



بسمه تعالی
 دانشگاه صنعتی شریف
 دانشکده علوم کامپیوتر
 Image processing – دکتر مصطفی کمالی
 HW3 q1 report

سوال یک – Hough Transform:

این سوال از دو فایل تشکیل شده ، فایل اول به نام `function.py` که توابع مربوطه در آن قرار دارند و فایل کد اصلی به نام `q1.py` ، در ابتدا توابع موجود در `function.py` را توضیح میدهم که 9 تابع در آن موجود است .

normalize : این تابع به اینصورت است که ماتریس ورودی را گرفته ، کمترین مقدارش را از هم درایه ها کم میکند که باعث میشود کمترین مقدار برابر صفر شود ، سپس همه درایه ها را تقسیم بر بیشترین مقدار کرده و سپس ضربدر 255 کرده و به نوع `uint8` میبرد ، لذا باعث میشود که درایه های ماتریس ورودی که اگر بین `a` تا `b` بوده اند بین 0 تا 255 و به صورت `integer` قرار بگیرند و مناسب نمایش و ذخیره کردن شوند.

hough_space : این تابع برای ساختن ماتریس `accumulator` و ایجاد `Hough space` به کار میرود ، به اینصورت که عکس ورودی را ابتدا سیاه سفید کرده و سپس مربعی میکند و یک فیلتر گاوسی سه در سه با زیگما صفر اعمال میکند تا نتیجه اندکی بهتر شود ، سپس با استفاده از تابع `cv2.canny` ، `edge` ها را در تصویر بدست می آورد ، فاصله `d` برابر رند شده ی قطر این عکس مربعی شده است و آن را حساب میکنیم . برای تشکیل فضای `hough` به اینصورت عمل میکنیم که بازه θ از $-\pi$ تا π به تعداد 360 عدد یا به عبارتی هر یک درجه ، همچنین ρ از مقدار `-d` تا `d` به تعداد `2d` میباشد یعنی هر اختلاف دو ρ متوالی برابر یک است ، سپس ماتریس `accumulator` را به تعداد سطر برابر تعداد ρ ها و ستون ها به تعداد θ ها میباشد. برای پر کردن `accumulator` به اینصورت عمل میکنیم که درایه به درایه در تصویر `edge` جلو میرویم و اگر یک آن درایه جز `edge` بود ، برای مختصات آن و برای هر θ ، مقدار ρ را طبق فرمولی که در اسلایدهای درس آمده یعنی $x \cdot \cos(\theta) + y \cdot \sin(\theta)$ مقدار ρ متناظر را بدست میآوریم ، سپس در ماتریس `accumulator` در ستون θ مربوطه میبینیم که این ρ بدست آمده به ρ متناظر با کدام سطر نزدیک تر است ، آن سطر را پیدا کرده و سپس درایه مربوطه را یک عدد زیاد میکنیم و یک `vote` دیگر به آن اضافه میشود ، در نهایت ماتریس `accumulator` بدست میآید که متناظر فضای `hough` است و سپس آنرا به همراه تصویر `edge` در خروجی میدهم ، نکته ای که باید توجه کرد اینست که در درس گفته شد که مبدا `x,y` را مرکز عکس و بگیرد ، ولی ما گوشه بالا چپ گرفتیم و که پیاده سازی ساده تر شده و تفاوتی از نظر مفهوم نمیکند.

find_lines : این تابع سه ورودی دارد ، ورودی اول عکس اصلیت که مربعی فرض شده و صرفاً dimension آن نیاز است ، سپس ماتریس accumulator و یک threshold میگیرد که مقدار default برای 150 threshold فرض شده ، حال به استفاده از `scipy.signal.argrelextrema` ماکزیمم های محلی در ماتریس accumulator را بدست می آوریم که اگر از مقدار threshold بیشتر بود ، θ , ρ متناظر را به عنوان θ , ρ خط بدست آمده به آرایه lines اضافه میکنیم و در نهایت lines را در خروجی میدهیم.

