

- 附加1: (1) ① $\square 0 0 \square$ 状态从 q_1 到 q_2 , 0 写为 \square , 右移
 ② $\square \square 0 \square$ 状态从 q_2 到 q_3 , 0 写为 x , 右移
 ③ $\square \square x \square$ 状态从 q_3 到 q_5 , \square 不变, 左移
 ④ $\square \square x \square$ 状态仍为 q_5 , x 不变, 左移
 ⑤ $\square \square x \square$ 状态由 q_5 到 q_2 , \square 不变, 右移
 ⑥ $\square \square x \square$ 状态仍为 q_2 , x 不变, 右移
 ⑦ $\square \square x \square$ 状态从 q_2 到 q_{accept} , \square 不变, 右移, 1 结束
 最终磁带输出为 $\square \square x \square$, 状态为 q_{accept}

- (2) ① $\square 0 0 0 \square$ $q_1 \rightarrow q_2$, $0 \rightarrow \square$, 右 ② $\square \square 0 0 \square$ $q_2 \rightarrow q_3$, $0 \rightarrow x$, 右
 ③ $\square \square x 0 \square$ $q_3 \rightarrow q_4$, $0 \rightarrow 0$, 右 ④ $\square \square x 0 \square$ $q_4 \rightarrow q_{reject}$, $\square \rightarrow \square$, 右, 1 结束
 最终磁带输出为 $\square \square x 0 \square$, 状态为 q_{reject}

分析这个图灵机: 起始态为 q_1 , 终止态为 q_{reject} , q_{accept} , 也代表输出的两种状态。允许的所有输入集合仅有 0, 即在起始输入为 0 时, 必然有 $0 \rightarrow \square$, 并右移, 状态变为 q_2 , 于是最后达到终止态。要么为 q_2 时输入 \square 最终 $accept$, 要么为 q_4 时输入 \square 最终 $reject$ 。由上分析知, 最开始输入磁带必为 0, 且该位置最终覆写为 \square , 但实际上这个 \square 是一定无法当作指向终止态的 \square 的, 所以磁带的输入必定以 \square 结尾。x 要么由非初始 0 转化而来, 要么是本身就有, 且 x 是再不会被覆写为其它值的, 它只会起到移动磁带的作用。

于是,我们实际不用关注底带上的x,只要关注底带上0的个数即可

再写一个有6个0的底带 $\sqcup 000000 \sqcup \Rightarrow \sqcup \sqcup 000000 \sqcup$
 $\uparrow \quad \quad \quad (q_1) \quad \quad \quad \uparrow \quad \quad \quad (q_2)$
 $\Rightarrow \sqcup \sqcup x00000 \sqcup \Rightarrow \sqcup \sqcup x00000 \sqcup \Rightarrow \sqcup \sqcup x0x000 \sqcup$
 $\uparrow \quad \quad \quad (q_3) \quad \quad \quad \uparrow \quad \quad \quad (q_4) \quad \quad \quad \uparrow \quad \quad \quad (q_3)$
 $\Rightarrow \sqcup \sqcup x0x00 \sqcup \Rightarrow \sqcup \sqcup x0x0x \sqcup \Rightarrow \sqcup \sqcup x0x0x \sqcup$
 $\uparrow \quad \quad \quad (q_4) \quad \quad \quad \uparrow \quad \quad \quad (q_3) \quad \quad \quad \uparrow \quad \quad \quad (q_5)$
 $\Rightarrow \sqcup \sqcup x0x0x \sqcup \quad (\text{完成第一轮})$
 $\uparrow \quad \quad \quad (q_2)$
 $\Rightarrow \sqcup \sqcup x0x0x \sqcup \Rightarrow \sqcup \sqcup xxx0x \sqcup \Rightarrow q_{\text{reject}}$
 $\uparrow \quad \quad \quad (q_2) \quad \quad \quad \uparrow \quad \quad \quad (q_4)$

由上可见,这一个图灵机是处理0的,它会把第1个0变为 \sqcup ,之后把第2个0变为x,在 q_3, q_4 的状态循环中不断把第偶数0变为x,如果一轮0过完后在 q_3 ,就会经 q_5 返回前面的底带,然后再把新的0序列中一半的0变为x。~~但是~~如果要所有0变为x,就要保证每次剩下的0的个数为奇数,而只有2的整幂次才可做到。

因为以16为例,先把16个0变为 \sqcup ,剩下15个0,第一轮过完将8个0变为x,剩下7个0仍为奇数,再第二轮将4个0变为x,剩下3个0仍为奇数,再第三轮将2个0变为x,最后一轮将1个0变为x,到达状态 q_3 ,之后返回 q_2 并最终到 q_{accept} 。

功能:判断底带上0的个数是否为 2^n , $n \in N(0, 1, 2, \dots)$,若是返回 q_{accept} ,否则返回 q_{reject}

6. 哈佛架构: 指令存储器和数据存储器分开, 可使指令获取和数据存取同时进行

冯诺依曼架构: 将存储器和计算分开构成二元对应关系, 具有统一的数据和指令总线

区别: 哈佛架构的指令和数据存储器分开, 而在冯诺依曼架构中二者在一起

冯诺依曼架构中区分内存中的内容: ①从时间上, 若是在取指周期取出, 则为指令; 若在指令执行周期取出, 则为数据 ②从空间上, 我们去取从内存中获取内容时, 要根据地址来取, 这个地址来自PC寄存器(程序计数器单元), 则为指令; 这个地址来自指令地址寄存器部分的取指单元, 则为操作数据。

5. 丘奇-图灵论题

主要内容: 丘奇-图灵论题是一个关于可计算性理论的假设, 它定义了机器能够完成的如计算、推理等智能行为的世界, 即任何在算法上可计算的问题可同样被图灵机所计算, 图灵机是计算的极限, 是算法的严格的数学定义。

意义: 厘清了计算、图灵机和编程语言的关系, 探讨了“有效计算”和“可计算性”, 对“算法”本身给出了精确的定义, 奠定了计算机科学的理论根基, 在哲学上涉及到宇宙的本质和超计算的可能性。