

## 5/18 第四章

6. 为了利用数据的局部性、提高缓存的容量和命中率，并能够更方便地进行标记匹配和管理缓存。如果使用高位作为组索引，中间位作为标签，那么中间位作为标签的位数就会相应增加，导致每个组内能够存放的缓存行数量减少。

7. 可以在硬件设计上实现更简化的缓存访问逻辑，可以共享硬件逻辑来处理地址的转换和缓存索引，从而减少硬件复杂性和成本。同时可以更方便地管理缓存与虚拟内存的一致性。

8. (1) ~~3% × 110 + 97% × 1 = 4.27 周期~~

$$(2) 1GB = 1024MB = 1024^2 KB = 2^{20} KB$$

$$\frac{2^6}{2^{20}} \times 1 + \frac{2^{20}-2^6}{2^{20}} \times 110 = \cancel{110} \text{ 周期}$$

(3) 在(1)中，平均缓存缺少率为3%，导致系统平均访问延迟较低，而在(2)中，缓存过小，几乎每次访问都会导致缓存缺失，使得系统平均访问延迟非常高。所以充分利用数据的局部性，尽可能减少缓存缺失，可以降低内存延迟，提高系统性能。

(4) 设平均缓存命中率为x。

$$\text{则 } x \cdot 1 + (1-x) \cdot 110 \leq 105 \Rightarrow x \geq 4.59\%$$

缓存大小 ÷ 块大小 = 相联度 = 组数  
块数 = 组数 × 块内偏移量 ↑

9. 编号 地址位数时 缓存大小KB 块大小Byte 相联度 组数量 组章位数时 标签位数时 偏移位数

1	32	4	64	2	32	5	21	6
2	32	4	64	8	8	3	23	6
3	32	4	64	全相联	1	0	26	6
4	32	16	64	1	256	8	18	6
5	32	16	128	2	64	6	19	7
6	32	64	64	4	256	8	18	6
7	32	64	64	16	64	6	20	6
8	32	64	128	16	32	5	20	7

$$10. (1) (1-p_1) \cdot 0.22\text{ns} + p_1 \cdot 100\text{ns} < (1-p_2) \cdot 0.52\text{ns} + p_2 \cdot 100\text{ns}$$

$$99.78p_1 + 0.22 < 99.48p_2 + 0.52$$

$$\cancel{\Rightarrow} 100(p_1 - p_2) < 0.3$$

$\therefore p_1 < p_2 + 0.003$  时, A 优于 B.

$$(2) (1-p_1) \cdot 0.22 + p_1 \cdot 0.22k < (1-p_2) \cdot 0.52 + 0.52k \cdot p_2$$

$$11-11p_1 + 11kp_1 < 26-26p_2 + 26kp_2$$

$$(11k-11)p_1 < 15 + (26k-26)p_2$$

$$(k-1)(11p_1 - 26p_2) < 15$$

$$11p_1 - 26p_2 < \frac{15}{k-1}$$

$$\begin{array}{l} \cancel{5+750 \times 16} \\ \cancel{12005} \rightarrow 12005, \cancel{ff05} \rightarrow 65285, \cancel{5+4080 \times 16}, \\ 2005 = 12005 + 800, 1005 = 13 + 16 \times 62, 1007 = 9 + 62 \times 16, 1021 = 19 + 63 \times 16, 1045 = 5 + 65 \times 16, \\ 1305 = 9 + 81 \times 16. \end{array}$$

11. 直接映射:  ~~$0x100 \rightarrow 0x100$ ,  $0x102 \rightarrow 0x1005$ ,  $0x1045 \rightarrow 0x1021$~~   $\leftarrow$  第一块.

$$0x2005 \rightarrow 741 + 11 \times 64 \times 16 = (1 \times 64 + 3) + 11 \times 64 \times 16, \text{在第 } 12 \text{ 块.}$$

$$0xff05 \rightarrow (12 \times 64 + 5) + 63 \times 64 \times 16, \text{在第 } 13 \text{ 块.}$$

$$\begin{array}{l} ① 0x102 \rightarrow 0x1005, ② 0x1305 \rightarrow 0x1001, ③ 0x2005 \rightarrow 0x1045, ④ 0xff05 \rightarrow 0x2005. \\ \text{=替换3次.} \quad \text{=替换4次.} \end{array}$$

2路组联:  $1001 = 1 + 125 \times 8, 1005 = 5 + 125 \times 8, 1021 = 5 + 127 \times 8, 1045 = 5 + 130 \times 8, 1305 = 1 + 163 \times 8, 2005 \% 8 = 5$

①  $1045 \rightarrow 1005$  或  $1021$ , ②  $2005 \rightarrow 5$  块组块, ③  $ff05 \rightarrow 5$  块组块

$$ff05 \% 8 = 5.$$

$\therefore$  替换3次.

4路组联:  $1001 \% 4 = 1, 1005 \% 4 = 1, 1021 \% 4 = 1, 1045 \% 4 = 1, 1305 \% 4 = 1, 2005 \% 4 = 1, ff05 \% 4 = 1$

$\therefore$  替换3次.

8路组联:  $1001 \% 2 = 1, 1005 \% 2 = 1, \dots$  都取余为1

$\therefore$  替换0次 (7<8)

12. A: 16块 2路组 (-组 8块, 共 8组)

## 一次外循环

$$96 \times 4 \div 16 = 24 \text{ 块}, \text{ 缺失 } 24 - 16 = 8 \text{ 块}.$$

$$A \text{ 和 } B \text{-一致: 缺失率} = \frac{8}{24} = \frac{1}{3} \approx 33.33\%$$

13. for ~~int j=0; j<6; j++~~

for { int i=0; i<64; i++ }

$$A[j][i] = A[j][i]+1; \quad A[j+1][i] = A[j][i]+1;$$

2

$$14.(1) \text{ 优化前: } \cancel{\frac{64 \times 128}{64 \times 128 \times 4}} = 4096 \text{ 次.}$$

$$\text{价值税: } \frac{\text{增值税}}{\text{增值税} + \text{消费税}} = \frac{35\%}{35\% + 28\%} = 4096\text{亿元}$$

(2) 优化前: ?

$$\text{代入法: } \frac{64 \times 128}{4} = 2048 \text{ kR}$$

$$(3) \text{ 优值: } \left( \frac{64 \times 128}{2} \div \frac{4 \times 1024}{32} \right) \times 4KB = 128KB.$$

$$\text{优化后: } \left( \frac{64 \times 128}{4} \div \frac{4 \times 1024}{32} \right) \times 4 \text{KB} = 64 \text{KB}$$

6.(1) 每个块可以储存 4 个 <sup>int</sup> 数据, 一共 32 块, 16 组.

$32 \times 4 = 64$  个 int 数据.

$$\frac{64}{128 \times 2} = 25\%$$

(2) 可以改善。因为缓存大小决定了能够缓存的块数，缓存越大，命中率越高。

(3) 可以改善。块的大小决定了每次从内存读取多少数据，读取数据越多，命中率越高。