Make_mb : این تابع آرایه `my_lines` را میگیرد که هر سطر آن دو مقدار ρ , θ دارد و سپس مقدار شیب و عرض از مبدا خط متناظر را بدست می آورد و در آرایه lines به اینصورت اضافه میکند که هر سطر آن برابر m, b, θ, ρ است و اگر اختلاف مقدار θ با $\pm\pi/2$, $\pm\pi$ کمتر از 0.2 درجه باشد ، خط عمودی / افقی در نظر گرفته شده و به جای m مقدار ρ و به جای b مقدار $\pm np.inf$ میگذاریم که مثبت یا منفی بودن `np.inf` نشان دهنده عمودی یا افقی بودن خط است .

avg_near_line(lines_in, th1=0.036, th2=0.15) : این تابع خطوطی که اختلاف ρ آنها کمتر از `th1` که مقدار پیشفرض آن برابر 3.6 درصد و اختلاف θ آنها کمتر از `th2` باشد (15 درصد مقدار پیشفرض) را در یک دسته قرار داده و میانگین ρ , θ کل آن دسته را به عنوان یک خط در نظر میگیرد و به اینصورت تعداد خط های ورودی را کاهش میدهد و خروجی میدهد.

select_parallel_lines(in_lines, th=2) : این تابع لیست خطوط ورودی را بر اساس ρ مرتب میکند و آنهایی که ρ آنها اختلافشان از 2 درصد کمتر باشد را موازی فرض میکند و در یک دسته قرار میدهد ، سپس دسته هایی که تعداد خطوط در آنها بیشتر از `th` باشد در نظر میگیرد و بقیه را دور میریزد ، با این کار خط هایی که تعداد خطوط موازی آنها از حدی بیشتر از نگه داشته شده و بقیه دور ریخته میشوند که برای نگه داشتن خطوط روی صفحه شطرنج استفاده شده است .

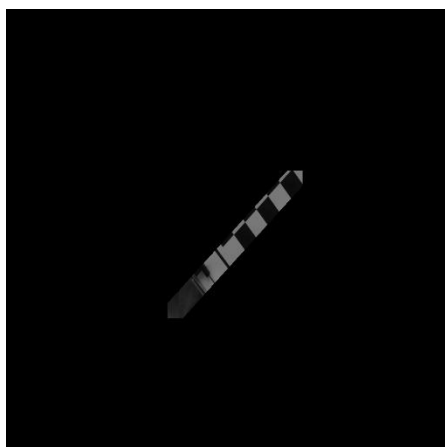
draw_line : این تابع به اینصورت است که که خطوط داده شده را روی تصویری که ورودی آن آمده است رسم میکند، به اینصورت که برای $x=\pm 4000$ مقدار y متناظر را بدست می آورد و خطی بین این دو نقطه رسم میکند. همچنین اگر خط عمودی و یا افقی باشد با توجه به ρ آن خط آنرا رسم میکند و تصویر نهایی را در خروجی میدهد.

Intersection : این تابع به اینصورت است محل تلاقی هر دو خطی که در آرایه خطها در ورودی آن داده میشود را درصورت وجود با استفاده از فرمولهایی که با استفاده از هندسه دکارتی مقدماتی بدست می آید محاسبه میکند و اگر شیب دو خط خیلی نزدیک هم باشد به عنوان خطا حساب کرده و محل تلاقی را حساب نمیکند ، بلکه ما به دنبال محل تلاقی خطهای تقریباً عمود برای گوشه های صفحه شطرنج هستیم. سپس با همان تابع `avg_near_line` محل های تلاقی که نزدیک هم هستند را میانگین میگیریم که مقدار threshold ها هم متناسب شده است ، پیاده سازی تابع `avg_near_line` به صورتی است که هم برای خطوط هم برای نقاط نزدیک هم کار میکند.

