

4-5 (1) 一页大小 4KB, 则页内偏移需 12 位, 剩余 52 位用于存储索引。若使用单级页表, 则共有 $2^{52} \cdot 8 = 2^{55}$ 字节 = 2^{15} TB

(2) 索引位下降为 36 位, 共 $2^{36} \cdot 8 = 512GB$

(3) 多级页表可以随着进程占用内存的增大而相应增加该进程页表数目, 而不是直接分配大量内存给页表。

4-6. 如果高 16 位低 16 位标签, 由于内存地址是连续分布的, 可能导致多个地址指向同一索引, 引起大量冲突。

4-7. 因为虚拟地址的页内偏移与实际物理地址相同, 也就是与组索引十块内偏移相同。在实际访存中可以直接由虚拟地址得到索引值, 从缓存中得到对应位置块的标签, 并与从页表中得到的物理地址对比, 提高了访存速度。

4-8. 1) $\bar{N} = 97/1 + 3/110 = 4.27$ 个周期

2) 缓存命中率 $\frac{64KB}{1GB} = \frac{2^{16}}{2^{30}} = 2^{-14}$, 缺失率 $1 - 2^{-14}$

平均周期 $110 \times (1 - 2^{-14}) + 1 \times 2^{-14} \approx 110$ 个

3) 局部性原理 说明 CPU 访问寄存器时, 就趋于聚集在一片连续区域中。在(2)中由于随机访存, 指令均匀分布在整個主存中, 导致缓存命中率低, 违背了局部性原理, 访存时间大大提高。

4) 设平均命中率为 $k\%$, 则 $k/100 + (1-k)/110 \leq 10\% \quad k \geq 4.58$, 即命中率大于 4.58%

9. 根据给出的不同缓存配置, 补全下表中缺失的字段。

编号	地址位数 Bit	缓存大小 KB	块大小 Byte	相联度	组数量	组索引位数 Bit	标签位数 Bit	偏移位数 Bit
1	32	4	64	2	32	5	21	6
2	32	4	64	8	8	3	23	6
3	32	4	64	全相联	1	0	26	6
4	32	16	64	1	256	8	18	6
5	32	16	128	2	64	6	19	7
6	32	64	64	4	256	8	18	6
7	32	64	64	16	64	6	20	6
8	32	64	128	16	32	5	20	7

10. 1) A 平均: $t_A = 0.22 + 100 p_1$

B 平均: $t_B = 0.52 + 100 p_2 \quad t_A \leq t_B \quad p_1 < p_2 + 0.3\%$

2) A 平均 $t_A = 0.22 + 0.22 k p_1$

B 平均 $t_B = 0.52 + 0.52 k p_2 \quad t_A \leq t_B \quad p_1 < \frac{26}{11} p_2 + \frac{15}{11} k = 2.36 p_2 + 1.36 k$

11. ① 直接映射：索引位有 4 bit，即最后一个 16 进制位：

替换 $0x100 \leq 0x102$

$0x100 \leq 0x104 \leq 0x105 \leq 0x2ee \leq 0xf05$
共 5 次

000
010
000
010
010
010

② 2 路组联，索引位有 3 位，每路 2 个

替换：
 $0x100 \leq 0x105 \leq 0x130$ 共 3 次
 $0x104 \leq 0x2ee$

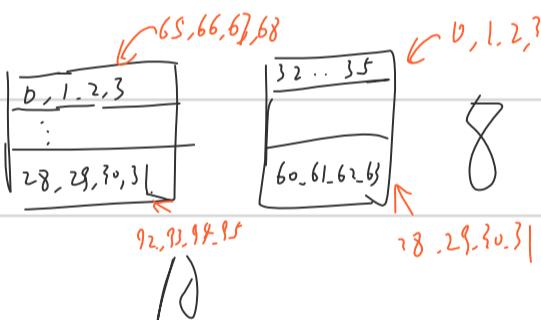
③ 4 路组联：索引位 2 位，每路 4 个，但所有访存指向同一索引

故发生 $7-4=3$ 次

④ 8 路组联，索引 1 位，每路 8 个，无替换

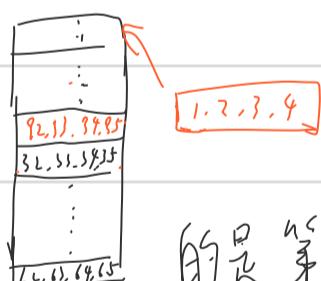
12. 一个 $\text{array}[i]$ 大小为 4 字节，地址为 2 位

