邻两次访存之间如果地址连续, 可以提高缓存利用率, 故改为

```
for (int j = 0; j < 128; j++) {
    for (int i = 0; i < 64; i++)
        A[j][i] = A[j][i+1];
}
```

14. (1) 共有 $2^{12}/2^5 = 128$ 块 每块 8 个数据

优化前, 由于相邻访存 $A[j][i]$ 与 $A[j+1][i]$ 不是相邻的, 不在一个块内; 而由于组数为 128, 相邻 2 个 j 之间地址相差 $64/8 = 8$ 个块地址, 故第一次 j 遍历, 将 128 组中的 16 组重复替换 38 次, 第二次循环时因全被替换过, 故又全部缺失, 故每次缓存均缺失. 共 $128 \times 64 = 8192$ 次

优化后, 相邻访存地址连续, 在同一个块内, 而 j 循环同样每次循环都会对新的 16 块缓存赋值, 故每 8 次访问缺 1 次, 共 $128 \times 64/8 = 1024$ 次.

(2) 优化前: 每次 j 循环对一个新缓存块访存, 将 128 个块用完, 每 8 次 j 循环更新一次, 共缺失 $\frac{64}{8} \times 128 = 1024$ 次

优化后: 仍然是将每个缓存块都占满, 不同在于对一个缓存块更新后会连续访问 8 次, 然后继续更新下一个缓存块.

总共缺失仍是 $\frac{64 \times 128}{8} = 1024$ 次

(3) 优化前, 每 8 次 j 循环需要 128 个块缓存, 为了这些块不重复, 至少要共 $\frac{64}{8} \times 128 = 1024$ 块, 容量为 $1024 \times 32B = 32KB$

优化后: 由于连续访问, 只用 1 个块即可满足, 故共 32B

15

	input 数组				output 数组			
	列 0	列 1	列 2	列 3	列 0	列 1	列 2	列 3
行 0	miss	X	✓	✓	miss	X	X	X
行 1	X	✓	X	✓	X	X	X	X
行 2	X	X	✓	✓	X	X	X	X
行 3	X	✓	X	✓	X	X	X	X

共有 $32B/16B = 2$ 块, 每块 4 个数

共命中 8 次

16. (1) $512/(16 \times 2) = 16$ 组, 每块有 4 个数

每访问 4 次缺失一次, 命中率 75%

(2) 不可以, 因为缺失与块是否有被替代无关, 缓存扩大在块大小不变下只是避免了块被替代的情况

(3) 可以, 因为连续地址的访问, 块大小越大, 同一块存储的数越多, 利用率越高, 缺失率越小