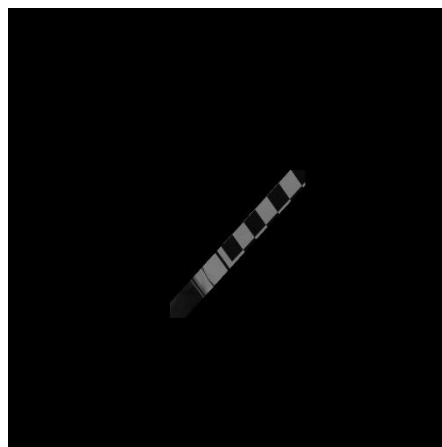
شاید مشکل ترین بخش این سوال جدا کردن خط های روی شطرنج بود ، برای این کار ابتدا از تابع `find_chess_lines` استفاده شده و سپس خروجی آنرا به `select_parallel_lines` داده ایم تا خطهای اضافی باقیمانده را حذف کند.

find_chess_lines : این تابع برای هر خط داده شده یک نوار دو طول آن خط در بالا و پایین عکس با یک `margin` در نظر میگیرد که ای نوار در طول کل خط نیست بلکه از کناره های عکس مقداری فاصله دارد که این `margin` و فاصله را با آزمون و خطا بدست آوریم ، سپس برای این دو `margin` روش `pattern recognition` را یک بار برای `margin` پایینی در بالایی و بار دیگر برعکس انجام داده و میانگین میگیریم. از عدد بدست آمده که با استفاده از روش `normalized cross correlation` یک عدد بین 0 و 1 میشود ، حال اگر خط روی صفحه شطرنجی باشد ، این دو `margin` شبیه همد و این عدد حدود 0.7 درمیاید که یک بازه تعیین کرده ایم که خطوطی که این عدد برای آنها در این بازه قرار دارد را جدا میکند ، برای یک خط که در صفحه شطرنجی قرار دارد این عدد و همین طور `margin` های بالا و پایین که در کد به نام `mask_up` , `mask_down` است به صورت زیر است : و عدد بدست آمده برابر : 0.6295

Mask_up



Mask_down



حال فقط خطهایی که این عدد برای آنها بین 0.53 تا 0.78 است را نگه میداریم .

حال که توابع را توضیح دادیم به فایل `q1.py` میپردازیم ، این فایل یک تابع `main` دارد که اسم عکس که میخواهیم را ورودی میگیرد و به ما در خروجی مقدار : `[edge, acc, acc_big, img_line, img_chess_line, img_corners]` میدهد که `edge` برابر تصویری مربوط به لبه هاست ، `acc` برابر ماتریس `accumulator` و یا `hough space` ماست ، همچنین چون از نظر ظاهری این ماتریس برای نمایش دادن خوب نبود علاوه بر آن ، اندازه آن را اسکیل کرده و اندکی به مربعی نزدیک کردیم و مقادیرش را بزرگ و بین 0 تا 255 بردیم و یک عکس اضافه بر عکس های خواسته شده ذخیره کردیم که مربوطه به همین است و نام آن به صورت `res03-hough-space-big.jpg` است . `img_line` برابر عکسی

که خطها رویش کشیده شده ، `img_chess_line` عکسی که خطهای شطرنج در آن کشیده شده ، `img_corners` عکسی که گوشه ها در آن رسم شده است .

در ابتدای تابع `main` عکس را ورودی گرفته ، `dimension` را نگه میداریم و آنرا مربعی میکنیم ، سپس با تابع `hough_space` ماتریس `acc` و `edge` را بدست میآوریم و با استفاده از تابع `fine_lines` و ماتریس `acc` ، خطها را بدست میآوریم و به تابع `avg_near_line` میدهیم تا خطهای خیلی نزدیک میانگین گرفته شوند ، سپس با استفاده از دو تابع `find_chess_lines` و `select_parallel_lines` خطهای روی شطرنج را پیدا میکنیم و در نهایت نقاط تداخل آنها را با تابع `intersection` بدست آورده و سپس خطها را با `draw_lines` رسم میکنیم و سپس عکس های بدست آمده را به `dimension` اولیه برمیگردانیم و از حالت مربعی خارج میکنیم.

حال برای هر دوعکس ، عکس های خواسته شده را بدست آورده و ذخیره میکنیم