缓存共 16 块，每块 16 字节，块内偏移 4 位，相当于存 4 个连续数据值



对 A 而言，2 路，每路 8 块，每访问 64 次数据刷一次新，由于遵从 LRU，从第 64 个元素开始缓存将原第 1 个元素的缓存块替换。遍历完一遍之后，重新访问 $\text{array}[0]$ 时，第 1 组的两路均不匹配，于是遵从 LRU 将 $\text{array}[32] \dots$ 一路从头替换。

故总缺失率为 25%.



对 B 而言，遍历完一遍之后，回到 $\text{array}[0]$ 时，仍然不匹配，但替换

的是第一组的块，而未替换块 $\text{array}[32] \dots$ ，故只有一半缓存被重复替代

$$\text{总缺失率为 } \frac{24 + 16 \times \frac{99}{3}}{96 \times 100} = 5.75\%$$

13. 相邻两次访存之间如果地址连续可以提高缓存利用率，故改为

```
for (int j = 0; j < 128; ++j) {
```

```
    for (int i = 0; i < 64; i++)
```

```
        A[i][j] = A[j][i] + 1;
```

}

14. (1) 共有 $2^{12}/2^5 = 128$ 块 每块 8 个数据

优化前，由于相邻访存 $A[j][i]$ 与 $A[j+1][i]$ 不是相邻的，不在一个块内；而由于组数为 128，相邻 2 个 j 之间地址相差 $64/8 = 8$ 个块地址，故第一次遍历，将 128 组中的 16 组重复替换了 8 次，第二次循环时全部被替换过，故又全部缺失，故每次缓存均缺失。共 $128 \times 64 = 8192$ 次

优化后，相邻访存地址连续，在同一个块内，而 j 循环同样每次循环都会对新的一块缓存赋值，故每 8 次访问缺 1 次，共 $128 \times 64/8 = 1024$ 次。

(2) 优化前：每次 j 循环对一个新缓存块访存，将 128 个块用完，每 8 次 j 循环更新一次，共缺失 $\frac{64}{8} \times 128 = 1024$ 次

优化后：仍然是将每个缓存块都占满，不同在于对一个缓存块更新后会连续访问 8 次，然后继续更新下一个缓存块。

总共缺失仍是 $\frac{64 \times 128}{8} = 1024$ 次

(3) 优化前：每 8 次 i 循环需要 128 个块缓存，为了这些块不重复，至少要共 $\frac{64}{8} \times 128 = 1024$ 块，容量为 $1024 \times 32B = 32KB$

优化后：由于连续访问，只用 1 个块即可满足，故共 $32B$

15

	input 数组				output 数组			
	列 0	列 1	列 2	列 3	列 0	列 1	列 2	列 3
行 0	miss	✗	✓	✓	miss	✗	✗	✗
行 1	✗	✓	✗	✓	✗	✗	✗	✗
行 2	✗	✗	✓	✓	✗	✗	✗	✗
行 3	✗	✓	✗	✓	✗	✗	✗	✗

共有 $32B/16B = 2$ 块，每块 4 个数

命中 8 次

16. (1) $512/(16 \times 2) = 16$ 组，每块存 4 个数

每访问 4 次缺失一次，命中率 75%

(2) 不可以，因为缺失与块是否有被替代无关，缓存扩大在块大小不变下只是避免了块被替代的情况

(3) 可以，因为连续地址的访问，块大小越大，同一块存储的数据越多，利用率越高，缺失率越小

